The grand potential of the order 4

```
-\frac{1}{2}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|1,6\}\{5,6|V|5,8\}\{7,8|V|7,2\}f_5^-f_7^-
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       \begin{array}{c} \left(\begin{array}{c} +f_2^-f_3^-f_4^-f_5^--f_1^-f_2^-f_3^-f_5^-+f_1^-f_2^-f_3^-f_7^-+f_1^+f_2^-f_7^-f_4^+-f_2^-f_3^-f_4^-f_7^--f_1^-f_2^-f_5^-f_4^+ \\ -E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_2+E_6)(-E_5+E_7) \\ +f_3^-f_4^-f_5^-f_1^+-f_3^-f_4^-f_1^+ \\ -E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_3-E_4+E_1+E_6)(-E_5+E_7) \\ +f_1^-f_3^-f_5^-f_6^--f_3^-f_4^-f_5^-f_6^--f_1^-f_3^-f_6^-f_7^-+f_1^-f_5^-f_6^-f_4^++f_3^-f_4^-f_6^-f_7^--f_1^-f_6^-f_7^-f_4^+ \\ -E_6+E_2)(-E_1-E_6+E_3+E_4)(-E_5+E_7) \end{array} \right) . \end{array} 
-\frac{1}{2}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|1,6\}\{5,6|V|7,2\}\{7,8|V|5,8\}f_8^-
                                                                                                                                                                                                                                                                                             \frac{+f_3^-f_4^-f_2^+}{(-E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_3-E_4+E_2+E_5)(-E_2+E_8)}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          \frac{+f_2^-f_3^-f_5^-+f_2^-f_5^-f_4^+}{(-E_5+E_1)(-E_2-E_5+E_3+E_4)(-E_2+E_8)}
                                            -\frac{1}{4}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|5,8\}\{5,6|V|1,6\}\{7,8|V|7,2\}f_6^-f_7^-
                                                                                                                                                                                                                                                                                              \begin{array}{c} +f_3^-f_4^-f_5^- \\ \hline (-E_5+E_1)(-E_3-E_4+E_2+E_5)(-E_3-E_4+E_5+E_8) \end{array} 
                                                                                                                                                                                                                                                                                         (-E_5+E_1)(-E_3-E_4+E_2+E_5)(-E_3-E_4+E_5+E_8) \\ +f_1^Tf_3^Tf_8^T+f_1^Tf_8^Tf_4^t \\ (-E_1+E_5)(-E_8+E_2)(-E_1-E_8+E_3+E_4) \\ +f_5^Tf_8^Tf_4^t+f_3^Tf_5^Tf_8 \\ (-E_5+E_1)(-E_8+E_2)(-E_5-E_8+E_3+E_4) \\ +f_3^Tf_4^Tf_8^t \\ (-E_8+E_2)(-E_3-E_4+E_1+E_8)(-E_3-E_4+E_5+E_8)
                                                                                                                                                                                                                                                     \frac{+f_2^-f_3^-f_4^-f_6^-f_7^-}{(-E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_2-E_7+E_5+E_6)(-E_3-E_4-E_6+E_2+E_7+E_8)}
