### ۱- داده گونه های مجرد و اولیه

### ۱-۱ ویژگی های یک برنامه خوب

۱.درست کار کند

۲.فهمیدن برنامه آسان باشدو به راحتی قابل تغییر باشد

۳.پس ضمینه ی استدلالی درست داشته باشد

یکی از راه ها برای رسیدن به هدف دوم استفاده از گونه داده ای مجرد (۱)است.ایده ی اصلی گونه های مجرد (ADT) جدا کردن روش های تشخیص است. یعنی اینکه بدانیم با چه نوع داده ای سر و کار داریم و چه نوع عملگر هایی بر روی این داده تعریف شده اند.

فواید استفاده از گونه های مجرد را میتوان در سه مورد خلاصه کرد:

۱.فهم آسان کد

۲.برای هدف های مختلف پیاده سازی برای گونه های داده ی مجرد (۲) ساده است، یعنی بدون اینکه نیاز باشد کل برنامه را تغییر دهیم با تغییرات اندک میتوان برنامه را برای گونه داده های مختلف استفاده کرد.

۳.ویژگی دوم سبب میشود تا بتوان کدی که بدین شکل نوشته شده را در آینده و برای پروژه های دیگر نیز استفاده کرد.

### -1انواع گونه های مجرد

در کل دو نوع گونه ی مجرد داریم:

public.۱ که شامل قسمت های زیر است:

- دید ادراکی از تصویر داده(دید کاربر از اینکه داده ی مورد نظر چه شکلی است)
- دید ادراکی از عملکرد داده( دید کاربر نسبت به اینکه داده چه کارهایی میتواند بکند)

### private .۲ که شامل قسمت های زیر است:

- نمایش ساختاری داده(اینکه داده در حقیقت چگونه ذخیره میشود)
  - اجرای عملگرهای داده (قسمت واقعی کد)

قسمت آخر یک گونه داده ی مجرد(اجرای عملگرها) در کل میتواند شامل دسته های زیر باشد:

۱. تعریف داده

۲.افزودن داده ی جدید به داده های درون داده ی اصلی

۳. دسترسی به داده های درون داده ی اصلی

۴.پاک کردن داده های درون داده ی اصلی

از جمله ی این داده گونه ها می توان به Set ، Stack ،Container ،Queue ،Graph ،List و Stack ،Container ،Queue ،Graph ،List اشاره کرد.

#### - مراحل تبدیل یک کد به برنامه -

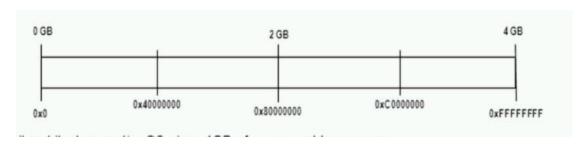
۱. تجزیه (۳): تجزیه ی کد یعنی شکستن کد به قسمت های ریزتر.قبل از اینکه کد به یک اطلاعات معنی دار تبدیل شود باید تجزیه شود. بعد از تجزیه کد اماده ی مرحله ی بعدی است.

۲. کامپایل: کامپایل یک کد تجزیه شده در حقیقت تبدیل آن به یک برنامه است.البته این مرحله شامل ۲ گام است:

- تبدیل سورس کد تجزیه شده به یک object code
  - object code توسط یک لینکر لینک میشود

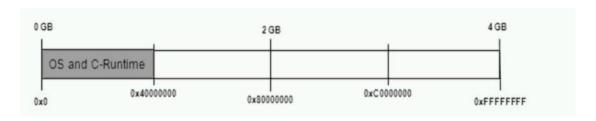
### ا-4 مدیریت جافظه در حال اجرا در جاوا

جاوا یک پردازهدر سطح سیستم عامل ( $^{*}$ ) است.سیستم عامل و طراحی کامپیوتر یک سری محدودیت ها را برای اجرای برنامه به همراه می آورد.فرض میکنیم کامپیوتر دارای یک حافظه ی  $^{*}$   $^$ 



۱Figure نمایی از خانه های حافظه در یک کامپیوتر ۳۲ بیتی

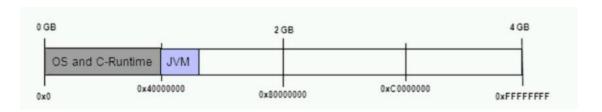
مقداری از حافظه به OS (سیستم عامل) و C-Language Runtime اختصاص میابد.



