# 直流电动机的热模型及其温升预测

吴国芳 (上海大学自动化学院)

摘 要: 从定量分析功率损耗出发,建立直流电动机的热模型,提出了电机温升的预测计算方法。 关键词: 直流电动机 功率损耗 热模型 电机温升

## 1 引言

直流电动机作为电能转换为机械能的装置,其能量的一大部分是消耗在电机本身的发热损失,由此也导致电机温度升高、系统效率降低。因此,分析和掌握这种热损耗的因素和规律,预测电机温升的方法,颇为重要。

本文通过对直流电动机功耗的定量分析, 以功率损耗作为输入变量,以电机的温升作为 输出变量,建立直流电动机的热模型,从理论上 导出电机温升随时间变化的规律,并结合实际 应用,加以合理的近似和简化,提出了计算电机 温升的方法。

## 2 直流电动机的功耗及效率

他激直流电动机的基本方程组 电枢回路电压方程:

$$U_m(t) = R_a \cdot i_a(t) + La \frac{d_m(t)}{dt} + E(t)$$
 (1)

电枢反电势: 
$$E(t) = K_e \cdot \varphi \cdot \omega(t)$$
 (2)

电磁转柜: 
$$T(t) = K_i \cdot \varphi \cdot i_a(t)$$
 (3)

电动机转矩平衡方程:

$$T(t) = T_{t}(t) + T_{L}(t) + J\frac{d\omega(t)}{dt} + B\omega(t)$$
(4)

式中: $V_{in}(t)$ 一电枢输入电压: $i_a(t)$ 一电枢回路电流; $R_a$ 一电枢电路电阻; $L_a$ 一电枢电感; $K_c$ 一电机电动势常数; $K_c$ 一电机转矩常数; $\varphi$ 一恒定激磁磁通;B一粘滞摩擦系数; $T_c$ 一除了粘滞摩擦之外的电动机与其轴相连的所有负载的摩擦、风损和铁损的总和; $T_L(t)$ 一负载转矩;

 $\omega(t)$ 一电枢转速; $T_{J}(t) = J \frac{d\omega(t)}{dt}$ 一克服惯性使转子加速的转矩;J一转子以及与电机轴相连的负载的总转动惯量。

输入直流电动机的电功率,一部分损失在 电枢绕组的热耗,其余部分转换为机械功率。机 械功率的一部分损失于摩擦和风阻,剩下部分 转换为轴的有功功率输出。

直流电动机总输入功率的瞬时值为:

$$p_i(t) = u_i(t) \cdot i_u(t) \tag{5}$$

将(1)(2)式代入(5)式可得:

$$\begin{aligned} \rho_{e}(t) &= R_{a} \cdot i_{a}^{2}(t) + L_{a} \cdot i_{a}(t) \\ \cdot \frac{di_{a}(t)}{dt} &+ K_{e} \cdot \varphi \cdot i_{a}(t) \cdot \omega(t) \end{aligned} \tag{6}$$

从(3)(4)式可得电枢电流为,

$$i_{\omega}(t) = \frac{1}{K_{t} \cdot \varphi} [T_{f}(t) + T_{L}(t) + J \frac{d\omega(t)}{dt} + B \cdot \omega(t)]$$
(7)

将(7)式代入(6)式可得:

$$p_{i}(t) = R_{a} \cdot i_{a}^{2}(t) + L_{a}i_{a}(t) \frac{di_{a}(t)}{dt} + \frac{K_{e}}{K_{t}}J \cdot \omega(t) \frac{d\omega(t)}{dt} + \frac{K_{e}}{K_{t}}B \cdot \omega^{2}(t) + \frac{K_{e}}{K_{t}} \cdot \omega(t) + \frac{K_{e}}{K_{t}} \cdot \omega(t) \cdot T_{L}(t)$$

$$(8)$$

(8)式中:第一项  $R_a \cdot i_a^2(t)$ 表示电枢绕组中的电流损耗;第二项  $L_a \cdot i_a(t) \frac{di_a(t)}{dt} = \frac{d}{dt} \left[ \frac{1}{2} L_a \cdot i_a^2(t) \right]$ 表示电枢电感  $L_a$  中储能的变化率,在一