                                                                                                                                                                                                                                                     \begin{array}{c} +f_3 f_4 f_7 f_1 f_5 + f_3 f_4 f_5 f_6 f_1 \\ \hline (-E_3 - E_4 + E_1 + E_2)(-E_3 - E_4 - E_7 + E_1 + E_5 + E_6)(-E_3 - E_4 + E_5 + E_8) \end{array}
                                                                                                                                                                                                                                                    \frac{+f_3 \quad E_4 + E_1 + E_2 \cdot (-E_3 - E_4 + E_1 + E_5 + E_6) \cdot (-E_3 - E_4 + E_1 + E_5 + E_6) \cdot (-E_1 - E_6 + E_7 + E_8)}{(-E_3 - E_4 + E_1 + E_2 \cdot (-E_3 - E_4 - E_7 + E_1 + E_5 + E_6) \cdot (-E_1 - E_6 + E_7 + E_8)}{(-E_1 - E_2 + E_3 + E_4) \cdot (-E_1 - E_2 + E_5 + E_8) \cdot (-E_1 - E_6 + E_7 + E_8)}
                                                                                                                                                                                                                                                  \frac{(-E_1-E_2+E_3+E_4)(-E_1-E_2+E_5+E_8)(-E_1-E_6+E_7+E_8)}{+f_3^-f_4^-f_6^-f_1^+f_8^+-f_3^-f_4^-f_7^-f_8^-f_1^+}{(-E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_3-E_4+E_5+E_8)(-E_1-E_6+E_7+E_8)}\\ \frac{+f_2^-f_3^-f_4^-f_6^-f_8^+-f_2^-f_3^-f_4^-f_7^-f_8^-}{(-E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_3-E_4+E_5+E_8)(-E_3-E_4-E_6+E_2+E_7+E_8)}
                            -\frac{1}{4}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|5,8\}\{5,6|V|7,2\}\{7,8|V|1,6\}
                                                                                                                                                                                                                                                \begin{array}{c} E_3 - E_4 + E_5 + E_8)(-E_7 - E_8 + E_1 + E_6)(-E_3 - E_4 - E_6 + E_2 + E_7 + E_8) \\ \end{array} \\ \begin{pmatrix} \frac{+f_1^- f_2^- f_4^+ f_6^+ + f_1^- f_2^- f_3^- f_6^+ + f_1^- f_2^- f_3^- f_5^- + f_1^- f_2^- f_5^- f_4^+}{(-E_1 - E_2 + E_3 + E_4)(-E_1 - E_2 + E_5 + E_6)(-E_2 + E_8)} \\ + f_2^- f_3^- f_4^- f_5^- + f_2^- f_3^- f_3^- f_4^- f_6^+ \\ (-E_3 - E_4 + E_1 + E_2)(-E_3 - E_4 + E_5 + E_6)(-E_2 + E_8) \\ + f_3^- f_4^- f_1^+ f_6^+ + f_3^- f_4^- f_5^- f_1^+ \\ (-E_3 - E_4 + E_1 + E_2)(-E_3 - E_4 + E_5 + E_6)(-E_3 - E_4 + E_1 + E_8) \\ + f_2^- f_5^- f_6^- f_4^+ + f_2^- f_3^- f_5^- f_6^- \\ (-E_5 - E_6 + E_1 + E_2)(-E_5 - E_6 + E_3 + E_4)(-E_2 + E_8) \\ + f_3^- f_5^- f_6^- f_1^+ + f_5^- f_6^- f_1^+ f_4^+ \\ \hline (-E_5 - E_6 + E_1 + E_2)(-E_5 - E_6 + E_3 + E_4)(-E_5 - E_6 + E_1 + E_8) \\ + f_3^- f_4^- f_8^- f_6^+ f_3^- f_4^- f_5^- f_8^- \\ (-E_3 - E_4 + E_5 + E_6)(-E_8 + E_2)(-E_3 - E_4 + E_1 + E_8) \\ + f_3^- f_5^- f_6^- f_8^- + f_5^- f_6^- f_8^- f_4^+ \\ (-E_5 - E_6 + E_3 + E_4)(-E_8 + E_2)(-E_5 - E_6 + E_1 + E_8) \\ + f_3^- f_3^- f_6^+ + f_1^- f_8^- f_4^+ f_6^+ + f_1^- f_5^- f_8^- f_4^+ + f_1^- f_3^- f_5^- f_8 \\ (-E_8 + E_2)(-E_1 - E_8 + E_3 + E_4)(-E_1 - E_8 + E_5 + E_6) \end{array} 
