Experimental Physik II Kapitel 16

author email

May 21, 2016

Contents

16	6 Statische magnetische Felder								2
	16.1	Kräfte	e auf bewegte Ladungen						4
		16.1.1	Lorentzkraft \vec{F}_L						4
		16.1.2	Bewegungsgleichung:						5
		16.1.3	Zyklonen:						6
		16.1.4	Kräfte auf stromdurchflossene Leiter						10
		16.1.5	Stromdurchflossene Leiterschleife						13
	16.2	Magne	tfelder von stromdurchgeflossenen Leitern						15
		16.2.1	Bestimmung der Abstandsabhängigkeit .						15
		16.2.2	Definition Ampere						16

16 Statische magnetische Felder

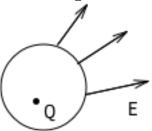
Experimente:

- gleichnamige Pole stoßen sich ab
- ungleichnamige Pole ziehen sich an
- Kraftwirkung $\propto \frac{1}{r^2}$ (1750; Coulomb)
- ähnliche Abstandsabhängigkeit für elektrische und für magnetische Kräfte
- zunächst kein Zusammenhang zwischen beiden Kräften erkennbar
- Experiment: Magnetische Pole treten nur paarweise auf. $(\implies$ keine "magnetische Ladung")

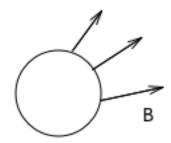
Feldlinien sichtbarmachen durch Eisenfeilspitzen:

Magnetische Feldliniens ind stets geschlossen; es gibt keine isolier baren Quellen oder Senkendes magnetische

Erinnerung: Satz von Gauß:



 \vec{E} : elektrische Feldstärke: Gesamtfluss: $\phi_{el} = \oint_A \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{Q}{\epsilon_0}$



Magnetische Felder:

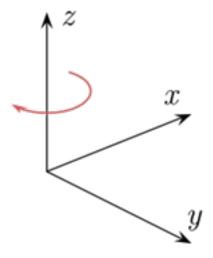
Gesamtfluss:
$$\phi_{mag} = \oint_A \underbrace{\vec{B} \cdot d\vec{A}}_{\text{magnetischer Fluss}} = 0\vec{B}$$
: magnetische Flussdichte

3

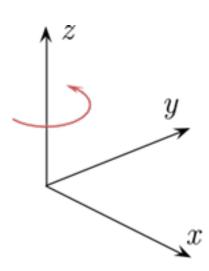
Kräfte auf bewegte Ladungen 16.1

Lorentzkraft \vec{F}_L 16.1.1

$$\begin{aligned} \vec{F}_L &= q \cdot \vec{v} \times \vec{B} \\ (\vec{F}_L \perp \vec{v}; \vec{F} \perp \vec{B}) \end{aligned}$$



Linkshändiges System



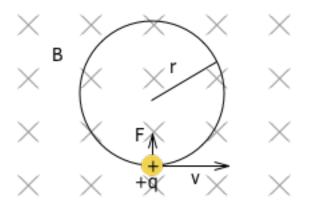
Rechtshändiges System

UVW-Regel: Ursache \rightarrow Vermittler \rightarrow Wirkung Vorsicht!: Elektrische Ladung ist negativ!

$$[|\vec{B}|] = \frac{N}{As \cdot \frac{m}{s}} = \frac{Vs}{m^2} = 1T(Tesla)$$

Kreisbahn: $\vec{F}_L \perp \vec{v}$ $\implies \vec{F}_L$ beeinfluss die Richtung von \vec{v} , aber nicht den Betrag! $\implies \vec{F}_L$ leistet keine Arbeit

Konventionen:



- $\otimes \vec{B}$ zeigt in die Papierebene hine
in
- $\odot \vec{B}$ zeigt aus der Papierebene heraus

16.1.2 Bewegungsgleichung:

$$m\ddot{\vec{r}} = \dot{\vec{r}} = \vec{F}_L = q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$$

