

加藤岳生著「一歩進んだ理解を目指す 物性物理学講義」 (サイエンス社) 正誤表

東京大学物性研究所 加藤岳生

1 概要

これは「一歩進んだ理解を目指す 物性物理学講義」の本に含まれる誤りをまとめたものです。もし間違いに気がついた場合は、kato@issp.u-tokyo.ac.jp までメールを送っていただくか、下記 Web page の Issues に書き込んでください。

<https://github.com/takeokato719/SolidStatePhysicsText/>

細かい間違いでも遠慮なく教えていただけるとありがたいです。よろしくお願いいたします。

2 正誤表

- p.10 式 (1.53):

$$\begin{aligned} \text{[誤]} \quad & \int d\mathbf{r}' \nabla_{\mathbf{r}'}^2 (f(\mathbf{r}')) \Psi(\mathbf{r}') = \int d\mathbf{r}' f(\mathbf{r}') \nabla_{\mathbf{r}'}^2 \Psi(\mathbf{r}'), \\ \text{[正]} \quad & \int d^3\mathbf{r}' \nabla_{\mathbf{r}'}^2 (f(\mathbf{r}')) \Psi(\mathbf{r}') = \int d^3\mathbf{r}' f(\mathbf{r}') \nabla_{\mathbf{r}'}^2 \Psi(\mathbf{r}'), \end{aligned}$$

- p.14 式 (1.75) の最終行:

$$\begin{aligned} \text{[誤]} \quad & = \frac{1}{2} V(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle + \frac{1}{2} v(\mathbf{r}_2, \mathbf{r}_1) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle = V(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle \\ \text{[正]} \quad & = \frac{1}{2} V(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle + \frac{1}{2} V(\mathbf{r}_2, \mathbf{r}_1) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle = V(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2) |\mathbf{r}_1 \mathbf{r}_2\rangle \end{aligned}$$

- p.15 式 (1.79) の最初の等式:

$$\begin{aligned}
& \text{[誤]} \quad \Psi^\dagger(\mathbf{x})\Psi^\dagger(\mathbf{y})\Psi(\mathbf{y})\Psi(\mathbf{x})|\mathbf{r}_1\mathbf{r}_2\cdots\mathbf{r}_N\rangle \\
&= \sum_{\alpha=1}^N \sum_{\beta<\alpha}^N (-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-1}\delta(\mathbf{y}-\mathbf{r}_\beta)\delta(\mathbf{x}-\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\beta) \\
&\quad \times |\mathbf{r}_1\cdots(\mathbf{r}_\beta\text{抜け})\cdots(\mathbf{r}_\alpha\text{抜け})\cdots\mathbf{r}_N\rangle \\
&+ \sum_{\alpha=1}^N \sum_{\beta>\alpha}^N (-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-2}\delta(\mathbf{y}-\mathbf{r}_\beta)\delta(\mathbf{x}-\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\beta) \\
&\quad \times |\mathbf{r}_1\cdots(\mathbf{r}_\beta\text{抜け})\cdots(\mathbf{r}_\alpha\text{抜け})\cdots\mathbf{r}_N\rangle \\
& \text{[正]} \quad \Psi^\dagger(\mathbf{x})\Psi^\dagger(\mathbf{y})\Psi(\mathbf{y})\Psi(\mathbf{x})|\mathbf{r}_1\mathbf{r}_2\cdots\mathbf{r}_N\rangle \\
&= \sum_{\alpha=1}^N \sum_{\beta<\alpha}^N (-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-1}\delta(\mathbf{y}-\mathbf{r}_\beta)\delta(\mathbf{x}-\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\beta) \\
&\quad \times |\mathbf{r}_1\cdots(\mathbf{r}_\beta\text{抜け})\cdots(\mathbf{r}_\alpha\text{抜け})\cdots\mathbf{r}_N\rangle \\
&+ \sum_{\alpha=1}^N \sum_{\beta>\alpha}^N (-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-2}\delta(\mathbf{y}-\mathbf{r}_\beta)\delta(\mathbf{x}-\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\alpha)\Psi^\dagger(\mathbf{r}_\beta) \\
&\quad \times |\mathbf{r}_1\cdots(\mathbf{r}_\alpha\text{抜け})\cdots(\mathbf{r}_\beta\text{抜け})\cdots\mathbf{r}_N\rangle
\end{aligned}$$