                                    +\frac{1}{4}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|5,6\}\{5,6|V|1,8\}\{7,8|V|7,2\}f_7^-
```

 $\Omega_4 =$

_

```
+\frac{1}{9}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|1,6\}\{5,6|V|7,8\}\{7,8|V|5,2\}
                                                                                                                    \frac{+f_1^-f_2^-f_3^-f_7^-f_6^+ + f_1^-f_2^-f_7^-f_4^+f_6^+ + f_1^-f_2^-f_3^-f_5^-f_7^- + f_1^-f_2^-f_3^-f_5^-f_8^+ + f_1^-f_2^-f_5^-f_7^-f_4^+ + f_1^-f_2^-f_5^-f_4^+f_8^+ + f_1^-f_2^-f_3^-f_6^+f_8^+}{(-E_1-E_2+E_3+E_4)(-E_1-E_2+E_5+E_6)(-E_1-E_2+E_7+E_8)}
                                                                                                                   -\frac{1}{64}\{1,2|V|3,4\}\{3,4|V|5,6\}\{5,6|V|7,8\}\{7,8|V|1,2\}
                                                                                                                   (-E_3-E_4+E_1+E_2)(-E_3-E_4+E_5+E_6)(-E_3-E_4+E_7+E_8)\\ +f_5^-f_6^-f_2^+f_4^+f_8^++f_1^-f_5^-f_6^-f_7^-f_4^++f_1^-f_5^-f_6^-f_7^-f_2^++f_5^-f_6^-f_7^-f_2^++f_5^-f_6^-f_7^-f_2^++f_4^-f_1^-f_3^-f_5^-f_6^-f_7^-+f_8^++f_1^-f_3^-f_5^-f_6^-f_8^+\\ -(-E_5-E_6+E_1+E_2)(-E_5-E_6+E_3+E_4)(-E_5-E_6+E_7+E_8)\\ +f_3^-f_7^-f_8^-f_2^+f_6^++f_1^-f_3^-f_5^-f_7^-f_8^-f_2^+f_4^++f_3^-f_5^-f_7^-f_8^-f_2^++f_1^-f_3^-f_7^-f_8^-f_6^++f_1^-f_7^-f_8^-f_4^+f_6^++f_7^-f_8^-f_2^+f_4^++f_1^-f_5^-f_7^-f_8^-f_4^+\\ -(-E_7-E_8+E_1+E_2)(-E_7-E_8+E_3+E_4)(-E_7-E_8+E_5+E_6)
                                                                                                                                                                                     \frac{+f_2^-f_3^-f_5^+}{(-E_2+E_4)(-E_2-E_3+E_5+E_6)(-E_2-E_3+E_5+E_8)}
                                                                                                                                                                                                  \frac{+f_2^-f_3^-f_6^--f_2^-f_5^-f_6^-}{(-E_2+E_4)(-E_2-E_3+E_5+E_6)(-E_6+E_8)}
                                                                                                                                                                                   \frac{(-E_2+E_4)(-E_2-E_3+E_5+E_6)(-E_6+E_8)}{+f_3^-f_4^-f_5^+}\\ \frac{+f_3^-f_4^-f_5^+}{(-E_4+E_2)(-E_3-E_4+E_5+E_6)(-E_3-E_4+E_5+E_8)}\\ +f_3^-f_4^-f_6-f_4^-f_5^-f_6^-\\ \frac{(-E_4+E_2)(-E_3-E_4+E_5+E_6)(-E_6+E_8)}{+f_2^-f_5^-f_8^-f_2^-f_3^-f_8^-}\\ \frac{(-E_2+E_4)(-E_5-E_8+E_2+E_3)(-E_8+E_6)}{(-E_2+E_4)(-E_5-E_8+E_3+E_4)(-E_8+E_6)}\\ \frac{+f_4^-f_5^-f_8-f_3^-f_4^-f_8^-}{(-E_4+E_2)(-E_5-E_8+E_3+E_4)(-E_6+E_8)}\\ \frac{+f_5^-f_6^-f_3^+}{(-E_5-E_6+E_2+E_3)(-E_5-E_6+E_3+E_4)(-E_6+E_8)}\\ \frac{+f_5^-f_8^-f_3^+}{(-E_5-E_8+E_2+E_3)(-E_5-E_8+E_3+E_4)(-E_8+E_6)}