۲Figure نحوه ی اختصاص خانه های ابتدای حافظه

در سیستم عامل ویندوز این حجم ۲ گیگابایت است اما در لینوکس به ۱ گیگابایت کاهش میابد. به حجم باقیمانده فضای کاربری(user space) گفته میشود.

قسمتی از فضای حافظه هنگام اجرای جاوا به JVM اختصاص میابد.این حافظه شامل موتور اجرا و JVM و غیره میباشد.

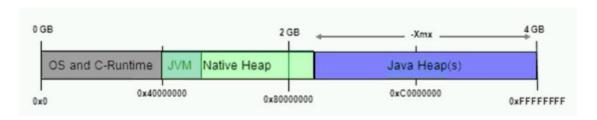


TFigure حافظه ی اختصاص داده شده به

بقیه ی حافظه به هیپ ها اختصاص میابند:

java heap.۱: هیپ های مربوط به اجرای برنامه که مقادیر ماکزیمم و مینیمم برایش تعیین میشود

native(System) heap.۲ : این هیپ برای اجرای ریسمان های(threads) مختلف است



۴Figure حافظه ی مربوط به هیپ ها

جاوا یک زبان statically-typed است. یعنی همه ی متغیر ها باید قبل از استفاده شدن تعریف شوند.

حال که داده گونه های مجرد را بررسی کردیم به یک نوع داده گونه ی دیگر میپردازیم یعنی داده گونه های اولیه(Primitive Datatype). این داده گونه ها ویژگی مشترکی با هم دارند که آنهارا از non Primitive Data Type جدا میکند، نداشتن متد (method) واینکه حافظه های ثابتی اشغال میکنند. داده گونه های اولیه به چند دسته تقسیم میشوند:

Туре	Contains	Range	Storage Requirme nt(bit)	Defualt
boolean	true or false	NA	1	false
char	Unicode character unsigned	\u0000 to \uFFFF	16	\u0000
byte	Signed integer	-128 to 127	8	0
short	Signed integer	-32768 to 32767	16	0

int	Signed integer	-2147483648 to 2147483647	32	0
long	Signed integer	-9223372036854775808 to 9223372036854775807	64	0
float	IEEE 754 floating point single-precision	±1.4E-45 to ±3.4028235E+38	32	0.0
double	IEEE 754 floating point double- precision	±4.9E-324 to ±1.7976931348623157E+3 08	64	0.0

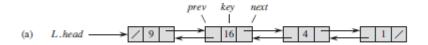
۱Table انواع داده گونه های اولیه

# ۲- آرایه

چگونه می توان اشاره گر و اشیاء را در زبان هایی، مثل فرترن، که آن ها را پشتیبانی نمی کند پیاده سازی کرد؟ برای این کار می توان از جایگزینی آنها با آرایه و اندیس آرایه استفاده کرد. این تنها یک نمونه از کاربرد های فرآوان آرایه میباشد که در این بخش به آن پرداخته میشود.

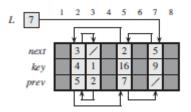
# 1-۲ پیاده سازی یک لیست پیوندی با آرایه ی چند بعدی

شکل زیر پیاده سازی یک لیست پیوندی با آرایه را نشان می دهد.



پیاده سازی لیست پیوندی با آرایه

برای این پیاده سازی ما میتوان از یک آرایه چند بعدی استفاده کرد که طول ردیف های آن سه است.



# پیاده سازی لیست پیوندی با آرایه

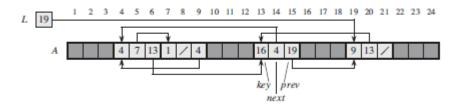
همانطور که در شکل بالادیده می شود، یک آرایه چند بعدی با سه ردیف داریم. ردیف اول اندیس خانه بعدی (next)، ردیف دوم کلید (key)، و ردیف سوم اندیس خانه قبلی (next) هر جزء از لیست پیوندی را نگه میدارد. " L " نیز سر لیست پیوندی را مشخص میکند. هر قسمت عمودی از آرایه نمایش یک شی تنها است.خانــههای روشن حاوی عناصر لیست هستند و خانه های تیره نیز بدون استفاده میباشند. برای مقداردهی خانه (( / )) از یک مقدار که در اندیس های حقیقی ظاهر نمیشود (مانند -۱) استفاده میکنیم.

برای نمونه عدد ۴ در ستون دوم از ردیف key قرار دارد و مقدار next آن ۳ میباشد. بنابراین عنصر بعدی آن در لیست پیوندی در ستون سوم از آرایه ما قرار دارد که key آن عنصر ۱ است، پس عنصر بعد از عدد ۴ در لیست پیوندی، ۱ است.

