Hochschule Bremen			Angaben zur Veranstaltung
Labor Ele	ektrische Messtechnik	WiSe:2021/2022	
	Bericht	Modul: ELMESS	
	zum Laborversuch DAQ-		Dozent/Dozentin:
(Kürzel) Signalerfassung und Frequenzganguntersuchung mit USB- Oszilloskop (Versuchsbezeichnung)			Prof.Dr.Ing. Manfred Mevenkamp
Kelly Mbitketchie Koujo (I.S.T.I)			Versuchsdatum: 29.11.2021
(Autor / Autorin) (Studiengang)			Abgabedatum: 13.12.2021
			Laborgruppe C7
Gruppe:	weitere Gruppenmitglieder:	(Studiengang)	Benotung / Bemerkungen
	1. Kevin Pfeifer	(D.S.I)	
	2.	()	

Zusammenfassung der Versuchsergebnisse

In diesem Versuch handelt es sich um die Signalerfassung und die Untersuchung des Frequenzgangs mithilfe eines USB-Oszilloskops. Behandelt wurden vier verschidene Schaltungen: ein passiver RC-Tiefpass, ein belasteter RC-Tiefpass, ein aktiver Tiefpass und ein aktiver Tiefpass mit Belastung. Die Messergbnisse legen einige Verschiedenheiten für die gemessenen (54,85nF) und errechneten (22,67µF) Kapazität des Kondenstors beim RC-Tiefpasses.

Die Rechnung der Betragsfrequenzgängen in den vier Fälle zeigt, dass der unbelastete und aktive Tiefpass sich ähnlich vehalten, sowie der belaste und aktive Tiefpass mit Belastung bei niedrigen/mittleren und hohen Frequenzen.

Es ist auch zu merken, dass der Frequenzgang sich die Grenzfrequenz leicht verschiebt. Dies hängt damit zusammen, da der Frequenzgenerator einen Innenwiderstand hat und mit steigender Frequenz der Kondensatorwiderstand immer kleiner wird. Wenn der Kondensatorwiderstand kleiner wird, so wird der Eingangswiderstand des Tiefpasses auch kleiner und somit fällt mehr Spannung am Generator- Innenwiderstand ab.

Der Amplitudengang verlief bei dem Tiefpass wie erwartet: Bis zur Grenzfrequenz wird die Eingangsspannung nahezu Vollständig (0dB) an den Ausgang weitergeleitet und ab der Grenzfrequenz wird die Ausgangsspannung immer mehr gedämpft.

Ein Tiefpass Filter lässt also nur Signale unterhalb seiner Grenzfrequenz durch und schwächt die Anteile darüber ab.

Einführung zum Versuch

Im Versuch DAQ-USB (Signalerfassung und Frequenzganguntersuchung mit USB-Oszillooskop) geht es darum das Verhalten analoger Filterschaltungen 1. Ordnung mittels USB-Oszilloskops und zugehöriger Software zu untersuchen. Zu diesem Zweck wird das Verhalten eines unbelasteten RC-Tiefpass (mit einer rechtecksförmigen Eingangsspannung versorgt wird) und eines belasteten RC-Tiefpass genau sowie das Verhalten eines aktiven Tiefpass (wobei die Schaltungen mit einer sinusförmigen Eingangsspannung versorgt werden) im Frequenz- und Zeitbereich erforscht.

Eine analoge Filterschaltung ist ein zeit- und amplitudenkontinuierliches, signalverarbeitendes Filter. Anhand analoger Filtern können Signale geformt werden oder gewünschte Signale vertreten werden. Sie unterdrücken oder heben nämlich bestimmte Signalanteile hervor. Das Verhältnis Ausgangs- zu Eingangssignal und die Phasenverschiebung dieses Verhältnis charakterisieren die

Eigenschaften der Filterschaltungen. Der Frequenzgang kann dann als $G(jG) = \frac{U_a}{U_e}$. Der

Phasengang ist die Darstellung des Phasenwinkels von Ausgangs- zu Eingangssignal in Abhängigkeit der Frequenz.

Außerdem ist mit der Ordnung der Filterschaltung die Steilheit der Übergangskurve zwischen dem Durchlass - und - Sperrbereich des Filters gemeint und je nach Eigenschaften wird zwischen passiven und aktiven Filterarten unterschieden:

- Passive Filter: Es ist die Zusammenschaltung von passiven Bauelemente (Kondensator, Spule, Widerstand, Quarz), die keine externe Spannungsversorgung gebrauchen. Je nachdem wie und mit welchen Bauelement die Schaltung aufgebaut wird, sind RC-, RL-, und RCL-Kombinationen realisierbar. Im DAQ-USB Versuch wird mit dem RC-Tiefpass gearbeitet.
- Aktive oder elektronische Filter: Zu ihrer Realisierung werden aktive Bauelemente wie Transistoren oder Operationsverstärker benötigt, hinzu werden noch passive Bauelemente eingesetzt. In diesem Fall werden Operationsverstärker benutzt.

Der Versuch DAQ-USB befasst sich mit vier verschiedenen Schaltungen, die im Bericht bearbeiten werden:

- 1. Ein passiver RC-Tiefpass
- 2. Ein belasteter RC-Tiefpass
- 3. Ein aktiver Tiefpass mit Operationsverstärker
- 4. Ein aktiver Tiefpass mit Belastung

1. Hintergrund und Ziel des Versuchs

1.1 Gegenstand des Versuchs

In diesem Versuch werden analoge Schaltungen untersucht, Kenngrößen und Bauteilwerte ermittelt. Ziel ist es, Abweichungen zwischen den Messwerten der verschiedenen Schaltungen festzustellen und ggf. mögliche Ursachen dieser Abweichungen aufzuzeigen und zu diskutieren.

Im Bericht lässt sich der belastete, unbelastete (passive) RC-Tiefpass und der aktive Tiefpass beschreiben. Zur Auswertung werden die Spannungen am Ein- und - Ausgang der drei Schaltungen durch die Ermittlung des Amplitudengangs des Bodediagramms mit unterschiedlichen vorgegebenen Frequenzen nacheinander gemessen und niedrige, mittlere sowie hohen Werte bestimmt.

1.2 Hintergrund des Versuchs

1.2.1 Passiver RC-Tiefpass

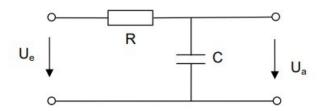


Abbildung 1: RC-Tiefpass

Der Tiefpass 1. Ordnung besteht aus einem Widerstand und einem dazu in Reihe geschalteten Kondensator. Deshalb ist auch die Bezeichnung RC-Tiefpass geläufig, wobei das **R** für den Widerstand und das **C** für den Kondensator steht. Parallel zum Kondensator wird die Ausgangsspannung **Ua** abgegriffen. Bei schnellen Änderungen der Eingangsspannung **Ue** fällt am Kondensator nahezu keine Spannung ab, wodurch sich auch die Ausgangsspannung **Ua** nahe 0 bewegt. Kommt es hingegen zu einer langsamen Änderung der Spannung **Ue**, fällt ein Teil der Spannung über dem Kondensator ab. Die Ausgangsspannung **Ua** verändert sich mit einer zeitlichen Verzögerung. [1]

• Grenzfrequenz: Frequenz, bei der die Verstärkung auf das $\frac{1}{\sqrt{2}}$ fache des Maximalwertes

abgesunken ist
$$\left| \frac{\underline{U}_g}{\underline{U}_e} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + GD_g^2 \cdot R^2 \cdot C^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 (1)

=
$$(R.G_g.C)^2 + 1 = 2$$
 (2)
= $G_g = \frac{1}{R.C}$ (3)

mit $GD_g = 2.\pi.f_g$ (4) kommt dann $2.\pi.f_g = \frac{1}{R.C}$ (5) $\Rightarrow f_g = \frac{1}{2.\pi.R.C}$ (6)

• Frequenzgang: beschreibt den Zusammenhang zwischen sinusförmigen Schwingungen am Ein- und Ausgang eines Systems als Funktion. Mithilfe des Spannungsteilerregl erhält man:

$$\frac{\underline{U_a}}{\underline{U_e}} = \frac{Z_C}{R + Z_C} = \frac{\frac{1}{j \cdot \omega \cdot C}}{R + \frac{1}{j \cdot \omega \cdot C}}$$
(7)

$$= \frac{1}{1+j.\omega.R.C} = G(j\omega)$$
 (8)

• Phasenwinkel: gibt die aktuelle Position im Ablauf eines periodischen Vorgangs an

$$\phi_a = arg(G(j\omega)) \quad (9)$$

$$= \arctan \frac{I_m\{G(j\omega)\}}{R_e\{G(j\omega)\}} \quad (10)$$

mit der Gleichung (8) hat man
$$G(j\omega) = \underbrace{\frac{1}{1 + (2.\pi . f_g.R.C)^2}}_{R_e} - \underbrace{j(\underbrace{\frac{2.\pi . f_g.R.C}{1 + (2.\pi . f_g.R.C)^2}}_{I_m})}$$
 (11)

$$\text{Gleichung (11) in (10) ergibt} \quad \phi_a = \arctan(\frac{\frac{-2.\pi.f_g.R.C}{1 + (2.\pi.f_g.R.C)^2}}{\frac{1}{1 + (2.\pi.f_g.R.C)^2}}) = -\arctan(2.\pi.f_g.R.C) \quad \text{(12)}$$

Durch einsetzen der Gleichung (6) in (12):
$$\phi_a$$
=-arctan $(2.\pi.\frac{1}{2.\pi.R.C}.R.C)$ (13) = -arctan (1) =-45° (14)

Also die Phasenverschiebung beträgt -45° bei der Grenzfrequenz.