                                                                     -\frac{1}{2}\{1,2|V|1,4\}\{3,4|V|5,8\}\{5,6|V|3,2\}\{7,8|V|7,6\}f_1^-f_7^-
             -\frac{1}{9}\{1,2|V|3,8\}\{3,4|V|1,6\}\{5,6|V|7,4\}\{7,8|V|5,2\}
                                                                                                                  \frac{+f_2^-}{(-E_2+E_4)(-E_2+E_6)(-E_2+E_8)}
                                                                                                                                                                                                        \frac{+f_4^-}{(-E_4+E_2)(-E_4+E_6)(-E_4+E_8)}
                                                                             +\frac{1}{4}\{1,2|V|1,4\}\{3,4|V|3,6\}\{5,6|V|5,8\}\{7,8|V|7,2\}f_1^-f_3^-f_5^-f_7^-
                                                                                                                                                                                                        \frac{+f_6^{-}}{(-E_6+E_2)(-E_6+E_4)(-E_6+E_8)}
                                                                                                                                                                                                       \frac{+f_8^-}{(-E_8+E_2)(-E_8+E_4)(-E_8+E_6)}
                                                                                                                                                                                                    \frac{+f_2^-f_3^--f_2^-f_5^-}{(-E_2+E_4)(-E_3+E_5)(-E_2+E_8)}
                                                                                                                                                                                                     \frac{+f_3^-f_4^--f_4^-f_5^-}{(-E_4+E_2)(-E_3+E_5)(-E_4+E_8)}
                                                                                +\{1,2|V|1,4\}\{3,4|V|5,8\}\{5,6|V|3,6\}\{7,8|V|7,2\}f_1^-f_6^-f_7^-
                                           +\frac{1}{2}\{1,2|V|1,4\}\{3,4|V|5,2\}\{5,6|V|3,8\}\{7,8|V|7,6\}f_1^-f_7^-\left(\begin{array}{c}+f_3^-f_4^-f_5^-f_6^-+f_4^-f_5^-f_6^-+f_4^-f_5^-f_8^-+f_2^-f_3^-f_8^-+f_2^-f_3^-f_8^--f_3^-f_4^-f_8^--f_2^-f_3^-f_6^-+f_2^-f_5^-f_6^-\\ (-E_4+E_2)(-E_3+E_5)(-E_6+E_8)\end{array}\right)
                                                                  +\{1,2|V|1,4\}\{3,4|V|5,8\}\{5,6|V|7,2\}\{7,8|V|3,6\}f_1
                                                                                                                                                                                        \frac{+f_2^-f_3^-f_6^-f_8^+ - f_2^-f_3^-f_7^-f_8^-}{(-E_2+E_4)(-E_2-E_3+E_5+E_8)(-E_3-E_6+E_7+E_8)}