از طرفی مقدار prev کلید ۴ ، ۵ بوده و بنابراین عنصر قبلی آن در لیست پیوندی در ستون پنجم از آرایه ما قرار دارد که key آن ۱۶ است، پس عنصر قبلی عدد ۴ در لیست پیوندی، ۱۶ است.

# ۲-۲ پیاده سازی لیست پیوندی و آرایه ی چندبعدی با آرایه یک بعدی

حال میخواهیم لیست پیوندی شکل ----- و آرایه چند بعدی شکل ------ را به وسیله یک آرایه یک بعدی نشان دهیم.



# پیاده سازی لیست پیوندی با آرایه یک بعدی

شکل بالا نحوه پیاده سازی لیست پیوندی شکل ---- و آرایه چند بعدی شکل ----- در یک آرایه یک بعدی را نشان میدهد.

به این ترتیب که key هر عنصر لیست پیوندی ما در یک خانه از آرایه با اندیس j (که باقیمانده آن بر j ، j است) قرار میگیرد. ســپــس next آن عنصر در خانه های j+1 (که باقیمانده آن بر j ، j+2 (که مضرب j+2 است) گذاشته میشود. همانند قبل j+2 سر لیست پیوندی را مشخص میکند.

برای نمونه در خانه ۱۹ ام عنصر با "key" و قرار دارد. در خانه ۲۰ام (۱+۱۹) اندیس عنصر بعدی عدد ۱۹ قرار دارد که ۱۳ است و چون در خانه ۱۳ ام عنصر ۱۶ قرار دارد پس عنصر بعدی عدد ۹ در لیست پیوندی ۱۶ است. از طرفی در خانه ۲۱ام (۲+۲۰) اندیس عنصر قبلی عدد ۱۹ قرار دارد که " / " است. پس عنصر قبلی برای عدد ۹ وجود ندارد و ۹ در ابتدای لیست پیوندی قرار دارد.

# - پیدا کردن آدرس خانه i ام در یک آرایه

ما میخواهیم با داشتن آدرس اولین خانه از یک آرایه، آدرس هر کدام از خانه های آرایه را که میخواهیم بدست آوریم. بدست آوردن این آدرس با توجه به جنس دز نظر گرفته شده برای آرایه متفاوت است. در اینجا مبنای جنس آرایه را int در نظر گرفته می شود که هر خانه ۴ بایت فضا را در حافظه اشغال میکند.

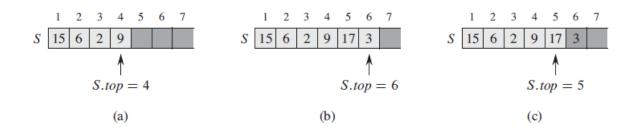
پس برای پیدا کردن خانه مورد نظر کافی است تا ۴ برابر "تعداد خانه های قبل آن خانه" را به آدرس خانهاول اضافه کنیم.

به عنوان مثال دریک آرایه دو بعدی مانند A[5][3] int A[5][3] و با فرضاینکه آدرس خانه ی اول آرایه A[2] به این صورت بدست می آید.

Address of A[2] = 1000 + (2\*3\*4) = 1024

# ٣- پشته :

پشته یا "استک" ساختمان داده ای " LIFO "یا " Last In First Out " است، یعنی اولین خروجی از پشته، آخرین ورودی پشته است. همچنین پشته دارای دو عمل PUSH و POP و است، است، متغیر را داخل پشته و روی متغیرهایی که قبلا داخل پشته بوده قرار میدهد و pop یک مغیر را از سر پشته برداشته و به عنوان خروجی بیرون میدهد.



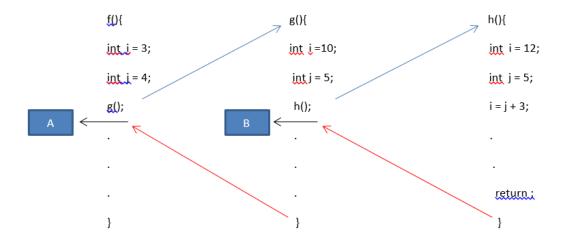
#### مثالی از یشته

در قسمت a در شکل ----- یک ساختمان داده پشته با a عنصر دیده میشود. در این لحظه عددی که تابع (a میدهد a است که یعنی بالاترین عنصر پشته در خانه چهارم قرار دارد.

