Experimental Physik II Kapitel 15

author email

$\mathrm{May}\ 7,\ 2016$

Contents

15	Stat	io	nä	ir	e :	Εl		\mathbf{St}	ri	in	ne	9												2
	15.1																							2
	15.2	$\overline{\Gamma}$)as	C)h	ms	scl	ıе	G	es	et	\mathbf{z}												4
	15.3																							9
	15.4																							17

Stationäre El. Ströme 15

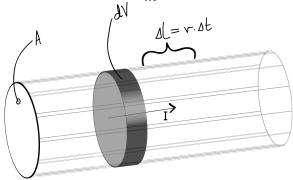
15.1

Definition: Elektrischer Strom := Bewegung von el. Ladung

Stromstärke $\mathbf{I}=\frac{dQ}{dt}$ [I] = $[\frac{Ladung}{Zeit}]=\frac{C}{s}=A$ Stationäre Ströme: Keine explizite Zeitabhängigkeit.

El. Stromdichte \mathbf{j} **Definition:**





 $N = n \cdot \Delta V$ Ladungsträger mit der Ladung q treten im Zeitintervall Δt (n ist die durch Ø-Fläche A. Ladungsträgerdichte)

Annahme: Alle Ladungen haben die gleiche Geschwindigkeit v, dann ist die transportierte Ladung:

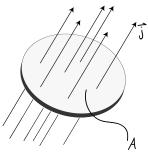
$$\Delta Q = N \cdot q = n \cdot \Delta V \cdot q = n \cdot q \cdot A \cdot \Delta l = n \cdot q \cdot A \cdot v \cdot \Delta t$$

$$j = \frac{\Delta Q}{\Delta t \cdot A} = n \cdot q \cdot v = \rho \cdot v$$

 $\rho := \text{Ladungsdichte } [C/m^3]$

Allgemein: $|\vec{j} = \rho \cdot \vec{v}|$

Stromdichte \longrightarrow Stromstärke: $I = \int_A \vec{J} \cdot d\vec{A}$



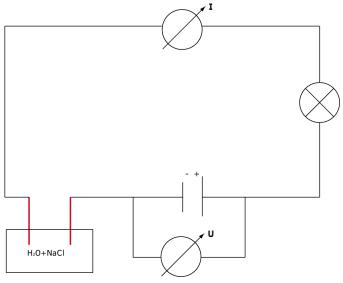
Kontinuitätsgleichung: Geschlossene Fläche A umschließt Volumen V.

$$I = \oint_{A} \vec{j} d\vec{A} = -\frac{dQ}{dt} = -\frac{d}{dt} \int_{V} \rho \, dV$$

Differenz zwischen ein. und ausgeströmter Ladung entspricht der negativen Änder der Gesamtladung im Volumen!

 $(\Rightarrow Ladungserhaltung)$

Das Ohmsche Gesetz 15.2



- ⇒ freie Ladungsträger (Ionen) notwendig, damit Strom fließt.
- \Rightarrow Dissoziation von NaCl in Na^+ und Cl^-

Coulombkraft $|\vec{F_c}| = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \cdot \frac{1}{\epsilon}$ $\epsilon_{H_2O} \approx 80 \Rightarrow \text{Reduktion von } F_c \text{ in } H_2o$

\Rightarrow Dissoziation möglich!

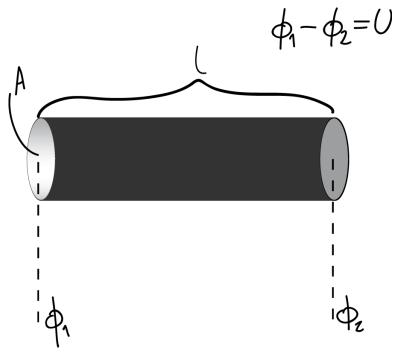
qualtitatv: $I \sim U$

Ersetze Elektrolyt durch Metallwiederstand!

 $I \propto U$

Ohmsches Gesetz: Wird eine Potenzialdifferenz U and das Ende eines el. Leiters appliziert, so fließt ein el. Strom I, dessen Stromstärke proportional zu U ist.

$$I = \frac{1}{R} \cdot U$$



Empirischer Befund:

$$I \sim (\phi_2 - \phi_1)$$

$$I = \frac{1}{R}(\phi_2 - \phi_1)$$

$$= \frac{A}{l} \cdot \frac{1}{\rho}(\phi_2 - \phi_1)$$

Definition:

$$R := \rho \cdot \frac{l}{A}$$
 el. Widerstand $[R] = \frac{V}{A} = \Omega = 1$ Ohm

 ρ : Materialkonstante: spezifischer el. Widerstand $[\rho]=\Omega m$ $\frac{l}{A}$: Geometrieparameter

