

Tensor 介绍

- 1、搜索陈列 what is tensor
- 2、领域：数学、物理、计算列举几种 tensor
- 3、对这个符合的想法如 NamedTensor, 我的想法 TypeTensor
- 4、tensor 再 tf、pytorch 的区别，接口陈述
- 5、tensor 计算的优化方式

1、各种 Product：

	中文	符号	等效性	意义/计算	特点	其他关系	
inner Product	内积	$\langle a, b \rangle$ $\langle a b \rangle$					https://en.wikipedia.org/wiki/Inner_product_space
Dot Product	点积	点符号: \cdot	同 内积	$\sum a_i b_i$			
Scalar product	na		同 内积				
Exterior Product	外积	楔形符号: \wedge e			3 维/ 7 维存在意义。 其他维度不确定	Hodge star	https://en.wikipedia.org/wiki/Exterior_algebra https://math.stackexchange.com/questions/720813/do-four-dimensional-vectors-have-a-cross-product-property
Cross Product	叉积	X 叉符号	同 外积?		3 维下明确的计算和意义	Levi-Civita tensor	https://en.wikipedia.org/wiki/Cross_product

Wedge product	na		同 外积			
Tensor Product	张量积	\otimes				
Outer Product	na		同张量积			
Kronecker Product	na		同张量积	tensorflow		https://en.wikipedia.org/wiki/Kronecker_product https://math.stackexchange.com/questions/203947/tensor-product-and-kronecker-product https://www.statlect.com/matrix-algebra/Kronecker-product

matrix multiplication ?

The cross product $\mathbf{a} \times \mathbf{b}$ is **orthogonal** to the bivector $\mathbf{a} \wedge \mathbf{b}$

<https://en.wikipedia.org/wiki/Bivector>

<https://math.stackexchange.com/questions/1107690/exterior-product-vs-cross-product>

2、Tensor wiki 摘要

<https://en.wikipedia.org/wiki/Tensor>

1` In **mathematics**, a **tensor** is an **algebraic object** that describes a **multilinear** relationship between sets of algebraic objects related to a **vector space**.

2` Tensors are defined **independent** of any **basis**, although they are often referred to by their components in a basis related to a particular coordinate system.

3` any tensor with respect to a basis is represented by a multidimensional array. For example, a **linear operator** is represented in a basis as a two-dimensional square $n \times n$ array. The numbers in the multidimensional array are known as the *scalar components* of the tensor or simply its *components*.

// 往往在固定了基础 base（新base 是基础base 的线性组合），那么 tensor 就是可高维的 array，其实就是已经被数字化建模可用来直接计算。这里和 tensor 是和 base 无关的并没有冲突。因为在 array 里面并没有写 base 是具体什么 e，具体的 e 的物理意义可再进行更换。

// 在 tensor 等 object 进行数字化之后，高维情况如 3 维，其实描述所谓的“行向量”“列向量”失去意义，所谓高坐标和低坐标应该有更好的表示方法

3' dual vector sapce

任何线性变化可将 V 空间下的任意向量 v 转换为 scalar in F

$V \rightarrow F$

对任何向量空间的操作，可非常“捷径”的转换为 base 的基础操作，因为此空间下的任何其他元素可表示为 base 的线性组合。那么 V base $\{e_1, e_2 \dots e_n\}$ 那么定义一个 dual space V_{star} base $\{\langle e_1|_-, \langle e_2|_- \dots \langle e_n|_- \rangle\}$

V_{star} 下的任何元素可线性组合其 base，任意的一个 $g = a_1 w_1 + a_2 w_2 + \dots a_n w_n$

可见 g 可将任意原空间向量 v 转换为标量。

$(a_1 w_1 + a_2 w_2 + \dots a_n w_n) * (b_1 e_1 + b_2 e_2 + \dots b_n e_n)$ // 很多“行”元素其实隐含着加号

从上面看，所谓的 object 不仅仅是‘数’还可‘运算’，当进“行多项式乘法”这一个基本操作时候，这个乘法可不是常规的数字乘法，而是先记录一个为抽象的 tensor_product，然后再具体的 base 上再表明‘具体意义’如 $a_1 w_1$ tensor_product $b_1 e_1$ 定义为 $\langle a_1 e_1 | b_1 e_1 \rangle = 1$ $\langle a_1 e_1 | b_2 e_2 \rangle = 0$

这样的先 tensor_product 再具体定义线性变化，也正是 Universal property of tensor product：

$$\begin{array}{ccc} V \times W & \xrightarrow{\varphi} & V \otimes W \\ & \searrow h & \downarrow \tilde{h} \\ & & Z \end{array}$$

另外这里的也将具体 base（后续可变，所以不是依赖 based），来简洁的找到第一步骤本质：多项式展开，第二部本质：base tensor 的具体定义和算法。