- p.20 式 (1.113) の 1 行目と 2 行目で生成演算子の添字に j が抜けています:

$$\begin{aligned}
& \text{[誤]} \quad H = \sum_{\sigma} \int d^3\mathbf{r} \left[\sum_{j,\mathbf{k}} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r})c_{\mathbf{k}\sigma}^\dagger \right] \left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + v(\mathbf{r}) \right) \left[\sum_{j',\mathbf{k}'} \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r})c_{j'\mathbf{k}'\sigma} \right] \\
&= \sum_{\sigma} \sum_{j,\mathbf{k}} \sum_{j',\mathbf{k}'} \int d^3\mathbf{r} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r})c_{\mathbf{k}\sigma}^\dagger \left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + v(\mathbf{r}) \right) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r})c_{j'\mathbf{k}'\sigma} \\
& \text{[正]} \quad H = \sum_{\sigma} \int d^3\mathbf{r} \left[\sum_{j,\mathbf{k}} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r})c_{j\mathbf{k}\sigma}^\dagger \right] \left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + v(\mathbf{r}) \right) \left[\sum_{j',\mathbf{k}'} \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r})c_{j'\mathbf{k}'\sigma} \right] \\
&= \sum_{\sigma} \sum_{j,\mathbf{k}} \sum_{j',\mathbf{k}'} \int d^3\mathbf{r} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r})c_{j\mathbf{k}\sigma}^\dagger \left(-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2 + v(\mathbf{r}) \right) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r})c_{j'\mathbf{k}'\sigma}
\end{aligned}$$

- p.21 式 (1.116):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \int d^3\mathbf{r} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r}) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) \\
&= \frac{1}{N} \sum_{\mathbf{R}} \int_{\text{unit cell}} d^3\mathbf{x} e^{-i(\mathbf{k}-\mathbf{k}')\cdot\mathbf{R}} u_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{x}+\mathbf{R}) u_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{x}+\mathbf{R}) \\
&= \int_{\text{unit cell}} d^3\mathbf{x} u_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{x}) u_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{x}) = \delta_{j,j'} \delta_{\mathbf{k},\mathbf{k}'} \\
[\text{正}] \quad & \int d^3\mathbf{r} \psi_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{r}) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) \\
&= \frac{1}{N} \sum_{\mathbf{R}} \int_{\text{unit cell}} d^3\mathbf{x} e^{-i(\mathbf{k}-\mathbf{k}')\cdot(\mathbf{R}+\mathbf{x})} u_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{x}+\mathbf{R}) u_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{x}+\mathbf{R}) \\
&= \int_{\text{unit cell}} d^3\mathbf{x} u_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{x}) u_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{x}) \delta_{\mathbf{k},\mathbf{k}'} = \delta_{j,j'} \delta_{\mathbf{k},\mathbf{k}'} \\
&\Leftrightarrow \int_{\text{unit cell}} d^3\mathbf{x} u_{j\mathbf{k}}^*(\mathbf{x}) u_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{x}) = \delta_{j,j'}
\end{aligned}$$

- p.28 式 (2.17) の第二項の係数 1/2 が落ちています:

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad H &= \sum_{\sigma} \int d\mathbf{r} \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{Z}{r} \right) \Psi_{\sigma}(\mathbf{r}) \\
&\quad + \sum_{\sigma, \sigma'} \int d\mathbf{r} \int d\mathbf{r}' \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\mathbf{r}') \Psi_{\sigma}(\mathbf{r}) \\
[\text{正}] \quad H &= \sum_{\sigma} \int d\mathbf{r} \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{Z}{r} \right) \Psi_{\sigma}(\mathbf{r}) \\
&\quad + \frac{1}{2} \sum_{\sigma, \sigma'} \int d\mathbf{r} \int d\mathbf{r}' \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\mathbf{r}') \Psi_{\sigma}(\mathbf{r})
\end{aligned}$$

- p.29 式 (2.22):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad V_{\alpha\beta\gamma\delta} &= \int d^3\mathbf{r} \psi_{\alpha}(\mathbf{r}) \psi_{\beta}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} \psi_{\gamma}(\mathbf{r}') \psi_{\delta}(\mathbf{r}), \\
[\text{正}] \quad V_{\alpha\beta\gamma\delta} &= \int d^3\mathbf{r} \int d^3\mathbf{r}' \psi_{\alpha}(\mathbf{r}) \psi_{\beta}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} \psi_{\gamma}(\mathbf{r}') \psi_{\delta}(\mathbf{r}),
\end{aligned}$$

