

コンピュータシステムの 理論と実装

2025/2/23

1章 ハードウェア実装

最初に NAND ゲートのみ しか与えられる。

NAND ゲートから各ゲートを実装していく。

NAND (No + And)

a	b	out
0	0	1
1	0	1
0	1	1
1	1	0

NOT

a	out
0	1
1	0
0	1
1	0

OR

a	b	out
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	1

AND

a	b	out
0	0	0
1	0	0
0	1	0
1	1	1

✓ $Xor (And, Or, Not)$

a	b	out
0	0	0
1	0	1
0	1	1
1	1	0

a, b が異なる時にビットが立つ
a, b が同じ時にビットは立たない。

Xor.hdl ファイルの if 文を見て解いてしまったので、
表から if 文作って hdl 文作成しようか
勉強にしよう

Mux (マルチプレクサ)

sel	out
0	a
1	b

if sel == 0 out = a
else out = b

$a Or sel = out$ $(a Or sel) Or (b And sel)$

0	0	0	0
0	0	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0

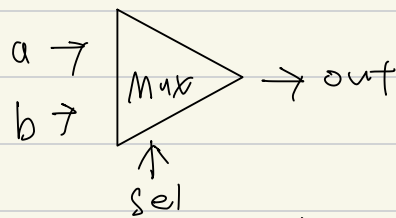
$b And sel = out$

Max

$(a \text{ Or } sel) \text{ Or } (\text{Not } b \text{ And } sel)$

0	0	1	1	0	0	1
0	0	1	0	0	0	1
1	0	1	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	1
			Or			
	0	1		0	0	1
	0	1		0	0	0
	1	1		0	0	1
	1	1		0	0	0

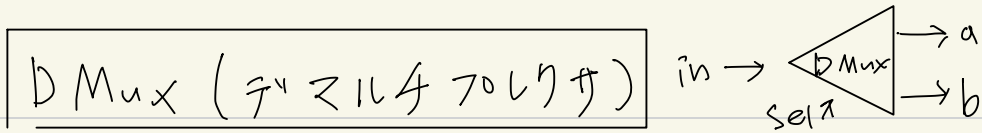
	Or
0	1
0	1
1	1
1	1



sel	out
0	a
1	b

	Xor
0	0
0	1
1	0
1	1

$(a \text{ Or } sel) \text{ Xor } (\text{Not } b \text{ And } sel)$



sel	a	b
0	in	0
1	0	in

λb in, sel
出力 a, b

if (sel == 0)

{ a, b } = { in, 0 }

else

{ a, b } = { 0, in }

in	sel	a	Xor	And	or	NAnd
0	0	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1	1
0	1	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	1	0

in	sel	b
0	0	0
1	0	0
0	1	0
1	1	1

outb = And(a = in, b = sel, out = b)

outa = Xor(a = in, b = outb, out = a)

ifDL:

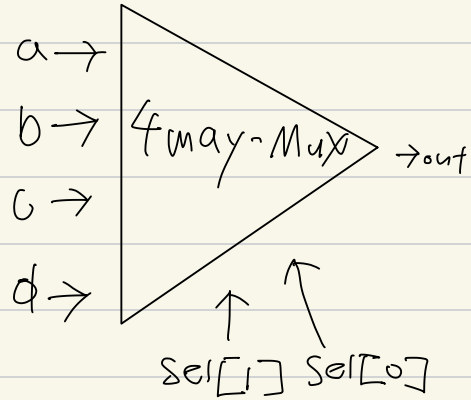
And(a = in, b = sel, out = outb, out = b);

Xor(a = in, b = outb, out = a);

P. 388 ~~48~~ ~~48~~

Mux 4Way lb

sel[1]	sel[0]	out
0	0	a
0	1	b
1	0	c
1	1	d



a	b	c	d	sel[1]	sel[0]	out
1	0	0	0	0	0	1
1	1	0	0	0	1	1
1	1	1	0	1	0	1
1	1	1	1	1	1	1