Das folgende Diagramm stellt den Frequenzgang der passiven Tiefpass dar, zeigt die Phasenverschiebung abhängig von der Frequenz, wobei die Frequenz logarithmisch dargestellt wird.

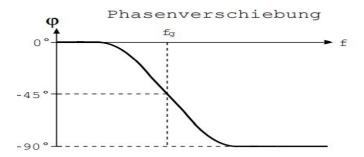


Abbildung 2: Phasenverschiebung eines RC-Tiefpasses

1.2.2 Belasteter RC-Tiefpass

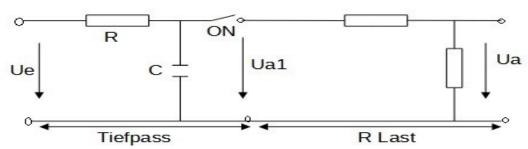
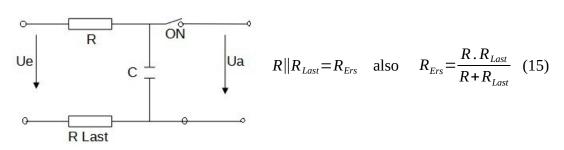


Abbildung 3: Belasteter RC-Tiefpass mit einem Schalter

Wenn ein RC-Tiefpass am Ausgang mit ohmschen Widerstände belastet wird, verringert sich die Ausgangsspannung mit zunehmender Belastung und die Grenzfrequenz wird höhere Werte annehmen. Die Formel für die Berechnung der Grenzfrequenz beim passiven Tiefpässen gilt in diesem Fall nicht mehr, da der Tiefpasswiderstand R und die beiden in Serie zusammengeschalteten Widerständen $(R+R=R_{Last})$ parallel zueinander liegen und bilden einen Ersatzwiderstand R_{Ers} wie unten zu sehen.



$$f_g = \frac{1}{2.\pi \cdot R_{Frs} \cdot C}$$
 (16)

Abbildung 4: Tiefpasswiderstand und R Last parallelgeschaltet

Frequenzgang
$$G(j\omega)$$

$$G(j\omega) = \frac{U_{a_1}}{\underline{U_e}} \cdot \frac{U_a}{\underline{U_{a_1}}} \quad (17) \quad \text{mit} \quad \frac{\underline{U_a}}{\underline{U_{a_1}}} = \frac{R}{2 \cdot R} = \frac{1}{2} \quad (18)$$

$$\text{und} \quad \frac{\underline{U_{a_1}}}{\underline{U_e}} = \frac{Zc || 2R}{R + Zc || 2R} = \frac{\frac{2R}{1 + 2 \cdot j \cdot \omega \cdot R \cdot C}}{R + \frac{2R}{1 + 2 \cdot j \cdot \omega \cdot R \cdot C}} \quad (19)$$

$$= \frac{1}{\frac{3}{2} + j \cdot \omega \cdot R \cdot C} \quad (20)$$

$$G(j\omega) = \frac{\frac{1}{2}}{1 + j \cdot \omega \cdot \frac{2}{3} \cdot R \cdot C} \quad (21)$$

1.2.3 Aktiver Tiefpass

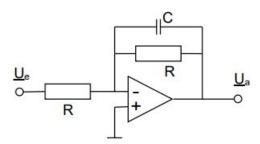


Abbildung 5: Aktiver Tiefpass mit einem Operationsverstärker

Aktive Filter eignen sich für den Bereich der Informationsübertragung und weniger bis gar nicht zur Energieübertragung. In der analogen Signaltechnik sind es meistens RC-Filter mit OPV-Schaltungen. [2] Operationsverstärker sind gleichspannungsgekoppelter Verstärker mit sehr hohen Verstärkungsfaktor.

Da der Operationsverstärker in der aktiven Schaltung als Inverter betrieben wird, verschiebt er das Eingangssignal zusätzlich um 180°. Bei der Grenzfrequenz erreicht er eine Gesamtphasenverschiebung von 135°.

1.2.4 Bode-Diagramm

Als Bode-Diagramm bezeichnet man die getrennte Darstellung des Logarithmus des Amplitudenverhältnisses $|G(j\omega)|$ und des Phasenwinkels $\phi(\omega)$ in Abhängigkeit von der Kreisfrequenz . Dabei wird halblogarithmisches Einteilung verwendet, und die Frequenz wegen der Größe der auftretenden Werte auf der logarithmischen Skala aufgetragen. Nach Aufspaltung des Frequenzganges in Real- und Imaginärteil lassen sich Amplitudenverhältnisse und Phasenwinkel bestimmen. [3]

• Amplitude: $A = 20 \cdot \log(\sqrt{R_e[G(j\omega)]^2 + I_m[G(j\omega)]^2})$ (22) Die Amplitude wird in Dezibel (dB) angegeben.

2 Versuchsaufbau

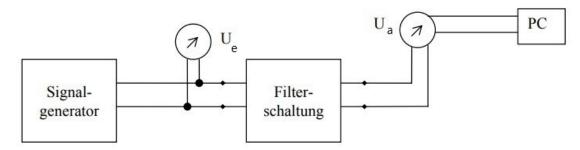


Abbildung 6: Versuchsaufbau

Am Signalgenerator (als Spannungsversorger) und am Kanal A wurde den Eingang der Schaltung eingeschlossen und am PC dargestellt. Hinzu wurde der Ausgang der Schaltung am Kanal B eingeschlossen und wieder am PC dargestellt.

Für den Versuch DAQ-USB stand zur Verfügung:

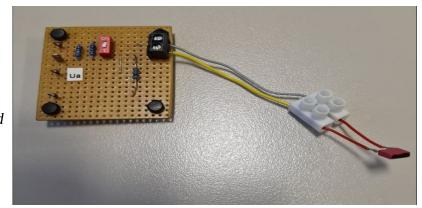
 Ein USB-Oszilloskop "PicoScope 2206A", um den Signalverlauf digital am PC anzuzeigen



 Ein DC Linear Labornetzgerät "PeakTech 6300"



 Eine Platine mit 1kΩ Widerstand und einem Kondensator als RC-Tiefpass



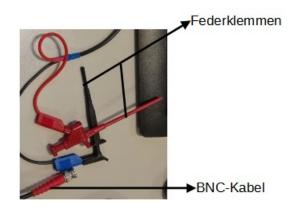
• Eine Platine mit Operationsverstärker als aktiver Tiefpass



• Ein Multimeter für die Messung des Widerstandswerts



 Federklemmen und BNC-Kabel zur Verbindung der Schaltungen mit der Oszilloskop



3 Versuchsdurchführung

Die Versuchsdurchführung umfasst vorbereitenden Aufgaben und Durchführung der verschiedenen Teilaufgaben.

Zur Vorbereitung wurden handschriftlichen Formel hergeleitet und ein Bode-Diagramm für den unbelasteten RC-Tiefpass skizziert.

Am Standort wurde zuerst überprüft, ob das USB-Oszilloskop richtig mit dem Computer verbunden war und dann hat die Durchführung mit der Messung des Signalgeneratorausgangs durch die Konfigurierung der Messkanäle, um einen Eindruck des Signalverlauf zu sehen.

