### **Pareto Frontier**

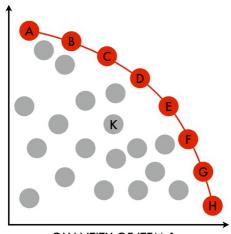
Time limit: 1 sec

โจทย์ข้อนี้จะเป็นการคำนวณหา Pareto Frontier ของ ข้อมูลจุดใน 2 มิติ โดย Pareto Frontier มีนิยามดังต่อไปนี้ ਨੂੰ กำหนดให้มีเซ็ตของจุด 2 มิติ A = { a0, a1, ..., a(n-1) 🗒

กำหนดให้มีเซ็ตของจุด 2 มิติ A = { a0, a1, ..., a(n-1) ปิ โดยที่แต่ละจุดจะถูกระบุกำกับด้วยหมายเลข 1 ถึง n และแต่ละ Ö จุดมีพิกัด x,y เป็น ai.x และ ai.y เราจะเรียกจุด ai ว่า "ถูก ครอบงำโดย" จุด aj ก็ต่อเมื่อ ai.x <= aj.x และ ai.y <= aj.y

กำหนดให้ Pareto Frontier ของเซ็ต A คือ ซับเซ็ตของ A ที่ประกอบด้วยสมาชิกที่ไม่ถูกครอบงำโดยจุดอื่นใดเลย ตัวอย่างเช่นในรูปด้านขวามือนี้ จุดสีแดงทั้งหมดคือจุดที่เป็น Pareto Frontier

จงเขียนโปรแกรมที่คำนวณ Pareto Frontier จากเซ็ต A ที่กำหนดให้



**QUANTITY OF ITEM 1** 

## Input

- บรรทัดแรกประกอบด้วยจำนวนเต็ม N ซึ่งระบุจำนวนจุดในเซ็ต A ทั้งหมด (1 <= N <= 100,000)</li>
- อีก N บรรทัดถัดมาจะระบุจุดแต่ละจุด บรรทัดละ 1 จุด แต่ละบรรทัดประกอบด้วยตัวเลขสองตัว ซึ่งระบุพิกัดในแกน x และ y ของจุดดังกล่าว (0 <= x,y <= 100,000) รับประกันว่าไม่มี สองจุดใด ๆ ที่มีพิกัด x เหมือนกันเลย

#### **Output**

ประกอบด้วยบรรทัดหนึ่งบรรทัด โดยให้ระบุจำนวนของจุดที่เป็น Pareto Frontier

#### คำแนะนำ

- มีข้อมูลทดสอบจำนวน 50% ที่มีค่า N ไม่เกิน 1000 ซึ่งสามารถหาคำตอบได้ด้วยวิธีการ O(N^2)
- มีโค้ดเริ่มต้นที่เป็น Divide & Conquer ให้แล้ว โดยมีฟังก์ชัน vector<int> pareto(int I,int r) ซึ่งจะคำนวณ Pareto frontier ของ A[I] ถึง A[r] โดยคืน vector ของหมายเลขของ จดที่เป็น Pareto frontier ของ ของ A[I] ถึง A[r] ซึ่งมีหลักการทำงานดังต่อไปนี้
  - แบ่ง P ออกเป็นสองส่วนย่อย โดยที่แบ่งตามค่าพิกัด X กล่าวคือ ให้ m = (I+r) / 2 ปัญหา ย่อยแรกคือจุดหมายเลข I ถึง m และปัญหาย่อยที่สองคือจุดหมายเลข m+1 ถึง r
  - เรียก Pareto แบบ recursive เพื่อแก้ปัญหาย่อยทั้งสองส่วน
  - ทำการรวม Pareto Frontier จากทั้งสองปัญหาย่อยมาเป็น Pareto Frontier ของปัญหา หลัก

- นิสิตจะต้องเขียนโปรแกรมในขั้นตอนการรวมผลเอง
- นิสิตไม่จำเป็นจะต้องใช้โค้ดเริ่มต้นดังกล่าวก็ได้

# ตัวอย่าง

Input	Output
3	3
50 10	// ทุกจุดเป็น Pareto frontier
30 30	
10 50	
3	1
10 10	// เฉพาะจุด 30 30 เท่านั้นที่เป็น Pareto
20 20	frontier
30 30	
4	1
20 40	// จุดที่อยู่ใน Pareto Frontier คือ 41 41
21 21	เท่านั้น
40 20	
41 41	