- p.33 式 (2.30) で生成演算子とすべきところが消滅演算子になっています。

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad |S\rangle &= c_{1\uparrow} c_{1\downarrow} |\text{vac}\rangle, \quad |T\rangle = c_{1\uparrow} c_{2\uparrow} |\text{vac}\rangle, \\
[\text{正}] \quad |S\rangle &= c_{1\uparrow}^{\dagger} c_{1\downarrow}^{\dagger} |\text{vac}\rangle, \quad |T\rangle = c_{1\uparrow}^{\dagger} c_{2\uparrow}^{\dagger} |\text{vac}\rangle,
\end{aligned}$$

- p.34 式 (2.34) の直前

[誤] N 個の電子がエネルギーの低い原子軌道を占有したスレーター波動関数

[正] N 個の電子がエネルギーの低い分子軌道を占有したスレーター波動関数

- p.35 脚注 24. [誤] $1u_g$ 分子軌道 [正] $1\sigma_g$ 分子軌道

- p.41 式 (2.50):

$$[\text{誤}] \quad |\Psi\rangle = a|\Psi_1\rangle + b|\Psi_2\rangle \quad [\text{正}] \quad |\Psi\rangle = a|\Psi_1\rangle - b|\Psi_2\rangle$$

[補足説明] a, b は $a^2 + b^2 = 1$ を満たす実数であり、 $a > 0$ としても一般性は失いません。
 このとき上述の修正を行った上で、 $b > 0$ としたときに $R \rightarrow \infty$ で非物理的な状態の重みが抑えられてエネルギーが下がります。式 (2.51) の以下の説明では $a > 0, b > 0$ を前提として話が進みますので、上述の b の符号についての修正が必要となります。

- p.42 式 (2.55) の上: [誤] $2.09 \text{ \AA} = 3.704 a_B$, [正] $2.09 \text{ \AA} = \textcolor{red}{3.95} a_B$.
- p.42 式 (2.55):

$$\text{[誤]} \quad -\frac{1}{3.704} \text{Hartree} = -27.211 \text{ eV} \times \frac{1}{3.704} = -7.35 \text{ eV},$$

$$\text{[正]} \quad -\frac{1}{\textcolor{red}{3.95}} \text{Hartree} = -27.211 \text{ eV} \times \frac{1}{\textcolor{red}{3.95}} = -\textcolor{red}{6.89} \text{ eV},$$

- p.42 式 (2.55) の下: [誤] 結合エネルギーは $(7.35 - 1.94) \text{ eV} = 5.41 \text{ eV}$ と見積もられる。
 [正] 結合エネルギーは $(\textcolor{red}{6.89} - 1.94) \text{ eV} = \textcolor{red}{4.95} \text{ eV}$ と見積もられる。
- p.49 式 (3.26) 中の生成演算子の添字が間違っています:

$$\text{[誤]} \quad H_1 = \sum_{l\sigma} \sum_{l'} \int d\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 + v_{l'}(\mathbf{r}) \right) \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) c_{l'\sigma}^\dagger c_{l'\sigma},$$

$$\text{[正]} \quad H_1 = \sum_{l\sigma} \sum_{l'} \int d^3\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 + v_{l'}(\mathbf{r}) \right) \varphi_{1s,l'}(\mathbf{r}) c_{l\sigma}^\dagger c_{l'\sigma},$$

またこの式を含み、この章に現れる積分の多くは体積積分であり、 $d\mathbf{r}$ は $d^3\mathbf{r}$ と書くべきでした。

- p.49 式 (3.26):

$$\text{[誤]} \quad H_3 = \sum_{l\sigma} \sum_{l' \neq l} \sum_j \int d\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_j(\mathbf{r}) \varphi_{1s,l'}(\mathbf{r}) c_{l\sigma}^\dagger c_{l'\sigma}$$

$$\text{[正]} \quad H_3 = \sum_{l\sigma} \sum_{l' \neq l} \sum_{j \neq l'} \int d^3\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_j(\mathbf{r}) \varphi_{1s,l'}(\mathbf{r}) c_{l\sigma}^\dagger c_{l'\sigma}$$

