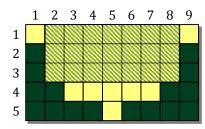
HÌNH CHỮ NHẬT LỚN NHẤT

Cho một bảng hình chữ nhật kích thước $m \times n$ được chia thành lưới ô vuông đơn vị m hàng, n cột. Các hàng được đánh số từ 1 tới m theo thứ tự từ trên xuống dưới và các cột được đánh số từ 1 tới n theo thứ tự từ trái qua phải. Người ta tiến hành tô màu các ô của bảng theo từng cột: Các ô trên mỗi cột j sẽ được tô từ trên xuống dưới: h_j ô màu vàng tiếp đến là $m-h_j$ ô màu xanh. Như vậy tình trạng màu trên bảng hoàn toàn xác định nếu ta biết được số hàng m, số cột n và các số nguyên h_1,h_2,\dots,h_n .

Hãy xác định một hình chữ nhật gồm các ô trong bảng đã cho thỏa mãn các yêu cầu sau:

- Có cạnh song song với cạnh bảng
- Đơn sắc (chỉ gồm các ô vàng hoặc chỉ gồm các ô xanh)
- Diện tích lớn nhất có thể



$$m = 5$$

 $n = 9$
 $H = (1,3,4,4,5,4,4,3,1)$

Dữ liệu: Vào từ file văn bản RECT.INP

- Dòng 1: Chứa hai số nguyên dương $m, n \ (m, n \le 10^6)$
- Dòng 2: Chứa n số nguyên $h_1, h_2, ..., h_n (\forall j: 0 \le h_j \le m)$

Kết quả: Ghi ra file văn bản RECT.OUT một số nguyên duy nhất là diện tích hình chữ nhật tìm được *Các số trên một dòng của Input files được ghi cách nhau ít nhất một dấu cách*

Ví du

RI	EC	Τ.:	INF)					RECT.OUT
5	9								21
1	3	4	4	5	4	4	3	1	

TRỌNG SỐ KHOẢNG

Định nghĩa trọng số của một dãy số nguyên là độ chênh lệch giữa phần tử lớn nhất và phần tử nhỏ nhất trong dãy. Ví dụ trọng số của dãy (3,1,7,2) là 6, trọng số của dãy (40,40) là 0.

Yêu cầu: Cho dãy số nguyên $A = (a_1, a_2, ..., a_n)$. Hãy tính tổng trọng số của tất cả các dãy con gồm các phần tử liên tiếp trong A.

Ví dụ với A = (1,2,3), những dãy con gồm các phần tử liên tiếp trong A là:

• Dãy rỗng và các dãy (1), (2), (3): trọng số 0

• Dãy (1,2) và dãy (2,3): trọng số 1

• Dãy (1,2,3): trọng số 2

Tổng trọng số cần tìm: 4

Dữ liệu: Vào từ file văn bản WEIGHT.INP

• Dòng 1 chứa số nguyên dương $n \le 10^6$

• Dòng 2 chứa n số nguyên dương $a_1, a_2, ..., a_n$ có giá trị không vượt quá 10^6 .

Các số trên một dòng của input file được ghi cách nhau ít nhất một dấu cách.

Kết quả: Ghi ra file văn bản WEIGHT.OUT một số nguyên duy nhất là kết quả tìm tìm được

WEIGHT.INP	WEIGHT.OUT
3	4
1 2 3	
4	31
3 1 7 2	

GIÁ TRỊ NHỎ NHẤT

Cho dãy số nguyên $A=(a_1,a_2,\dots,a_n)$ và một số nguyên dương $k\leq n$. Với mỗi giá trị i ($1\leq i\leq n-k+1$), hãy xác định giá trị nhỏ nhất trong k phần tử liên tiếp: $a_i,a_{i+1},\dots,a_{i+k-1}$

Dữ liệu: Vào từ file văn bản MINIMUM.INP

- ullet Dòng 1 chứa hai số nguyên dương $n \leq 10^6$, $k \leq n$ cách nhau bởi dấu cách
- \bullet Dòng 2 chứa n số nguyên dương $a_1,a_2,\dots,a_n~(\forall i\colon a_i\leq 10^6)$ cách nhau bởi dấu cách

Kết quả: Ghi ra file văn bản MINIMUM. OUT n-k+1 dòng, dòng thứ i ghi giá trị nhỏ nhất trong các phần tử $a_i,a_{i+1},\dots,a_{i+k-1}$

MINIMUM.INP	MINIMUM.OUT
5 3	1
2 1 5 3 4	1
	3

ÉCH SĂN MÒI

Có m bậc thang đánh số từ 1 tới m từ trên xuống. Mỗi bậc thang được chia đều làm n ô, đánh số từ 1 tới n từ trái qua phải. Ô thứ j trên bậc thang i được gọi là ô (i,j) và trên đó có một lượng thức ăn là a_{ij} .

