加藤岳生著「一歩進んだ理解を目指す 物性物理学講義」 (サイエンス社) 正誤表

東京大学物性研究所 加藤岳生

1 概要

これは「一歩進んだ理解を目指す 物性物理学講義」の本に含まれる誤りをまとめたものです。もし間違いに気がついた場合は、kato@issp.u-tokyo.ac.jp までメールを送っていただくか、下記 Web page の Issues に書き込んでください。

https://github.com/takeokato719/SolidStatePhysicsText/

細かい間違いでも遠慮なく教えていただけるとありがたいです。よろしくお願いいたします。

2 正誤表

• p.14 式 (1.75) の最終行:

[誤]
$$= \frac{1}{2}V(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle + \frac{1}{2}v(\boldsymbol{r}_2, \boldsymbol{r}_1)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle = V(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle$$
[正]
$$= \frac{1}{2}V(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle + \frac{1}{2}V(\boldsymbol{r}_2, \boldsymbol{r}_1)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle = V(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2)|\boldsymbol{r}_1\boldsymbol{r}_2\rangle$$

• p.15 式 (1.79) の最初の等式:

[誤]
$$\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{x})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{y})\Psi(\boldsymbol{y})\Psi(\boldsymbol{x})|\boldsymbol{r}_{1}\boldsymbol{r}_{2}\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$$

$$=\sum_{\alpha=1}^{N}\sum_{\beta<\alpha}^{N}(-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-1}\delta(\boldsymbol{y}-\boldsymbol{r}_{\beta})\delta(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\beta})$$

$$\times|\boldsymbol{r}_{1}\cdots(\boldsymbol{r}_{\beta}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots(\boldsymbol{r}_{\alpha}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$$

$$+\sum_{\alpha=1}^{N}\sum_{\beta>\alpha}^{N}(-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-2}\delta(\boldsymbol{y}-\boldsymbol{r}_{\beta})\delta(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\beta})$$

$$\times|\boldsymbol{r}_{1}\cdots(\boldsymbol{r}_{\beta}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots(\boldsymbol{r}_{\alpha}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$$
[正] $\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{x})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{y})\Psi(\boldsymbol{y})\Psi(\boldsymbol{x})|\boldsymbol{r}_{1}\boldsymbol{r}_{2}\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$

$$=\sum_{\alpha=1}^{N}\sum_{\beta<\alpha}^{N}(-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-1}\delta(\boldsymbol{y}-\boldsymbol{r}_{\beta})\delta(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\beta})$$

$$\times|\boldsymbol{r}_{1}\cdots(\boldsymbol{r}_{\beta}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots(\boldsymbol{r}_{\alpha}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$$

$$+\sum_{\alpha=1}^{N}\sum_{\beta>\alpha}^{N}(-1)^{\alpha-1}(-1)^{\beta-2}\delta(\boldsymbol{y}-\boldsymbol{r}_{\beta})\delta(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\alpha})\Psi^{\dagger}(\boldsymbol{r}_{\beta})$$

$$\times|\boldsymbol{r}_{1}\cdots(\boldsymbol{r}_{\alpha}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots(\boldsymbol{r}_{\beta}\overline{\boldsymbol{t}}b^{\dagger})\cdots\boldsymbol{r}_{N}\rangle$$

• p.20 式 (1.113) の 1 行目と 2 行目で生成演算子の添字に j が抜けています:

$$[E] H = \sum_{\sigma} \int d^{3}\mathbf{r} \left[\sum_{j,\mathbf{k}} \psi_{j\mathbf{k}}^{*}(\mathbf{r}) c_{\mathbf{k}\sigma}^{\dagger} \right] \left(-\frac{\hbar^{2}}{2m} \nabla^{2} + v(\mathbf{r}) \right) \left[\sum_{j',\mathbf{k}'} \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) c_{j'\mathbf{k}'\sigma} \right]$$

