Модели вычислений. Весна 2011. Экзаменационные вопросы.

Часть 1.

- 1. В чём отличие детерминированных и недетерминированных машин Тьюринга?
- 2. В чём отличие детерминированных и недетерминированных конечных автоматов?
- 3. Что такое ветвящаяся программа? Что называется её длиной/шириной?
- 4. Что такое контактная схема?
- 5. Что такое контактная схема проверки чётности?
- 6. Что такое регулярный язык?
- 7. Укажите способ построения по недетерминированному автомату эквивалентного ему детерминированного.
- 8. Что такое остаточный язык? Докажите регулярность языка, у которого лишь конечное число остаточных.

Часть 2.

- 1. Сформулируйте и докажите лемму об изолировании.
- 2. Сформулируйте и докажите лемму об накачке.
- 3. Сформулируйте и докажите теорему о равенстве классов языков, задаваемых автоматами и регулярными выражениями.
- 4. Сформулируйте и приведите схему доказательства теоремы о регулярности языков, распознаваемых машинами Тьюринга за время $o(n \log n)$.
- 5. Сформулируйте и приведите схему доказательства теоремы Барздиня.
- 6. Сформулируйте и приведите схему доказательства теоремы Баррингтона.
- 7. Сформулируйте и приведите схему доказательства теоремы Вигдерсона.
- 8. Сформулируйте и докажите теорему Мура.
- 9. Сформулируйте и приведите схему доказательства теоремы Сэвиджа.
- 10. Укажите способ построения схемы для сложения чисел, имеющую полилогарифмическую глубину.
- 11. Укажите способ построения схемы для умножения чисел, имеющую полилогарифмическую глубину.

Часть 3.

- 1. Примените лемму о накачке для доказательства нерегулярности заданного языка.
- 2. Постройте по заданному недетерминированному автомату эквивалентный ему детерминированный.
- 3. Найдите в заданном автомате хотя бы одну пару эквивалентных состояний.
- 4. По заданному регулярному выражению постройте (недетерминированный) автомат.
- 5. По заданному автомату постройте регулярное выражение.