در قسمت b در این شکل، دو عدد ۱۷ و  $\pi$  به ترتیب در پشته pushشده اند. اینبار عدد برگردانده شده توسط تابع (top(a,b) است، چون دو عنصر به پشته ما اضافه شده است.

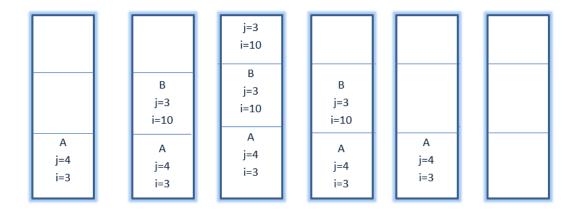
در قسمت c، ابتدا تابع d فراخوانی شده و بنابراین عنصر سر پشته که d بود از آن خارج شده است. حالا اینبار عدد برگردانده شده توسط تابع d ، میشود.

```
( top=-1 در پشته : ( مقدار اولیه PUSH در پشته کد تابع
Int push(Datatype x) {
       If ( is.full() )
               Return -1;
       S[++top] = x;
       Return top;
}
                                      شبه کد تابع POP در پشته : ( مقدار اولیه POP در
Datatype pop() {
       If ( is.empty() )
               Return -1;
       Return S[top--];
}
                                                      ۳-۱- کاربرد های پشته
           از کاربردهای متعدد پشته میتوان به مدیریت توابع و عبارت های محاسباتی اشاره کرد.
                                                 ۳-۱-۱- مدیریت توابع
در فراخوانی توابع و پیاده سازی آنها ما از پشته ها و توایع آنها استفاده میکنیم. مثال زیر طرز پیاده
                                     سازی و استفاده از این توابع را برای شما روشن میکند :
```



#### مدیریت و فراخوانی توابع

برای انجام تابع ()f ما از یک پشته استفاده می کنیم. در ابتدا متغیر های خود تابع ()f در قسمتی g() و پشته PUSH میشوند. سپس آدرس مکان f() آدرس بازگشت و سپس متغیر های تابع ()g0 میشوند. g0 و در آخر متغیر های تابع (g1 و در آخر متغیر های تابع (g2 میشوند و فرآیند پس از پایان کار تابع (g3 و خارج شدن از آن، متغیر های آن نیز از پشته POP میشوند و فرآیند کار به آدرس g4 بازمیگردد و ادامه تابع (g7 تا پایان انجام شده و پس از اتمام آن متغیر های این تابع نیز از پشته POP شده و فرآیند کار به آدرس g1 میرود و ادامه تابع (g2 انجام شده و کار به پایان میرسد; و بدین صورت فرآیند تابع (g4 با استفاده از یک پشته و دو تابع PUSH و POP آن پیاده سازی می شود.



## مراحل فراخوانی و بازگشت از تابع

شكل بالا ۶ مرحله انجام اين تابع را به ما نشان مي دهد.

### ۳-۱-۳ عبارت های محاسباتی

اولویت عملگرهای محاسباتی: ۱ – (داخل پرانتز) ۲ – (یکتایی ها) ۳ – ( $^{\wedge}$ ) ۴ – ( $^{/}$  /\*) ۵ – ( $^{+}$  +)

# انواع عبارت های محاسباتی:

الف) پیشوند(prefix)؛ عملگر قبل از عملوند می آید.

ب) ميانوند(infix): عملگر وسط از عملوندها مي آيد.

پ) پسوند(postfix): عملگر بعد از عملوند می آید.

# انواع عملگرهای محاسباتی:

الف) یکتایی (unary): مثل --, --, مثل

الف) دوتایی (binary): مثل % ,-, +, -, \*

الف) سه تایی (tinary): مثل a?b:c

#### -7-1-7 تبدیل عبارت میانوندی به پسوندی با استفاده از پشته

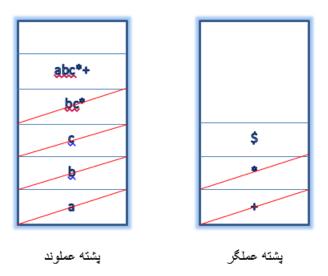
ما میتوانیم این کار را با استفاده از دو پشته انجام دهیم . یک پشته برای "عملوند ها " و یک پشته برای "عملگرها ". از ابتدای عبارت میانوندی شروع میکنیم و عملوند ها را در پشته خود PUSH میکنم. در PUSH کردن عملگر ها در پشته باید به این نکته توجه کنیم که یک عملگر فقط روی عملگری با اولویت کمتر از خود PUSH میشود ، یعنی ما نمیتوانیم یک عملگر را روی عملگری با اولویت بیشتر از خود PUSH کنیم. اگر این اتفاق در حال افتادن بود ما باید عملگر قبلی را POP کرده و با توجه به نوع عملگر(یکتایی ، دوتایی یا سه تایی ) یک یا دو یا  $\mathbf{r}$  عنصر از پشته عملوند ها را POP کرده و عملگر را روی آنها اعمال و عبارت پسوندی حاصل را در پشته عملوندها PUSH میکنیم و این کار را تا جایی ادامه میدهم که در پشته عملگرها فقط عملگر  $\mathbf{r}$  که نشان دهنده پایان کار است باقی بماند.