$$= \sum_{\sigma} \sum_{j,\mathbf{k}} \sum_{j',\mathbf{k}'} \int d^{3}\mathbf{r} \, \psi_{j\mathbf{k}}^{*}(\mathbf{r}) c_{\mathbf{k}\sigma}^{\dagger} \left(-\frac{\hbar^{2}}{2m} \nabla^{2} + v(\mathbf{r}) \right) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) c_{j'\mathbf{k}'\sigma}$$

$$[E] H = \sum_{\sigma} \int d^{3}\mathbf{r} \left[\sum_{j,\mathbf{k}} \psi_{j\mathbf{k}}^{*}(\mathbf{r}) c_{j\mathbf{k}\sigma}^{\dagger} \right] \left(-\frac{\hbar^{2}}{2m} \nabla^{2} + v(\mathbf{r}) \right) \left[\sum_{j',\mathbf{k}'} \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) c_{j'\mathbf{k}'\sigma} \right]$$

$$= \sum_{\sigma} \sum_{j,\mathbf{k}} \sum_{j',\mathbf{k}'} \int d^{3}\mathbf{r} \, \psi_{j\mathbf{k}}^{*}(\mathbf{r}) c_{j\mathbf{k}\sigma}^{\dagger} \left(-\frac{\hbar^{2}}{2m} \nabla^{2} + v(\mathbf{r}) \right) \psi_{j'\mathbf{k}'}(\mathbf{r}) c_{j'\mathbf{k}'\sigma}$$

• p.21 式 (1.116):

[誤]
$$\int d^{3}\boldsymbol{r} \, \psi_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{r}) \psi_{j'\boldsymbol{k}'}(\boldsymbol{r})$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{\boldsymbol{R}} \int_{\text{unit cell}} d^{3}\boldsymbol{x} \, e^{-i(\boldsymbol{k}-\boldsymbol{k}')\cdot\boldsymbol{R}} u_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{x}+\boldsymbol{R}) u_{j'\boldsymbol{k}'}(\boldsymbol{x}+\boldsymbol{R})$$

$$= \int_{\text{unit cell}} d^{3}\boldsymbol{x} \, u_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{x}) u_{j'\boldsymbol{k}'}(\boldsymbol{x}) = \delta_{j,j'} \delta_{\boldsymbol{k},\boldsymbol{k}'}$$
[正]
$$\int d^{3}\boldsymbol{r} \, \psi_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{r}) \psi_{j'\boldsymbol{k}'}(\boldsymbol{r})$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{\boldsymbol{R}} \int_{\text{unit cell}} d^{3}\boldsymbol{x} \, e^{-i(\boldsymbol{k}-\boldsymbol{k}')\cdot(\boldsymbol{R}+\boldsymbol{x})} u_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{x}+\boldsymbol{R}) u_{j'\boldsymbol{k}'}(\boldsymbol{x}+\boldsymbol{R})$$

$$= \int_{\text{unit cell}} d^{3}\boldsymbol{x} \, u_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{x}) u_{j'\boldsymbol{k}}(\boldsymbol{x}) \delta_{\boldsymbol{k},\boldsymbol{k}'} = \delta_{j,j'} \delta_{\boldsymbol{k},\boldsymbol{k}'}$$

$$\Leftrightarrow \int_{\text{unit cell}} d^{3}\boldsymbol{x} \, u_{j\boldsymbol{k}}^{*}(\boldsymbol{x}) u_{j'\boldsymbol{k}}(\boldsymbol{x}) = \delta_{j,j'}$$

• p.28 式 (2.17) の第二項の係数 1/2 が落ちています:

$$\begin{split} [\stackrel{\text{\tiny EP}}{\text{\tiny EP}}] \quad H &= \sum_{\sigma} \int d\boldsymbol{r} \ \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\boldsymbol{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{Z}{r} \right) \Psi_{\sigma}(\boldsymbol{r}) \\ &+ \sum_{\sigma,\sigma'} \int d\boldsymbol{r} \int d\boldsymbol{r}' \ \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\boldsymbol{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\boldsymbol{r}') \frac{1}{|\boldsymbol{r} - \boldsymbol{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\boldsymbol{r}') \Psi_{\sigma}(\boldsymbol{r}) \\ [\stackrel{\text{\tiny EP}}{\text{\tiny EP}}] \quad H &= \sum_{\sigma} \int d\boldsymbol{r} \ \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\boldsymbol{r}) \left(-\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{Z}{r} \right) \Psi_{\sigma}(\boldsymbol{r}) \\ &+ \frac{1}{2} \sum_{\sigma,\sigma'} \int d\boldsymbol{r} \int d\boldsymbol{r}' \ \Psi_{\sigma}^{\dagger}(\boldsymbol{r}) \Psi_{\sigma'}^{\dagger}(\boldsymbol{r}') \frac{1}{|\boldsymbol{r} - \boldsymbol{r}'|} \Psi_{\sigma'}(\boldsymbol{r}') \Psi_{\sigma}(\boldsymbol{r}) \end{split}$$

• p.33 式 (2.30) で生成演算子とすべきところが消滅演算子になっています。

[誤]
$$|S\rangle = c_{1\uparrow}c_{1\downarrow} |\text{vac}\rangle, \quad |T\rangle = c_{1\uparrow}c_{2\uparrow} |\text{vac}\rangle,$$

[正] $|S\rangle = c_{1\uparrow}^{\dagger}c_{1\downarrow}^{\dagger} |\text{vac}\rangle, \quad |T\rangle = c_{1\uparrow}^{\dagger}c_{2\uparrow}^{\dagger} |\text{vac}\rangle,$

• p.34 式 (2.34) の直前

[誤] N 個の電子がエネルギーの低い原子軌道を占有したスレーター波動関数 [正] N 個の電子がエネルギーの低い分子軌道を占有したスレーター波動関数

- p.35 脚注 24. [誤] $1u_g$ 分子軌道 [正] $1\sigma_g$ 分子軌道
- p.138 式 (7.29) の第 2 式: [誤] $y = v_{k} = \sqrt{\frac{E_{k} \xi_{k}}{E_{k}}}$, [正] $y = -v_{k} = -\sqrt{\frac{E_{k} \xi_{k}}{E_{k}}}$. p.138 脚注 22: [誤] $x = -v_{k} = -\sqrt{\frac{E_{k} \xi_{k}}{E_{k}}}$, [正] $x = +v_{k} = +\sqrt{\frac{E_{k} \xi_{k}}{E_{k}}}$.
- p.178 式 (8.17):

[誤]
$$E(z) = \operatorname{Re}\left[E_0 e^{i\omega N(\omega)z/c}\right] = \operatorname{Re}\left[E_0 e^{i\omega z/\bar{c}-\alpha z}\right],$$

[正] $E(z) = \operatorname{Re}\left[E_0 e^{i\omega N(\omega)z/c}\right] = \operatorname{Re}\left[E_0 e^{i\omega z/\bar{c}-\alpha z/2}\right].$

- p.178 式 (8.19): [誤] $\alpha=\frac{\omega\kappa(\omega)}{c},\quad$ [正] $\alpha=\frac{2\omega\kappa(\omega)}{c}.$ [補足説明] 通常は電場ではなく、電場の持つエネルギー $(\propto \textbf{\textit{E}}^2)$ の減衰率によって吸収係数を決めるため、 $\textbf{\textit{E}}^2$ が $e^{-\alpha z}$ に比例 するとして吸収係数 α を定義します。そのため上述のように定義に因子 2 がつきます。
- 8.3 節中で ARPES の日本語訳が不適切でした。 [誤] 角度依存光電子分光 → [正] 角度分解光電子分光

補足説明 3

- 式 (1.66) 直前で「式 (1.32) を用いて」と書きましたが、式 (1.29) を用いたほうがより直接 的でわかりやすかったです。すいません。
- 図 8.28 は文献 [80] の表から作成しており、それに従ってユウロピウム (Eu) が高圧下で 2.7 K の超伝導を示すと記載しましたが、元となる論文 (M. Debessai, et al., Phys. Rev. Lett. 102, 197002 (2009)) は 2021 年に撤回されています。