

Modul Datenstrukturen, Algorithmen und Programmierung 1

Modul Datenstrukturen, Algorithmen und Programmierung 1

Einfache Zusatzaufgaben für die Weihnachtszeit 2020/21

- Die Aufgaben stammen aus den Klausuren der vergangenen Jahre.
- Die Aufgaben sind unterschiedlich schwer und unterschiedlich umfangreich. Dieses wurde in den Klausuren durch die Zahl der zugeordneten Punkte berücksichtigt.
- Alle Aufgaben lassen sich mit den Kenntnissen der Vorlesungsinhalte bis einschließlich Kapitel 5 bearbeiten.
- Die Aufgaben dienen in verschiedener Art dem Training für die Klausur:
 - In Programmierung ungeübte Studierende können weitere Erfahrungen sammeln.
 - In Programmierung bereits geübte Studierende können sich an die Form der Klausuraufgaben gewöhnen.
 - Bei allen Studierenden wird das algorithmische Denken trainiert, das auch zum Lösen der Aufgaben zu fortgeschrittenen Themen benötigt wird.
- Zu diesen Aufgaben werden keine Beispiellösungen veröffentlicht.
- Die Zusammenstellung ist ausgehend von den vorliegenden Klausuren erfolgt. Möglicherweise sind einzelne Aufgaben oder Varianten davon bereits in die Übungs- oder Praktikumsaufgaben übernommen worden und tauchen jetzt doppelt auf.
- Die Aufgaben der hier präsentierten Form haben in den Klausuren etwa 5 bis 15 Prozent des Gesamtumfangs ausgemacht.
- Die Aufgaben 1 bis 4 erfordern als ersten Schritt das vervollständigen einfacher Methoden zu einfachen Klassen, die im zweiten Schritt geeignet genutzt werden müssen.
- Die Aufgaben 5 bis 26 fordern Methoden, die auf einem Feld arbeiten.
- Die Aufgaben 27 bis 37 fordern rekursive Methoden.

- a) Vervollständigen Sie die Klasse Numbers:
 - void reset (int index) setzt den Wert im Feld values am Index index auf den Wert 0, falls der Index innerhalb der Grenzen des Felds values liegt. Sonst soll nichts geschehen.
 - boolean insert (int val) fügt den Wert val an dem kleinsten Index im Feld values ein, an dem der Wert 0 steht, und gibt true zurück. Gibt es keinen Wert 0 im Feld, wird false zurückgegeben und nichts eingefügt.
 - Numbers copy() erzeugt ein neues Objekt der Klasse Numbers, das genau dem ausführenden Objekt entspricht.

lic class	Numbers			
private i	int[] values;			
public Nu	umbers(int n)			
{ value	es = new int [n];			
}				
public vo	oid reset(int i	ndex)		
{				
}				
f morric po	oolean insert(i	nt val)		
}				
public Nu	ımbers copy()			
1				
}				

- b) Vervollständigen Sie die beiden folgenden Methoden, die die aus Aufgabenteil a) bekannte Klasse Numbers nutzen.
 - Numbers generate(int[] arr) erzeugt ein Objekt der Klasse Numbers, das genau nur alle positiven Werte aus arr enthält. Besitzt arr keinen positiven Wert, soll null zurückgegeben werden.
 - boolean put(int[] arr, Numbers num) soll in dem über num erreichbaren Objekt der Klasse Numbers alle Werte ungleich 0 erhalten und zugleich möglichst viele Werte aus arr hinzufügen. Die Methode gibt true zurück, falls alle Werte aus arr eingefügt werden konnten, sonst wird false zurückgegeben.

pu	blic	static	Numbers	genera	te(int []] arr)			
{									
} \									
pu	blic	static	boolean	put(i	nt[] arr	, Numbers	num)		
{									

Gegeben ist die Klasse Tuple:

```
public class Tuple {
    private String text;
    private int value;
    public Tuple( String t, int v ) { text = t; value = v; }
    public String getText() { return text; }
    public int getValue() { return value; }
    public void setValue( int v ) { value = v; }
}
```

