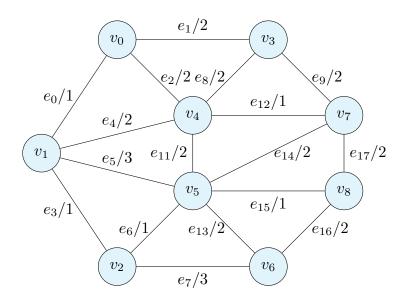
## 「離散数学・オートマトン」演習問題 07 (解答例)

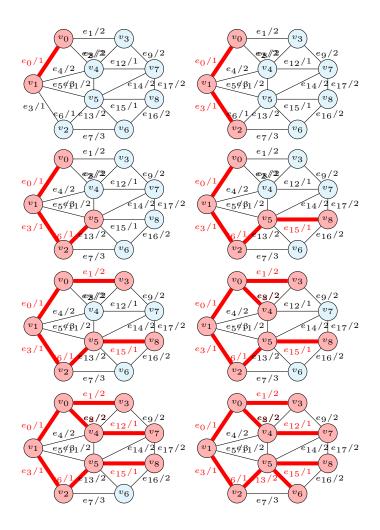
2023/11/20

## 1 最小木

**課題 1** 以下のグラフに対して、始点を $v_0$ として、Jarník-Prim 法を用いて、最小木を求めなさい。各辺のラベルは、"辺の名前/重み"となっている。解答は、始点からの経路を見つけた頂点の集合Uへの追加の順序として示しなさい。重みが同じ辺が複数ある場合には、番号の小さい辺を先に選びなさい。



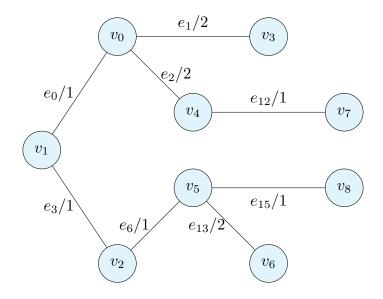
解答例 始めに探索の経過を示す。



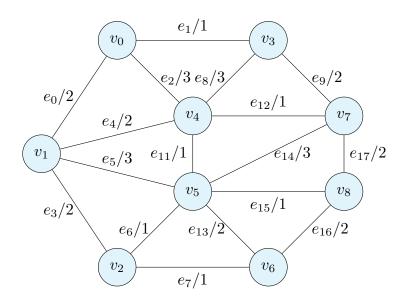
頂点の集合Uへの追加の順序は以下のようになる。

$$v_0 \rightarrow v_1 \rightarrow v_2 \rightarrow v_5 \rightarrow v_8 \rightarrow v_3 \rightarrow v_6 \rightarrow v_4 \rightarrow v_7$$

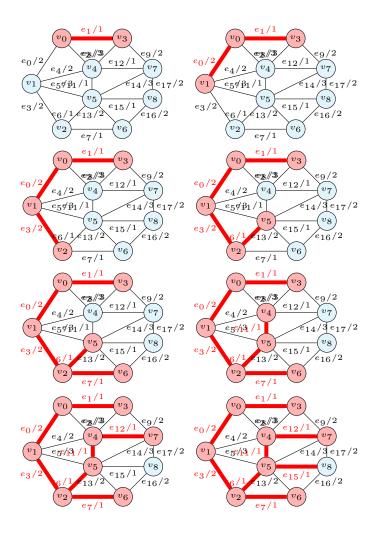
得られた最小木を示す。重み1の辺は全て使用している。



**課題 2** 以下のグラフに対して、始点を  $v_0$  として、Jarník-Prim 法を用いて、最小木を求めなさい。各辺のラベルは、"辺の名前/重み"となっている。解答は、始点からの経路を見つけた頂点の集合 U への追加の順序として示しなさい。重みが同じ辺が複数ある場合には、番号の小さい辺を先に選びなさい。



解答例 始めに探索の経過を示す。



頂点の集合Uへの追加の順序は以下のようになる。

$$v_0 \rightarrow v_3 \rightarrow v_1 \rightarrow v_2 \rightarrow v_5 \rightarrow v_6 \rightarrow v_4 \rightarrow v_7 \rightarrow v_8$$

得られた最小木を示す。重み1の辺は全て使用している。