个周期中平均功耗为零;第三项 $\frac{K_{\epsilon}}{K_{t}}$ ・J・ $\omega(t)$ 

•  $\frac{d\omega(t)}{dt} = \frac{K_{\star}}{K_{\star}} \cdot \frac{d}{dt} \left[ \frac{1}{2} J \omega^{2}(t) \right]$ 表示动能的变化率,在完整的起动、制动过程中平均功耗也为零。第二、三项即表示储能元件输入和输出瞬时功率流,在周期性运行中,惯性和电感元件的储能不变,无功率损耗。

显然,直流电动机总的输入平均功率为:

$$P_{m}(t) = R_{a} \cdot I_{a}^{2} + \frac{K_{e}}{K_{t}} \cdot B \cdot \omega^{2} + \frac{K_{e}}{K_{t}} \cdot \omega \cdot T_{L}$$

$$(9)$$

输出的机械功率为: $\frac{K_c}{K_c} \cdot \omega \cdot T_L$ 

系统效率为输出机械功率与总输入平均功率之比:

$$\eta \times 100\% = \frac{T_L}{\frac{R_a \cdot I_a^2 \cdot K_t}{K_c \cdot \omega} + B\omega + T_f + T_L} \times 100\%$$

(10)式中的参数都可认为是恒定值。

总的机械功率为:

$$\frac{K_c}{K_t}B \cdot \omega^2 + \frac{K_c}{K_t} \cdot \omega \cdot T_t + \frac{K_c}{K_t} \cdot \omega \cdot T_L$$

机械转换效率为输出有用机械功率与总机械功率之比:

$$\eta_{\scriptscriptstyle M} \times 100\% = \frac{T_{\scriptscriptstyle I}}{B\omega + T_{\scriptscriptstyle J} + T_{\scriptscriptstyle L}} \times 100\% \tag{11}$$

例如:一台微型永磁直流电动机,运行时电枢电压为 16 伏,电枢电流小于 2 安培,负载转矩为 0.08 牛顿一米,转速为 200 弧度/秒。假定所有摩擦均为粘滞摩擦,即  $T_i=0$ , $B=100\times10^{\circ}$ 米/秒,电枢电阻为 3 欧姆。经计算可得:直流电动机的效率为  $\eta=50\%$ 。说明,电机在稳定运行时有一半功消耗在电机本身的发热之中。机械转换效率为  $\eta_{m}=80\%$ 。说明绝大部分机械功率用于使负载加速和减速。

# 3 直流电动机的热模型

基于上述的分析可知,直流电动机运行中的发热是不可避免的。因此,有必要掌握电机的温升规律及其影响因素,以便采取对策,加以预测和控制。这对于延长电机使用寿命,提高系统运行效率,无疑是至关重要的。为建立直流电动机的热模型,我们以图 1 所示的简化模型和以下假定为基础:

- 1) 电枢、定子和周围环境的温度为均匀分布;
- 2) 不同温度表面相互之间的热传导与其温差成正比;
- 3) 消耗并转换为热的功率——即电枢电流产生的损耗和机械损耗,完全消耗在电枢和轴承上。表达为:

$$p_L(t) = R_a \cdot i_a^2(t) + \frac{K_r}{K_t} B \omega^2(t) + \frac{K_r}{K_t} \omega(t) \cdot T_f(t)$$
(12)

热模型的推导,以热的形式来表示功率。

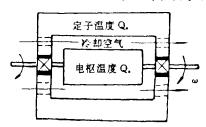


图 1 直流电动机的发热部件

以总的热耗  $p_L(t)$ 作为输入量,以温升  $\theta(t)$ 作为输出量,从电枢传导到定子的总的热功率为:

$$p_{\omega}(t) = G_{\omega} \cdot \left[\theta_{\omega}(t) - \theta_{\omega}(t)\right]$$
 (13)  
式中: $G_{\omega}$ 一电枢和定子之间的热导; $\theta_{\omega}(t)$ 一电枢和对于周围环境的温升; $\theta_{\omega}(t)$ 一定子相对于

