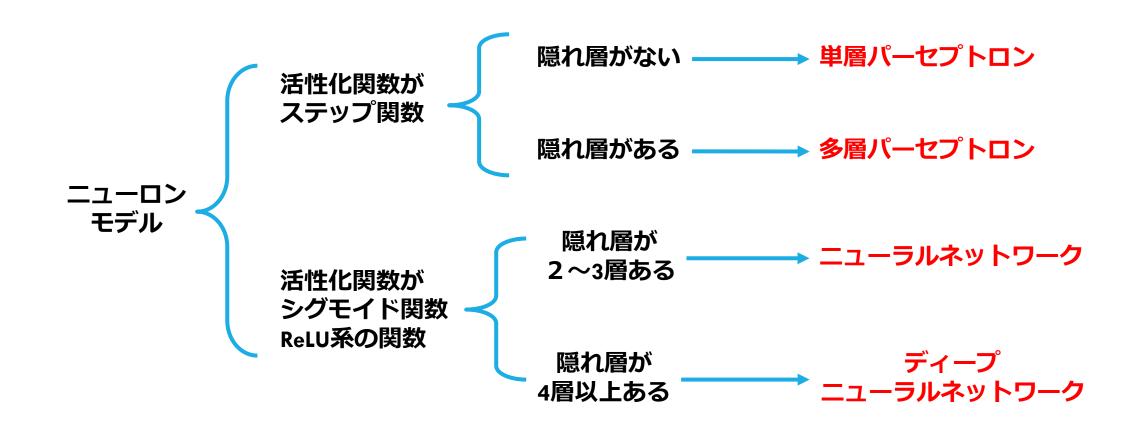


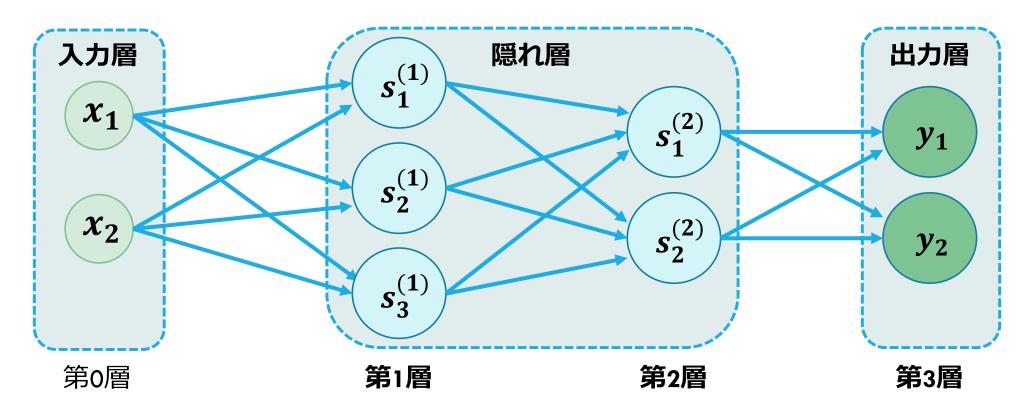
パーセプトロンとニューラルネットワーク

パーセプトロンとニューラルネットワークの違いは?



3層ニューラルネットワーク

- 入力層、隠れ層×2、出力層の計4層で構成される
- 入力層は活性化関数をもたないため、第0層とカウントする(入力層は数えない)
- ニューラルネットワークの計算には行列計算を用いる
- 上付き文字は重み(隠れ層の数)を意味する



行列の積

- 行と列の積を加算した結果が行列の積になる
- 行列の積は可換でないことに注意
- [2×2] と[2×2]の積は[2×2]として得られる(緑文字の要素数が解の要素数になる)

