问题 A. Prime Magic

输入文件: 标准输入标准输出 1 输出文件: 秒 512 兆字节

时限:

内存限制:

Walk Alone 有一个序列a1, a2, ..., an, 他可以对它使用魔法:

・选择一个奇素数p 和一个区间[l, r] \subseteq [1, n] 满足r = l + 1 = p , 1 或 = 1 到此区间中的每个ai 。即选择 x \in {1, = 1},则 \forall i \in [l, r], ai \in ai + x。 然后添加

提醒一下,奇素数是大于1的奇数,只能被1和它本身整除。

独行喜欢生长的东西,所以他想用这个魔法让这个数列不减。

此外,Walk Alone 不喜欢负数,因此在整个操作过程中,任何数字都不能为负数。

他想用最少的魔法使用量来实现这个想法。独行虽然有这个魔法,但他不知道要按什么顺序使用,所以他向你求助。

输入

您需要回答T个测试用例。

整个输入的第一行包含一个整数 $T(1 \le T \le 100)$,表示测试用例的数量。

对于每个测试用例,第一行包含一个整数 n (10 \leq n \leq 2 \times 103),表示

顺序。

下一行包含 n 个整数a1, a2, ...,保证在所有测试用例中, $n \le 2 \times an (1 \le ai \le 105)$,表示序列。

104_°

输出

对于每个测试用例,在一行中输出一个整数,表示完成任务所需的最少魔法使用次数。

标准输入	标准输出
4↑	12
10	96
11082341218	0
12	4↑
29 31 2 1 34 29 31 24 18 2 9 10	
10	
12345678910	
10	
2211221122	

问题 B. 模式

输入文件: 标准输入标准输出1秒

输出文件: 时限:

内存限制: 512 兆字节

Walk Alone喜欢顺其自然,所以他设计了一个关于模式的数字功能。

令 f(x) 为数字 x 的十进制表达式中数字中出现次数最多的一次。例如,f(133)=2 因为数字 3 出现了两次,而 f(213)=f(0)=1 因为每个数字在两个数字中只出现了一次。 Walk Alone 给你一个任务来计算函数 f 的范围和,即

r _{我=我} f(i)。

输入第一

行包含一个整数 $T(1 \le T \le 103)$ 测试用例的数量。接下来是 T 个测试用例。

每个测试用例的第一行也是唯一一行包含两个整数 $l, r (0 \le l \le r \le 1018)$ 计算的范围。

输出

对于每个测试用例,在表示总和的行中打印一个整数。

标准输入	标准输出
3↑	21
1 20	233
5 199	2553052375
0 1000000000	

问题 C. 黑暗 I

输入文件: 标准输入标准输出1秒

输出文件:

时限:

内存限制: 256 兆字节

塞拉斯蒂娅公主是一只天角兽小马,与她的妹妹露娜公主一起曾是小马国的共同统治者。塞拉斯蒂娅公主掌管着太阳并统治着小马国,而露娜公主则掌管着月亮并监管着梦境。

早期,露娜觉得自己被小马国的小马们蒙上了阴影,被忽视了,小马们睡在她美丽的夜空中。这些负面情绪不断恶化,最终导致她被名为梦魇之月的神秘生物的黑暗和力量所吞噬。

黑暗在蔓延,可以转化为如下模型:在一个n×m的白色二维网格中,有几个黑色网格点。

每一秒,所有与至少两个黑点相邻的白点都会变黑。

最终要使整个格子变黑,最少需要多少个黑点?



