第3章 有限オートマトン

本章では**有限オートマトン**と呼ばれる言語認識機械モデルを紹介し,正規表現で表現できる任意の言語 はある有限オートマトンで認識できることを示す.さらに,この逆もいえることも示す.すなわち,有限 オートマトンで認識できる任意の言語はある正規表現で表現できることを示し,正規表現で表現できる言 語クラスと有限オートマトンで認識できる言語クラスが等しいことを述べる.

3.1 決定性有限オートマトン(DFA)

状態集合 Q, アルファベット Σ , 遷移関数 $\delta: Q \times \Sigma \to Q$, 初期状態 $s \in Q$, 受理(終了)状態 $F \subseteq Q$ から定義される $(Q, \Sigma, \delta, s, F)$ を**決定性有限オートマトン(deterministic finite automaton: DFA)**と呼ぶ.

 Σ 上の文字列 $x = x_0x_1 \cdots x_{n-1}$ に対して, $p_0 = s$, $p_{i+1} = \delta(p_i, x_i)$ ($0 \le i \le n-1$), $p_n \in F$ であるような状態列 p_0, p_1, \ldots, p_n が存在するとき,この DFA は文字列 x を**受理する**という. DFA が受理するすべての文字列からなる集合(言語)を L とするとき,この DFA は L を認識するという.

