6 実践問題

6.1 問題 1

実数 x に関する 3 つの条件 p,q,r を

$$p:-1 \le x \le 5, \quad q:3 < x < 6, \quad r:x \le 5$$

とする.

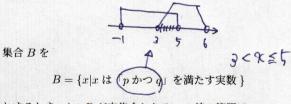
- (1) 条件p,qの否定を、それぞれ \bar{p},\bar{q} で表すとき、以下が成立、
 - 「pかつq」は、rであるためのア
 - ・「 \overline{p} かつq」は、rであるための イ
 - 「pまたは q」 は, r であるための ウ
 - a. 必要条件であるが、十分条件ではない
 - b. 十分条件であるが、必要条件ではない
 - c. 必要十分条件である
 - d. 必要条件でも十分条件でもない

(2) 定数 a を正の実数とし、 $(ax-2)(x-a-1) \leq 0$

を満たす実数 x 全体の集合を A とする.

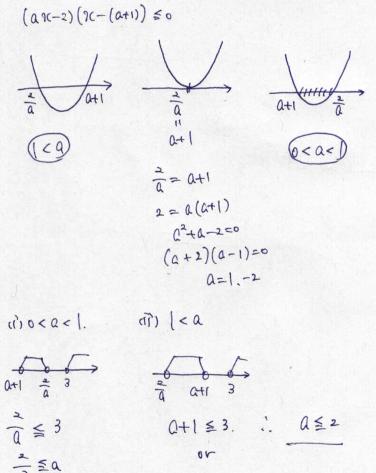
集合 A は、a の値を 3 つの場合に分けて考えると、

•
$$0 < a < \boxed{x}$$
 $0 \ge \delta$, $A = \{x \mid \boxed{x} \le x \le \boxed{h}\}$
• $a = \boxed{x}$ $0 \ge \delta$, $A = \{x \mid \boxed{h} \le x \le \boxed{h}\}$
• $\boxed{x} < a \ 0 \ge \delta$, $A = \{x \mid \boxed{h} \le x \le \boxed{h}\}$



とするとき, $A \cap B$ が空集合となる a の値の範囲は

$$\frac{2}{7} \quad \frac{7}{7} \leq a \leq \boxed{2}$$



6.2 問題 2.0

実数を元とする2つの集合

$$A = \{2, a - 1, a + 4\}$$
$$B = \{8 - a, a + 2, 5\}$$

の共通部分 $A \cap B$ が $\{2,5\}$ となるように実数 a の値を定めよ. また、そのときの和集合 $A \cup B$ を求めよ.

$$t \in A_{3}$$
).

 $Q - l = t$ or $Q + 4 = t$
 $Q = l$ or $Q = l$.

 $Q = b$ art

 $Q = b$ art

 $Q = l$ art

A
$$B = \{2, 5\}$$
 702 and $A = \{1, 5\}$

$$A \cup B = \{2, 5, [0] \cup \{2, 2, 5\}$$

$$= \{2, 5, 8, [0] \cup \{2, 2, 5\}$$

6.3 問題 2.1

実数を元とする2つの集合

$$A = \{2, 4, a^3 - 2a^2 - a + 7\}$$

$$B = \{-4, a + 3, a^2 - 2a + 2, a^3 + a^2 + 3a + 7\}$$

の共通部分 $A \cap B$ が $\{2,5\}$ となるように実数 a の値を定めよ. また、そのときの和集合 $A \cup B$ を求めよ.

$$A \Rightarrow 5 \Rightarrow 1$$

$$Q^{2} - 2Q^{2} - Q + 7 = 5$$

$$Q^{3} - 2Q^{2} - Q + 2 = 0$$

$$Q^{2}(Q-2) - (Q-2) = 0$$

$$(Q-1)(Q-2) = 0$$

$$Q = 1, -1, 2$$

$$A \cup B = \begin{cases} 2.4.5 \\ 5.4.5 \\ 5.4.5 \\ 5.25 \end{cases}$$

6.4 問題3

下記の各命題についてその真偽を記し、理由を述べよ. (つまり、真の場合は示し、偽の場合は反例を挙げる.)

- (1) √7 は無理数である. 直
- (2) 和も積もともに0でない有理数であるような2つの実数a,bはともに有理数である.
- (3) a, b, c を実数とする. 全ての実数 x について, $ax^2 + bx + c > 0$ ならば $b^2 - 4ac < 0$ 具偽

(1) (Proof) 有理法で行る.

万人有理数之极定.

i.e. J7 = " (m, n = Z. Inlik)

57.V.

$$\sqrt{7} m = n$$

$$7 m^2 = n^2 - \infty$$

方型:70倍数2007"、此色70倍数。 12代7の倍数 → Uも7a倍数.

1. 对偶「NATW信教で外心

ラルでなるながらい」なる。

N= | mod 7 axt h= | mod 7 N= 2 nod 7 11 N= 4 nod 7

n= 9 wod7 n = 3 md7 " = 2 med 7

N= 4 wol7 " u= 16 wol7

n= t wd? " "= 25 wd? = 4 wed]

n=6 md7 " n=36 md7 = | ned ?

LXL27. 対傷時、、い日不信政

1 n= 7k (\$ = 2) 220 .

OKI +13.

7m2 = 72-62

m=7= 7= (35/74), 2412 かとかり、豆山は東であることに着な。

: 你是不信. : 厅口無理教

(2) (高

FAB') Q= (+ J2 h=1- 52. aut

> a+h=2 Qh = (1+52)(1-52) = |-2=-|

(3)真

Y= ax2+ lact C 27/4.

120 KI= 21ms 122+ lx+ C>O + + + = = = 1.

左国のかにるは

グラフェ 火軸の共有点がなけれてかけい。 i.e. ax+ ln+ c=0 14/9/7 D<0

: li-tac <0 +1-7/2.

2次不当み のによりにもとう。

~ 山内、まいてみれる"~o.

T=T2", Buz Tanaz".

Q=0, l=0, c= | xvt pt 2/3".