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \dot{\vec{v}} = \frac{\dot{\vec{p}}}{m} = \frac{q}{m} \cdot \vec{v} \times \vec{B}$$

$$d\vec{v} \perp \vec{v}; d\vec{v} \perp \vec{B}$$

 \implies Kreisbahn: \vec{F}_L ist Zentripetalkraft

$$\implies q \cdot v \cdot B = m \cdot \frac{v^2}{r}; v = \omega \cdot r$$

$$\omega = \frac{q}{m} \cdot B$$

$$v = \frac{1}{2\pi} \cdot \frac{q}{m} \cdot B$$

 ω Zyklotronfrequenz (1930, Lawrence)

 \implies unabhängig von Impuls und Energie; nur von $\frac{q}{m}$ und \vec{B} bestimmt!

Radius:

$$r = \frac{m \cdot v}{q \cdot B} = \frac{p}{q \cdot B} = \frac{\sqrt{2mqV}}{q \cdot B}$$

$$E_{kin} = \frac{p^2}{2m} = \frac{1}{2}m \cdot v^2 = q \cdot V$$

Experiment:

$$r_1: V_1 = 200V \implies 2SKT$$

$$r_{:}V_{1} = 300V \implies 2,5SKT$$

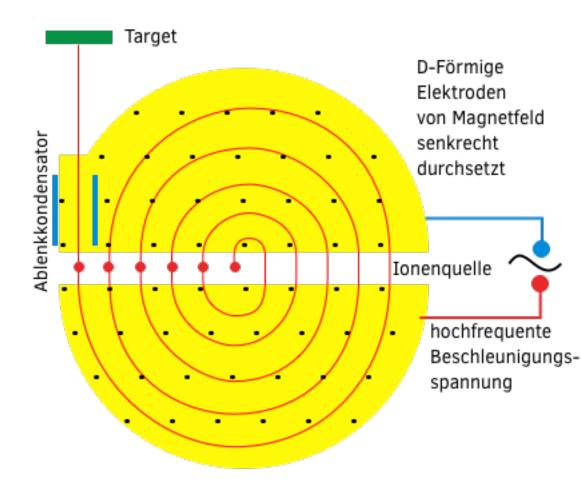
$$\frac{r_1}{r_2} \stackrel{!}{=} \sqrt{\frac{V_1}{V_2}}$$

$$\frac{4}{5} \stackrel{!}{=} \sqrt{\frac{2}{3}}$$

 $\frac{16}{25} \stackrel{!}{=} \frac{2}{3} \sqrt{\mathrm{im}}$ Rahmen der Messungenaugikeit!

16.1.3 Zyklonen:

Ziel: H- oder D-Kerne auf hohe Geschwindigkeit zubeschleunigen.



Beispiele:

(i) Protonenbeschleunigung: r=0,5m; B=1,5TZyklonenfrequenz: $\nu \frac{e \cdot B}{2\pi m_0} = 23MHz$

$$E_{kin} = \frac{1}{2} \frac{q^2 B^2}{m_0} \cdot v^2 = 4, 3 \cdot 10^{-1} J$$

Angabe in Elektronenvolt

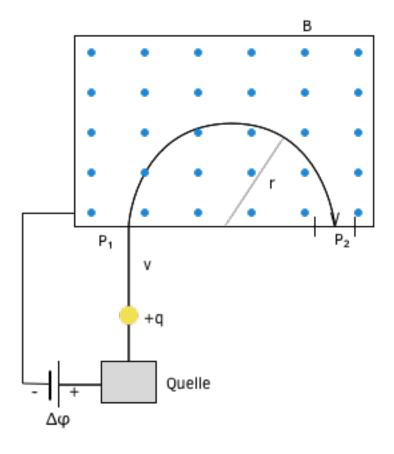
$$[eV]: 1eV = 1,602 \cdot 10^{-19} As \cdot 1V$$

$$= 1,602 \cdot 10^{-19} J$$
(2)

Magnet Elektrisches Beschleunigungsfeld Ablenkmagnet Target Steuermagnet Teilchenstrom

(ii) Massenspektrometer: Trennung von Isotopenmasser und Messung natürlicher Isotopenverhältnis:

Beschleunigung (auf höhere E_{kin}) ist nur im elektrischen Feld möglich! (\implies Design von Beschleunigung!)



