学籍番号と氏名は丁寧に記載すること

「離散数学・オートマトン」確認テスト

2020/11/10

問1 x、y、z をブール変数とするとき、以下の等式を証明しなさい。

1.
$$(\underline{x} + \overline{y}z)(\overline{x}y + z) = (x + \overline{y})z$$

2. $x(y + \overline{(x+y)}) = x\overline{y}$

解答例

1.

$$(x + \bar{y}z)(\bar{x}y + z) = x\bar{x}y + xz + \bar{y}z\bar{x}y + \bar{y}zz$$
$$= 0y + xz + 0z\bar{x} + \bar{y}z$$
$$= (x + \bar{y})z$$

2.

$$x\overline{\left(y+\overline{(x+y)}\right)} = x\overline{\left(y+\bar{x}\bar{y}\right)}$$

$$= x\left(\bar{y}\overline{(\bar{x}\bar{y})}\right)$$

$$= x\bar{y}\left(x+y\right) = x\bar{y} + 0x$$

$$= x\bar{y}$$

問2 ブール代数 $xy + \bar{x}\bar{y}$ に対する論理回路を示しなさい。

解答例