- a) Vervollständigen Sie die Klasse Group:
 - Die Methode Tuple delete(int i) entfernt am Index i das Objekt aus dem Feld map und gibt es zurück. Falls der Index außerhalb der Grenzen des Felds map liegt oder am Index i der Wert null steht, soll null zurückgegeben werden.
 - Die Methode Group copy() gibt ein neu erzeugtes Objekt der Klasse Group zurück, das exakt dem ausführenden Objekt entspricht und jeweils **Kopien** der in map vorhandenen Objekte der Klasse Tuple an genau den gleichen Indizes enthält.
 - Die Methode boolean insert (Tuple p) fügt ein Objekt der Klasse Tuple, dass als Argument an p übergeben wird, am kleinsten Index im Feld map ein, an dem der Wert null steht, und gibt true zurück. Wird als Argument null übergeben oder gibt es im Feld map keinen Wert null, wird false zurückgegeben und map bleibt unverändert.

```
public class Group
{
    private Tuple[] map;

    public Group( int n ) {
        map = new Tuple[n];
    }

    public int size() {
        return map.length;
    }

    public Tuple delete( int i )

{
```

(Fortsetzung auf der nächsten Seite)

{	ic Group copy()	
-		
}		
publi	ic boolean insert(Tuple p)	
{		

}

- b) Vervollständigen Sie **in der Klasse Use** die folgenden beiden Methoden, die die aus Aufgabenteil a) bekannten Klassen Tuple und Group *benutzen*.
 - Die Methode Group extract (Group g, int v) erzeugt ein Objekt der Klasse Group, das alle Objekte der Klasse Tuple aus dem Feld map des ausführenden Objekts enthält, deren Attribut value kleiner als der Wert v ist. g soll dabei unverändert bleiben.
 - Die Methode int maxValue (Group source) soll den größten Wert zurückgeben, den die Methode getValue für alle Tuple-Objekte aus source liefert. source soll dabei unverändert bleiben.

{			Group g, i	LIIC V)		
}						
public st	atic int ma	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int ma	əxValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int ma	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
public st	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		
	atic int m	axValue(G	roup sourc	ce)		

- a) Vervollständigen Sie die Klasse Ints um die folgenden zusätzlichen Methoden:
 - int size() soll die Anzahl der Elemente des Feldes numbers zurückgeben.
 - int get(int index) soll den Wert am Index im Feld numbers zurückgeben. Besitzt index einen ungültigen Wert, wird eine RuntimeException geworfen.
 - **boolean** only(**int** value) soll **true** zurückgeben, falls alle Elemente des Feldes numbers den Wert value besitzen. Sonst soll **false** zurückgegeben werden. Hat das Feld kein Element, soll ebenfalls **true** zurückgegeben werden.

```
public class Ints
    private int[] numbers;
    public Ints( int[] array )
        numbers = array;
    public int size()
    public int get( int index )
        if (
        throw new RuntimeException();
    }
    public boolean only( int value )
        for( int candidate : numbers )
        }
        return
    }
```

- b) Vervollständigen Sie in der Klasse Use zwei Methoden.
 - **boolean** contains (**int** value) gibt **true** zurück, falls der Wert value mindestens einmal in den in structure abgelegten Werten vorkommt. Sonst wird **false** zurückgegeben.
 - **boolean** allZero() gibt **true** zurück, falls in structure alle Elemente den Wert 0 besitzen. Sonst wird **false** zurückgegeben. Enthält structure keine Werte, soll ebenfalls **true** zurückgegeben werden.

		e Ints[] st						
public boolean allZero()	//	(Konstrukt	or und wei	tere Method	en sind nich	nt von Inter	esse)	
public boolean allZero()		boolean co	ntains(in	t value)				
public boolean allZero()	1							
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero()								
public boolean allZero() {								
	}							
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	public	boolean al	lZero()					
	oublic	boolean al	lZero()					

- a) Vervollständigen Sie in der Klasse DataValues zwei Methoden:
 - int quantityZero() soll die Häufigkeit des Auftretens des Wertes 0 im Feldes numbers bestimmen und zurückgeben.
 - boolean oneInBetween(int bottom, int top) soll nur dann true zurückgeben, falls es genau ein Element in numbers gibt, dessen Wert größer als bottom und kleiner als top ist. Ist bottom nicht kleiner als top, wird eine RuntimeException geworfen.