1行列
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$
 $\begin{pmatrix} 4 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 4+4 \\ 12+8 & 9+4 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 8 \\ 20 & 13 \end{pmatrix}$
 $1 \frac{1}{7} 2$ $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{3}{1}$ = $\begin{pmatrix} 4+4 \\ 12+8 & 9+4 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 8 \\ 20 & 13 \end{pmatrix}$
 $2 \frac{1}{7} 1$ $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{3}{1}$ = $\begin{pmatrix} 4+4 \\ 12+8 & 9+4 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 8 \\ 20 & 13 \end{pmatrix}$
 $2 \frac{1}{7} 2$ $\frac{1}{3}$ $\frac{2}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{4}{3}$ $\frac{3}{1}$ = $\begin{pmatrix} 4+4 \\ 12+8 & 9+4 \end{pmatrix}$ = $\begin{pmatrix} 8 \\ 20 & 13 \end{pmatrix}$

行列の型

• 行列の行数と列数は型として表現できる

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \quad 2行2列 \rightarrow [2\times2] \, \mathbb{Z} \qquad \qquad \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \\ e & f \end{pmatrix} \quad 3行2列 \rightarrow [3\times2] \, \mathbb{Z}$$

行列の積は"列 - 行間"で共通の要素数がないと計算できない

$$\begin{pmatrix} a & \mathbf{b} \\ c & d \end{pmatrix}$$
 $\begin{pmatrix} e & f \\ g & h \end{pmatrix}$ $\begin{bmatrix} 2 \times 2 \end{bmatrix}$ $\mathbf{E} \begin{bmatrix} 2 \times 2 \end{bmatrix}$ 型になる

$$(a \ b)$$
 $\begin{pmatrix} c & d & e \\ f & g & h \end{pmatrix}$ $\begin{bmatrix} 1 \times 2 \end{bmatrix}$ $\succeq \begin{bmatrix} 2 \times 3 \end{bmatrix}$ で2が共通なので計算可
積は $\begin{bmatrix} 1 \times 3 \end{bmatrix}$ 型になる

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \\ e & f \end{pmatrix} \begin{pmatrix} g & h & i \\ j & f & l \end{pmatrix} \begin{bmatrix} 3 \times 2 \end{bmatrix} \succeq \begin{bmatrix} 2 \times 3 \end{bmatrix}$$
で2が共通なので計算可積は $\begin{bmatrix} 3 \times 3 \end{bmatrix}$ 型になる

ハンズオン

- C# (.NET Core 3.1) で行列の積の計算プログラムを実装してみる
- 右の図は出力例

入力ロジックのポイント

- 1. 行と列の数を入力
- 2. 配列要素を for 文で回す
- 3. 行×列の数だけ要素を入力

出力ロジックのポイント

- 1. 行×列の数だけ for 文を回す
- 2. 要素を1つずつ表示
- 3. 行列の() を最初と最後に表示

行列の積ロジックのポイント

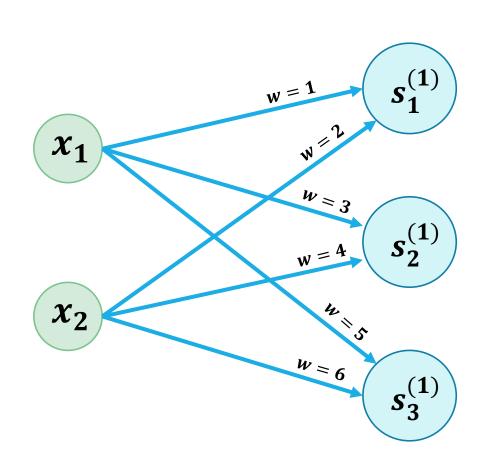
- 1. 共通要素数を新たな変数 k として3重 for 文を回す
- 2. 行列AとBの積を k 回 (共通要素の数だけ)加算していく
- 3. 保持した要素を表示

```
F:\GitHub\DeepLearning\MatrixCal
  IMのバラメータ
行列Bのバラメータ
```