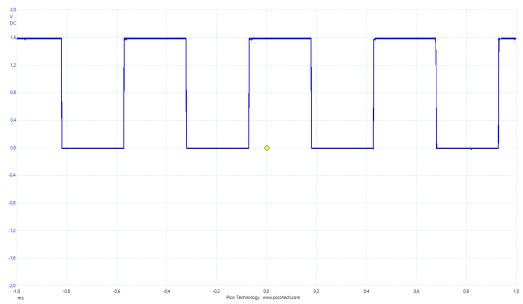


Abbildung 7: Signalverlauf nach Konfigurierung des Signalgenerators

Nachdem der Widerstandswert, die Anstiegszeit (der Effekt, der zu sehen ist wird in Kapitel 4.1 (Anstiegszeit) erklärt und beschrieben) und die Zeitkonstante des RC-Tiefpasses gemessen wurde,

wurde der Frequenzgang dieses letzteren im Frequenzbereich von 0,1 bis 50kHz. Dabei wurde der Eingangssignal U_e auf Kanal A, der Ausgangssignal U_a auf Kanal B des Oszilloskop dargestellt und die verschiedenen Frequenzwerten am Signalgenerator wurden manuell eingestellt. Die Messwerttabelle dazu kann aus dem Kapitel 4.2 entnommen werden.

Außerdem für den belasteten RC-Tiefpass wurde der am Ausgang stehenden Spannungsteiler zugeschaltet und das Kanal B mit dem neuen Ausgangssignal verbunden und die Werte des Betragsfrequenzgangs wurden genauso wie beim passiven RC-Tiefpass ermittel (Tabelle Kapitel 4.3)

Was den aktiven Tiefpass betrifft, wurden die Versorgungsspannungen angeschlossen und dem Signalgeneratorausgang des PicoScope mit U_e verbunden und am Kanal A gemessen, U_a am Kanal B angeschlossen und es wurde durch Einstellung einer niedrigen/mittleren/hohen Frequenz (Messwerte in Kapitel 4) festgestellt, dass diese Schaltung sich näherungsweise wie der passiven Tiefpass verhält.

Zum Schluss wurde der Spannungsteiler am Ausgang zugeschaltet und am Kanal B angeschlossen und wie am Anfang erklärt, der Betragsfrequenzgang dieser Schaltung gemessen (Die Tabelle ist im Anhang zu sehen).

4 Auswertung

4.1 RC-Tiefpass: Anstiegszeit, Zeitkonstante

Widerstand

Als Widerstandswert wurde $R=1,003 k\Omega$

Unsicherheit: $\Delta R = \pm (0.1 \% v.MW + 5D)$

Absolute Unsicherheit

$$\Delta R = \pm (R \cdot 0, 1\% + 5 \cdot 100 \, m\Omega) \quad (23)$$

$$= \pm (1003 \, \Omega \cdot 0, 1\% + 500 \, m\Omega) \quad (24)$$

$$= \pm (1,003 \, \Omega + 0, 5 \, \Omega) \quad (25)$$

$$= \pm 1,503 \, \Omega \quad (26)$$

$$R = 1003 \, \Omega \pm 1,503 \, \Omega \quad (29)$$

Relative Unsicherheit

$$\Delta R = \frac{\Delta R}{R} \quad (26)$$

$$= \frac{1,503 \,\Omega}{1,003 \,k\Omega} \approx 1,4985 \cdot 10^{-3} \quad (27)$$

$$\approx 0,15\% \quad (28)$$

Anstiegszeit

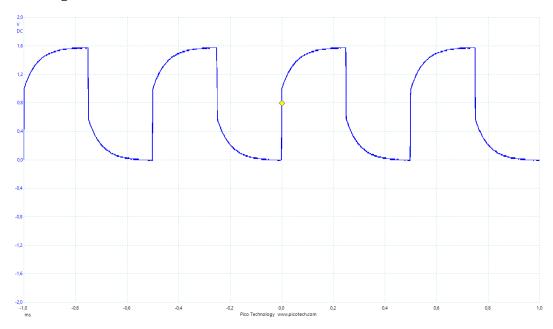


Abbildung 8: Signalverlauf des Ausgangs des Signalgenerators auf Kanal A

Der Ausgang der Signalgenerator wurde am Tiefpasseingang angeschlossen und der Signal sieht nicht mehr rechteckig aus, sondern steigt und sinkt kurven artig wie im oben stehenden Bild zu sehen: Der Effekt einer nicht idealen Spannungsquelle lässt sich erkennen.

Dieser Effekt kommt vor, weil der Signalgenerator keine ideale Spannungsquelle ist wegen seinen Innenwiderstand, der für einen nicht linearen Spannungsverlauf sorgt.

Idealerweise haben Spannungsquellen immer eine konstante Spannung, egal welchen Verbraucher man anschließt, ändert sich nur die Stromstärke. Bei Gleichspannungsquellen zum Beispiel ist die Spannung immer konstant, unabhängig von welcher Zeit die Spannung gemessen wird und von welchem Verbraucher angeschlossen. Bei der Wechselspannungsquelle ist die Spannung bedingt durch die Funktion nicht zu jeder Zeit die selbe aber sie wiederholt sich periodisch. Egal welcher Verbraucher angeschlossen wird, die gleichen Werte wiederholen sich periodisch.

Betrachtet man eine Spannungsquelle nicht ideal also real, fällt auf das diese beim Anschluss eines Verbrauchers die Spannung nicht 100% konstant hält. [4] Dies ist hier der Fall mit dem Signalgenerator, der sich als eine reale Spannungsquelle aufgrund des Innenwiderstands verhält.

Messungen: $t_{10} = -530.8 \,\mu s$ und $\Delta t_{10} = \pm 1 \,\mu s$ (30)

 $t_{90} = -409.9 \,\mu s$ und $\Delta t_{90} \pm 2 \,\mu s$ (31)

Anstiegszeit

$$t_r = t_{90} - t_{10} \quad (32)$$

$$= (-409.9 \,\mu s) + (-530.8 \,\mu s) \quad (33)$$

$$= 120.9 \,\mu s \quad (34)$$

$$t_r = 120.9 \,\mu s \pm 2,236 \,\mu s \quad (38)$$

$$\Delta t_r = \sqrt{(\Delta t_{10})^2 + (\Delta t_{90})^2} \quad (35)$$

$$= \sqrt{(1 \,\mu s)^2 + (2 \,\mu s)^2} \quad (36)$$

$$= \sqrt{5} \approx 2,236 \,\mu s \quad (37)$$

- Zeitkonstante $\tau \approx 0,455 \cdot t_r$ (39) $\approx 0,455 \cdot 120,9 \,\mu s$ (40) $\tau \approx 55,009 \,\mu s$ (41)
- Kapazität

1. Fall:
$$\tau = R \cdot C \Leftrightarrow C = \frac{\tau}{R}$$
 (42)

2. Fall: $\tau = R \cdot C$ (45)

$$= \frac{55,009 \,\mu s}{1,003 \,k\Omega}$$
 (43)

$$t_r = \tau \cdot \ln(9)$$
 (46)

$$C \approx 54,85 \,nF$$
 (44)

$$= R \cdot C \cdot \ln(9)$$
 (47) $\Rightarrow C = \frac{t_r}{R \cdot \ln(9)}$ (48)

$$= \frac{120,9 \,\mu s}{1,003 \,k\Omega \cdot \ln(9)}$$
 (50)

$$C \approx 54,85 \,nF$$
 (51)

Für die Fehlerfortpflanzung bezüglich der Kapazität, lässt sich anhand des 2. Fall die folgende

Abweichung rechnen:
$$\frac{\Delta C}{C} = \sqrt{(\frac{\Delta t_r}{t_r})^2 + (\frac{\Delta R}{R})^2}$$
 (52)
$$= \sqrt{(\frac{2,236 \,\mu s}{120,9 \,\mu s})^2 + (\frac{1,503 \,\Omega}{1003 \,\Omega})^2}$$
 (53)
$$= \sqrt{3,42.10^{-4} \,\mu s + 2,25.10^{-6} \,\Omega}$$
 (54)
$$\frac{\Delta C}{C} = 1,85 \%$$
 (55)
$$\Rightarrow \Delta C = C \cdot 1,85 \%$$
 (56)
$$= 54,85 \,n F \cdot 1,85 \%$$
 (57)
$$\Delta C \approx \pm 1,01 \,n F$$
 (58)

Im Datenblatt des Oszilloskops sind folgende Daten angegeben:

USB-Oszilloskop PicoScope 2206A		
Anstiegszeit (10% bis 90%)	$t_r = \frac{0.35}{50 MHz} = 7 ns$	
Bandbreite	50MHz	

Eine hohe Bandbreite ist notwendig, um genaue Formen eines hochfrequenten Signals darzustellen. Ist sie das nicht, kann sie dafür verantwortlich sein, dass ein Signal nicht korrekt dargestellt wird. Ist die Bandbreite des Oszilloskopen hoch genug, kann der Signalgenerator als Verursacher einer nicht-korrekten Darstellung bestimmt werden.