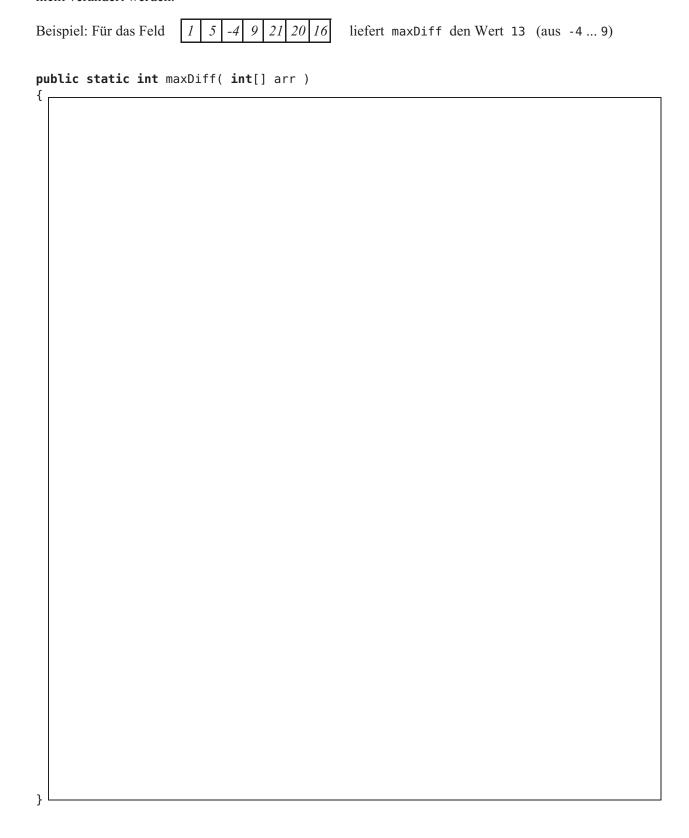
```
public class DataValues
    private int[] numbers;
    public DataValues( int[] array )
        numbers = array;
    public int size()
        return numbers.length;
    public int quantityZero()
        int count = 0;
        for( int candidate : numbers )
        return count;
    }
    public boolean oneInBetween( int bottom, int top )
        boolean result = false;
        if ( bottom < top )</pre>
        {
            for( int candidate : numbers )
            {
            return result;
        throw new RuntimeException();
    }
```

- b) Vervollständigen Sie in der Klasse Use zwei Methoden:
 - boolean containsSingle(int value) gibt true zurück, falls der Wert value genau einmal unter allen in structure abgelegten Werten vorkommt. Sonst wird false zurückgegeben.
 - **boolean** allZero() gibt **true** zurück, falls in structure kein anderer Wert als 0 abgelegt ist. Sonst wird **false** zurückgegeben.

Enthält structure keine Werte, soll ebenfalls true zurückgegeben werden.

```
public class Use
    private DataValues[] structure;
                                                   // DataValues aus Aufgabenteil a)
    // ... (Konstruktor und weitere Methoden sind nicht von Interesse)
    public boolean containsSingle( int value )
        int count = 0;
        for (
        {
        return count == 1;
    }
    public boolean allZero()
        boolean result = true;
        for (
                                                                                       )
        {
        return result;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int maxDiff(int[] arr). Die Methode maxDiff gibt den größten Abstand zurück, der zwischen zwei direkt aufeinander folgenden Elementen des Feldes arr auftritt. Hat das Feld weniger als zwei Elemente, wird 0 zurückgegeben. Das als Argument übergebene Feld darf dabei nicht verändert werden.



Vervollständigen Sie die Methode int notZeroSequence (int[] arr). Die Methode notZeroSequence soll die Anfangsposition der längsten Teilfolge von Werten im Feld arr angeben, die keine 0 enthält.

pub	lic	static	int	notZeroSequence(<pre>int[] arr)</pre>
, L					

Vervollständigen Sie die Methode boolean allTriples(int[] arr). Die Methode allTriples soll true zurückgeben, falls jeder Wert im Feld arr genau dreimal vorkommt. Sonst soll false zurückgegeben werden. Das als Argument übergebene Feld darf dabei nicht verändert werden.

pub	lic	static	boolean	allTriples(<pre>int[] arr)</pre>
{					
} L					

Vervollständigen Sie die Methode int[] subset(int[] arr, int from).

Die Methode subset soll ein neues Feld anlegen und zurückgeben. Dieses Feld soll genau nur die Inhalte aus arr, deren Indizes größer oder gleich from sind, in der durch arr gegebenen Reihenfolge enthalten.

Der Wert von from muss ein zulässiger Index von arr sein.

Ist diese Bedingungen nicht erfüllt, soll ein Feld ohne Elemente zurückgegeben werden.