Ohmsches Gesetz: $I = \frac{U}{R}$

$$\frac{I}{A} = \frac{1}{\rho} \cdot \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{l}$$

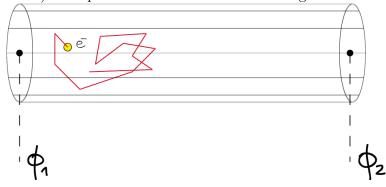
$$\begin{split} \frac{I}{A} &= \frac{1}{\rho} \cdot \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{l} \\ \left| \vec{j} \right| &= \frac{1}{\rho} \cdot \left| \vec{E} \right| \\ \left| \vec{j} \right| &= \sigma \cdot \left| \vec{E} \right| \end{split} \qquad \qquad \frac{1}{\rho} = \sigma := \text{el. Leitfähigkeit } [\sigma] = Ohm^{-1}m^{-1} = \frac{A}{Vm} \end{split}$$

Empirischer Befund: $\boxed{\vec{j_m} = \sigma_{mn} \vec{E_n}}$ Allegemeines Ohmsches Gesetz

Mikroskopische betrachtung - Drende Modell

Metall: positiv geladene Atomrümpfe; Elektronen dazwischen beweglich.

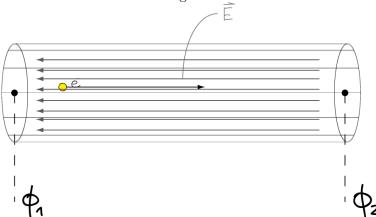
a.) ohne potenzialdifferenz: thermische ungeorndete bewegung.



 $<\vec{v}>=0\Rightarrow$ Im Mittel kein Transport

obwohl:
$$\sqrt{< v^2>} = \frac{\sqrt{3K_BT}}{m_e} \approx 10^5 \frac{m}{s}$$
 bei $(T=RT)$

b.) $\phi_2-\phi_1\neq 0\Rightarrow$ El. Feld im Leiter Zwischen Stößen Beschleunigt durch el. Feld:



 \Rightarrow "Drift" mit Geschwindigkeit $v_D,$ die der thermischen Bewegung überlagert ist.

Kraft auf Elektron:
$$\vec{F} = q_{el} \cdot \vec{E}$$

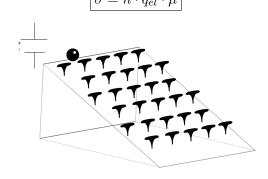
$$\Rightarrow \vec{a} = \frac{q_{el}}{m} \cdot \vec{E}$$

$$\Rightarrow \vec{v_D} = \frac{q_{el}}{m} \cdot \vec{E} \cdot \Delta t$$

Betrachte Ohmsches Gesetz.

$$\begin{split} \vec{j} &= \sigma \cdot \vec{E}; \vec{j} = q_{el} \cdot n \cdot \vec{v_D} \\ \underline{\text{Beträge:}} \ j &= \frac{q_{el} \cdot n \cdot v_D}{E} \cdot E = \sigma \cdot E \\ \Rightarrow \sigma &= \frac{n \cdot q_{el} \cdot v_D}{E} = const. \\ \Rightarrow \frac{|\vec{v_D}|}{|\vec{E}|} = const. \end{split}$$

 $|\vec{v_D}| = \mu \cdot |\vec{E}|$ μ : Beweglichkeit (unabh. von \vec{E})!



Damit sich im el. Feld ein Konstates v_D einstellt, muss es etwas geben wie \Rightarrow Exp.Phy.I: geschwindigkeitsabhängige Reibung! Stokes-

 \Rightarrow Makroskopisch: (1-dim)

$$m\ddot{x} + \frac{m}{\tau}\dot{x} = q_{el}E$$

$$\dot{x} = \frac{q_{el}}{m} \cdot E \cdot \tau \cdot (1 - exp(-t/t))$$

 τ ; Relaxationszeit: Gibt an, nach welcher Zeit v auf v/e abgenommen hat.

- \Rightarrow Mikroskopisch:
- τ : Zeit zwischen zwei Stößen ("Stößzeit")

$$\Rightarrow m \cdot \vec{v_D} = q_{el} \cdot \vec{E} \cdot \tau$$

$$\Rightarrow \vec{j} = n \cdot q_{el} \cdot \vec{v_D} = \frac{n \cdot q_{el}^2 \cdot \tau}{m} \cdot \vec{E}$$

$$\sigma = \frac{n \cdot q_{el}^2 \cdot \tau}{m}$$
Drude-Leitfähigkeit
$$\Rightarrow \mu = \frac{q_{el} \cdot \tau}{m} \qquad [\mu] = \frac{m^2}{Vs}$$

- \Rightarrow Voraussetzung für Gültigkeit des Ohmschen Gesetz:
 - 1. Transport durch Stöße dominiert
 - 2. n unabhängig von \vec{E}
 - 3. τ unabhängig von \vec{E}

 τ klein $\Rightarrow v_D$ klein (und beobachtbar!)