#### نكات:

۱- قبل از انجام عملیات در پایان هر عبارت میانوندی عملگر \$ را میگذاریم. این عملگر دارای کمترین اولویت بوده و نشان دهنده پایان عملیات میباشد.

۲- یک عملگر نمیتواند روی همان عملگر در پشته PUSH شود به جز عملگر  $^{\wedge}$  (توان).

برای مثال عبارت a+b\*c را به شکل پسوندی تبدیل میکنیم.



#### مراحل انجام عمليات:

۱- ابتدا به ترتیب a و b و c در پشته عملوند ها، و + و \* در پشته عملگر ها + میشوند.

۲- بعد نوبت به PUSH شدن \$ میرسد ولی چون اولیتش از \* کمتر است نمیتواند وارد شود پس \* باید POP شود.

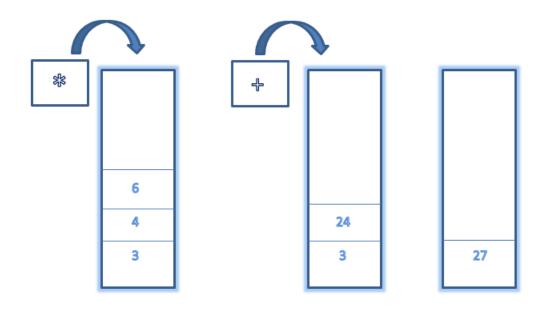
cPOP هده و حاصل پسوندی آنها b و cPOP شده و حاصل پسوندی آنها bc یعنی bc در پشته عملوند ها bc میشود.

 $^*$  حالا دوباره  $^*$  میخواهد وارد شود ولی چون اولویتش کمتر از + است نمیتواند و برای همین + POP شده و مانند مرحله قبل اینبار  $^*$  و  $^*$  از پشته عملوندها POP شده و مانند مرحله قبل اینبار  $^*$  و  $^*$  از پشته عملوندها PUSH میشوند.

 $^{-}$  حالا  $^{+}$  در پشته عملگر ها PUSH میشود بنابراین عملیات تمام است و عبارت پسوندی ما بدست آمده است.

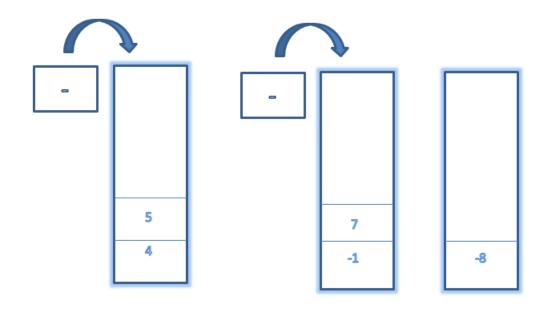
### -4-1 نحوه محاسبه مقدار عددی یک عبارت پسوندی با پشته

به عنوان مثال مقدار عددی عبارت +\*346 را محاسبه می کنیم.



از ابتدای عبارت پسوندی خود شروع کرده و عملوندها را در پشته PUSH میکنیم تا جایی که به یک عملگر برسیم.وقتی به عملگر رسیدیم بسته به نوع آن، اگر یکتایی بود عنصر سر پشته، اگر دوتایی بود دو عنصر سر پشته و اگر سه تایی بود POP عنصر سر پشته را POP کرده و عملگر را روی آنها اعمال میکنیم و حاصل را در پشته PUSH میکنیم، و این کار را ادامه میدهیم تا جایی که حاصل عبارت ما بدست آید.

شكل زير محاسبه ي عبارت -7-45 را نشان مي دهد.