Der verzögerte Anstieg der Flanke ist tatsächlich so gut wie ausschließlich auf das RC-Glied zurückzuführen, da der Tiefpass einen hohen Grenzfrequenz hat und der Kondensator die Spannung glättet.

Grenzfrequenz

Aus der Gleichung (6)
$$f_g = \frac{1}{2.\pi . R.C}$$
 mit $R = 1003 \Omega$ und $C \approx 54,85 nF$
$$f_g = \frac{1}{2.\pi . 1003 \Omega . 54,85 nF} = 2,89 kHz (59)$$

4.2 Frequenzgang des RC-Tiefpasses

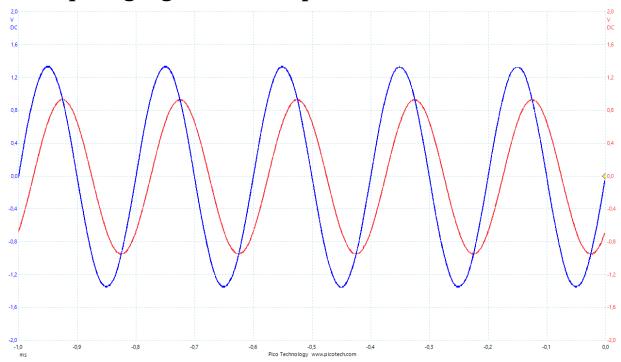


Abbildung 9: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim passiven Tiefpass

Tabelle 1: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten (passiver Tiefpass)

#	Frequenz[kHz]	Ue(Kanal A)[V]	Ua(Kanal B)[V]	Ua/Ue
1	0,1	3,606	3,606	1
2	0,5	3,575	3,575	1 (Niedrig)
3	0,75	3,543	3,512	0,99
4	1	3,48	3,43	0,98
5	1,5	3,37	3,228	0,95
6	2	3,244	3,008	0,92
7	2,5	3,134	2,787	0,88
8	3,2	2,976	2,504	0,84
9	4	2,819	2,205	0,78
10	5	2,693	1,89	0,70 (Mittel)
11	6	2,598	1,654	0,63
12	7,5	2,488	1,37	0,55
13	10	2,405	1,087	0,45
14	12	2,362	0,929	0,39
15	15	2,315	0,740	0,31
16	20	2,283	0,551	0,24 (Hoch)

17	30	2,252	0,393	0,17
18	50	2,252	0,236	0,10

Die Grenzfrequenz liegt bei Frequenzen zwischen 4 und 6 kHz.

Schätzwert der Grenzfrequenz: $f_g = 5kHz$ (60)

Aus der Gleichung (6) lässt sich den Wert der Kapazität mit der Anwendung der Grenzfrequenz wie

folgt berechnen:
$$f_g = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot R \cdot C} \Rightarrow C = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot f_g \cdot R}$$
 (61)

Durch einsetzen von der Gleichung (60) in der Gleichung (61), erhält man:

$$C = \frac{1}{2 \cdot \pi \cdot 0.70 \, kHz \cdot 1.003 \, k\Omega}$$
 (62) $C \approx 31.74 \, \mu F$

Gemessener Wert der Kapazität	Gerechneter Wert der Kapazität
54,85nF	31,74 µF

Unterschied: $31,74 \mu F - 54,85 nF = 31,68 \mu F$ (63)

Dieser Unterschied liegt daran, dass der Signalgenerator auf dem Sinusform eingestellt wurde. Je kleiner wird die Frequenz, desto hoher wird der Frequenzgang.

• Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms

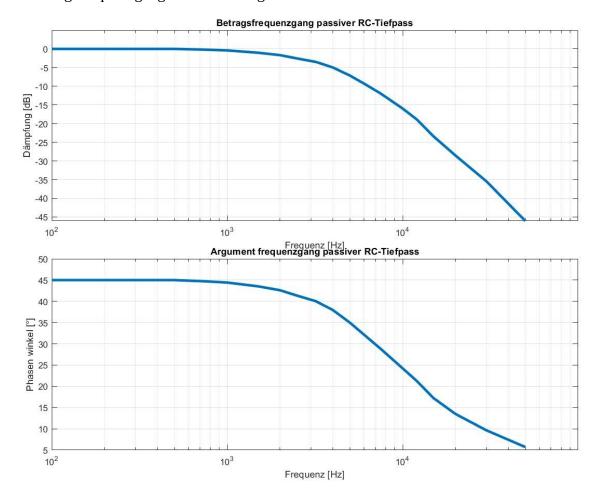


Abbildung 10: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim passiver Tiefpass

- Betragsfrequenzgang G_{RC} =55,015 μ Hz
- Grenzfrequenz

$$G_{RC} = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega \cdot \tau)^2}} \quad (64)$$

$$\sqrt{1+(\omega\cdot\tau)^2} = \frac{1}{G_{RC}}$$
 (65)

$$4.\pi^2.f_g^2.\tau^2 = (\frac{1}{G_{RC}})^2 - 1$$
 (66)

$$f_{g} = \sqrt{\frac{(\frac{1}{G_{RC}})^{2} - 1}{4 \cdot \pi^{2} \cdot \tau^{2}}}$$
 (67)
$$f_{g} = \sqrt{\frac{(\frac{1}{55,015 \,\mu Hz})^{2} - 1}{4 \cdot \pi^{2} \cdot 1,003 \,k\Omega^{2} \cdot 54,85 \,nF^{2}}}$$
 (68)
$$f_{g} = 52,584 \,MHz$$

• Kapazität des Kondensators

$$f_g = \frac{1}{2.\pi . R.C}$$
 (69)

$$\Rightarrow C = \frac{1}{2.\pi . R.f_g}$$
 (70) $C = \frac{1}{2.\pi . 1,003 \, \text{k}\Omega . 52,58 \, \text{MHz}}$ (71) $C = 3,017 \, pF$

Unsicherheit der Kapazität

Aus der Gleichung (52)
$$\frac{\Delta C}{C} = \sqrt{\left(\frac{\Delta t_r}{t_r}\right)^2 + \left(\frac{\Delta R}{R}\right)^2} \Rightarrow \Delta C = C \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta t_r}{t_r}\right)^2 + \left(\frac{\Delta R}{R}\right)^2}$$
(72)
$$\Delta C = 3.017 \ pF \cdot \sqrt{\left(\frac{2.236 \ \mu s}{120.9 \ \mu s}\right)^2 + \left(\frac{1003 \ \Omega}{1,503 \ \Omega}\right)^2}$$
(73)
$$\Delta C = 55.8145 \ fF$$

4.3 Frequenzgang eines belasteten RC-Tiefpass

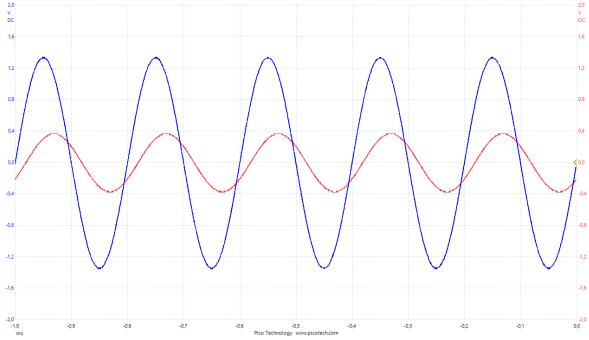


Abbildung 11: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim belasteten Tiefpass

Tabelle 2: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(belasteter Tiefpass)

# Fre	equenz[kHz] U	Je(Kanal A)[V]	Ua(Kanal B)[V]	Ua/Ue
-------	---------------	----------------	----------------	-------

1	0,1	3,008	1,008	0,335
2	0,5	3,008	1,008	0,335 (Niedrig)
3	0,75	2,992	1,008	0,336
4	1	2,976	0,992	0,333
5	1,5	2,945	0,976	0,331
6	2	2,913	0,960	0,329
7	2,5	2,882	0,913	0,316
8	3,2	2,835	0,866	0,305
9	4	2,756	0,818	0,297
10	5	2,693	0,740	0,275 (Mittel)
11	6	2,630	0,677	0,257
12	7,5	2,535	0,598	0,236
13	10	2,441	0,488	0,200
14	12	2,409	0,425	0,177
15	15	2,346	0,362	0,154
16	20	2,315	0,267	0,115 (Hoch)
17	30	2,283	0,189	0,083
18	50	2,252	0,110	0,049

$$I_L = \frac{U_C}{2.R}$$
 (74) $U_{C90} = 1,44 V$ und $U_{C10} = 0,16 V$

$$I_{L90} = \frac{U_{C90}}{2.R}$$
 (75) $I_{L90} = \frac{1,44 V}{2.1003 \Omega}$ $I_{L90} = 717,85 \mu A$

$$I_{L10} = \frac{U_{C10}}{2.R}$$
 (76) $I_{L10} = \frac{0.16 \,V}{2.1003 \,\Omega}$ $I_{L10} = 81.76 \,\mu A$

$$I_L = I_{L90} - I_{L10} = 717,85 \,\mu A - 79,76 \,\mu A$$
 (77) $I_L = 638,09 \,\mu A$