```
public static int[] subset( int[] arr, int from )
    if (
                                                                                        )
    {
    }
    else
    {
    }
}
```

Vervollständigen Sie die Methode boolean containsTriple(int[] arr). Die Methode containsTriple soll true zurückgeben, falls es mindestens einen Wert im Feld arr gibt, der genau dreimal vorkommt. Sonst soll false zurückgegeben werden. Das als Argument übergebene Feld darf dabei nicht verändert werden.

pu	blic	static	boolean	containsT	riple(i	nt[] arr)		
{									
}									

Vervollständigen Sie die Methode int positiveSequences (int[] arr). Die Methode positiveSequences soll in dem Feld arr die Anzahl der Teilfolgen bestimmen, die aus unmittelbar aufeinander folgenden positiven Werten bestehen.

- Eine solche Teilfolge beginnt immer mit einem positiven Wert.
- Eine solche Teilfolge endet bei 0, einem negativen Wert oder dem Ende des Feldes.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.

```
public static int positiveSequences( int[] arr )
    int quantity = 0;
    return quantity;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode boolean semiFibs (int[] arr).

Die Methode semiFibs soll true zurückgeben, falls für alle Paare von jeweils zwei unmittelbar aufeinander folgenden Indizes gilt, dass die Summe ihrer Werte kleiner oder gleich dem Wert des ihnen unmittelbar folgenden Wertes ist.

Hat das Feld weniger als drei Elemente, soll true zurückgegeben werden.

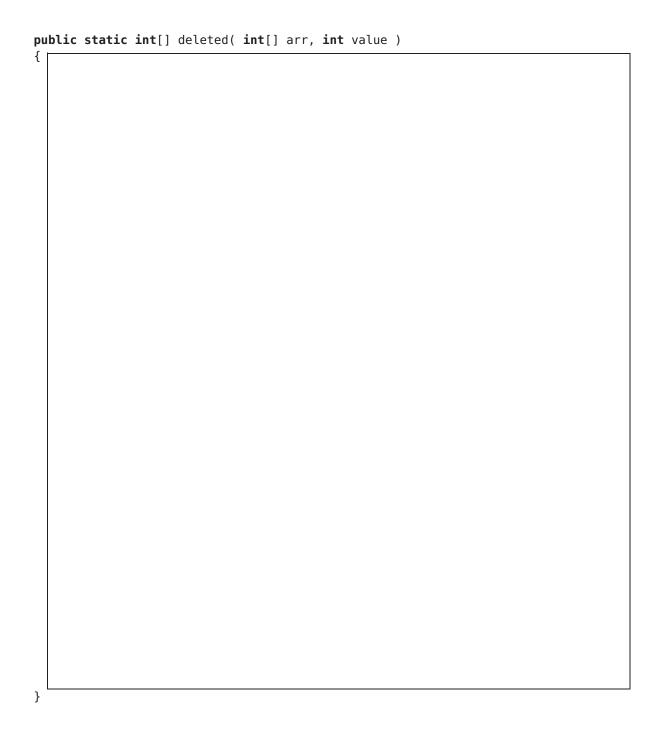
Sonst soll false zurückgegeben werden.

;
_

Vervollständigen Sie die Methode int[] deleted(int[] arr, int value).

Die Methode deleted soll ein neues Feld zurückgeben, in dem alle Vorkommen des Wertes value fehlen und alle anderen Werte des Feldes arr in unveränderter Reihenfolge auftreten.

Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.



Vervollständigen Sie die Methode int[] head(int[] arr, int to).

Die Methode head soll ein neues Feld anlegen und zurückgeben. Dieses Feld soll genau nur die Inhalte aus arr, deren Indizes kleiner als oder gleich to sind, in der durch arr gegebenen Reihenfolge enthalten.

Der Wert von to muss ein zulässiger Index von arr sein.

Ist diese Bedingung nicht erfüllt, soll ein Feld zurückgegeben werden, das keine Elemente enthält.

```
public static int[] head( int[] arr, int to )
    if
    {
    }
    else
    {
    }
}
```

Vervollständigen Sie die Methode boolean semiSorted(int[] arr).

