Td série n°1: problème du trader

I-Le problème

Lors d'une séance d'acquisition et de cession de titres sur un marché à terme des produits pétroliers et dérivés, un trader lève une option d'achat sur 3 lots: A1, A2 et A3 juste au moment où, en cotation, ces trois titres sont sur le point d'atteindre chacun son cours plancher, soit respectivement 50 M€, 40M€ et 80M€.

Immédiatement, il *prend position* pour le compte de 2 fonds d'investissement **E1** et **E2** (dont il est mandataire) en les engageant pour un montant de 100 M€ maximum chacun.

Afin de répartir les risques (opérations spéculatives), il échafaude un montage par lequel, il crée deux fonds opérationnels:

- -le fonds F1, doté de 110 M€ maximum, alimenté conjointement par les fonds de E1 et E2 à hauteur de 60 M€ et 50M€ maximum respectivement,
- -le fonds F2, doté d'un montant de 60M€ maximum, alimenté par les fonds E2 et F1 à hauteur de 40 M€ et 20M€ maximum respectivement.

En outre, il prévoit, dans ce montage, un tirage direct du fonds **E1** de 30M€ maximum.

Pour acquérir les titres convoités, le trader anticipe sur des fluctuations des titres et prévoit ce qui suit:

- -pour l'opération A1: un maximum de 30M€ tiré sur F1 qu'il complète par 30M€ maximum tiré sur E1,
- -pour l'opération A2: un maximum de 50M€ tiré sur F1.
- -pour l'opération A3: un maximum de 40M€ tiré sur F1 et un maximum de 50M€ tiré sur F2.
- 1-Le premier problème est de savoir si le montage proposé par le trader garantit, a priori, la faisabilité de l'opération d'acquisition des trois lots A1, A2 et A3.
- 2-Le deuxième problème se présente lorsque l'opérateur cédant le lot A1 (50M€), pressentant une tendance haussière du marché, cherche à en tirer profit pour négocier une augmentation de la valeur de son titre. Quelle augmentation maximale peut concéder le trader sans remettre en cause son montage initial ?
- 3-Le troisième problème survient lorsque l'opérateur cédant le lot A2 (40M€), bien informé de la négociation précédente, décide, à son tour, une renégociation de son de son titre. Le trader peut-il concéder une nouvelle hausse sans remettre en cause son montage initial ?

II-Démarche de résolution Techniques de réso<u>lu</u>tion Modèle **Formulation** Résolution du du du Problème réel système étudié problème problème à résoudre Interprétation de la solution