 G_{RC} = 55,015 μ Hz

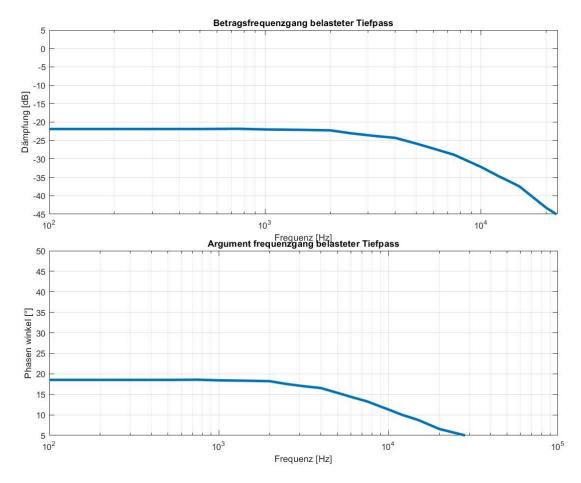


Abbildung 12: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim belasteter Tiefpass



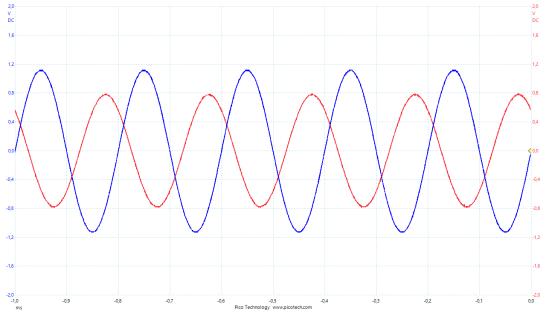


Abbildung 13: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim aktiven Tiefpass

Die Beobachtung des Signalverlaufs dieser Schaltung sieht gleich aus wie der Signalverlauf beim unbelasteten Tiefpass: die Schaltung des aktiven Tiefpasses verhält sich näherungsweise wie der unbelastete Tiefpass.

Tabelle 3: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(aktiver Tiefpass)

#	Frequenz[kHz]	Ue(Kanal A)[V]	Ua(Kanal B)[V]	Ua/Ue
1	0,5	2,268	2,268	1(Niedrig)
2	5	2,252	2,252	1(Mittel)
3	20	2,252	0,566	0,251(Hoch)

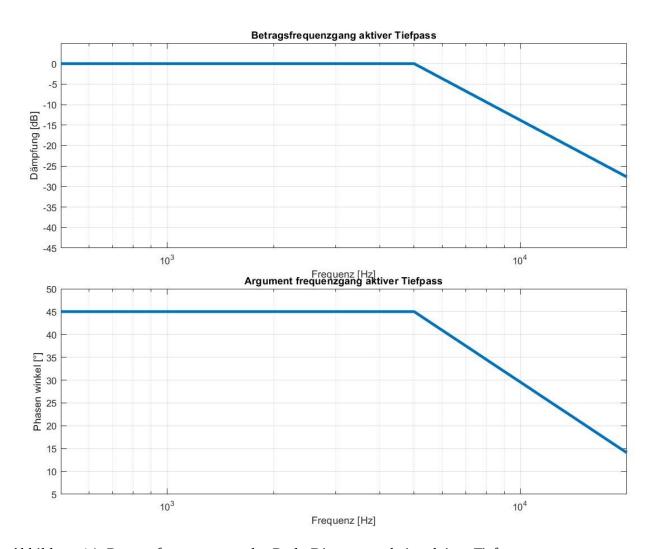


Abbildung 14: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim aktiver Tiefpass

<u>Tabelle 4: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(aktiver Tiefpass mit Belastung)</u>

1	0,1	2,268	1,134	0,5
2	0,5	2,268	1,134	0,5(Niedrig)
3	0,75	2,268	1,118	0,49
4	1	2,268	1,102	0,48
5	1,5	2,268	1,071	0,47
6	2	2,252	1,039	0,46
7	2,5	2,252	1,008	0,44
8	3,2	2,268	0,944	0,41
9	4	2,268	0,881	0,38
10	5	2,268	0,787	0,34(Mittel)
11	6	2,252	0,724	0,32
12	7,5	2,252	0,629	0,27
13	10	2,252	0,504	0,22
14	12	2,252	0,441	0,19
15	15	2,252	0,346	0,15
16	20			(Hoch)
17	30			
18	50			

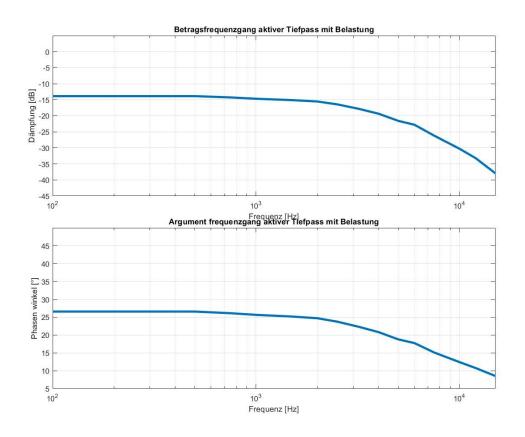


Abbildung 15: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim aktiver Tiefpass mit Belastung

5 Diskussion

Tabelle 5: Vergleichende Messwerten bei niedrigen/mittleren/hohen Frequenzen

$\frac{U_a}{U_e}$	Passiver RC- Tiefpass	Belasteter RC- Tiefpass	Aktiver Tiefpass	Aktiver Tiefpass mit Belastung
Niedrig (0,5kHz)	1	0,335	1	0,5
Mittel (5kHz)	0,70	0,275	1	0,34
Hoch (20kHz)	0,24	0,115	0,251	-

Der Tabelle lässt sich entnehmen, dass der passive - und aktive - Tiefpass bei niedrigen/mittleren und hohen Frequenzen ähnliche Werte haben, während der belastete und der aktive Tiefpass mit Belastung sich auch fast gleich verhalten.

Aus den ermittelten Werten geht hervor, dass die Schaltungen, die nicht belastet sind, unabhängig vom Operationsverstärker sich fast gleich verhalten genauso wie Schaltungen mit Belastung.

Grund dafür ist, dass beim RC-Tiefpass die Stromstärke der Spannung vorauseilt. Die ist leicht einzusehen, wenn man von einem völlig entladenen Kondensator ausgeht. Legt man ihn an eine Energiequelle, dann wird im ersten Moment ein hoher Ladungsstrom vorhanden sein, dessen Stärke mit der Zeit abnimmt. Je mehr Ladungen auf den Kondenstorplatten sind, desto mehr nimmt die Ladungsbewegung ab. Mit dem Ladungsfluss baut sich eine Spannung über den Platten auf.

