

1 小問集合. 以下の式を展開し, 整理せよ.

(1) $(x+2)(x+4)$

(2) $(2x+y)^2(2x-y)^2$

(3) $(x^2+1)(x+1)(x-1)$

(4) $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4)$

(5) $(a^2+b^2)^2(a-b)^2(a+b)^2$

(1) $x^2 + 6x + 8$

(2) $(2x+y)^2(2x-y)^2$
 $= \left((2x+y)(2x-y) \right)^2$
 $= (4x^2 - y^2)^2$
 $= 16x^4 - 2 \times 2xy^2 + y^4$

(3) $(x^2+1)(x+1)(x-1)$
 $= (x^2+1)(x^2-1)$
 $= x^4 - 1$

(4) $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4)$
 $= (x+1)(x+4) \times (x+2)(x+3)$
 $= (x^2+5x+4)(x^2+5x+6)$
 $= (x^2+5x)^2 + 10(x^2+5x) + 24$
 $= x^4 + 10x^3 + 25x^2 + 10x^2 + 50x + 24$
 $= x^4 + 10x^3 + 35x^2 + 50x + 24$

(5) $(a^2+b^2)^2(a-b)^2(a+b)^2$
 $= (a^2+b^2)^2 \left((a-b)(a+b) \right)^2$
 $= (a^2+b^2)^2 (a^2-b^2)^2$
 $= \left((a^2+b^2)(a^2-b^2) \right)^2$
 $= (a^4 - b^4)^2$
 $= a^8 - 2a^4b^4 + b^8$

「乗に計算するのは
 どの順序でも計算可能だから」
 なるほどなるほどなるほど!