15.3

(i) Leitung in Elektrolyten

- Stofftransport (Ionen) und Ablagerung an Kontakten (Elektroden)
- geringe Beweglichkeit
- geringe Ladunsträgerkonzentration

(i) Leitung in Metallen

- Ladungstransport <u>nur</u> durch Elektronen
- Jedes Atom gibt 1 Elektron ab \Rightarrow hohe Ladungsträgerdichte (LT)
- Beispiel:

Cu,
$$n = 8, 4 \cdot 10^{28} Ladungen/m^3$$

= $8, 4 \cdot 10^{22} Ladungen/cm^3$

• Beweglichkeit:

$$\mu = \frac{\sigma}{n \cdot q} = \frac{5 \cdot 10^7 (\Omega m)^{-1}}{8, 4 \cdot 10^{28} m^{-3} \cdot 1, 6 \cdot 10^{-19} C}$$
$$= 4 \cdot 10^{-3} \frac{m^2}{Vs} = 40 \frac{cm^2}{Vs}$$

 $|\vec{E}|$?

$$\begin{split} |\vec{j_{max}}| &\approx \frac{5A}{mm^2} = 5 \cdot 0^6 A/m^2 \\ |\vec{E_{max}}| &= \frac{|\vec{j_{max}}|}{\sigma} = 0, 1V/m \\ &< v_D > = \mu |\vec{E}| = 4 \cdot 10^{-4} m/s \approx 0, 4 \frac{mm}{s} \\ &< v_D > \ll v_{therm} (\ddot{a}hnlich \ wie \ Elektrolyt) \\ &\tau = \mu \cdot \frac{m}{q} = \underline{2, 3 \cdot 10^{-14} s} \end{split}$$

Hauptunterschied Metall/Elektrolyt: μ, n !

Mittlere freie Weglänge:
$$\lambda = v_{therm} \cdot \tau = 10^5 m/s \cdot \tau$$

$$= 20 \cdot 10^{-10} m = 20$$

⇒ca. 20 Atomdistanzen zw. zwei Stößen!

Temperaturabhängigkeit:

In el. Leitern gilt: R = R(T)

Fe-Widerstand:

Abkühlen auf LN_2 -Temp: $I \longrightarrow I \times 2$

Aufheizen mit Brenner : $I \longrightarrow I/2$

Konstantandraht (Legierung): nahezu keine Änderung

n sei temperaturunabhängig! $\Rightarrow T \uparrow \Rightarrow \tau \downarrow, \sigma \downarrow$:

Durch thermische Anregung mehr Gitterschwingungen; mehr Stöße! (⇒Kürzere Stoßzeit)

Konstantan-Legierung: Streuung vornehmlich an Fremdatomen deren Dichte ist T-unabhängig!

(iii) Leitung in Halbleitern

$$T\uparrow$$
 : $\sigma\uparrow$

Grund:

Starke Temp.-abhängigkeit von n durch thermische Anregung von Ladunsträgern über eine Energielücke

Erhöhung und Kontrolle von σ durch Einbringen von Fremdatomen in Konzentration von $10^{15}cm^{-3}...10^{20}cm^{-3}$: Dotierung

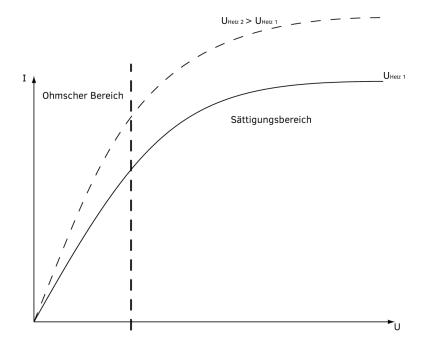
 $\Rightarrow \tau$ nimmt auch mit zunehmender T ab, aber Zunahme von n überwiegt!

(iv) Leitung im Vakuum

Leitung im wesentlichen durch freie Elektronen. El- Feld zur Beschleunigung ⇒ Ladungstransport

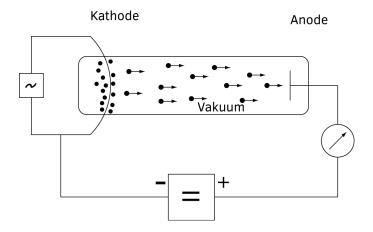
Erzeugung von freien Elektronen:

U [V]	I [mA]
20	0,25
40	0,5
60	0,75
80	1,05
100	1,3
120	1,6
140	1,9
160	2,15
180	2,35
200	2,5
220	2,6
240	2,65
260	2,7
280	2,75
300	2,7

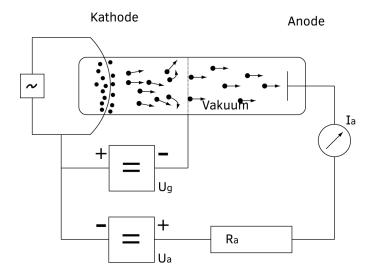


 \Rightarrow Umkehrung der Beschleunigungsspannung: Kein Strom!