#### ۴- ساختمان دادههای ساده

در این فصل نمایشی از مجموعههای پویا که به وسیله ساختمان دادههای سادهای که از اشاره گرها استفاده می کنند را مورد مشاهده قرار می دهیم. با وجود آنکه بسیاری از ساختمان دادههای پیچیده را می توان با اشاره گرها پیاده سازی کنیم، اما در اینجا فقط ساختمان داده های اصلی مانند پشته، صف، لیست پیوندیودرختهای ریشه داررا مورد بررسی قرار می دهیم. ما همچنین روش هایی را که به وسیله آن اشیاء و اشاره گرها به وسیله آرایه ترکیب می کنند را مورد بررسی قرار می دهیم.

#### **1−4** يشتهها و صفها

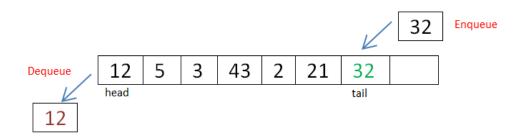
پشته (Stack)و صف (Queue)مجموعههای پویا هستند که در آن، عناصر به وسیله عمل پاک کردن (Delete)از مجموعه خارج می شوند. در پشته عنصر پاک شده از مجموعه همان آخرین عنصری که وارد آن شده است. به عبارت دیگر در پشته قانون «آخرین ورودی، اولین

خروجی» (Last-in, First-out) برقرار است. به طور مشابه در صف همیشهعنصری پاک می شود که مدت طولانی تری در صف بوده است. بنابراین صف با روش «اولین ورودی، اولین خروجی» (First-in, First-out) پیاده سازی می شود. چندین راه برای پیاده سازی صف و پشته در کامپیوتر وجود دارد. در این قسمت نشان می دهیم که چگونه از آرایه برای پیاده سازی هر دو ساختمان داده استفاده کنیم.

#### **۲-۴** صفها

### ۲−۲−۴ اضافه کردن (Enqueue) و خارج کردن (Dequeue) از صف

عملیات وارد کردن یک عنصر به صف Enqueue و عملیات خارج کردن عنصر Dequeue امیده می شود و مانند عمل Popدر پشته، Dequeue هیچ آرگومانی را به عنوان ورودی دریافت نمی کند. ویژگی"اولین ورودی, اولین خروجی" در صف سبب می شود که عملکردیمشابه صف دانشجویان در صف دریافت غذا داشته باشد. هر صف یکابتدا(Head) و یک انتها(Tail)دارد. هرزمانکه یک عنصر وارد صفشود، همیشه در انتهای صف قرار میگیرد. درست مانند صف سلف دانشجویان که دانشجوی تازه وارد در آخر صف قرار میگیرد. همچنین همیشه عنصری حذف می شود که در سر صف قرار دارد, مانند دانشجویی که بعد از مدتی طولانی به سر صف سلف رسیده و غذا دریافت میکند. (شکل ۱)



شکل ۱. ورود و خروج از ساختمان دادهی صف

صف دو ویژگی ویژگی دارد. Q.head که سرصف را مشخص می کند و Q.tail که موقعیت مکانی را Q.head می ویژگی دارد. Q.head سرصف را مشخص می کند و Q.head که عنصر جدید قرار است وارد آن شود را نشان می دهد. عناصر در صف در مکانهای Q.head و ... Q.head = Q.tail = 1 قراردارند، به طوری که «دور می زند» یعنی بعد از مکان Q.head = Q.tail = 1 صورت دایره وار قرار دارد. بنابراین هرگاه Q.head Q.tail = Q.tail = 0 است. در حالت اولیه داریم Q.head = Q.tail = 0 وقتی صف خالی است سعی برای حذف کردن یک عنصر از صف با

«زیرریز»همراه است. هرگاه Q.head=Q.tail+1صف پر است و اگر بخواهیم یک عنصر به صف اضافه کنیم آنگاه صف «سر ریز» می کند.

در شبه کدهای زیر کنترل خطای مربوط به «سرریزی» و «زیرریزی» را حذف کردهایم. n = Q.length این شبه کد فرض می کند

## ENQUEUE (Q, X)

- 1. Q[Q.TAIL] = X
- 2. IF Q.TAIL == Q.LENGH
  - 3. Q.TAIL = 1
- 4. ELSE

5. 
$$Q.TAIL = Q.TAIL + 1$$

### DEQUEUE (Q)

- 1. X = Q [Q.HEAD]
- 2. IF Q.TAIL == Q.LENGTH
  - 3. Q.HEAD = 1
- 4. ELSE
  - 5. Q.HEAD = Q.HEAD + 1
- 6. RETURN X

(تمرین ۱) نشان دهید که چگونه می توان دو پشته بر روی آرایه A[1..n] پیاده سازی کرد به طوری که هیچ کدام از پشته n شود. هرینه تعداد کل اعضا در هر دو پشته n شود. هرینه عمل overflow باشد.