Die Methode semiSorted soll true zurückgeben, falls das Feld arr weniger als zwei Elemente hat oder für jedes Element mit einem ungeraden Index größer als 0 gilt, dass sein Wert größer als der des unmittelbar vorangehenden Elements ist.

Sonst soll false zurückgegeben werden.

or ()
<u> </u>				

Vervollständigen Sie die Methode int[] odd(int[] arr). Die Methode odd soll ein neues Feld anlegen und zurückgeben. Dieses Feld soll genau nur die Inhalte mit ungeraden Werten aus arr in der durch arr gegebenen Reihenfolge enthalten.

```
public static int[] odd( int[] arr )
    int[] result;
    return result;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode boolean almostUnique(int[] arr). Die Methode almostUnique soll true zurückgeben, falls im Feld arr jeder Wert höchstens zweimal vorkommt. Sonst soll false zurückgegeben werden.

ρι {	ıblic	static	boolean	almostUnique(<pre>int[]</pre>	arr)			
}									_

Vervollständigen Sie die Methode int[] tail(int[] arr, int position). Die Methode tail soll ein neues Feld zurückgeben, das nur diejenigen Werte des Feldes arr in unveränderter Reihenfolge enthält, die in diesem ab dem Index position auftreten.

- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.
- Liegt position nicht im Bereich der gültigen Indizes, wird eine RuntimeException geworfen.

```
public static int[] tail( int[] arr, int position )
    if (
                                                                                      )
    {
    }
    else
    {
        throw new RuntimeException();
    }
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int longestSequence (int[] arr). Die Methode longestSequence soll in dem Feld arr die Länge der längsten Teilfolge bestimmen, die aus unmittelbar aufeinander folgenden positiven Werten besteht.

- Eine solche Teilfolge beginnt immer mit einem positiven Wert.
- Eine solche Teilfolge endet bei 0, einem negativen Wert oder dem Ende des Feldes.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.

```
public static int longestSequence( int[] arr )
    int length = 0;
    return length;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode $\,$ int twice($\,$ int[] $\,$ arr). Die Methode $\,$ twice $\,$ soll die Anzahl der Werte zurückgeben, die im Feld $\,$ arr $\,$ genau zweimal $\,$ vorkommen.

```
public static int twice( int[] arr )
    int count = 0;
    return count;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int[] negatives (int[] arr). Die Methode negatives soll ein neues Feld anlegen und zurückgeben. Dieses Feld soll genau nur die Inhalte mit negativen Werten aus arr in der durch arr gegebenen Reihenfolge enthalten.

```
public static int[] negatives( int[] arr )
    int[] result;
    return result;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int lastHit(char[] arr, char[] tokens). Die Methode lastHit soll den größten Index im Feld arr zurückgeben, an dem eines der Zeichen aus dem Feld tokens auftritt. Kommt keines der Zeichen aus dem Feld tokens im Feld arr vor, soll -1 zurückgegeben werden.

Die Felder arr und tokens sollen unverändert bleiben.

```
public static int lastHit( char[] arr, char[] tokens )
    return -1;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int countValues (int[] arr). Die Methode countValues soll die Anzahl der unterschiedlichen Werte im Feld arr zurückgeben.

Das Feld arr soll unverändert bleiben.

```
public static int countValues( int[] arr )
    int count = 0;
    return count;
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int[] odds (int[] arr). Die Methode odds soll ein neu erzeugtes Feld zurückgeben, das genau nur die im Feld arr an ungeraden Indizes stehenden Inhalte in umgekehrter Reihenfolge enthält.

Das Feld arr soll unverändert bleiben.

pu {	blic	static	<pre>int[]</pre>	odds(int[]	arr))			
ι										
ı										

Vervollständigen Sie die Methode int compare(int[] arr1, int[] arr2). Die Methode compare soll:

- den Wert -1 zurückgeben, wenn die Felder arr1 und arr2 die gleiche Länge haben und für jeden Index i gilt: arr1[i] < arr2[i],
- den Wert 1 zurückgeben, wenn die Felder arr1 und arr2 die gleiche Länge haben und für jeden Index i gilt: arr1[i] > arr2[i],
- sonst den Wert 0 zurückgeben.

Die Felder arr[1] und arr[2] sollen unverändert bleiben.

