

## Lista 2 - Cálculo Lambda

Vinícius Takeo Friedrich Kuwaki

06 de Julho de 2021

$(\lambda x \lambda y \lambda w \lambda u. x \ w \ (y \ w \ u)) \ (\lambda s \lambda z. s \ (s \ z)) \ (\lambda a \lambda b. a(a(ab)))$  [elim. par.]  
 $\lambda x \lambda y \lambda w \lambda u. x \ w \ (y \ w \ u) \ \lambda s \lambda z. s \ (s \ z) \ \lambda a \lambda b. a(a(ab))$  [x/λsλz. s (s z)]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u. \lambda s \lambda z. s \ (s \ z) \ w \ (y \ w \ u) \ \lambda a \lambda b. a(a(ab))$  [s/w]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u. \lambda z. w \ (w \ z) \ (y \ w \ u) \ \lambda a \lambda b. a(a(ab))$  [z/(ywu)]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u. w \ (w \ (y \ w \ u)) \ \lambda a \lambda b. a(a(ab))$  [y/λaλb. a(a(ab))]  
 $\lambda w \lambda u. w \ (w \ (\lambda a \lambda b. a(a(ab)) \ w \ u))$  [a/w]  
 $\lambda w \lambda u. w \ (w \ (\lambda b. w(w(wab)) \ u))$

Figura 1: Exercício 1.

$(\lambda x \lambda y \lambda w \lambda u. x \ (y \ w \ u)) \ (\lambda s \lambda z. s \ (s \ z)) \ (\lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b)))$  [elim. par.]  
 $\lambda x \lambda y \lambda w \lambda u. x \ (y \ w \ u) \ \lambda s \lambda z. s \ (s \ z) \ \lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b))$  [x/λsλz. s (s z)]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u. \lambda s \lambda z. s \ (s \ z) \ (y \ w \ u) \ \lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b))$  [s/(y w)]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u \lambda z. (y \ w) \ ((y \ w) \ z) \ u \ \lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b))$  [z/u]  
 $\lambda y \lambda w \lambda u \ (y \ w) \ ((y \ w) \ u) \ \lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b))$  [y/λaλb. a (a (a b))]  
 $\lambda w \lambda u \ (\lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b)) \ w) \ ((\lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b)) \ w) \ u)$  [a/w]  
 $\lambda w \lambda u \lambda b. w \ (w \ (w \ b)) \ (\lambda a \lambda b. a \ (a \ (a \ b)) \ w \ u)$  [a/w]  
 $\lambda w \lambda u \lambda b. w \ (w \ (w \ b)) \ (\lambda b. w \ (w \ (w \ b)) \ u)$  [b/u]  
 $\lambda w \lambda u \lambda b. w \ (w \ (w \ b)) \ w \ (w \ (w \ u))$

Figura 2: Exercício 2.