به نام یکتای هستی بخش

دانشگاه تهران، دانشکدهی مهندسی برق و کامپیوتر







۱. با استفاده از دو پشته، یک صف پیادهسازی کنید که اعمالش در کمترین زمان ممکن انجام شوند.

۲.الف) با کمترین صف، یک پشته را پیاده سازی کنید. (بهترین پیچیدگی زمانی با این تعداد صف مدنظر است) ب) با بهترین پیچیدگی زمانی و تعدادی صف، یک پیشته پیادهسازی کنید. (در پیچیدگی زمانی بهینه، کمترین صف را استفاده کنید)

۳. مراحل محاسبهی عبارت ریاضی infix و prefix را با حداقل پشته برای هر کدام توضیح دهید.

۴. الف) برای هرکدام از قسمتهای زیر درختی را بکشید که دو نمایش داده شده برای آن درست باشد. درهر کدام از قسمت ها چند درخت صدق می کند؟

a) Pre-order: A B D E H C F G I J Post-order: D H E B F I J G C A

b) In-order: D B H E A F C I G J Post-order: D H E B F I J G C A

c) Pre-order: A B D E H C F G I J In-order: D B H E A F C I G J

ب) برای اینکه بتوان یک درخت را به درستی کشید. به حداقل چند پیمایش و کدام پیمایشها از آن احتیاج است؟

۵. درپیاده سازی پشته با یک آرایه مشکلی که وجود دارد محدود بودن طول پشته است، با اختیار کردن آرایهها و آزاد کردن آنها پشتهای با طول نامحدود بسازید، توجه کنید که پشته ساخته شده باید از لحاظ زمان بهترین پیچیدگی را داشته باشد.

بستهای با سه تابع تعریف شده ی pop ،push و print داریم که توابع print و pop باید روی پشتهای حاوی حداقل یک عنصر اجرا شوند. تابع print عنصر بالای پشته را چاپ می کند. با اجرای جایگشتی از این سه تابع می توان رشتهای را چاپ کرد. مثلا اگر رشته ی و برابر foo باشد ترتیب تابعها می تواند به شکل زیر باشد:

push f, print, pop, push o, print, pop, push o, print, pop

درنتیجه برای رشتهای به طول n با اجرای دقیقا 3n تابع میتوانیم آن را چاپ کنیم.

هدف ما این است که از پشتهی خالی شروع کنیم و با کمترین تعداد اجرای این سه تابع رشتهی مورد نظر S را خروجی دهیم. در انتها نیز پشته باید خالی شود. مثلا رشتهی را foo می توانستیم با اجرای ۷ تابع چاپ کنیم:

push f, print, pop, push o, print, print, pop

مسئلهی ما پیدا کردن کمترین تعداد تابع مورد نیاز برای چاپ رشته است.

الف) مسئله را درحالتی که کاراکترهای S حروف a تا Z باشند با کمترین پیچیدگی زمانی حل کنید.

ب) مسئله را در حالتی که کاراکترهای ${\sf S}$ سه حرف ${\sf A}$ و ${\sf B}$ و کباشند با کمترین پیچیدگی زمانی حل کنید.

درهيچ كدام از دوحالت نياز به اثبات بهينه بودن پيچيدگي زماني نيست، اما بايد بهترين الگوريتم از نظر پيچيدگي زماني ارائه شود و پیچیدگی زمانی محاسبه شود.

۷. مرتبساز پشته ای یک مرتبساز با دو پشته است. در ابتدا در پشته اول که آن را پشته ی A میA میA میA میAترتیبی دلخواه قرار دارند و پشته دوم با نام B خالی است. این مرتبساز قادر است عملیات زیر را انجام دهد: در هر مرحله دو عدد بالای پشتهی A را در نظر می گیرد و عدد کوچکتر را به پشتهی B انتقال میدهد و این کار را آنقدر A

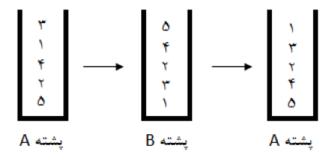
تکرار می کند که در پشتهی A تنها یک عنصر باقی بماند و آن را نیز به پشتهی B منتقل می کند. سپس اعداد پشتهی B را

پشتهی A انتقال می دهد (توجه کنید که چون A و B پشته هستند ترتیب عناصر برعکس می شود).

اگر مرتبساز پشتهای عملیات فوق را ۱ $k \geq n$ بار انجام دهد به ازای چند جایگشت اولیه از اعداد ۱ تا n درون k، در نهایت اعداد بصورت مرتب شده در پشتهی A قرار خواهند گرفت؟ (عدد ۱ در بالای پشته و عدد n در پایین پشته) جواب را

حسب n و k محاسبه و اثبات کنید.

بعنوان مثال در شکل زیر وضعیت پشتهی A بعد از یک بار انجام عملیات نمایش داده شدهاست. در این شکل سه گام مشخص شده است که به ترتیب عبارتند از: وضعیت اولیه پشتهی A، نحوه قرار گرفتن اعداد در پشتهی B، وضعیت اعداد در پشتهی A بعد از عملیات.



نحوهی تحویل:

لطفاً تمرین را به صورت اسکن شده در یک فایل فشرده با نام HW2[SID].zip در سایت درس آپلود کنید. SID پنج رقم آخر شمارهی دانشجویی شما است. یعنی اگر شماره دانشجوییتان ۸۱۰۱۹۲۰۰۰ است، نام فایلتان باید HW292000.zip ىاشد.

نكات پاياني:

- ✓ به ازای هر روز تاخیر ۱۰ درصد از نمرهی تمرین را از دست خواهید داد. همچنین بیشترین میزان تأخیر مجاز ۵ روز
 است.
 - ✓ در صورت مشاهده ی هرگونه تشابه نمره ی هر دو طرف ۱۰۰ منظور می گردد و در بار دوم نمره ی صفر برای درس
 منظور می گردد.
 - در صورت وجود هر گونه سوال می توانید به فروم درس مراجعه کنید. همچنین میتوانید سوالات خود را به ایمیل umpsychannow ارسال کنید.