```
public static int compare( int[] arr1, int[] arr2 )
    int greater = 0;
    int smaller = 0;
    if ( arr1.length == arr2.length )
    {
        for ( int i=0; i<arr1.length; i++ )</pre>
            if ( arr1[i] < arr2[i] )</pre>
             {
                 greater++;
            else if ( arr1[i] > arr2[i] )
                 smaller++;
            }
        }
```

Vervollständigen Sie die Methode int longestAscendingSequence (int[] arr). Die Methode longestAscendingSequence soll die Länge der längsten Teilfolge mit aufsteigenden Werten im Feld arr zurückgeben. Die Länge einer solchen Teilfolge ergibt sich aus der Zahl der aufeinander folgenden Elemente, bei denen der Wert am größeren Index größer ist als alle davor stehenden Werte dieser Teilfolge.

Enthält das Feld keine Werte, soll 0 zurückgegeben werden.

Das Feld arr soll unverändert bleiben.

```
public int longestAscendingSequence( int[] arr )
    if ( arr.length < 2 )</pre>
        return arr.length;
    }
    else
    {
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int embeddedSequence (int[] arr). Die Methode embeddedSequence soll die Länge der längsten Teilfolge von Werten im Feld arr angeben, die mit dem gleichen Wert beginnt und endet. Gibt es keine solche Teilfolge, soll 0 zurückgegeben werden.

pu {	blic	static	int	<pre>embeddedSequence(</pre>	int[]	arr)
ι						
,						

Vervollständigen Sie die Methode int hasTriple(int[] arr, int n), die rekursiv arbeiten soll. Die Methode hasTriple soll true zurückgeben, wenn es im Feld arr drei unmittelbar aufeinander folgende Indizes gibt, an denen der gleiche Wert abgelegt ist. Sonst soll false zurückgegeben werden. Wird für n ein Wert außerhalb der Grenzen des Felds arr übergeben, soll false zurückgegeben werden.

Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.

```
public static boolean hasTriple( int[] arr, int n )
    if (
    {
        return false;
    }
    else
    {
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int getIndex (int[] arr, int v, int n), die *rekursiv* arbeiten soll. Die Methode getIndex soll den kleinsten Index zurückgeben, an dem der Wert v in arr im Bereich der Indizes 0..n vorkommt. Kommt v nicht vor oder wird für n ein Wert außerhalb der Grenzen des Felds arr übergeben, soll -1 zurückgegeben werden.

Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.

```
public static int getIndex( int[] arr, int v, int n )
    if (
    {
        return -1;
    }
    else
    {
}
```

Vervollständigen Sie die *rekursive* Methode int at(int[] arr, int limit, int val). Die Methode at soll den größten Index im Bereich der Indizes 0, ..., limit zurückgeben, an dem im Feld arr der Wert val steht.

- Wird ein unzulässiges Argument für limit übergeben oder kommt val nicht in arr vor, so wird -1 zurückgegeben.
- Die Methode at soll rekursiv arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.

```
public static int at( int[] arr, int limit, int val )
    if (
    {
    }
    else
        return
}
```

Vervollständigen Sie die *rekursive* Methode boolean nonZero(int[] arr, int limit). Die Methode nonZero soll true zurückgeben, wenn im Feld arr im Bereich der Indizes 0, ..., limit der Wert 0 nicht vorkommt.

- Wird ein unzulässiges Argument für limit übergeben oder kommt 0 in arr vor, so wird false zurückgegeben.
- Die Methode nonZero soll *rekursiv* arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht verändert werden.

```
public static boolean nonZero( int[] arr, int limit )
    if
    {
    }
    else
    {
    }
}
```

Seite 36

Vervollständigen Sie die rekursive Methode

```
boolean allGreater( int[] arr1, int[] arr2, int p )
```

Die Methode allGreater soll true zurückgeben, falls für das kürzere der beiden Felder für jeden gültigen Index i gilt, dass der Wert von arr1[i] größer ist als der Wert von arr2[i]. Sonst soll false zurückgegeben werden. Hat eines der Felder die Länge 0, soll true zurückgegeben werden. Der erste Aufruf von allGreater soll mit dem Argument 0 für p erfolgen.

Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.