- p.49 最後の行: [誤] j についての和は、 l もしくは l' と一致する場合に、
 [正] j についての和は、 $\textcolor{red}{l}$ と一致する場合に、
- p.50 最初の行: [誤] j' についての和、 $j' = l, l'$ と一致する場合に、
 [正] $\textcolor{red}{j}$ についての和のうち、 $\textcolor{red}{j} = \textcolor{red}{l}$ と一致する場合に、
- p.50 式 (3.30):

$$\text{[誤]} \quad \int d\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_l(\mathbf{r}) \varphi_{1s,l+1}(\mathbf{r}) = \int d\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_{l+1}(\mathbf{r}) \varphi_{1s,l+1}(\mathbf{r}) = -t,$$

$$\text{[正]} \quad \int d^3\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_l(\mathbf{r}) \varphi_{1s,l+1}(\mathbf{r}) = \int d^3\mathbf{r} \varphi_{1s,l}(\mathbf{r}) v_{\textcolor{red}{l}}(\mathbf{r}) \varphi_{1s,\textcolor{red}{l}-1}(\mathbf{r}) = -t,$$

- p.56 式 (3.75):

$$\text{[誤]} \quad H_1 = \sum_{\mathbf{r}} \sum_{\alpha} \frac{E_{\alpha}}{N} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{k}'} e^{-i\mathbf{k}' \cdot \mathbf{r} + i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} (c_{A, \mathbf{k}', \alpha}^\dagger c_{A, \mathbf{k}, \alpha} + c_{B, \mathbf{k}', \alpha}^\dagger c_{B, \mathbf{k}, \alpha}),$$

$$\text{[正]} \quad H_1 = \sum_{\mathbf{r}} \sum_{\alpha} \frac{E_{\alpha}}{N} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{k}'} \left[e^{-i\mathbf{k}' \cdot \mathbf{r} + i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} c_{A, \mathbf{k}', \alpha}^\dagger c_{A, \mathbf{k}, \alpha} \right. \\ \left. + e^{-i\mathbf{k}' \cdot (\mathbf{r} + \boldsymbol{\delta}) + i\mathbf{k} \cdot (\mathbf{r} + \boldsymbol{\delta})} c_{B, \mathbf{k}', \alpha}^\dagger c_{B, \mathbf{k}, \alpha} \right].$$

- p.64 式 (3.102):

$$\text{[誤]} F(\mathbf{k}) = -t \sum_{j=1}^3 e^{i\mathbf{k} \cdot \delta_j}, \quad \text{[正]} F(\mathbf{k}) = -t \sum_{j=1}^3 e^{i\mathbf{k} \cdot \delta_j}.$$

- p.66 式 (4.2):

$$\text{[誤]} H_T = \sum_{\sigma} \int d^3\mathbf{r} \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 \right) \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}),$$

$$\text{[正]} H_T = \sum_{\sigma} \int d^3\mathbf{r} \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 \right) \Psi_{\sigma}(\mathbf{r}).$$

- p.68 式 (4.11) の積分変数が間違っています:

$$\text{[誤]} \frac{1}{V} \int d^3\mathbf{k} e^{i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}} = \begin{cases} 1, & (\mathbf{q} = \mathbf{0}), \\ 0, & (\mathbf{q} \neq \mathbf{0}), \end{cases}$$

$$\text{[正]} \frac{1}{V} \int d^3\mathbf{r} e^{i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r}} = \begin{cases} 1, & (\mathbf{q} = \mathbf{0}), \\ 0, & (\mathbf{q} \neq \mathbf{0}), \end{cases}$$

- p.70 式 (4.19) でスピンについての和が抜けています:

$$\text{[誤]} H_C = \frac{1}{2} \int d^3\mathbf{r} d^3\mathbf{r}' \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\mathbf{r}') \Psi_{\sigma}(\mathbf{r})$$

$$= \frac{1}{2V^3} \sum_{\mathbf{k}_1, \mathbf{k}_2, \mathbf{k}_3, \mathbf{k}_4, \mathbf{q}} v_{\mathbf{q}} c_{\mathbf{k}_1\sigma}^{\dagger} c_{\mathbf{k}_2\sigma'}^{\dagger} c_{\mathbf{k}_3\sigma'} c_{\mathbf{k}_4\sigma} \int d^3\mathbf{r} e^{i(\mathbf{k}_4 - \mathbf{k}_1 + \mathbf{q}) \cdot \mathbf{r}}$$

$$\times \int d^3\mathbf{r}' e^{i(\mathbf{k}_3 - \mathbf{k}_2 - \mathbf{q}) \cdot \mathbf{r}'},$$

$$\text{[正]} H_C = \frac{1}{2} \sum_{\sigma, \sigma'} \int d^3\mathbf{r} d^3\mathbf{r}' \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\mathbf{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\mathbf{r}') \frac{1}{|\mathbf{r} - \mathbf{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\mathbf{r}') \Psi_{\sigma}(\mathbf{r})$$