(تمرین ۲) اگر شکل 10.2 را به عنوان مدل بگیریم نتیجه هر یک از عملهای منظم و پشت سر هم Enqueue(Q, ،Dnqueue(Q) ،Enqueue(Q, 3) ،Enqueue(Q, 1) ،Enqueue(Q, 4) . Dequeue(Q, 8) مشخص کنید. صفی با استفاده از آرایه S[1..6]مشخص کنید.صف در حالت اولیه خالی است.

(تمرین۳) Enqueue و Dequeue را دوباره بنویسید تا underflow و overflow را در یک صف مشخص کنید.

(تمرین  $^{4}$ ) پشته اجازه اضافه کردن و خارج کردن عناصر را از یک طرف می دهد حال صف اجازه وارد کردن از یک طرف و خارج کردن از طرف دیگر را می دهد. یک صف دوسرطراحی کنید که اجازه اضافه کردن و خارج کردن عناصر را از دو طرف بدهد.  $^{4}$ تابع با هزینه O(1) بنویسید که عمل اضافه کردن و خارج کردن عناصر یک صف دردو سر صف که با استفاده از آرایه پیاده سازی می شود، را انجام دهد.

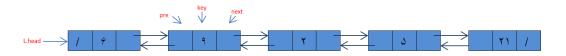
(تمرین۵) نشان دهید که چگونه می توان یک صف را با استفاده از دو پشته پیاده سازی کرد. هزینه عملیات های صف را به دست آورید.

(تمرین۶) نشان دهید که چگونه یک پشته را می توان با استفاده از دو صف پیادهسازی کرد. هزینه عملیاتهای پشته را به دست آورید.

#### - لیستهای پیوندی -

لیستهای پیوندی نوعی از ساختمان داده است که در آن اشیاء در یک ترتیب خطی قرار گرفتهاند. بر خلاف آرایه که در آن ترتیبها به وسیله اندیسهای آرایه مشخص میشود، ترتیب در لیستهای پیوندی به وسیله اشاره گر داخل هر شی مشخص میشود. لیستهای پیوندی یک نمایش ساده و قابل انعطافی برای مجموعههای پویا فراهم می کند.

با توجه به شکل زیر هر یک از عناصر یک لیست پیوندی دو طرفه L ، یک شی است که یک متغییر کلید key و دو متغییر اشاره گر: بعدی next و قبلی prevوارد. یک شی ممکن است متغییرهای جانبی دیگری هم داشته باشد. با در نظر گرفتن عنصر x در لیست، x در لیست، بعدی و x.prev عنصر قبلی اشاره می کند. اگر x اگر prev = NIL بعدی و بعنی عنصر قبل از آن وجود ندارد و این بدان معنا است که x سر لیست است. اگر x منصر است. مفت x عنصر اولین بعد از آن وجود ندارد این بدان معنا است که x عنصر آخر لیست است. صفت x اولین عنصرلیست اشاره می کند. اگر x اگر x اگر x الله است.



شكل ۲ ساختمان دادهی لیست پیوندی

یک لیست می تواند به فرمهای گوناگون باشد. ممکن است لیست دوطرفه یا یک طرفه باشد. ممکن است مرتب شده یا غیرمرتب باشد و همچنین ممکن است حلقوی یا غیرحلقوی باشد. اگر لیست پیوندی یک طرفه باشد، اشاره گر prev را از عناصر حذف خواهیم کرد، اگر لیست مرتب باشد ترتیب عناصر کلیدها در لیست ترتیب خطی دارند و عنصر مینیمم در سر لیست و عنصر ماکزیمم در ته لیست قرار دارد. اگر لیست نامرتب باشد عناصر به هر صورتی قرار خواهند داشت. در لیست پیوندی حلقوی اشاره گر prev سر لیست به آخر لیست اشاره می کند و اشاره گر prev از ته لیست به سر لیست اشاره می کند و اشاره گر عرف داشته باشید در لیست اشاره می کند. ممکن است که لیست به صورت حلقه نمایش داده شود. توجه داشته باشید در این قسمت فرض می کنیم لیستها دو طرفه و نامنظم هستند.

