グラフと測度

やたか

本 pdf は THE IHARA ZETA FUNCTION FOR INFINITE GRAPHS の前半部分をまとめたものである.

目次

1 グラフ 1

1 グラフ

Definition 1.1 (グラフ)

グラフ (Graph) とは空でない集合 V と $V \times V$ の部分集合 E の組 G = (V,E) で以下のことを満たすもののことである.

- 1. $(x,y) \in E$ ならば $(y,x) \in E$
- $2. (x,x) \in E$ となる $x \in V$ が存在しない.
- 3. 任意の $x \in V$ に対して $\{y \in V \mid (x,y) \in E\}$ の濃度を抑える (bounded) ような D > 0 が存在する.

V の元は頂点 (vertex) と呼び, E の元を辺 (edge) と呼ぶ.

Definition 1.2 (rooted graph)

G=(V,E) をグラフとする. $x\in V$ と G の組 (G,x) を rooted graph と呼び, x を G の root と呼ぶ.