```
public static boolean allGreater( int[] arr1, int[] arr2, int i )
    if (
                                                                                             )
    {
        return true;
    }
    else
        if (
                                                                                             )
        {
        }
        else
        {
    }
}
```

Vervollständigen Sie die **rekursive** Methode **int** greater(**int**[] arr, **int** limit). Die Methode greater soll die Anzahl der Werte des Feldes arr im Bereich der Indizes 0 ... limit zurückgeben, die größer als der Wert des vorangehenden Index sind, sofern dieser existiert.

- Wird ein unzulässiges Argument für limit übergeben, wird eine RuntimeException geworfen.
- Die Methode greater soll **rekursiv** arbeiten. Die Implementierung darf **keine** Schleifen enthalten.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.

```
public static int greater( int[] arr, int limit )
    if
                                                                                     )
    {
    }
    else
        throw new RuntimeException();
}
```

c)[2 Punkte] Vervollständigen Sie die *rekursive* Methode boolean firstRep(int[] arr, int limit). Die Methode firstRep soll true zurückgeben, wenn im Feld arr der Wert des Elements mit dem Index 0 mindestens noch ein zweites Mal im Bereich der Indizes 1, ..., limit vorkommt.

- Die Methode firstRep soll false zurückgeben, wenn ein unzulässiges Argument für limit übergeben wird oder der Wert am Index 0 kein weiteres Mal in arr vorkommt.
- Die Methode firstRep soll rekursiv arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht verändert werden.

```
public static boolean firstRep( int[] arr, int limit )
    if
    {
    }
    else
    {
    }
}
```

c)[3 Punkte] Vervollständigen Sie die Methode boolean multiple(int[] arr, int x) und die *rekursive* Methode boolean check(int[] arr, int x, int from, int to)

- Die Methode multiple soll das Ergebnis true zurückgeben wenn
 - das Feld arr eine gerade Anzahl von Elementen besitzt und
 - im Feld arr der Wert von x mindestens je einmal in der oberen Hälfte und der unteren Hälfte des Feldes vorkommt.

Sonst soll false zurückgegeben werden.

• Die Methode check soll *rekursiv* arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten. Die Methode check darf den Inhalt des Parameters arr nicht verändern.

```
public static boolean multiple( int[] arr, int x )
    if (
    {
        return check(
            && check(
                                                                                     );
    }
    else
        return false;
}
public static boolean check( int[] arr, int x, int from, int to )
}
```

Vervollständigen Sie die **rekursive** Methode **int** number(**int**[] arr, **int** limit, **int** val). Die Methode number soll die Anzahl der Werte des Feldes arr im Bereich der Indizes 0 ... limit zurückgeben, die gleich dem Wert val sind.

- Wird ein unzulässiges Argument für limit übergeben, wird eine RuntimeException geworfen.
- Die Methode number soll rekursiv arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.
- Der Inhalt des Parameters arr darf nicht geändert werden.

```
public static int number( int[] arr, int limit, int val )
    if (
    {
    }
    else
        throw new RuntimeException();
}
```

Vervollständigen Sie die Methode boolean check(int[] arr, int x) und die *rekursive* Methode boolean search(int[] arr, int x, int from, int to)

- Die Methode check soll das Ergebnis true zurückgeben, wenn
 - das Feld arr eine gerade Anzahl von Elementen besitzt und
 - im Feld arr der Wert von x mindestens je einmal in der ersten Hälfte und der zweiten Hälfte des Feldes vorkommt.

Sonst soll false zurückgegeben werden.

• Die Methode search soll *rekursiv* arbeiten. Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten. Die Methode search darf den Inhalt des Parameters arr nicht verändern.

```
public static boolean check( int[] arr, int x )
    if (
    {
        return search(
            && search(
                                                                                    );
    }
    else
        return false;
}
public static boolean search( int[] arr, int x, int from, int to )
}
```

Vervollständigen Sie die Methode int positiveMinimum(int[] arr, int limit), die *rekursiv* arbeiten soll. Die Methode positiveMinimum soll den kleinsten positiven Wert zurückgeben, der im Feld arr im Bereich der Indizes 0 ... limit vorhanden ist. Gibt es keinen positiven Wert, soll -1 zurückgegeben werden. Wird ein unzulässiges Argument für limit übergeben, soll eine Ausnahme der Klasse IllegalArgumentException geworfen werden.

Die Implementierung darf keine Schleifen enthalten.

```
public static int positiveMinimum( int[] arr, int limit)
    if ( limit < 0 || limit >= arr.length )
    {
        throw new IllegalArgumentException();
    }
    else
    {
}
```