### ۴-۳-۴ جستجو در لیست پیوندی

 NIL مقدار بازگشتی List\_Search(L, 7) مقدار بازگشتی خواهد داشت.  $List_{-}$ 

List\_Search (L, k)

- 1. x = L.head
- 2. While x!=NIL and key[x] != k
  - 3. do x = x.next
- 4. return x

برای جستجو در یک لیست پیوندی با n عنصر در بدترین حالت با  $\Theta(n)$  طول می کشد چون باید کل لیست را جستجو کند.

# ۴-۳-۴ اضافه کردن به لیست پیوندی

تابع List\_Insert عنصری را که کلید آن x است را به اول لیست اضافه می کند.

List\_Insert(L, x)

- 1. x.next = L.head
- 2. If L.head != NIL
  - 3. L.head.prev = x
- 4. L.head = x
- 5. x.prev = NIL

O(1) زمان اجرایی تابع List\_Insert برای اضافه کردن یک عنصر به لیست پیوندی n عنصری از است.

## -7-7- حذف کردن از لیست پیوندی

تابع List\_Delete عنصر x را از لیست L حذف خواهد کرد. باید اشاره گری به عنصر x داشته باشیم و بعد آن را از لیست حذف خواهیم کرد. اگر بخواهیم عنصری با یک کلید از قبل مشخص

شده را خذف کنیم، ما باید اول List\_Search را صدا بزنیم تا اشاره گر به آن عنصررا داشته باشیم.

List\_Delete(L, x)

- 1. If x.prev != NIL
  - 2. x.prev.next = x.next
- 3. Else
  - 4. L.head = x.next
- 5. If x.next != NIL
  - 6. x.next.prev = x.prev

تابع List\_Delete با هزینه O(1) اجرا می شود. اما اگر بخواهیم عنصری را با کلید مشخص خذف List\_Search با هزینه اجرای آن در بدترین حالت از  $\Theta(n)$  است. برای اینکه ما باید اول صدا بزنیم.

## **۴-۳-۴** تمرین

(تمرین ۱) اضافه کردن یک عنصر بر روی یک لیست پیوندی یک طرفه با هزینه O(1) اجرا می شود؟ در مورد حذف کردن چه طور؟

push, pop پشته را با استفاده از یک لیست پیوندی L پیاده سازی کنید عملیاتهای O(1) باید باز هم با O(1) اجرا شود.

Dequeu, پیاده سازی کنید. عملیاتهای L پیاده از یک لیست پیوندی O(1) اجرا شود. Enqueue باید باز هم با O(1) اجرا شود.

(تمرین ۴) با توجه به تابع 'List\_Search' که حلقه آن برای هر دفعه باید دو مورد را چک کند. یکی x!=NIL! و دیگری x!=NIL! نشان دهید که چگونه چک کردن x!=NIL! حذف کنیم.

(تمرین ۵) عملیات اضافه و حذف و جستجو را در مورد فرهنگ لغت با یک لیست پیوندی یک طرفه دایروی پیاده سازی کنید. هزنینه اجرایی آن را محاسبه کنید.

S=S1 ومودی می گیرد و Union دومجموعه مجزای  $S1,\,S2$  از ورودی می گیرد و Union تمرین ۶ مملگرمجموعه پویا  $S1,\,S2$  در این US2 را باز خواهد گرداند که محتویات تمام اعضای  $US3,\,S2$  است. مجموعههای  $US3,\,S2$  در این عمل از بین خواهند رفت. نشان دهید که چگونه عملیات Union را با هزینه  $US3,\,S3$  با توجه به ساختمان داده مناسب تامین کنیم.

(تمرین ۷) یک تابع معرفی کنید که غیر بازگشتی باشد و یک لیست پیوندی یک طرفه با n عنصر را معکوس سازد. حافظه ای بیشتر از حافظه که برای لیست پیوندی بکار می رود نگیرید.

(تمرین ۸) توضیح دهید که چگونه یک لیست پیوندی دو طرفه را با یک اشاره گر x.prev جایگزینهر دو اشاره گر x.prev و x.next می شود پیاده سازی کنیم. فرض کنید هر اشاره گر را بتوان با یک عدد صحیح x.np بیتی نمایش دهیم و x.np به صورت زیر تعریف شده است: x.np بتوان با یک عدد صحیح x.np بیتی نمایش دهیم و x.np به صورت زیر تعریف شده است. x.np بیتی x.next xop بیتی x.next xop است. x.next xop است. x.next xop است. x.next xop اصفر است. اطلاعات لازم برای دسترسی به سر لیست را مشخص کنید. نشان دهید که چگونه عملیات x.next xop کنیم کنیم اور x.next xop باشد. x.next xop باشد.