$$= \frac{1}{2V^3} \sum_{\sigma, \sigma'} \sum_{\mathbf{k}_1, \mathbf{k}_2, \mathbf{k}_3, \mathbf{k}_4, \mathbf{q}} v_{\mathbf{q}} c_{\mathbf{k}_1\sigma}^{\dagger} c_{\mathbf{k}_2\sigma'}^{\dagger} c_{\mathbf{k}_3\sigma'} c_{\mathbf{k}_4\sigma} \int d^3\mathbf{r} e^{i(\mathbf{k}_4 - \mathbf{k}_1 + \mathbf{q}) \cdot \mathbf{r}}$$

$$\times \int d^3\mathbf{r}' e^{i(\mathbf{k}_3 - \mathbf{k}_2 - \mathbf{q}) \cdot \mathbf{r}'},$$

- p.70 式 (4.20) もスピンについての和が抜けています:

$$\text{[誤]} H_C = \frac{1}{2V} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{k}', \mathbf{q}} v_{\mathbf{q}} c_{\mathbf{k}+\mathbf{q}\sigma}^{\dagger} c_{\mathbf{k}'-\mathbf{q}\sigma'}^{\dagger} c_{\mathbf{k}'\sigma'} c_{\mathbf{k}\sigma},$$

$$\text{[正]} H_C = \frac{1}{2V} \sum_{\sigma, \sigma'} \sum_{\mathbf{k}, \mathbf{k}', \mathbf{q}} v_{\mathbf{q}} c_{\mathbf{k}+\mathbf{q}\sigma}^{\dagger} c_{\mathbf{k}'-\mathbf{q}\sigma'}^{\dagger} c_{\mathbf{k}'\sigma'} c_{\mathbf{k}\sigma},$$

- p.83 式 (5.5):

$$\text{[誤]} \langle \rho(\mathbf{r}, t) \rangle = \langle e^{iH(t-t_0)} \rho(\mathbf{r}) e^{-iH(t-t_0)} \rangle_0,$$

$$\text{[正]} \langle \rho(\mathbf{r}, t) \rangle = \langle U(t_0, t) \rho(\mathbf{r}) U(t, t_0) \rangle_0,$$

補足: 教科書に書かれている式 (5.5) はハミルトニアンが時刻 t に依存しない場合にのみ成り立つもので、ここで H は時刻に依存したハミルトニアンなので誤りです。上述の正しい式中の $U(t, t_0)$ は、時間発展を記述する演算子で明示的に書くとかなりややこしくなります。次の節以降では、微分方程式を利用して時間発展を取り扱うので、ここでの正しい式における $U(t, t_0)$ の具体的な形状を用いることはありません。このまま読み進めてください。

- p.84 式 (5.16):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \langle [\rho_I(\mathbf{r}, t), \rho_I(\mathbf{r}', t')] \rangle_0 = \langle \Phi_0 | [\rho_I(\mathbf{r}, t - t'), \rho_I(\mathbf{r}', 0)] | \Phi_0 \rangle \\
& = \langle [\rho_I(\mathbf{r}, t - t'), \rho_I(\mathbf{r}', 0)] \rangle = \langle [\rho_I(\mathbf{r} - \mathbf{r}', t - t'), \rho_I(\mathbf{0}, 0)] \rangle_0, \\
[\text{正}] \quad & \langle [\rho_I(\mathbf{r}, t), \rho_I(\mathbf{r}', t')] \rangle_0 = \langle \Phi_0 | [\rho_I(\mathbf{r}, t - t'), \rho_I(\mathbf{r}', 0)] | \Phi_0 \rangle \\
& = \langle [\rho_I(\mathbf{r}, t - t'), \rho_I(\mathbf{r}', 0)] \rangle_{\mathbf{0}} = \langle [\rho_I(\mathbf{r} - \mathbf{r}', t - t'), \rho_I(\mathbf{0}, 0)] \rangle_0,
\end{aligned}$$

- p.85 式 (5.20) 直後: [誤] 時刻に関する積分の上限を ∞ に変更
[正] 時刻に関する積分の **下限** を $-\infty$ に変更
- p.86 式 (5.36) の第 1 式:

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \chi(\mathbf{q}, \omega) = \frac{1}{V} \int d^3 \mathbf{r}' \int d^3 \mathbf{r}' \int_0^\infty dt e^{-i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r} + i\omega t} \\
& \quad \times \left\langle \left[\frac{1}{V} \sum_{\mathbf{q}'} \rho_{\mathbf{q}'}(t) e^{i\mathbf{q}' \cdot (\mathbf{r} + \mathbf{r}')} , \frac{1}{V} \sum_{\mathbf{q}''} \rho_{\mathbf{q}''} e^{i\mathbf{q}'' \cdot \mathbf{r}'} \right] \right\rangle_0 \\
[\text{正}] \quad & \chi(\mathbf{q}, \omega) = \frac{1}{V} \int d^3 \mathbf{r} \int d^3 \mathbf{r}' \int_0^\infty dt e^{-i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r} + i\omega t} \\
& \quad \times i \left\langle \left[\frac{1}{V} \sum_{\mathbf{q}'} \rho_{\mathbf{q}'}(t) e^{i\mathbf{q}' \cdot (\mathbf{r} + \mathbf{r}')} , \frac{1}{V} \sum_{\mathbf{q}''} \rho_{\mathbf{q}''} e^{i\mathbf{q}'' \cdot \mathbf{r}'} \right] \right\rangle_0
\end{aligned}$$

- p.89 下から五行目: [誤] $z = \epsilon e^{i\theta}$ とし, $dz = i\epsilon e^{i\theta} d\theta$ とする
[正] $\mathbf{z}' = \epsilon e^{i\theta}$ とし, $d\mathbf{z}' = i\epsilon e^{i\theta} d\theta$ とする
- p.90 式 (5.57):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \text{Im} \chi(\mathbf{q}, \omega) = \frac{2\pi}{V} \sum_{\mathbf{k}} (n_{\mathbf{k}+\mathbf{q}} - n_{\mathbf{k}}) \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}), \\
[\text{正}] \quad & \text{Im} \chi(\mathbf{q}, \omega) = -\frac{2\pi}{V} \sum_{\mathbf{k}} (n_{\mathbf{k}+\mathbf{q}} - n_{\mathbf{k}}) \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}),
\end{aligned}$$

- p.90 式 (5.60):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \text{Im} \chi(\mathbf{q}, \omega) = -\frac{2\pi}{V} \sum_{|\mathbf{k}| < k_F < |\mathbf{k}+\mathbf{q}|} \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}) \\
& = -2\pi \int_{|\mathbf{k}| < k_F < |\mathbf{k}+\mathbf{q}|} \frac{d^3 \mathbf{k}}{(2\pi)^3} \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}), \\
[\text{正}] \quad & \text{Im} \chi(\mathbf{q}, \omega) = +\frac{2\pi}{V} \sum_{|\mathbf{k}| < k_F < |\mathbf{k}+\mathbf{q}|} \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}) \\
& = +2\pi \int_{|\mathbf{k}| < k_F < |\mathbf{k}+\mathbf{q}|} \frac{d^3 \mathbf{k}}{(2\pi)^3} \delta(\omega + \epsilon_{\mathbf{k}} - \epsilon_{\mathbf{k}+\mathbf{q}}),
\end{aligned}$$

- p.92 図 5.4 中およびキャプション: [誤] 光の分散関係 $\omega = ck$ [正] 光の分散関係 $\omega = c\mathbf{q}$
- p.92 図 5.4 中, および, p.94 図 5.5 中: [誤] $\omega = v_F k$ [正] $\omega = v_F \mathbf{q}$
- p.93 式 (5.68):

$$\begin{aligned}
[\text{誤}] \quad & \chi(q, \omega) = 2 \int d\epsilon D(\epsilon) \left(-\frac{\partial n}{\partial \epsilon} \right), \\
[\text{正}] \quad & \lim_{q \rightarrow 0} \lim_{\omega \rightarrow 0} \chi(q, \omega) = 2 \int d\epsilon D(\epsilon) \left(-\frac{\partial n}{\partial \epsilon} \right),
\end{aligned}$$

- p.102 式 (5.96) 直後: [誤] $k = 2k_F$ に対数的な特異点 [正] $q = 2k_F$ に対数的な特異点
- p.137 式 (7.16):

$$[\text{誤}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}\sigma} (c_{\mathbf{k}\uparrow}^\dagger c_{-\mathbf{k}\downarrow}) \begin{pmatrix} \xi_{\mathbf{k}} & -\Delta \\ -\Delta & -\xi_{\mathbf{k}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_{\mathbf{k}\uparrow} \\ c_{-\mathbf{k}\downarrow}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

$$[\text{正}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}} (c_{\mathbf{k}\uparrow}^\dagger c_{-\mathbf{k}\downarrow}) \begin{pmatrix} \xi_{\mathbf{k}} & -\Delta \\ -\Delta & -\xi_{\mathbf{k}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_{\mathbf{k}\uparrow} \\ c_{-\mathbf{k}\downarrow}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