sel[1]が0のは a, b を出力, sel[1]が1のは c, d を出力

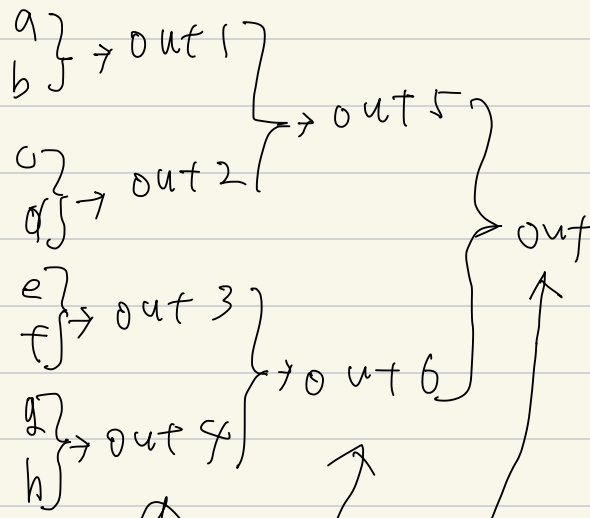
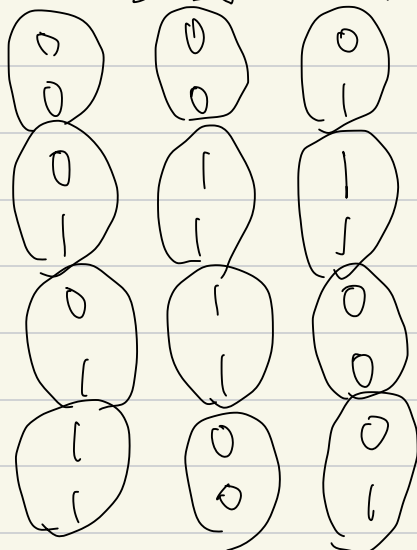
Mux lb (a=a, b=b, sel=sel[0], out=out0); ← sel[1]=0

Mux lb (a=c, b=d, sel=sel[0], out=out1); ← sel[1]=1

Mux lb (a=out0, b=out1, sel=sel[1], out=out);

Max 8 Way lb

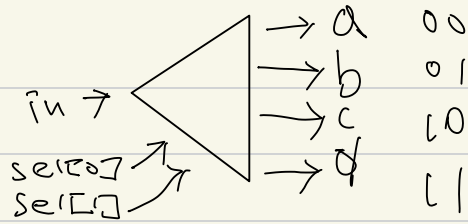
selto selto selto



Max 4 Way lb

Max lb

DMax 4Way



in	sel[0]	sel[1]	a	b	c	d
0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	0	0	1	0
0	1	1	0	0	0	0

sel[0] が 0 のときは c, d を 0 に置き、1 のときは a-b を出す。

DMax (in=in, sel=sel[0], a=out a, b=out b);

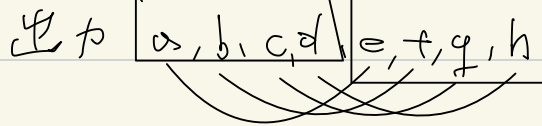
~~DMax (in=in, sel=sel[1], a=out c, b=out d);~~

DMax (in=out a, sel=sel[1], a=a, b=c);

DMax (in=out b, sel=sel[1], a=b, b=d);

DMux 8Way

入力 in, sel[3]



- sel[2] が 0 のときは e, f, g, h が出力される
- sel[2] が 1 のときは a, b, c, d が出力される。

DMux 4Way (in=in, sel=sel[0..1], a=a, b=b, c=c, d=d);

DMux 4Way (in=in, sel=sel[0..1], a=e, b=f, c=g, d=h);

DMux (in=a, sel=sel[2], a=a, b=e);

DMux (in=b, sel=sel[2], a=b, b=f);

DMux (in=c, sel=sel[2], a=c, b=g);

DMux (in=d, sel=sel[2], a=d, b=h);

2025/2/27 2章 7-10 算術

半加算器 (Half Adder)

入力 a, b

a	b	carry	sum
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

出力 Sum, Carry
 $a+b$ の
最下位ビット
最上位ビット

Xor ($a=a, b=b, \text{out}=\text{sum}$);

And ($a=a, b=b, \text{out}=\text{carry}$);

全加器 (Full Adder)

输入 a, b, c

输出 $carry, sum$

a	b	$carry$	sum	$c + sum$	$c\ carry$	$csum$
0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	1	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	1	1	0
1	0	0	1	1	1	0
1	1	1	0	1	0	1

$abcarry \text{ or } ccarry = carry$

$csum = sum$

Half Adder ($a = a, b = b, carry = abcarry, sum = absum$);
 Half Adder ($a = c, b = absum, carry = ccarry, sum = sum$);
 Or ($a = abcarry, b = ccarry, out = carry$);

16ビット加算器 (Add16)

2ビットの場合

10 a

01 + b

11 out

11

11 a

11 + b

110 out

入力 a[16], b[16]

出力 out[16]

Overflow (入力ビット幅を超え) は無視

Half Adder (a = a[0], b = b[0], carry = 0, sum = out[0])

Full Adder (a = a[i], b = b[i], c = 0, carry = 0, sum = out[i])

i: ビット繰り返し

a[0] = 1, b[0] = 1, c = 0, out[0] = 0 i = 0

a[1] = 1, b[1] = 1, c = 1, out[1] = 1 i = 1