

## 3.2 Inverse Instantaneous Kinematics

### はじめに

エンドエフェクタの基準座標からみた速度 $\mathbf{v}_e$ 、角速度 $\boldsymbol{\omega}_e$ を用いて、 $6 \times 1$ ベクトル $\dot{\mathbf{p}}$ を式(3-16)のように表す。

$$\dot{\mathbf{p}} = \begin{pmatrix} \mathbf{v}_e \\ \boldsymbol{\omega}_e \end{pmatrix} \quad (3-16)$$

また、各関節のそれぞれの座標からみた速度 $\dot{q}_i (1 \leq i \leq n)$ を縦に並べたベクトルを $\dot{\mathbf{q}} = [\dot{q}_1, \dots, \dot{q}_n]^T$ とする。

$\dot{\mathbf{p}}$ は $6 \times n$ 行列のヤコビアン $\mathbf{J}$ と $\dot{\mathbf{q}}$ を用いて、式(3-17)のように線形的に表すことができる。

$$\dot{\mathbf{p}} = \mathbf{J} \dot{\mathbf{q}} \quad (3-17)$$

本セクションでは、式(3-17)を用いて、所望のエンドエフェクタの速度 $\dot{\mathbf{p}}$ から、適切な各ジョイントの速度 $\dot{\mathbf{q}}$ を求めること、つまり、速度におけるマニピュレータの逆問題を解くことを目的とする。

### 3.2.1. Resolved Motion Rate

エンドエフェクタを任意の位置に制御するには、マニピュレータは6自由度以上必要である。これと同様に、エンドエフェクタを任意の速度に制御するためにも、6自由度以上が必要となる。3.2.1節では6自由度のマニピュレータの逆問題について考える。

#### 3.2.1.1. 6自由度の逆問題と特異点

6自由度のマニピュレータにおいて、ヤコビアン $\mathbf{J}$ は $6 \times 6$ 行列となる。

ヤコビアンが正則行列のとき、式(3-17)の両辺にヤコビアンの逆行列をかけることにより、各ジョイントの速度 $\dot{\mathbf{q}}$ は式(3-33)のように表され、マニピュレータの逆問題が解くことができる。

$$\dot{\mathbf{q}} = \mathbf{J}^{-1} \dot{\mathbf{p}} \quad (3-33)$$

この方法による逆問題の解法は resolved motion rate control と呼ばれます。

しかし、ヤコビアンはマニピュレータの形状によって変化するので、ヤコビアンが正則にならないときもある。このとき、ヤコビアンに逆行列が存在しないため、式(3-33)を計算することはできない。ヤコビアンが正則でないときを特に、特異点と呼ぶ。特異点では、ヤコビアンの各列が全て独立にならないので、各ジョイントの速度 $\dot{q}_i (1 \leq i \leq 6)$ を決定したとしても、エンドエフェクタが動けない方向がある。