- p.138 式 (7.25):

$$[\text{誤}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}\sigma} (A_{\mathbf{k}}^\dagger B_{\mathbf{k}}) U^t \hat{h} U \begin{pmatrix} A_{\mathbf{k}} \\ B_{\mathbf{k}}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

$$[\text{正}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}} (A_{\mathbf{k}}^\dagger B_{\mathbf{k}}) U^t \hat{h} U \begin{pmatrix} A_{\mathbf{k}} \\ B_{\mathbf{k}}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

- p.138 式 (7.29) の第 2 式: [誤] $y = v_{\mathbf{k}} = \sqrt{\frac{E_{\mathbf{k}} - \xi_{\mathbf{k}}}{E_{\mathbf{k}}}}$, [正] $y = -v_{\mathbf{k}} = -\sqrt{\frac{E_{\mathbf{k}} - \xi_{\mathbf{k}}}{E_{\mathbf{k}}}}$.
- p.138 式 (7.30) の第 1 式:

$$[\text{誤}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}\sigma} (A_{\mathbf{k}}^\dagger B_{\mathbf{k}}) \begin{pmatrix} E_{\mathbf{k}} & 0 \\ 0 & -E_{\mathbf{k}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_{\mathbf{k}} \\ B_{\mathbf{k}}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

$$[\text{正}] H_{\text{MF}} = \sum_{\mathbf{k}} (A_{\mathbf{k}}^\dagger B_{\mathbf{k}}) \begin{pmatrix} E_{\mathbf{k}} & 0 \\ 0 & -E_{\mathbf{k}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_{\mathbf{k}} \\ B_{\mathbf{k}}^\dagger \end{pmatrix} + \Delta E,$$

- p.138 脚注 22: [誤] $x = -v_{\mathbf{k}} = -\sqrt{\frac{E_{\mathbf{k}} - \xi_{\mathbf{k}}}{E_{\mathbf{k}}}}$, [正] $x = +v_{\mathbf{k}} = +\sqrt{\frac{E_{\mathbf{k}} - \xi_{\mathbf{k}}}{E_{\mathbf{k}}}}$.
- p.142 式 (7.49) の下: [誤] $(T_c - T)^{-1/2}$ に比例, [正] $(T_c - T)^{1/2}$ に比例
- p.145 最終行の式:

$$[\text{誤}] N(E) = N_0 \int_0^\infty \frac{\epsilon d\epsilon}{\sqrt{\epsilon^2 - \Delta^2}} \delta(E - \epsilon)$$

$$[\text{正}] N(E) = N_0 \int_{\Delta}^\infty \frac{\epsilon d\epsilon}{\sqrt{\epsilon^2 - \Delta^2}} \delta(E - \epsilon)$$

- p.146 式 (7.68) の 1 行目:

$$[\text{誤}] C = T \frac{dS}{dT} = -2k_B T \sum_{\mathbf{k}} \frac{d}{df} \left(f \log f - (1-f) \log(1-f) \right) \frac{df}{dz} \frac{dz}{dT},$$

$$[\text{正}] C = T \frac{dS}{dT} = -2k_B T \sum_{\mathbf{k}} \frac{d}{df} \left(f \log f + (1-f) \log(1-f) \right) \frac{df}{dz} \frac{dz}{dT},$$

- p.151 式 (7.94):

$$[\text{誤}] - \int d^3 \mathbf{r} \mathbf{j}(\mathbf{r}) \cdot \mathbf{A}(\mathbf{r}) = \sum_{\mathbf{k}} (c_{\mathbf{k}\uparrow}^\dagger c_{-\mathbf{k}\uparrow}) \begin{pmatrix} \frac{e\hbar \mathbf{k} \cdot \mathbf{A}_{\mathbf{q}}}{mV} & 0 \\ 0 & \frac{e\hbar \mathbf{k} \cdot \mathbf{A}_{\mathbf{q}}}{mV} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_{\mathbf{k}\uparrow} \\ c_{-\mathbf{k}\uparrow}^\dagger \end{pmatrix},$$

