学籍番号と氏名は丁寧に記載すること

## 「離散数学・オートマトン」確認テスト

2023/1/30

問 1 文脈自由文法  $G = \langle N, \Sigma, P, S \rangle$  を考える。

$$\begin{split} N &= \{S, B, C, X, Y\} \\ \Sigma &= \{\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}\} \end{split}$$

生成規則 P は以下の通りとする。

$$S \to aXB \mid aYC \mid \epsilon$$

$$X \to aXB \mid \epsilon$$

$$Y \to aYC \mid \epsilon$$

$$B \to b$$

$$C \to c$$

このとき、aaabbbと aaaccc の導出例を示しなさい。

## 解答例

$$S \rightarrow \mathbf{a}XB \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}XBB \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{a}XBBB$$
 
$$\rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{a}BBB \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{b}BB \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{b}\mathbf{b}B$$
 
$$\rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{a}\mathbf{b}\mathbf{b}$$

$$S \to aYC \to aaYCC \to aaaYCCC$$
  
 $\to aaaCCC \to aaacCC \to aaaccC$   
 $\to aaaccc$ 

**問2** 前問の文脈自由文法に対応した、空スタックで受理する非決定性プッシュダウンオートマトンを構成しなさい。

解答例 対応する非決定性プッシュダウンオートマトン  $M=\langle\{q\}\,,\Sigma,N,\delta,q,S,\emptyset\rangle$  を構成する。各生成規則に対応して遷移関数を定義する。

1.  $S \to aXB \mid aYC \mid \epsilon$ 

$$\begin{split} \delta\left(q,\epsilon,S\right) &= \left\{\left(q,\epsilon\right)\right\} \\ \delta\left(q,\mathbf{a},S\right) &= \left\{\left(q,XB\right),\left(q,YC\right)\right\} \end{split}$$

2.  $X \to aXB|\epsilon$ 

$$\delta(q, \mathbf{a}, X) = \{(q, XB)\}\$$
  
$$\delta(q, \epsilon, X) = \{(q, \epsilon)\}\$$

3.  $Y \to aYC|\epsilon$ 

$$\delta(q, \mathbf{a}, Y) = \{(q, YC)\}$$
$$\delta(q, \epsilon, Y) = \{(q, \epsilon)\}$$

4.  $B \rightarrow b$ 

$$\delta(q, b, B) = \{(q, \epsilon)\}$$

5.  $C \rightarrow c$ 

$$\delta\left(q,\mathbf{c},C\right)=\left\{ \left(q,\epsilon\right)\right\}$$

受理例を示す。

$$(q, aaabbb, S) \vdash (q, aabbb, XB)$$

$$\vdash (q, abbb, XBBB)$$

$$\vdash (q, bbb, XBBB)$$

$$\vdash (q, bbb, BBB)$$

$$\vdash (q, bb, BB)$$

$$\vdash (q, b, B)$$

$$\vdash (q, \epsilon, \epsilon)$$

```
\begin{aligned} (q, \text{aaaccc}, S) &\vdash (q, \text{aaccc}, YC) \\ &\vdash (q, \text{accc}, YCC) \\ &\vdash (q, \text{ccc}, YCCC) \\ &\vdash (q, \text{ccc}, CCC) \\ &\vdash (q, \text{cc}, CC) \\ &\vdash (q, \text{c}, C) \\ &\vdash (q, \epsilon, \epsilon) \end{aligned}
```