(Quellen)Literatur- Abbildung und - Tabellenverzeichnis

Literaturverzeichnis

- [1] <u>Passiven Tiefpass 1. und 2. Ordnung berechnen Funktionsweise, Formel, Tiefpass Rechner ElectronicBase</u>
- [2] Aktive RC-Filterschaltungen (elektroniktutor.de)
- [3] Reglersynthese Christian Krachler
- [4] 4 Spannungsquelle 🗍 einfach und verständlich erklärt F.M.H. (fmh-studios.de)

Abbildungsverzeichnis

Abbildung 1: RC-Tiefpass

Abbildung 2: Phasenverschiebung eines RC-Tiefpasses

Abbildung 3: Belasteter RC-Tiefpass mit einem Schalter

Abbildung 4: Tiefpasswiderstand und R Last parallelgeschaltet

Abbildung 5: Aktiver Tiefpass mit einem Operationsverstärker

Abbildung 6: Versuchsaufbau

Abbildung 7: Signalverlauf nach Konfigurierung des Signalgenerators

Abbildung 8: Signalverlauf des Ausgangs des Signalgenerators auf Kanal A

Abbildung 9: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim passiven Tiefpass

Abbildung 10: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim passiver Tiefpass

Abbildung 11: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim belasteten Tiefpass

Abbildung 12: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim belasteter Tiefpass

Abbildung 13: Signalverlauf bei mittlerem Wert der Frequenz beim aktiven Tiefpass

Abbildung 14: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim aktiver Tiefpass

Abbildung 15: Betragsfrequenzgang des Bode-Diagramms beim aktiver Tiefpass mit Belastung

Tabellenverzeichnis

- Tabelle 1: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten (passiver Tiefpass)
- Tabelle 2: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(belasteter Tiefpass)
- *Tabelle 3: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(aktiver Tiefpass)*
- *Tabelle 4: Spitze-Spitze-Werte der Frequenzwerten sowie deren Quotienten(aktiver Tiefpass mit Belastung)*
- *Tabelle 5: Vergleichende Messwerten bei niedrigen/mittleren/hohen Frequenzen*

Anhang A: MATLAB-Skript Betragsfrequenzgang passiver Tiefpass

```
1 function [tau] = rc_step_bode()
 3 % Sprungantwort und Bodediagramm des RC-Tiefpasses
 4 % Mev, 10/2017, 11/2020
 6 %% RC-Tiefpass
 7 %-----
                        0 [0]---1
 8 %R = 1000
 9 %C = 33e- 54 title('Betragsfrequenzgang passiver RC-Tiefpass')
10 %tau = R* 55 %hold (h1, 'on')
11 %fg = 1/2 56 %fminmax = get(h1,'xlim');
              57 %plot(fminmax, [-3, -3], 'k--')
13 freq = [1 58 %gminmax = get(h1,'ylim');
14 G = [1,1, 59 \ \text{plot}([fg,fg],gminmax,'k--')
15 R = 1003; 60 ylabel('Dämpfung [dB]')
16 C = 54.85 61 %hold (h1, 'off')
17 tau = R*C 62
18 fg = 5000 63 %% Phasenwinkel
19 amp = 20* 64 h2 = subplot(2,1,2);
20 phi = ata 65 set(h2, 'position', [0.08,0.08,0.88,0.4]);
21 66 set(h2,'fontsize',12)

22 % Betrag 67 Pw = plot(freq,phi,'linewidth', 3);

23 G_RC = @( 68 %get(h2);
24
              69 set(h2, 'xscale', 'log');
25 %% Grafik 70 set(h2,'ylim', [5 50]);
26 %---- 71 ylabel('Phasen winkel [°]')
27 figure(1) 72 xlabel('Frequenz [Hz]')
28 set(gcf, ' 73 grid on
29 clf
             74 title('Argument frequenzgang passiver RC-Tiefpass')
30
             75
31 %% Sprung 76 %% Bodediagramm
32 %h1 = sub 77 %h2 = subplot(2,1,2);
33 %set(h1,' 78 %set(h2,'position', [0.08,0.08,0.88,0.4]);
34 %[u,t] =
             79 %set(h2, 'fontsize', 12)
 35 %hs = plo 80 %f = logspace(2,5,1000)
36 %grid
              81 %hb = semilogx(f, 20*log10(G_RC(2*pi*f)), 'linewidth', 2);
37 %title('R 82 %grid
38 %hold on
              83 %title('RC-Tiefpass, Betragsfrequenzgang')
39 %yline(0.
              84 %hold on
40 %xline(ta 85 %yline(-3,'k--')
41 %ylabel(' 86 %xline(fg,'k--')
42 %xlabel(' 87 %ylabel('Dämpfung [dB]')
43 %hold off 88 %xlabel('Frequenz [Hz]')
44
              89 %hold off
45 %% Amplit
46 \text{ hl} = \text{subp}
47 set(h1, 'p
48 set(h1, 'f
49 \text{ Ad} = \text{plot}
50 set(h1,'x
51 xlabel('F
52 set(h1, 'y
53 grid on
54 ylabel('Phasen winkel [°]')
55 xlabel('Frequenz [Hz]')
56 grid on
57 title('Argument frequenzgang belasteter Tiefpass')
```

Anhang B: MATLAB-Skript Betragsfrequenzgang belasteter Tiefpass

```
1 function [tau] = rc_step_bode()
  3 % Sprungantwort und Bodediagramm des RC-Tiefpasses
   4 % Mev, 10/2017, 11/2020
  6 %% RC-Tiefpass
  7 R = 1003;
                                                  % [Ohm]
  8 C = 54.85e-9; % [F]
9 tau = R*C; % [s]
 9 tau = R*C;
                                                                        Zeitkonstante
10 fg = 5000; % in [Hz] Grenzfrequenz
13 \ G = [0.335, 0.335, 0.336, 0.333, 0.331, 0.329, 0.316, 0.305, 0.297, 0.275, 0.257, 0.236, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.2000, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.200, 0.2
14
15 % Amplitude und Phasenwinkel
16 \text{ amp} = 20*log(G);
17 phi = atand(G);
19 % Betrag des Frequenzgangs
20 G_RC = @(w) 1./sqrt(1+(w*tau).^2)
22 %% Grafiken
23 %----
25 set(gcf, 'units', 'normalized', 'position', [0.3 0.05, 0.6, 0.85])
27
28 %% Amplitudengangsdiagramm
29 h1 = subplot(2,1,1);
30 set(h1, 'position', [0.08, 0.56, 0.88, 0.4]);
31 set(h1, 'fontsize', 12)
32 Ad = plot(freq, amp, 'linewidth', 3);
33 set(h1, 'xscale', 'log');
34 xlabel('Frequenz [Hz]')
35 set(h1, 'ylim', [-45 5]);
36 grid on
37 title('Betragsfrequenzgang belasteter Tiefpass')
38 %hold (h1, 'on')
39 %fminmax = get(h1, 'xlim');
40 %plot(fminmax, [-3, -3], 'k--')
41 %gminmax = get(h1, 'ylim');
42 %plot([fg,fg],gminmax,'k--')
43 ylabel ('Dämpfung [dB]')
44 %hold (h1, 'off')
45
46 %% Phasenwinkel
47 \text{ h2} = \text{subplot}(2,1,2);
48 set(h2, 'position', [0.08, 0.08, 0.88, 0.4]);
49 set(h2, 'fontsize', 12)
50 Pw = plot(freq,phi, 'linewidth', 3);
51 %get(h2);
52 set(h2, 'xscale', 'log');
53 set(h2, 'ylim', [5 50]);
54 ylabel('Phasen winkel [°]')
 55 xlabel('Frequenz [Hz]')
 56 grid on
 57 title('Argument frequenzgang belasteter Tiefpass')
```

Anhang C: MATLAB-Skript Betragsfrequenzgang aktiver Tiefpass

```
1 function [tau] = rc_step_bode()
 3 % Sprungantwort und Bodediagramm des RC-Tiefpasses
 4 % Mev, 10/2017, 11/2020
 6 %% RC-Tiefpass
 7 R = 1003;
                       % [Ohm]
 8 C = 54.85e-9;
                        % [F]
 9 tau = R*C; % [s]
10 fg = 5000; % in [Hz] Grenzfrequenz
11
12 freq = [500,5000,20000];
13 G = [1, 1, 0.251];
14
15 % Amplitude und Phasenwinkel
16 \text{ amp} = 20*log(G);
17 phi = atand(G);
19 % Betrag des Frequenzgangs
20 G_RC = @(w) 1./sqrt(1+(w*tau).^2)
21
22 %% Grafiken
23 %-----
24 figure (1)
25 set(qcf, 'units', 'normalized', 'position', [0.3 0.05, 0.6, 0.85])
27
28 % Amplitudengangsdiagramm
29 h1 = subplot(2,1,1);
30 set(h1, 'position', [0.08, 0.56, 0.88, 0.4]);
31 set(h1, 'fontsize', 12)
32 Ad = plot(freq, amp, 'linewidth', 3);
33 set(h1, 'xscale', 'log');
34 xlabel('Frequenz [Hz]')
35 set(h1, 'ylim', [-45 5]);
37 title('Betragsfrequenzgang aktiver Tiefpass')
38 %hold (h1, 'on')
39 %fminmax = get(h1, 'xlim');
40 %plot(fminmax, [-3, -3], 'k--')
41 %gminmax = get(h1, 'ylim');
42 %plot([fg,fg],gminmax,'k--')
43 ylabel('Dämpfung [dB]')
44 %hold (h1, 'off')
45
46 %% Phasenwinkel
47 \text{ h2} = \text{subplot}(2,1,2);
48 set(h2, 'position', [0.08, 0.08, 0.88, 0.4]);
49 set(h2, 'fontsize', 12)
50 Pw = plot(freq,phi, 'linewidth', 3);
51 %get(h2);
52 set(h2, 'xscale', 'log');
53 set(h2, 'ylim', [5 50]);
54 ylabel('Phasen winkel [°]')
55 xlabel('Frequenz [Hz]')
56 grid on
57 title('Argument frequenzgang aktiver Tiefpass')
```