枢相对于周围环境的温升; θ<sub>ϵ</sub>(t)—定子相对于周围环境的温升。

从电枢传导到周围介质的热功为:

$$p_{av}(t) = G_{av} \cdot \theta_a(t) \tag{14}$$

从定子传导到周围介质的热功为:

$$p_{so}(t) = G_{so} \cdot \theta_{s}(t) \tag{15}$$

(10)

式中:*G...*、*G.*一分别为电枢和定子与周围环境之间的热导。

在电机中各部所消耗的热功率与其本体温 度对时间的变化是成正比的。因此,

电枢的热方程式为:

$$K_{\alpha} \frac{d\theta_{\alpha}(t)}{dt} p_{L}(t) - p_{\omega}(t) - p_{\omega}(t) \quad (16)$$

定子的热方程式为:K、 $\frac{d\theta_{s}(t)}{dt} = p_{us}(t) - p_{su}(t)$ 

式中: K ... K ... 分别为电枢和定子的热功耗比 例常数。

将(13)(14)(15)式代入(16)(17)式,可得到包

含 总功耗  $p_L(t)$ 并以  $\theta_a(t)$ 、 $\theta_s(t)$ 作为变量的二个微分方程:

$$K_{a} \frac{d\theta_{a}(t)}{dt} = p_{L}(t) - G_{as}[\theta_{a}(t) - \theta_{s}(t)] - G_{au} \cdot \theta_{a}(t)$$
(18)

$$K_{s} \frac{d\theta_{s}(t)}{dt} = G_{as} \cdot \left[\theta_{a}(t) - \theta_{s}(t)\right] - G_{sa} \cdot \theta_{s}(t)$$
(19)

将(18)(19)式取拉氏变换,就可得到直流电动 机热模型的传递函数。其

电枢温升对总输入功耗 p<sub>L</sub> 的传递函数为式 (20):

$$\frac{P_{a}(s)}{P_{L}(s)} = \frac{SK_{s} + G_{as} + G_{so}}{K_{a}K_{s} \cdot S^{2} + [K_{s}(G_{as} + G_{ao}) + K_{a}(G_{as} + G_{so})] \cdot S + G_{as}G_{ao} + G_{as}G_{so} + G_{ao}G_{so}}$$
(20)  
定子温升对总输入功耗  $p_{L}$ 的传递函数为式(21):

$$\frac{\mathcal{D}_{s}(s)}{p_{L}(s)} = \frac{G_{as}}{K_{a}K_{s}S^{2} + [K_{s}(G_{as} + G_{aa}) + K_{a}(G_{as} + G_{so})] \cdot S + G_{as}G_{ao} + G_{as}G_{so} + G_{ad}G_{so}}$$
(21)

## 4 电机温升的预测计算

从上述推证可知,在电机热常数为已知的条件下,电机的温升对总的输入功率  $p_L$  的传递特性是确定的。从理论上讲,只要求得总功耗  $p_L(t)$  随时间的变化规律,电机温升随时间的变化规律是可以计算得到的。但是,由于  $p_L(t)$  对时间的关系复杂难解,这种计算并不实用。

在实际应用中,可近似认为总输入功率保持不变,即可对电枢和定子的温升进行预测计算。在工程分析中,可选择电机运行中的几个特定状态,来计算电枢和定子的温升。实践证明,这种近似的预测计算是完全足够的。

#### (1) 稳态时的简化

假定供给电枢的功率为常数并以阶跃函数 形式作用,来计算电机稳定运行时的温升。根据 拉氏变换的终值定理,可得 电枢稳态温升的计算式为式(22):

$$\theta_{a} = p_{I} \left[ \frac{G_{as} + G_{so}}{G_{as}G_{ao} + G_{as}G_{so} + G_{ao}G_{so}} \right] \quad (22)$$

定子稳态温升的计算式:

$$\theta_s = p_L \left[ \frac{G_{as}}{G_{as}G_{ao} + G_{as}G_{so} + G_{ao}G_{so}} \right] \quad (23)$$

