

# Évaluation Finale

**Du Transistor au CPU**

**Chapitres couverts : 00 à 06 (tout le cours)**

**Durée : 2h00**

**Documents autorisés : Aucun**

**Barème : 40 points**

## **Partie A : QCM (10 points)**

**Consignes :** Une seule réponse correcte par question. +1 point par bonne réponse, 0 si faux.

## Question 1 - Logique

La porte NAND est dite "universelle" car :

- [ ] A. Elle est utilisée dans tous les CPU
- [ ] B. On peut construire toutes les autres portes avec elle seule
- [ ] C. Elle fonctionne avec n'importe quelle tension
- [ ] D. Elle est la plus rapide

## Question 2 - Arithmétique

En complément à deux sur 8 bits, quelle valeur représente `11111111` ?

- [ ] A. 255
- [ ] B. -1
- [ ] C. -127
- [ ] D. 0

## Question 3 - ALU

Quel flag est activé quand le résultat d'une opération vaut exactement zéro ?

- [ ] A. N (Negative)
- [ ] B. Z (Zero)
- [ ] C. C (Carry)
- [ ] D. V (Overflow)

## Question 4 - Mémoire

Combien de bits d'adresse faut-il pour adresser une RAM de 4096 mots ?

- [ ] A. 10 bits
- [ ] B. 12 bits
- [ ] C. 14 bits
- [ ] D. 16 bits

## Question 5 - Registres

Dans l'architecture A32, quel registre spécial contient l'adresse de l'instruction en cours ?

- [ ] A. R0
- [ ] B. SP (R13)
- [ ] C. LR (R14)
- [ ] D. PC (R15)

## Question 6 - ISA

L'architecture A32 est de type :

- [ ] A. CISC avec accès mémoire dans les opérations ALU
- [ ] B. RISC Load/Store avec opérations ALU sur registres uniquement
- [ ] C. Stack machine
- [ ] D. Accumulator machine

## Question 7 - CPU

Dans le cycle d'exécution, quelle phase vient immédiatement après Decode ?

- [ ] A. Fetch
- [ ] B. Execute
- [ ] C. Memory
- [ ] D. Writeback

## Question 8 - Contrôle

Le signal `reg_write = 1` signifie :

- [ ] A. On lit un registre
- [ ] B. On écrit dans un registre
- [ ] C. On accède à la mémoire
- [ ] D. On effectue un branchement

## Question 9 - Assembleur

Pourquoi l'assembleur fait-il deux passes sur le code source ?

- [ ] A. Pour optimiser le code
- [ ] B. Pour résoudre les références vers l'avant (labels)
- [ ] C. Pour vérifier la syntaxe deux fois
- [ ] D. Pour compresser le binaire

## Question 10 - Pipeline

Un data hazard se produit quand :

- [ ] A. Deux instructions utilisent la même porte logique
- [ ] B. Une instruction lit un registre qu'une instruction précédente n'a pas encore écrit
- [ ] C. Le PC est modifié de manière inattendue
- [ ] D. La mémoire est pleine

## **Partie B : Logique et Arithmétique (8 points)**

## Exercice 1 : Construction avec NAND (3 points)

Montrez comment construire un **XOR** en utilisant uniquement des portes NAND.

1. Donnez l'expression booléenne de  $\text{XOR}(A, B)$
2. Décomposez-la en opérations réalisables avec NAND
3. Dessinez le circuit (ou décrivez-le textuellement)

## Exercice 2 : Addition et Flags (3 points)

Effectuez l'addition suivante en binaire sur 8 bits (complément à deux) :

$$\begin{array}{r} 01100100 \quad (100 \text{ en décimal}) \\ + 01011010 \quad (90 \text{ en décimal}) \\ \hline \end{array}$$

- Quel est le résultat en binaire et en décimal ?
- Quels flags (N, Z, C, V) sont activés ? Justifiez pour chaque flag.

### **Exercice 3 : Représentation des nombres (2 points)**

- a) Quelle est la plage de valeurs représentables en complément à deux sur 8 bits ?
- b) Pourquoi le complément à deux est-il préféré au signe-magnitude ?

## **Partie C : Mémoire et Architecture (10 points)**

## Exercice 4 : Conception mémoire (3 points)

On veut concevoir une RAM de 1024 mots de 32 bits.

- a) Combien de bits d'adresse sont nécessaires ?
- b) Combien de DFF sont nécessaires au total ?
- c) Si le bus de données fait 32 bits, combien de lignes le bus d'adresse doit-il avoir ?

## Exercice 5 : Décodage d'instruction (4 points)

Décodez cette instruction A32 :

```
1110 001 0100 1 0011 0010 0000 0000 1010
```

Remplissez le tableau :

Champ	Bits	Valeur binaire	Signification
cond	31-28		
class	27-25		
op	24-21		
S	20		
Rn	19-16		
Rd	15-12		

## Exercice 6 : Trace d'exécution (3 points)

Tracez l'exécution de ce programme :

```
MOV R0, #10
MOV R1, #0
loop:
    ADD R1, R1, R0
    SUB R0, R0, #1
    CMP R0, #0
    B.NE loop
    HALT
```

- a) Combien de fois la boucle s'exécute-t-elle ?
- b) Que valent R0 et R1 à la fin ?
- c) Que calcule ce programme ?