Anhang D: MATLAB-Skript Betragsfrequenzgang aktiver Tiefpass mit Belastung

```
1 function [tau] = rc_step_bode()
 3 % Sprungantwort und Bodediagramm des RC-Tiefpasses
 4 % Mev, 10/2017, 11/2020
 6 %% RC-Tiefpass
 8 %R = 1000; % [Ohm]
9 %C = 33e-9; % [F]
10 %tau = R*C; % [s]
                       % [s] Zeitkonstante
11 %fg = 1/2/pi/(R*C); % [Hz] Grenzfrequenz
12
13 \text{ freq} = [100, 500, 750, 1000, 1500, 2000, 2500, 3200, 4000, 5000, 6000, 7500, 10000, 12000, 1500]
14 \ G = [0.5, 0.5, 0.49, 0.48, 0.47, 0.46, 0.44, 0.41, 0.38, 0.34, 0.32, 0.27, 0.22, 0.19, 0.15];
17 C = 54.85e-9;
16 R = 1003;
                      % [Ohm]
                      % [F]
18 tau = R*C; % [s] Zeitkonstante
19 fg = 5000; % in hz
20 \text{ amp} = 20*\log(G);
21 phi = atand(G);
23 % Betrag des Frequenzgangs
24 G_RC = @(w) 1./sqrt(1+(w*tau).^2)
2.5
26 %% Grafiken
27 %-----
28 figure(1)
29 set(gcf, 'units', 'normalized', 'position', [0.3 0.05, 0.6, 0.85])
30 clf
31
32 %% Sprungantwort
33 %h1 = subplot(2,1,1);
34 %set(h1, 'position', [0.08, 0.56, 0.88, 0.4], 'fontsize', 12);
                                    % (Control System Toolbox)
35 %[u,t] = step(tf(1,[R*C, 1]));
36 %hs = plot(t,u,'linewidth',2);
37 %grid
38 %title('RC-Tiefpass (R = 1 k\Omega , C = 33 nF), Sprungantwort')
39 %hold on
40 %yline(0.63,'k--')
41 %xline(tau, 'k--')
42 %ylabel('Spannung u(t) [V]')
43 %xlabel('Zeit [s]')
44 %hold off
45
46 % Amplitudengangsdiagramm
47 \text{ h1} = \text{subplot}(2,1,1);
48 set(h1, 'position', [0.08, 0.56, 0.88, 0.4]);
49 set(h1, 'fontsize', 12)
50 Ad = plot(freq, amp, 'linewidth', 3);
51 set(h1, 'xscale', 'log');
52 xlabel('Frequenz [Hz]')
53 set(h1, 'ylim', [-45 5]);
```

```
54 grid on
55 title('Betragsfrequenzgang aktiver Tiefpass mit Belastung')
56 %hold (h1, 'on')
57 %fminmax = get(h1,'xlim');
58 %plot(fminmax, [-3, -3], 'k--')
59 %gminmax = get(h1,'ylim');
60 %plot([fg,fg],gminmax,'k--')
61 ylabel('Dämpfung [dB]')
62 %hold (h1, 'off')
63
64 %% Phasenwinkel
65 h2 = subplot(2,1,2);
66 set(h2, 'position', [0.08, 0.08, 0.88, 0.4]);
67 set(h2, 'fontsize', 12)
68 Pw = plot(freq,phi, 'linewidth', 3);
69 %get(h2);
70 set(h2, 'xscale', 'log');
71 set(h2, 'ylim', [5 50]);
72 ylabel('Phasen winkel [°]')
73 xlabel('Frequenz [Hz]')
74 grid on
75 title('Argument frequenzgang aktiver Tiefpass mit Belastung')
```

Anhang E: Vorbereitung

HOCHECHULE BREMEN

Elektrische Messtechnik (ELMESS)

Labor versuch 2: LAQ-USB

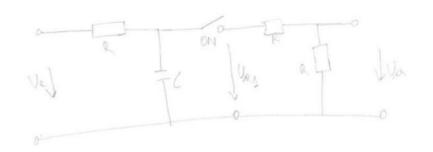
Laborgruppe (7

1: Kelly Mbithetchie Koudjo 5136175 (ISTI)

2: Kenin Pfeifer 5131378 (2)5I

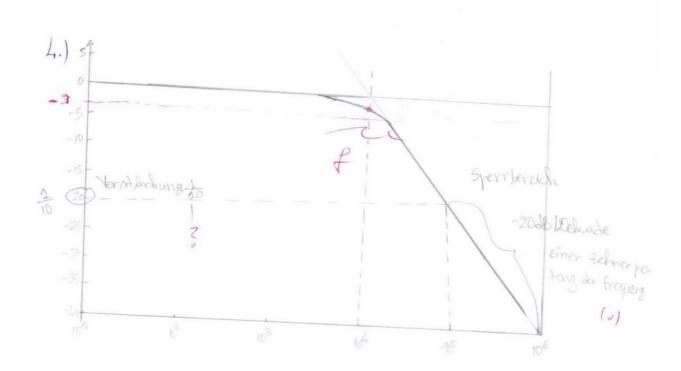
Norbereit ung

3.) Herleitung



$$\frac{\sqrt{\sqrt{2}}}{\sqrt{\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{\sqrt{2}}}{\sqrt{\sqrt{2}}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} =$$

$$= \frac{1}{3+2j\omega RC} \qquad (3) = \frac{1_{2}}{1+j\omega^{\frac{2}{3}}RC}$$