式中, p. 一为所提供阶跃功率的幅值。

#### (2) 强通风冷方式的简化

若对直流电动机采用强迫风冷措施,会导致电枢和定子之间热耦合的减弱,使  $G_{av}$  《 $G_{av}$ "。 $G_{av}$  可忽略不计,则电枢的热方程可简化为一阶:

$$K_a \frac{d\theta_a(t)}{dt} = p_L(t) - G_{av} \cdot \theta_a(t) \quad (24)$$

电枢温升对功耗的传递函数简化为:

$$\frac{\underline{\mathcal{H}}_{a}(s)}{p_{L}(s)} = \frac{\frac{1}{G_{ao}}}{\frac{K_{a}}{G} \cdot S + 1}$$
 (25)

式中:1/G<sub>au</sub>一为电枢热阻; K<sub>a</sub>/G<sub>au</sub>一为热时间常数。

须知:当冷却空气气流增大时,电枢和周围介质的热导 G...也随之增大,并导致电枢热阻减小,发热时间常数减小。这对直流电动机并非有利。

#### (3) 部分分式分解法

从(20)(21)两式电机热模型传递函数可知:两式分母部分都包含有相同的二次多项式。该多项式可以分解为两个因式,故传递函数可以部分分式表达:

$$\frac{P_{\omega}(S)}{\rho_L(S)} = \frac{SK_S + G_{\omega_S} + G_{\omega_S}}{C(S\tau_1 + 1)(S\tau_2 + 1)}$$

$$= \frac{R_1}{S\tau_1 + 1} + \frac{R_2}{S\tau_2 + 1} \tag{26}$$

式中: $C = G_{av}G_{av} + G_{av}G_{vv} + G_{av}G_{vv}$ 为常数。

对于已知功耗  $p_L$ ,电枢温升(26)式可视作两个温升分量之和来计算。若  $R_1$ 、 $R_2$ 、 $\tau_1$ 、 $\tau_2$  可通过计算求得,则可使计算得到简化。

如果存在一个时间常数比另一个时间常数 相差一个数量级以上时,则近似视一项为常数, 又可使计算得以简化。

## 5 测试结果与比较

本试验以 Z<sub>3</sub>-32 型直流电动机组成一拖动系统。以阶跃形式作用于不同的给定功耗 p<sub>L</sub>,在系统处于稳态运行时对电枢的温升进行测试,并与理论计算值相比较。

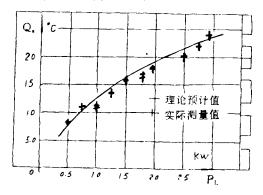


图 2 电枢稳态温升测试

电机额定功率为 3.3 kW;额定电压为 110V;额定电流为 34.8A;额定转速为 3000 r/min;并激自冷式。测试环境温度为 24.5 C。

稳态运行测试结果如图 2 所示。与简化的理论计算值相比较,大部分电枢温升值偏低,误差不超过±2 C。

强迫风冷稳态测试结果如图 3 所示。与简化的理论计算值相比较,电枢温升值也偏低,误差稍大,不超过±3.0 C。由此可见,理论上的简化预测计算可保证足够的精度。

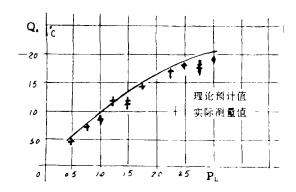


图 3 强迫风冷时的电枢稳定温升

## 6 结束语

直流电动机热模型的建立,以温度均匀分布、热传导与温差成正比的假定为前提,所导出的传递特性都是线性确定的,只要已知电动机的热参数,就可以对电机的温升作出预测计算。这种方法尤其适用于中、小功率直流电动机温升的预测,可足以满足工程上的精度要求。

文中以热功原理的建模思想和分析方法对 其他大功率传动系统的温升分析也有参考价 值。

## 参考文献

- 1 郭宗仪 汤一雅可甫主编. 直流电及其控制系统, 增量运动控制(第一册). SRL 出版公司. 1978 年
- 2 DC. Motors, Speed Controls Servo System, 3rd ed., Engineering Handbook. Electro-Craft Corporation, 1975