(Ashton 1919; $\frac{\Delta m}{m} = 10^{-4}$)

Beispiel: Mg-Isotop:

 $^{24}Mg:78,7\%$ $^{25}Mg:10,1\%$ $^{26}Mg:11,2\%$

Massenverhältnis: 24:25:26

 $\frac{q}{m}$ von Ionen bei bekannter Ladung: U

• Beschleunigung: $q \cdot \Delta \varphi \implies E_{kin} = q \cdot U = \frac{1}{2}mv^2$

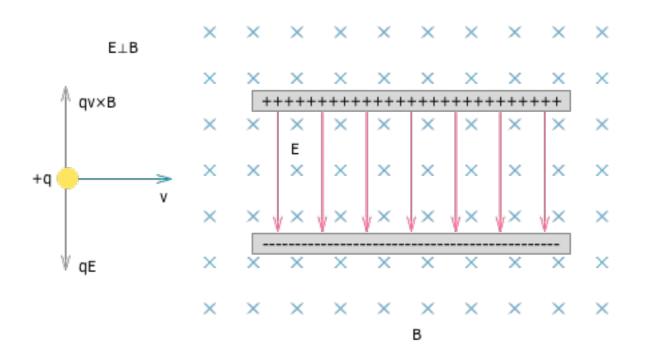
• Kreisbahn:
$$r = \frac{m \cdot v}{q \cdot B}$$

 $\implies q \cdot U = \frac{1}{7} v^2 \cdot R^2 \cdot q^2$

$$\implies q \cdot U = \frac{1}{2}v^2 \cdot B^2 \cdot q^2 \cdot \frac{1}{m}$$

$$\frac{m}{q} = \frac{B^2 \cdot v^2}{2U}$$

(iii) Geschwindigkeits...: Gekreuzte elektrische und magnetische Felder (Wien-Filter)



Kompensation der Felder ("Kräftegleichgewicht") für:

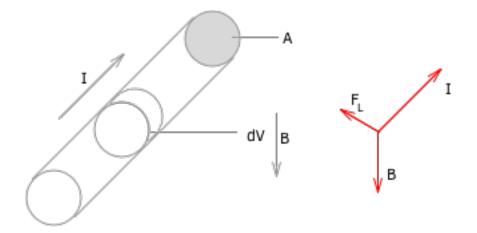
$$q \cdot E = q \cdot v \cdot B$$

$$v = \frac{E}{B}$$

$$v = \frac{E}{B}$$

Ionen mit $v = \frac{E}{B}$ passieren die Anordnung ohne Ablenkung! (\rightarrow Lochblende) Anwendungsbeispiel: SIMS

16.1.4 Kräfte auf stromdurchflossene Leiter



Kraft auf eine Ladung: $\vec{F}_L = q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$

$$\vec{F}_L = q \cdot \vec{v} \times \vec{B}$$

Kraft auf N Ladungen in dV:

$$d\vec{F} = \underbrace{dV \cdot n}_{N} \cdot \vec{v} \times \vec{B} \tag{3}$$

$$dV \cdot \vec{j} \times \vec{B} \tag{4}$$

$$\vec{F}_L = \int_V (\vec{j} \times \vec{B}) dV \tag{5}$$

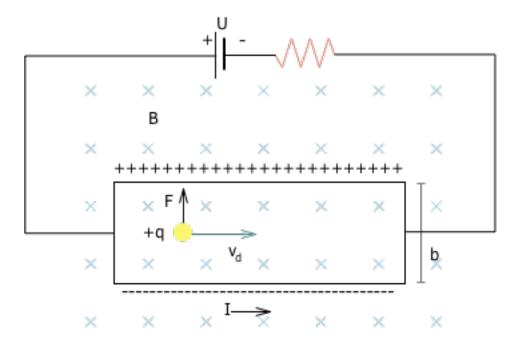
Geradliniger Leiter: Länge L

$$\vec{F}_L = \int_0^L (\vec{J} \times \vec{B} \underbrace{\vec{A} \cdot dl}_{=dV}) = \int_0^L (\vec{I} \times \vec{B}) dl = \underbrace{(L \cdot (\vec{I} \times \vec{B}))}_{=dV}$$

Leitersch...

Problem: Ladungsträgertyp nicht identifizierbar!

 \implies Edmin Hall (1879): Hall-Effekt - Typ und Konzentration der Ladungsträger messbar!



Annahme: positive Ladungsträger; Bewegung mit $|\vec{v}| = \vec{v}_D$ Gleichgewicht bei: $q \cdot \vec{v}_0 \times \vec{B} + q \cdot \vec{E}_H = 0$ $\vec{E}_H = -\vec{v}_0 \times \vec{B}$

Zugehörige Potentialdifferenz: $U_H(\text{Hall-Spannung}): \implies \text{Polarität erlaubt Bestimmung des Ladungsträger-Types}$

 \Longrightarrow Dadurch konnte gezeigt werden, dass Ladungstransport in Metallen durch Elektronen erfolgt!

$$|\vec{E}_H| = \frac{U_H}{b} = D \cdot B = \frac{n \cdot q \cdot v_D}{n \cdot q} \cdot B = \frac{j \cdot B}{n \cdot B}$$

Streifen der Dicke d
: $j=\frac{I}{b\cdot d}$

$$U_H = \frac{I \cdot B}{n \cdot q \cdot d} = K_H \cdot \frac{I \cdot B}{d}$$

 K_H :Hallkonstante (Materialspezifisch):

$$K_H = \frac{1}{n \cdot q} = \frac{\mu}{\nu}$$

 \implies Bei Kenntnis von ν ist μ zu bestimmen!

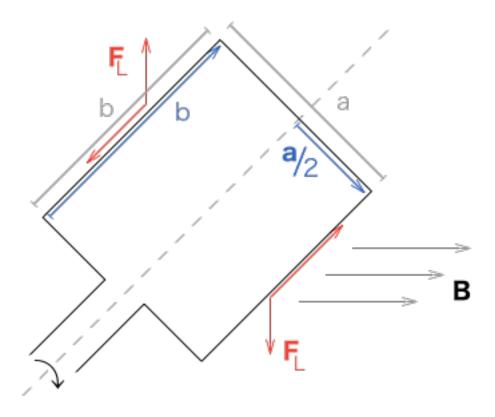
Cu-Streifen:

$$\begin{split} I &= 4A; B = 0, 28T; d = 2, 0\mu m; U_H = 50\mu V \\ n_e &= \frac{I \cdot B}{U_H \cdot q \cdot d} = \frac{4 \cdot 0, 28A \frac{V_s}{m^2}}{50 \cdot 10^{-4} V \cdot 1, 6 \cdot 10^{-19} A s \cdot 2 \cdot 10^{-6} m} \\ &= \frac{1}{1,6} 10^{29} m^{-3} \\ &= \underline{\dots} \end{split}$$

Dichte der Cu-Atome: $n_{Cu}=8,4\cdot 10^{22}cm^{-3}$... im Mittel $1\frac{e^-}{\text{Atom}}!$ Weitere Anwendungen: Hall-Sonde zur MEssung von B!

 \Longrightarrow Quanten-Hall-Effekt!