$$[\text{正}] - \int d^3 \mathbf{r} \mathbf{j}(\mathbf{r}) \cdot \mathbf{A}(\mathbf{r}) = \sum_{\mathbf{k}} (c_{\mathbf{k}\uparrow}^\dagger c_{-\mathbf{k}\downarrow}) \begin{pmatrix} \frac{e\hbar \mathbf{k} \cdot \mathbf{A}_{\mathbf{q}}}{mV} & 0 \\ 0 & \frac{e\hbar \mathbf{k} \cdot \mathbf{A}_{\mathbf{q}}}{mV} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} c_{\mathbf{k}\uparrow} \\ c_{-\mathbf{k}\downarrow}^\dagger \end{pmatrix},$$

- p.153 式 (7.107):

$$\begin{aligned} \text{[誤]} \quad \frac{n_s(T)}{n} &\simeq 1 - \frac{4}{3n} N(\epsilon_F) \epsilon_F \int_{-\infty}^{\infty} d^3\xi \left(-\frac{df}{dE} \right), \\ \text{[正]} \quad \frac{n_s(T)}{n} &\simeq 1 - \frac{4}{3n} \frac{N(\epsilon_F) \epsilon_F}{V} \int_{-\infty}^{\infty} d\xi \left(-\frac{df}{dE} \right), \end{aligned}$$

[補足説明] 7.5 節に出てきた $N(E)$ とここに出てきた $N(\epsilon_F)$ は文字が同じになってしまっているが、違う物理量である。 $N(\epsilon)$ は超伝導状態にあるときの電子の状態密度に対して、 $N(\epsilon_F)$ は常伝導状態にあるときのフェルミエネルギーにおける電子の状態密度である。(7.35) 式にでてきた $N(\epsilon_F)$ も後者の意味である。前の章でてきた単位体積あたりの状態密度 $D(\epsilon_F)$ とは、 $D(\epsilon_F) = N(\epsilon_F)/V$ の関係にある。

- p.163 脚注 52: [誤] $N_c = \int_0^\epsilon d\epsilon' D(\epsilon')$ [正] $N_c = \int_0^\epsilon d\epsilon' N(\epsilon')$
- p.159 3 行目: [誤] 式 (7.49) で [正] 式 (7.112) で
- p.161 脚注 71: [誤] 磁場のエネルギー $B/2\mu_0$ [正] 磁場のエネルギー $B^2/2\mu_0$
- p.161 式 (7.148) の三行上と三行下: [誤] $-a^2/b$ [正] $-a^2/2b$
- p.161 式 (7.151):

$$\begin{aligned} \text{[誤]} \quad \xi_{\text{GL}}^2 \frac{d^2 f}{dx^2} - f + f^3 &= 0, \\ \text{[正]} \quad -\xi_{\text{GL}}^2 \frac{d^2 f}{dx^2} - f + f^3 &= 0, \end{aligned}$$

- p.178 式 (8.17):

$$\begin{aligned} \text{[誤]} \quad E(z) &= \text{Re} [E_0 e^{i\omega N(\omega)z/c}] = \text{Re} [E_0 e^{i\omega z/\bar{c} - \alpha z}], \\ \text{[正]} \quad E(z) &= \text{Re} [E_0 e^{i\omega N(\omega)z/c}] = \text{Re} [E_0 e^{i\omega z/\bar{c} - \alpha z/2}]. \end{aligned}$$

- p.178 式 (8.19): [誤] $\alpha = \frac{\omega\kappa(\omega)}{c}$, [正] $\alpha = \frac{2\omega\kappa(\omega)}{c}$.

[補足説明] 通常は電場ではなく、電場の持つエネルギー ($\propto E^2$) の減衰率によって吸収係数を決めるため、 E^2 が $e^{-\alpha z}$ に比例するとして吸収係数 α を定義します。そのため上述のように定義に因子 2 がつきます。

- 8.3 節中で ARPES の日本語訳が不適切でした。

[誤] 角度依存光電子分光 → [正] 角度分解光電子分光

3 補足説明

- 式 (1.66) 直前で「式 (1.32) を用いて」と書きましたが、式 (1.29) を用いたほうがより直接的でわかりやすかったかもしれません。
- 図 8.28 は文献 [80] の表から作成しており、それに従ってユウロピウム (Eu) が高压下で 2.7 K の超伝導を示すと記載しましたが、元となる論文 (M. Debessai, et al., Phys. Rev. Lett. **102**, 197002 (2009)) は 2021 年に撤回されています。