Một con ếch muốn đi săn mồi trên những bậc thang. Éch được xuất phát từ một ô tùy ý trên bậc thang 1 và nhảy dần xuống bậc thang m. Khi nhảy tới ô nào thì ếch sẽ ăn hết số thức ăn trong ô đó. Tuy nhiên có một hạn chế là từ ô (x, y), chú ếch chỉ được phép nhảy sang sang ô (x', y') nếu:

$$\begin{cases} x' = x + 1 \\ |y' - y| \le k \end{cases}$$

Yêu cầu: Tìm một cách đi kiếm ăn cho chú ếch sao cho tổng lượng thức ăn kiếm được là nhiều nhất.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản FROG.INP

- Dòng 1 chứa ba số nguyên dương $m, n, k \le 1000$
- m dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa n số nguyên dương, số thứ j là $a_{ij} \le 10^9$

Các số trên một dòng của input file được ghi cách nhau ít nhất một dấu cách

Kết quả: Vào từ file văn bản FROG.OUT

- Dòng 1 ghi tổng lượng thức ăn kiếm được
- *m* dòng tiếp theo, dòng thứ *i* ghi một số nguyên là số hiệu ô đi qua trên bậc thang *i*.

FROG.INP					FROG.OUT
3	5	2			18
4	3	2	1	1	3
4	3	5	4	<u>9</u>	5
1	2	3	<u>7</u>	5	4

THẰNG BÒM VÀ PHÚ ÔNG

Bòm thắng phú ông trong một cuộc đánh cược và buộc phú ông phải đãi rượu. Phú ông bèn bày ra một dãy n chai chứa đầy rượu, và nói với Bòm rằng có thể uống bao nhiêu tuỳ ý, nhưng đã chọn chai nào thì phải uống hết và không được uống ở k chai liền nhau bởi đó là điều xui xẻo.

Bạn hãy chỉ cho Bòm cách uống được nhiều rượu nhất.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản BOTTLES.INP

- Dòng 1 chứa hai số nguyên $1 \le n \le 10^6$; $2 \le k \le 10^6$
- Dòng 2 chứa các số nguyên dương ($\leq 10^6$) là dung tích của các chai rượu phú ông bày ra, theo thứ tự liệt kê từ chai thứ nhất tới chai thứ n

Kết quả: Ghi ra file văn bản BOTTLES.OUT

- Dòng 1 ghi số chai được chọn và lượng rượu tối đa có thể uống.
- Dòng 2 ghi chỉ số của các chai được chọn theo thứ tự tăng dần.

Các số trên một dòng của Input/Output files được/phải ghi cách nhau ít nhất một dấu cách

BOTTLES.INP	BOTTLES.OUT		
6 3	4 40		
6 10 10 13 10 10	2 3 5 6		

KẾ HOẠCH THUÊ NHÂN CÔNG

Một dự án phần mềm cần triển khai trong n tháng đánh số từ 1 tới n. Biết rằng:

- Bắt đầu vào một tháng, dự án có quyền thuê thêm nhân công. Để thuê mỗi nhân công cần một khoản chi phí
 H (trả cho nhà tuyển dụng).
- Mỗi nhân công được thuê sẽ được trả một khoản lương *S* mỗi tháng kể cả khi không làm việc.
- Kết thúc một tháng, dự án có quyền sa thải nhân công. Để sa thải mỗi nhân công cần trả một khoản chi phí *D*.
- Không có nhân công nào trước khi dự án bắt đầu. Mỗi tháng i cần tối thiểu a_i nhân công. Kết thúc tháng thứ n, toàn bộ nhân công phải bị sa thải.

Yêu cầu: Hãy giúp ông giám đốc dự án xây dựng kế hoạch thuê nhân công để dự án được hoàn thành với chi phí thuê nhân công ít nhất có thể.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản PROJECT.INP

- Dòng 1 chứa số tháng $n (1 \le n \le 4.10^5)$
- Dòng 2 chứa ba số nguyên dương $H, S, D (H, S, D \le 10^6)$
- Dòng 3 chứa n số nguyên dương $a_1, a_2, ..., a_n$ ($\forall i: a_i \le 10^6$)

Kết quả: Ghi ra file văn bản PROJECT.OUT

- Dòng 1: Ghi chi phí tối thiểu tìm được
- Dòng 2: Ghi n số, số thứ i là số nhân công làm trong dự án tại tháng thứ i

PROJECT.INP	PROJECT.OUT
3	265
4 5 6	10 10 11
10 9 11	