```

 $+\frac{1}{4}\{1,2|V|3,8\}\{3,4|V|1,6\}\{5,6|V|7,2\}\{7,8|V|5,4\}$

$+f_1^-f_2^-f_3^-f_4^-f_5^f_1^-f_2^-f_3^-f_4^-f_7^-$
$ \begin{array}{c} +f_1^-f_2^-f_3^-f_4^-f_5^f_1^-f_2^-f_3^-f_4^-f_7^- \\ E_3-E_4+E_1+E_6)(-E_3-E_4-E_5+E_1+E_2+E_7)(-E_1-E_2+E_3+E_8) \end{array} $
$+f_1^-f_3^-f_4^-f_5^-f_7^+$
$E_3 - E_4 + E_1 + E_6)(-E_3 - E_4 - E_5 + E_1 + E_2 + E_7)(-E_4 - E_5 + E_7 + E_8)$
$+f_1^-f_2^-f_3^-f_5^-f_6^f_1^-f_2^-f_3^-f_6^-f_7^-$
$\overline{(-E_1-E_6+E_3+E_4)(-E_5-E_6+E_2+E_7)(-E_1-E_2+E_3+E_8)}$
$f_1^- f_2^- f_6^- f_7^- f_4^+ - f_2^- f_3^- f_4^- f_7^- f_6^+ + f_2^- f_3^- f_4^- f_5^- f_6^+ - f_1^- f_2^- f_5^- f_6^- f_4^+$
$(-E_1-E_6+E_3+E_4)(-E_2-E_7+E_5+E_6)(-E_2-E_4+E_6+E_8)$
$+f_1^-f_5^-f_6^-f_4^+f_7^+ -f_3^-f_4^-f_5^-f_6^+f_7^+$
$(-E_1-E_6+E_3+E_4)(-E_5-E_6+E_2+E_7)(-E_4-E_5+E_7+E_8)$
$+f_1^-f_3^-f_5^-f_6^-f_7^+$
$E_1 - E_6 + E_3 + E_4)(-E_5 - E_6 + E_2 + E_7)(-E_1 - E_5 - E_6 + E_3 + E_7 + E_8)$
$+f_1 f_3 f_4 f_5 f_8 -f_1 f_3 f_4 f_7 f_8$
$(-E_3-E_4+E_1+E_6)(-E_3-E_8+E_1+E_2)(-E_4-E_5+E_7+E_8)$
$\frac{+f_1^-f_3^-f_5^-f_6^-f_8^f_1^-f_3^-f_6^-f_7^-f_8^-}{E_1-E_6+E_3+E_4)(-E_3-E_8+E_1+E_2)(-E_1-E_5-E_6+E_3+E_7+E_8)}$
$ f_3^- f_4^- f_7^- f_8^- f_6^+ - f_1^- f_6^- f_7^- f_8^- f_4^+ + f_1^- f_5^- f_6^- f_8^- f_4^+ - f_3^- f_4^- f_5^- f_8^- f_6^+ $
$(-E_3-E_4+E_1+E_6)(-E_6-E_8+E_2+E_4)(-E_7-E_8+E_4+E_5)$
$+f_1^-f_2^-f_3^-f_7^-f_5^+$
$E_1 - E_2 - E_7 + E_3 + E_4 + E_5)(-E_2 - E_7 + E_5 + E_6)(-E_1 - E_2 + E_3 + E_8)$
$\frac{+f_{3}^{-}f_{4}^{-}f_{5}^{-}f_{2}^{+}f_{7}^{+}-f_{1}^{-}f_{2}^{-}f_{7}^{-}f_{4}^{+}f_{5}^{+}}{E_{3}-E_{4}-E_{5}+E_{1}+E_{2}+E_{7})(-E_{2}-E_{7}+E_{5}+E_{6})(-E_{4}-E_{5}+E_{7}+E_{8})}$
$E_3 - E_4 - E_5 + E_1 + E_2 + E_7)(-E_2 - E_7 + E_5 + E_6)(-E_4 - E_5 + E_7 + E_8)$
$-f_3^-f_6^-f_7^-f_8^-f_2^+ - f_1^-f_2^-f_6^-f_7^-f_8^+ + f_1^-f_2^-f_5^-f_6^-f_8^+ - f_3^-f_5^-f_6^-f_8^-f_2^+$
$(-E_2-E_7+E_5+E_6)(-E_3-E_8+E_1+E_2)(-E_6-E_8+E_2+E_4)$
$\frac{+f_3^-f_7^-f_8^-f_2^+f_5^+-f_1^-f_2^-f_7^-f_5^+f_8^+}{(EE_+E_+E_+)(EE_+E_+E_+E_+)(EE_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E_+E$
$\frac{(-E_2-E_7+E_5+E_6)(-E_3-E_8+E_1+E_2)(-E_7-E_8+E_4+E_5)}{(-E_7-E_7-E_7-E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+E_7+$
$+f_3^-f_7^-f_8^-f_5^+f_6^f_1^-f_5^-f_6^-f_7^+f_8^-$ $F_{2-}F_{2+}F_{2+}F_{2-}(-F_{2-}$
$E_5 - E_6 + E_2 + E_7)(-E_7 - E_8 + E_4 + E_5)(-E_3 - E_7 - E_8 + E_1 + E_5 + E_6)$
$\frac{f_1^-f_2^-f_4^-f_5^-f_8^+ - f_3^-f_4^-f_5^-f_8^-f_2^+ + f_3^-f_4^-f_7^-f_8^-f_2^+ - f_1^-f_2^-f_4^-f_7^-f_8^+}{(-E_1 - E_2 + E_3 + E_8)(-E_2 - E_4 + E_6 + E_8)(-E_4 - E_5 + E_7 + E_8)}$
$(-E_1-E_2+E_3+E_8)(-E_2-E_4+E_6+E_8)(-E_4-E_5+E_7+E_8) + f_1^-f_3^-f_7^-f_8^-f_5^+$
$E_3 - E_8 + E_1 + E_2)(-E_7 - E_8 + E_4 + E_5)(-E_3 - E_7 - E_8 + E_1 + E_5 + E_6)$
20 20 121 122/(2/ 28 124 120/(23 2/ 28 121 125 126)