## **Partie D : CPU et Assembleur (12 points)**

## Exercice 7 : Chemin des données (4 points)

Pour l'instruction `LDR R1, [R2, #8]` :

- Décrivez le chemin des données à travers le CPU (quels composants sont utilisés, dans quel ordre).
- Quels signaux de contrôle sont actifs ? Donnez leur valeur :

- `reg_write`
- `mem_read`
- `mem_write`
- `alu_src`
- `wb_src`

## Exercice 8 : Signaux de contrôle (3 points)

Complétez la table des signaux pour ces instructions :

Instruction	reg_write	mem_read	mem_write	alu_src	branch
ADD R1, R2, R3					
STR R0, [R1]					
B.EQ label					

## Exercice 9 : Encodage assembleur (3 points)

Encodez manuellement l'instruction `SUB R4, R5, #15` en binaire 32 bits.

Format : `[cond:4][class:3][op:4][S:1][Rn:4][Rd:4][imm12:12]`

Donnez :

- La valeur de chaque champ
- Le résultat final en hexadécimal

## Exercice 10 : Programme assembleur (2 points)

Écrivez un programme assembleur A32 qui calcule le maximum de deux nombres.

- R0 contient le premier nombre
- R1 contient le deuxième nombre
- Le résultat doit être dans R2

# Barème Détailé

Partie	Exercice	Points
A	QCM ( $10 \times 1\text{pt}$ )	10
B	Ex1 XOR avec NAND	3
B	Ex2 Addition et Flags	3
B	Ex3 Représentation	2
C	Ex4 Conception mémoire	3
C	Ex5 Décodage instruction	4
C	Ex6 Trace d'exécution	3
D	Ex7 Chemin des données	4
D	Ex8 Signaux de contrôle	3

# Notes pour la Correction

## Partie A - Réponses QCM

1. B (universalité)
2. B (-1 en complément à deux)
3. B ( $Z = \text{Zero}$ )
4. B (12 bits, car  $2^{12} = 4096$ )
5. D ( $\text{PC} = \text{R15}$ )
6. B (RISC Load/Store)
7. B (Execute)
8. B (écriture registre)
9. B (références vers l'avant)
10. B (lecture avant écriture)

## Partie B - Solutions

### Ex1 - XOR avec NAND :

$$\begin{aligned}\text{XOR}(A, B) &= (\text{A AND NOT B}) \text{ OR } (\text{NOT A AND B}) \\ &= \text{NAND}(\text{NAND}(A, \text{NAND}(A, B)), \text{NAND}(B, \text{NAND}(A, B)))\end{aligned}$$

Circuit : 4 portes NAND

## Ex2 - Addition :

```
01100100 (100)
+ 01011010 (90)
= 10111110 (190... mais en signé = -66)
```

- N = 1 (bit de poids fort = 1)
- Z = 0 (résultat  $\neq$  0)
- C = 0 (pas de retenue sortante sur 8 bits)
- V = 1 (overflow : deux positifs donnent un négatif)

**Ex3 :**

- a) [-128, +127]
- b) Le complément à deux permet d'utiliser le même additionneur pour les nombres signés et non-signés, et évite le double zéro (+0, -0).

## Partie C - Solutions

Ex4 :

- a) 10 bits ( $2^{10} = 1024$ )
- b)  $1024 \times 32 = 32768$  DFF
- c) 10 lignes

**Ex5 :**

Champ	Valeur	Signification
cond	1110	AL (toujours)
class	001	ALU immédiat
op	0100	ADD
S	1	Mettre à jour flags
Rn	0011	R3
Rd	0010	R2
imm12	10	#10

**Instruction :** ADDS R2, R3, #10

**Ex6 :**

- a) 10 fois (R0 va de 10 à 1)
- b)  $R0 = 0, R1 = 55$
- c) Somme des entiers de 1 à 10 ( $55 = 10+9+8+\dots+1$ )

## Partie D - Solutions

Ex7 :

a) Chemin :

1. RegFile lit R2 → Data\_A
2. Extend extrait 8 → operand2
3. ALU calcule R2 + 8 → adresse
4. Memory lit MEM[adresse] → donnée
5. Donnée → Rd (R1)

b) Signaux :

- reg\_write = 1
- mem\_read = 1
- mem\_write = 0

**Ex8 :**

Instruction	reg_write	mem_read	mem_write	alu_src	branch
ADD R1, R2, R3	1	0	0	0	0
STR R0, [R1]	0	0	1	1	0
B.EQ label	0	0	0	X	1

### Ex9 :

- cond = 1110 (AL)
- class = 001 (imm)
- op = 0010 (SUB)
- S = 0
- Rn = 0101 (R5)
- Rd = 0100 (R4)
- imm12 = 00000001111 (15)

Binaire : 1110 001 0010 0 0101 0100 0000 0000 1111

Hex : 0xE245400F

## Ex10 :

```
CMP R0, R1
B.GE r0_max
MOV R2, R1      ; R1 est plus grand
B done
r0_max:
    MOV R2, R0    ; R0 est plus grand ou égal
done:
    HALT
```

*Fin de l'évaluation*