Diode:



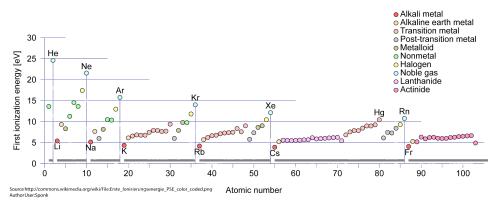
Triode:



 \Rightarrow Verstärkerschaltung möglich!

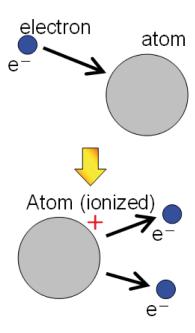
Leitung in Gasen

• Alle Gase haben sehr kleine Leitfähigkeit (→Entladung des Kondesators an Atmosphäre) (→Gasentladung) • Ladungsträger müssen erzeugt werden: Elektronen, Ionen Ionisation ist mäglich druch: Ionisierende Strahlung; Stoßionisation



Ionisation braucht Energie!

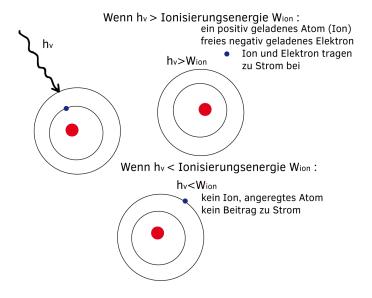
Stoßionisation:



Source: https://de.wikipedia.org/wiki/Datei:ImpactIonization.PNG

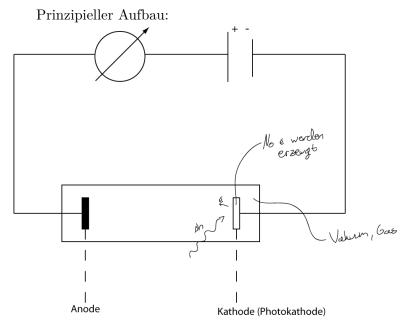
Photoionisation:

Elektron wird Energie hv zugeführt

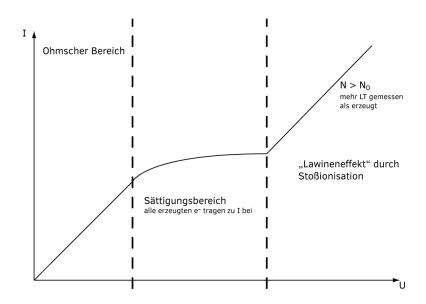


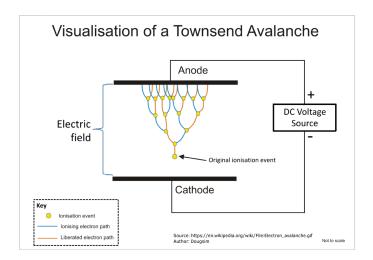
- Thermische Ionisation ist möglich.
- Glüemission ist auch möglich; Radioaktivität ⇒ ionisierende Strahlung
- Rekombination von Ionen und Elektronen ist möglich

$$\text{Strom: } I = \underbrace{N}_{\text{\#LT (sehr klein)}} \cdot \underbrace{z \cdot e}_{\text{$z \cdot e$}} \cdot \underbrace{\mu}_{\text{$\mu_{\text{Flüssigkeit}}} < \mu < \mu_{\text{Metalle}}} \cdot |\vec{E}|$$



(i) Unselbstständige Gasentladung





Spannung ist sehr groß, Elektronen werden start beschleunigt, hohe Elektronen
energie Stoßionisation: Lawineneffekt

Strom wird unabhängig von Zahl der Ionisation generierten Ladungsträger.

- \Rightarrow 1 Strompuls pro Ionisierungsereignis oder pro asgelöstem e^- !
- \Rightarrow Selbstständige Gasentladung
 - Aufrechterhaltung der Entladung ohne äußeren Einsatz!

 - Häufig auch Lichtemission (Rekombination von e^- unf Ion oder Relaxation angeregter Zustände)
 - UV-Emission in Plasmen und in Leuchtstoffröhren genutzt

15.4