16.1.5 Stromdurchflossene Leiterschleife



Kräfte auf Teilstücke:

- Entlang der Seite "a": $\vec{I} \parallel \vec{B} \rightarrow \vec{I} \times \vec{B} = 0$
- Entlang der Seite "b": \Longrightarrow Kräftepaar \Longrightarrow Drehmoment!

$$\vec{M} = \vec{r} \times \vec{F} = \frac{\vec{a}}{2} \times \vec{F} + \left(\frac{-\vec{a}}{2}\right) \times (-\vec{F}) = \vec{a} \times \vec{F}$$

$$|\vec{F}| = |\vec{b}| \cdot (\vec{I} \times \vec{B}); \qquad |\vec{M}|_{max} = a \cdot b \cdot I \cdot B$$

All gemein: $\vec{M} = I \cdot (\vec{A} \times \vec{B});$ $\vec{A} = (\vec{a} \times \vec{b})$

<u>Definition:</u> Magnetisches Moment einer Leiterschleife:

$$\vec{\mu}_{mag} = I \cdot \vec{A}$$

$$\implies \vec{M} = \vec{\mu}_{mag} \times \vec{B}$$

 \implies Messung von I im Dreh...mometer!

16.2 Magnetfelder von stromdurchgeflossenen Leitern

Oersted (1820): Magnetische Wirkung eines geschlossenen Stromkreises

- \Rightarrow wenn $I \neq 0$: Drehmoment auf Kompassnadel, $\vec{M} = \vec{\mu} \times \vec{B}$
- $\Rightarrow \vec{B}$ in Ebene \perp Leiter
- \Rightarrow Richtung (Vorzeichen, VZ) ist abhängig von Stromrichtung (Rechtsschraubregel) BILD

16.2.1 Bestimmung der Abstandsabhängigkeit

$$|\vec{B}| \sim \frac{I}{r}$$

 \Rightarrow Beachte: "Quelle" des Magnetfeldes ist 1D \Rightarrow Abstandsabhängigkeit quantitativ:

$$|\vec{B}| = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I}{r}$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \,\mathrm{N/A^2}$$
magnetische Konstante

BILD

- \Rightarrow Bewegte Ladungen erzeugen ein Magnetfeld in Richtung: $\frac{\vec{v}}{|\vec{v}|} \times \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$ Bisher:
 - \vec{B} -Feld übt Kraft auf bewegte Ladung aus
 - Bewegte Ladung (Strom) erzeugt Magnetfeld
- \Rightarrow Wechselwirkung zwischen Strömen muss existieren!

RILD

 I_1 erzeugt \vec{B} -Feld am Ort des Leiters L_2

$$|\vec{B}_1| = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1}{r}$$

 \Rightarrow Kraft auf L_2

$$\vec{F}_{21} = L \cdot \vec{I}_2 \times \vec{B}_1$$

$$|\vec{F}_{21}| = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1 \cdot I_2}{r} \cdot L$$

$$= 2 \times 10^{-7} \cdot \frac{I_1 \cdot I_2}{r} \cdot L$$

 \vec{F}_{21} : anziehend bei parallelen Strömen!

16.2.2 Definition Ampere

Elektrische Stromstärke: Ampere [A] Das Ampere ist die Stärke eines konstanten elektrischen Stromes, der, durch zwei parallele, gradlinige, unendlich lange und im Vakuum im Abstand von einem Meter voneinander angeordnete Leiter von vernachlässigbar kleinem, kreisförmigem Querschnitt fließend, zwischen diesen Leitern je einem Meter Leiterlänge die Kraft 2×10^{-7} N hervorrufen würde.

Ströme parallel:

BILD $I_1 \uparrow \downarrow I_2$

BILD

Elektrostatik: Gaußscher Satz: Zusammenhang zwischen Quellen-Verteilung und Feldstärke!

 \Rightarrow Normalkomponente des \vec{E} -Feldes wichtig

Hier: Ströme als "Quelle" des magnetischen Feldes

"Umhüllung" der Ströme <u>ohne</u> die Quelle zu "schneiden" nur mit geschlossenem Umlauf möglich (Quellen <u>nicht</u> punktförmig!)

Beachte also: $\oint \vec{B} d\vec{s}$ BILD