BÀI KIỂM TRA SỐ 1- HP ĐẠI SỐ TUYẾN TÍNH - NGÀY 21/6/24 HỌ TÊN: MSSV: LỚP:

Câu 1: Trình bày định nghĩa và cho ví dụ ma trận

Câu 2: Hãy tính 
$$\begin{vmatrix} \cos x & -\sin x \\ \sin x & \cos x \end{vmatrix} = \dots$$

Câu 3: Tìm hạng của ma trận 
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & -3 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

Câu 4: Cho A=
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$
, tính det((3A)<sup>-1</sup>)?

Câu 5: Tính giá trị 
$$f(A)$$
, biết  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ , và  $f(x) = 3x^2 - x + 1$ 

Câu 6: Cho B= 
$$\begin{pmatrix} m & 0 & 0 & 0 \\ 1 & m-1 & 1 & m \\ 2 & 1 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$
, tìm m để detB=0

Câu 7: Tính 
$$\begin{vmatrix} x & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & x \end{vmatrix} = \dots$$

Câu 8: Tính 
$$\begin{vmatrix} x & 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & 1 & 1 \\ 1 & 1 & x & 1 \\ 1 & 1 & 1 & x \end{vmatrix} = ...$$

$$C\hat{a}u \ 9: T \hat{n}h \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & -1 & 1 & 0 \\ -1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ -2 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} = \dots$$

Câu 10: Tính 
$$\begin{pmatrix} 1 & 3 & 4 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} = \dots$$

Câu 11: Tìm ma trận nghịch đảo của 
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

Câu 12: Cho A= 
$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 5 & 5 \\ m & 2 & 1 & 0 \\ 4m & 3 & 0 & 0 \\ 5 & 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$$
, tìm m để  $r(A) \ge 3$ 

Câu 13: Cho A= 
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ m & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$
, m khác 0, tìm m để A suy biến

Câu 14: Tìm X biết 
$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 4 & -3 & 3 \\ 1 & 3 & 0 \end{pmatrix}$$
  $X = \begin{pmatrix} 3 & 9 & 7 \\ 1 & 11 & 7 \\ 7 & 5 & 7 \end{pmatrix}$ 

Câu 15: Tìm X biết, 
$$\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 5 & -2 \end{pmatrix}$$
.  $X \cdot \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 14 & 16 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$ 

Câu 16: Tìm x, biết 
$$\begin{vmatrix} -x & x & 3\\ 3 & -1 & 2\\ 1 & 1 & x+10 \end{vmatrix} = 0$$

Câu 17: Chứng minh: 
$$\begin{vmatrix} 1 & a & a^3 \\ 1 & b & b^3 \\ 1 & c & c^3 \end{vmatrix} = (a+b+c) \begin{vmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & b & b^2 \\ 1 & c & c^2 \end{vmatrix}$$

Câu 18: Tìm các số hạng của định thức:  $\begin{vmatrix} 5x & 1 & 2 & 3 \\ x & x & 1 & 2 \\ 1 & 2 & x & 3 \\ x & 1 & 2 & 2x \end{vmatrix}$  chứa  $x^3$  và  $x^4$ .

Câu 19: Tìm m để ma trận sau có nghịch đảo :  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 1 \\ 2 & 4 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & -2 & 1 \\ 0 & -1 & 2 & m \end{pmatrix}$ 

Câu 20: Tìm x:  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -2 & x & 1 \\ -1 & 2 & -1 \end{vmatrix} > 0$