Anhang F: Protokoll

Labor Elektrische Messtechnik Protokoll Zum Laborversuch (Ruzzel) Dozent/Dozentin: Prof. Dr. Ing. Manfred Mevenkamp Prof. Dr. Ing. Manfred Mevenkamp Prof. Dr. Ing. Manfred Mevenkamp Versuchsdatum: 29. 11. 2011 (Rotokollithrer / Protokollithrerin) S. 13.6. 17.5. (Matrikel-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: (Matrikel-Nr.) Rotozen zum Versuchsablauf – nur grober Zeitverlauf und Besonderheiten (Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blättern) 9:00 Uhr Begrüßung des Professors 9:05 Uhr Alle Teilnehmer anuesen, Begin, Inbetrel Nahme 9:15 Uhr 3. 3. 1 Liderstand 9:30 Uhr 3. 3. 2 Anotiegszeit 10: 15 Uhr 3. 6. 1 Inbetrieb mahme und Test 12:00 Uhr 3. 6. 2 Frequenggang des alehiven Tiefpenses mit belastung 12:15 Uhr Ende der Versuchsdurdführung	Hochschule Bremen	
Protokoll zum Laborversuch (vorzel) Dozent/Dozentin: Prof. DrIng. Manfred Mevenkamp Prof. DrIng. Manfred Mevenkamp Prof. DrIng. Manfred Mevenkamp Versuchsdatum: 29. 11. 2011 (Protokollführer / Protokollführerin) (Rudiengang) Labor 175 (Matrikel-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: 1. Letar - Leifer - (D. G. I.) 2 (D. G. I.) 2 (D. G. I.) Notizen zum Versuchsablauf – nur grober Zeitverlauf und Besonderheiten (Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blattern) 9:00 Uhr Begrüfung den Profenorn 9:05 Uhr Alle Talinehmer anwesen, begin , Inbetriebnahme 9:15 Uhr 3.2.1 Menung den Signalgenenatornausgangn 9:30 Uhr 3.3.2 Anotiegszeit 10:15 Uhr 3.4 Frequenzgang den RC-Tiefpanses 11:10 Uhr 3.5 Frequenzgang einen belanteten hC-Tiefpanses 11:30 Uhr 3.6.1 Inbetrieb nahme und Tort 22:00 Uhr 3.6.2 Frequenzgang den aktiven Tiefpanses mit belantung		Angaben zur Veranstaltung
zum Laborversuch (Kurzel) (Korzel) (Versuchsbezeichnung) (Versuchsbezeichnung) (Versuchsdatum: 29. 11. 7c81 (Studiengang) Testat / Benotung: Vorbereitung (Matikel-Nr.) (Matikel-	Last Licktrische Messtechnik	WS 2021/22
Signalex famura and Frequency any mit (Versuchsbezeichnung) Kally Marthethrie Kausola (I.S.T.I) (Protokollführer / Protokollführerin) SA36 175 (Matriket-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: (Studiengang) 1. Ferais - ffeeter (D.S.I) 2	Protokoll	Modul: ELMESS
Versuchsdatum: 29. 11. Jan. (Protokollitihrer / Protokollitihrerin) (Studiengang) (Matrikel-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: (Studiengang) 1 Leave - feifer - (2.5.T.) 2 () Notizen zum Versuchsablauf - nur grober Zeitverlauf und Besonderheiten (Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blättern) 9:00 Uhr Begrüßung des fraßenors 9:05 Uhr Alle Teilnehmer anwesen, begin , Inbetriebnahme 9:15 Uhr 3. 2. 1 Mennung des Signalgeneratorsausgangs 9:25 Uhr 3. 3. 1 Widerstand 9:30 Uhr 3. 3. 2 Anotiegszeit 10: 15 Uhr 3. 5 Frequenzgang des RC-Tiefnames 14: 10 Uhr 3. 5 Frequenzgang eines belanteten hC-Tiefnames 14: 35 Uhr 3. 6. 1 Inbetriebnahme und Test 12:00 Uhr 3. 6. 2 Frequenzgang des aktiven Tiefnames mit belastung	zum Laborversuch (Kürzel)	Dozent/Dozentin:
(Protokollführer/Protokollführerin) S. 13.6. 17.5. (Matrikel-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: (Studiengang) 1. Lecàn-Afeifer (D.S.T.) 2	Signalexfamung und Frequenzgangunterruchung mit (Versuchsbezeichnung) USB- Dry Warkon	
(Matrikel-Nr.) Gruppe: weitere Gruppenmitglieder: (Studiengang) 1. Lesain - Fleifer (D. G. I) 2	(I.5.T.I) (Protokollführer / Protokollführerin) (Studiengang)	Versuchsdatum: 29.11.2011
Notizen zum Versuchsablauf – nur grober Zeitverlauf und Besonderheiten (Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blättern) 9:00 Uhr Begrüßung des Professors 9:05 Uhr Alle Teilnehmer anwesen, Begin , Inbetriehnahme 9:45 Uhr 3.2.1 Mennung des Signalegenernatonausgangs 9:25 Uhr 3.3.1 Widerstand 9:30 Uhr 3.3.2 Anotiegszeit 10:45 Uhr 3.4 Frequenzgang des RC-Tiefnames 11:40 Uhr 3.5 Frequenzgang eines belasteten AC-Tiefnames 11:35 Uhr 3.6.1 Inbetrieb nahme und Test 12:00 Uhr 3.6.2 Frequenzganz des aktiven Tiefnames mit belastung	5 436 1 7 5 (Matrikel-Nr.)	Testat / Benotung: Vorbereitung
(Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blättern) 9:00 Uhr Begrüßung dens Professors 9:05 Uhr Alle Teilnehmer anwesen, begin , Inbetriebnahme 9:45 Uhr 3.2.1 Menning des Signalgeneratoriausgangs 9:25 Uhr 3.3.1 Widerstand 9:30 Uhr 3.3.2 Anotiegszeit 10:45 Uhr 3.4 Frequenzgang des RC-Tiefnames 11:10 Uhr 3.5 Frequenzgang eines belasteten hC-Tiefnames 11:35 Uhr 3.6.1 Inbetriebnahme und Test 12:00 Uhr 3.6.2 Frequenzganz des aktiven Tiefnames mit belastung	1. Keran-ffeifer (D.S.I)	Testat / Benotung: Protokoll
(Messwerte und Versuchsdokumentation auf den folgenden Blättern) 9:00 Uhr Begrüßung dens Professors 9:05 Uhr Alle Teilnehmer anwesen, begin , Inbetriebnahme 9:45 Uhr 3.2.1 Menning des Signalgeneratoriausgangs 9:25 Uhr 3.3.1 Widerstand 9:30 Uhr 3.3.2 Anotiegszeit 10:45 Uhr 3.4 Frequenzgang des RC-Tiefnames 11:10 Uhr 3.5 Frequenzgang eines belasteten hC-Tiefnames 11:35 Uhr 3.6.1 Inbetriebnahme und Test 12:00 Uhr 3.6.2 Frequenzganz des aktiven Tiefnames mit belastung	Notizen zum Versuchsablauf – nur grober Zeitverlauf und Resondo	rhoitan

Durchführung

9:00 uhr Begrisburg des Professors

9:05 Uhr Alle TN anwesend und Beginn In bedriebnahme:

> Ein BNC-Kabel am bignalgenerator des Orzilloskops Ein BNC-Kabel an Kanal A des Erszilloskops Beide Kabel miteinander verbunden Bignalgenerator nach Aufgabenstellung konfiguriert Hemung worgenommen, Bild gespeichert

9:15 Uhr 3.2.1 Menung des bignalgeneratorausgangs bignalgenerator nach Aufgabenstellung konfiguriert Mensung vorgenommen, Bild gespeichert

9:250hr 3.3.1 Widerstand

Zero-Abgleich durchgeführt

Menung durchgeführt

R= 1,003 Kr, DR=± (0,1% v. MW+5D) (Datenblatt Multimeter)

3:30 vhr 3:3.2 Anstiegszeit

Signalgenerator am Tiefpaneingang geburden

Kanal A mit Tiefpaneingang verburden

Darstellung gespeichert

Kanal B mit Ausgang des Tiefpanes verburden

Darstellung gespeichert

Der Effekt einer nicht Idealen Spannungsquelle ist hier

zu erkennen. Die bignale an Kanal A und b sind nicht

mehr techteckig

Kanal A Darstellung deaktimiert

Trigger auf Kanal B Anstiegszeitmenung anhand 1,6V Horizontale Curnor auf 1,6V.0,9 = 1,44V

Mertikale Curnor auf 1,6V.0,1 = 0,16V

Menungen: t₁₀ = -530,8 m At 10 = ± 1,00

t₉₀ = -409,9 m At 90 = ± 2,00

tr = 120,9 m

Zeitkanstante: T= 0,455. 120,9 m

× 55,0095 m

Kapazitat: C- T = 55,0095 m

Kapazitait: (- 7 = 55,0095/ws (~ 54,85/m

(≈ 54,85 nF

10:15 Uhr 3.4 Frequenzgang des RC-Tiefpanes Signalgenerator nach Aufgabenstellung Konfiguriert: Membereich: ± 2 V Signal: Sinusform

Freques Frequenz: 500Hz
Amplitude: 1,8V
Offset: OV

Darstellung der Kaniale A (Ve) und B(Va) gespeichert Themungen hinzugefügt Spitze-Spitze-Spannungen und Frequenzen eingetvagen En lämt nich beobachten, dam der Frequenzgang bei höherer Frequenz abfällt.

Schödzwert Grensfrequenz: fg= 5 KHz

11:10 Uhr 3.5 Frequenzgang eines belasteten K-Tiefpames
Scholter der Platine auf "On"

Kanal B mit dem neuen Ausgangssignal verbunden

Tremung des Betragsfrequenzgangs wie im Abahnitt 3.4

11:35thr 3.6.1 Inbetriebnahme und Test

Vernorgungnspannungen angeschlomen

Eingang UE (iIN) mit dem bignalgenenator angeschlomen

und über Kanal A gememen

Ausgangsbignal ("OUL1") an Kanal B angeschlomen

Diese Schaltung verhält sich näherungsweise wie der

unbelastete Tiefpam

12:00 Uhr 3.6.2 Frequenzgang des aktiven Tiefpasses mit Belæstung

> Ausgang der Spannungsteiler auf ("on") zugeschaltet Kanal B an "Dut?" angeschlomen Betragsfrequerzgang wie im den Abschnitten 3.4 und 3.5 bestimmt

Letzte 3 Memblingen Wegen Zeit micht durchgeführt

12:15 Uhr Ende der Dardführung

Anhang G: Geräteliste

Geräteliste zum Laborversuch 2AQ-V66

Datum: 29. 11. 2021

Ifd. Nr.	Hersteller Pico Technology	Bezeichnung, Typ	Einsatzzweck	Messbereich	Toleranz	Bemerkunger ggf. Inv.Nr.
	Peaktech	Probage 2300A - berie	· Oszilloskop	200m Hz		00
2.		Realitech 6300	Eszilloskop Spanningsregler	30V/1,5A	_	00.0±15VDC
3.	Grossen Metraiwatt	METRAHIT TRMS	Ohmmeter	6Kr	0,1%, N. MW+52	"52"\$ 500mi
ispiel:						
	Gossen Metrawatt N	METRAHIT X-TRA	Ohmmeter	1 kΩ	0,2% v. MW + 5D	"5D" ≜ 500 mΩ