行列の積プログラムはGithubにアップしています

ニューラルネットワークと行列の積

• 入力値と重みの積を加算したもの → 行列の積の計算と同じ

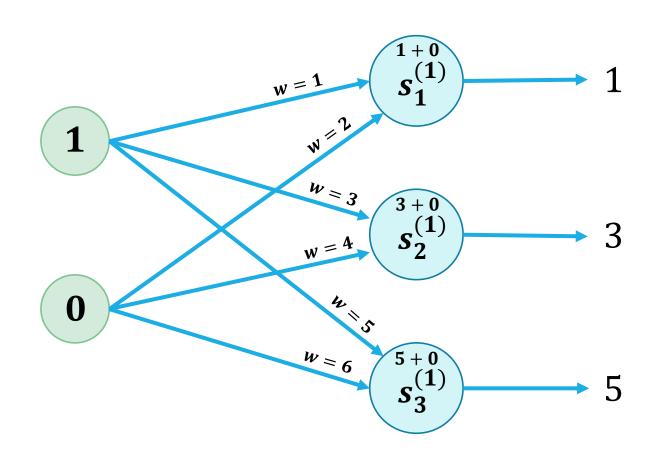


$$x = (x_1 \quad x_2)$$
 入力数

$$w = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$
 列:入力数 行:ニューロン数

3層ニューラルネットワークと行列の積 #1

- 入力が (1,0) だった場合の計算例
- 行列の積と出力結果が一致する



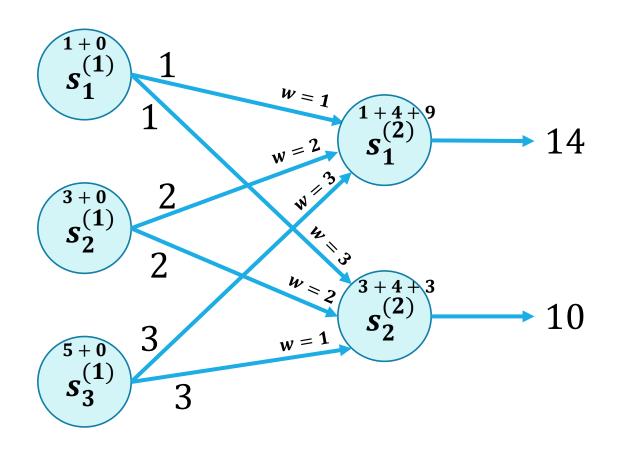
入力と重みの行列積 第1層目

$$(1 \ 0)\begin{pmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 1+0\\3+0\\5+0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1\\3\\5 \end{pmatrix}$$

3層ニューラルネットワークと行列の積 #2

- 入力が (1,0) だった場合の計算例
- もう1層通過させてみると...



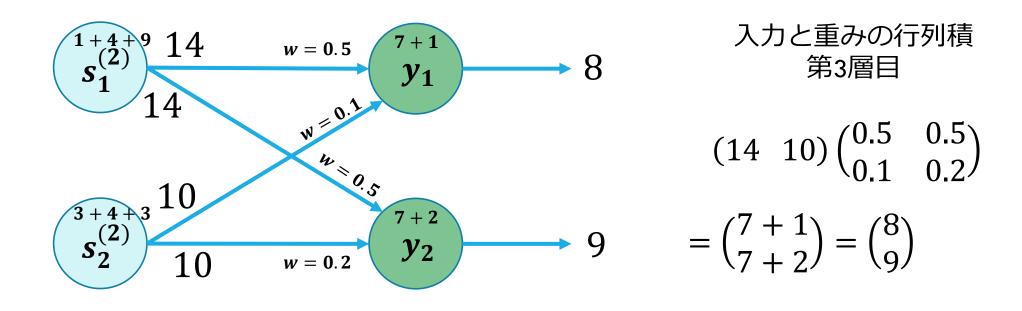
入力と重みの行列積 第2層目

$$(1 \ 2 \ 3)$$
 $\begin{pmatrix} 1 \ 3 \ 2 \ 2 \ 3 \ 1 \end{pmatrix}$

$$= {1+4+9 \choose 3+4+3} = {14 \choose 10}$$

3層ニューラルネットワークと行列の積 #3

- 入力が (1,0) だった場合の計算例
- 出力層を通すと...



3層ニューラルネットワーク全体

• ニューラルネットワークの図は行列を使って簡潔にできる