输入第一

行包含两个整数 n 和 m (1 \leq n, m \leq 105),表示网格的大小。

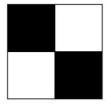
输出

输出一个整数,表示所需的最少黑点数。

标准输入	标准输出
22	24

笔记

示例的最小放置方案之一如下所示。



问题 D. 黑暗 II

输入文件: 标准输入标准输输出文件: 出6秒1024兆字

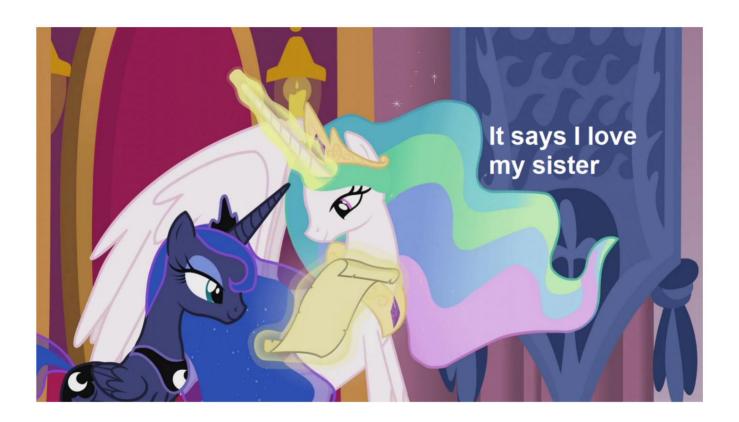
时限:

内存限制:

塞拉斯蒂娅公主和露娜公主争论不休,蔓延的黑暗可以转化为如下模型: 在一个无限大的白色二维网格中,最初有 n个黑色网格点。

每一秒,所有与至少两个黑点相邻的白点都会变黑。

到底黑点总数是多少?



是时候抛开分歧了。我们注定要一起统治,小妹妹。你会接受我的友谊吗?

Celestia 提供 Luna 救赎

Input第

一行包含一个整数 $n (1 \le n \le 105)$,表示网格点的总数。

接下来的n行每行包含两个整数a和b($-109 \le a$, $b \le 109$),代表黑色网格点的位置。保证黑点彼此不同。

输出

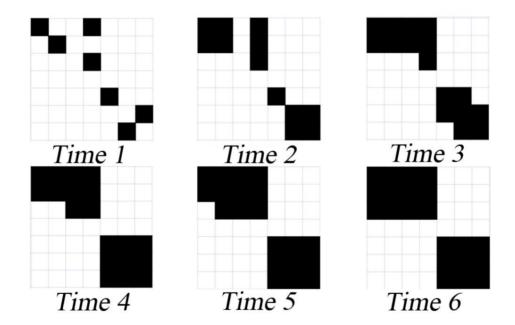
最后输出一个整数代表黑点的总数。

例子

标准输入	标准输出
7	21
11	
14	
22	
34	
55	
67	
76	

笔记

网格随时间的变化如下图所示。在时间 6 之后不再有格子变黑,所以答案是 21。



问题 E. 逆向计数路径

输入文件: 标准输入标准输出 1 输出文件: 秒 512 兆字节

时限:

内存限制:

Walk Alone 是动态规划方面的专家,但他厌倦了传统的动态规划问题,比如在二维网格上计算路径,所以他想反过来做。他提出的问题如下:

在大小为 $n \times n$ 的二维网格上,最初您位于网格 (1,1) 上。格子由0和1组成,你只能在数字为1的格子上行走。您只能向下或向右,即您只能将 x 或 y 增加 1。你也不能走出网格。

给定从 (1,1) 到 (n,n) 的 x 种步行方式,您需要构造一个 $n\times n$ 的网格,以便步行的方式正好是 x 种。但是,由于Walk Alone的大脑太小,无法记住这么大的格子,所以需要保证格子n的大小等于或小于30。

输入输入

的唯一一行包含一个整数 x (1 \leq x \leq 109),表示行走的方式。

输出

输出的第一行包含网格 n 的大小。提醒一下,需要保证1≤n≤30。

接下来的n行每行包含n个整数 $ai,j \in \{0,1\}$ 表示网格,其中0表示不能在网格上行走,1表示对比。

10
10
11
110
111
011
111
1 1 1 1 0

问题 F. Inverse Manacher

输入文件: 标准输入标准输出2秒

输出文件: 时限:

内存限制: 512 兆字节

Walk Alone 是弦乐方面的专家,但他对像 Manacher 这样的传统算法感到厌烦,所以他想反其道而行之。他提出的问题如下:

有一个隐藏字符串 S 只包含字符 a 和 b 。给定 n 字符串的长度。 然后字符串 S 转换如下:

- · 首先,添加两个字符&|到字符串的开头。
- · 其次,对于原始字符串中的每个字符,添加一个字符 |在它的右边。

例如字符串abaaa被转化为&|a|b|a|b|a|,字符串aaaaa被转化为&|a|a|a|a|a|。经过这样的操作,字符串S的长度变成了2n+2。令转换后的字符串为T。

然后他会给你一个长度为 2n+2 的序列 $\{an\}$,其中第 i 个表示以第 i 个字符为中心的回文的最大长度。形式上, ai=j 其中, $\forall y \leq x$, $Ti-y+1=Ti+y-1\}$ 。例如,原始字符串abaaa可以生成最终序列 $\{1,1,2,1,4,1,2,3,4,3,2,1\}$ 。请注意,字符串中的每个字符都是通过 ASCII 码进行比较的, $j=\max\{x|x\in \mathbb{N}\}$ *因此字符 & 不能与任何其他字符配对。

你的工作是使用序列{an}恢复字符串 S。

输入输入

的第一行包含一个整数 $n (1 \le n \le 106)$,表示字符串的长度。

下一行包含 2n + 2 个整数,其中第 i 个整数表示ai。

输出

输出的唯一一行包含一个长度为 n 的字符串,仅由字符 "a"和 "b"组成,表示您的答案。请注意,您不需要输出添加的字符 & 和 |。

保证至少有一个字符串可以生成序列{an}。如果有多个字符串,则输出其中任何一个。

标准输入	标准输出
⁵⁷ 112141234321	व्हावहात्र

问题 G. 猜多项式

输入文件: 标准输入 标准输出 5 输出文件: 秒 256 兆字节

时限:

内存限制:

这是一个交互问题。

有一个隐藏多项式 $f(x) = p1, p2, \ldots, pn$ 成对不同。 \dot{x} pi其中 $0 \le n \le 103 i = 1$ $ai \ , 1 \le ai \le 105 _ _, \ 0 \le \pi \le 8 \cdot 106$,和

您可以按照"? x",交互器将响应您 f(x) mod 998 244 353。

您需要通过不超过2·104次查询找到函数。

交互协议

您最多可以进行 2·104次查询来猜测多项式。要进行查询,输出"? x"(0 < x < 998 244 353)在单独的一行,那么你应该从标准输入读取响应。

要给出你的答案,首先打印"! n"在单独的一行上,其中 n 表示单项式的数量。 对于每个单项式ai·x 阶。答案的 π ,在单独的一行上打印"pi ai"。您可以任意打印 n 个单项式输出不计入 $2\cdot 104$ 次查询的限制。

之后,您的程序应该终止。

打印查询后,不要忘记输出行尾并刷新输出。为此,请在 C++ 中使用 fflush(stdout) 或 cout.flush(),在 Java 中使用 System.out.flush(),在 Pascal 中使用 flush(output),或在 Python 中使用 stdout.flush()。

保证多项式是预先固定的。

例子

标准输入	标准输出
	? 0
3↑	
	? 1↑
4↑	
	? 2↑
7	
	! 2↑
	03
	21

笔记

示例中的多项式是 f(x) = x

²+ 3_o

问题H.二进制疯狂

输入文件: 标准输入标准输出 2 输出文件: 秒 512 兆字节

时限:

内存限制:

Walk Alone 有一个包含 n 个节点和 m 个双向边的图。他定义了一个函数f(u, v) = (degu ⊕ degv)(degu | degv)(degu & degv),其中degu表示与节点u关联的边数,⊕、 | &表示按位异或,按位或和按位与。他要你计算 f(i, j) mod 998 244 353。

n n
$$\mathfrak{H}=1$$
 j=我

输入输入

的第一行包含两个整数 n, m ($1 \le n \le 106$ 个节点和边。

,0≤m≤106)表示的个数

接下来的 m 行中的每一行都包含两个整数 u, v $(1 \le u, v \le n)$,表示一条双向边 (u, v)。

该图可能有重复的边和自环。请记住,节点 x 上的自循环将为 degx 贡献 2。

输出

输出一个表示答案的整数。

标准输入	标准输出
66	30
13	
23	
14	
25	
36	
46	
6 4	0
12	
35	
24	
36	

问题一、步骤

输入文件: 标准输入标准输出 2 输出文件: 秒 512 兆字节

时限:

内存限制:

给你 n 个环,第 i 个环的长度为 $pi(1 \le i \le n)$ 。对于第 i 个环, pi的下一个位置是 1。一开始,每个环的位置 1 都有一匹小马,小马每天移动得越来越快。

具体来说,小马第一天走 1 步,第二天走 2 步,依此类推。形式上,小马将在第 k 天移动 k 步,因为 k \in N 很明显,在某一天,所有小马都会到达位置 1。现在 Miku 想知道最早的第 m 天(第 0 天除外)当所有 n 个小马 * ·

都到达位置1时。

输入

输入的第一行包含一个正整数 $n(1 \le n \le 105)$ 环数。

输入的第二行包含 n 个正整数pi $(1 \le pi \le 107)$ 每个环的长度。

保证 lcm(p1, p2, ..., pn) ≤ 1018 。记住 lcm(p1, p2, ..., pn)代表{p1, p2, ..., pn}。

输出

输出一个正整数,表示所有 n 个小马最早到达位置 1 的日期。

标准输入	标准输出
3↑	8↑
369	
4↑	26138699
114 514 1919 810	

问题 J. 扩展

输入文件: 标准输入标准输出 1 输出文件: 秒 256 兆字节

时限:

内存限制:

Applejack 是一只雌性陆马。她与祖母史密斯婆婆、哥哥麦金托什大哥、妹妹小苹花和爱犬薇诺娜一起在 Sweet Apple Acres 生活和工作。

她代表诚实的元素。

现在苹果杰克要开垦一排荒地,可以转化为如下模型:

一行中有 n 个单元格,每个单元格包含一个整数ai 。 Applejack 从培养单元号 1 开始,在时间单元 1 结束前拥有 0 资源。

之后,假设Applejack已经培养了细胞[1,x],在每个单位时间开始时,她可以培养细胞x+1,在每个单位时间结束时,她获得的资源等于所有细胞上的整数之和她修炼过。

Applejack 需要确保她始终拥有非负资源(即使在培养所有细胞之后)。 占据所有单元格所需的最短时间是多少,还是不可能?



输入第一

行包含一个整数 $n(2 \le n \le 105)$,表示单元格行的长度。

第二行包含 n 个整数ai $(-108 \le ai \le 108)$,表示单元格上的系数。

输出

如果存在解决方案,则输出一个整数表示占据所有单元格所需的最短时间。

否则,输出-1。

例子

标准输入	标准输出
3↑	4↑
1 -3 4	
3↑	-1
1 -4 2	
60	10
1-21-45-1	

笔记

在第一个例子中,Applejack可以一直待在牢房 1 到时间 3,然后她可以在时间 3 和时间 4 培养牢房 2 和牢房 3。

而在时间1、时间2、时间3、时间4结束时,她相应地有1、2、0、2个资源。

在第二个例子中,培养完所有细胞后,资源最终会是负数。

问题 K. 骰子游戏

输入文件: 标准输入标准输出1秒

输出文件: 时限:

内存限制: 512 兆字节

有 n+1 个人在玩骰子游戏。每个人都有 m 张面孔的骰子,每张面孔都是等概率的。不要花时间思考这种骰子是如何存在的 您可以想象一个生成 器,它可以等概率地生成[1, m]之间的数字。

一开始,每个人都掷自己的骰子,点数最少的人输。如果不止一个人同时掷出最少数量的骰子,则掷出最少数量的人继续掷骰子,直到最后一个人输 掉为止。

独自行走不喜欢随机性。他每次都用魔法固定第一个人投出的分数。

也就是说,当第一个人掷骰子时,第一个人总是会掷出 x 点,其中 x 是由 Walk Alone 预先选择的,而其他 n 个人仍然随机掷骰子。

现在 Walk Alone 想知道对于每个 $x \in [1, m]$,第一个人输的概率。

更准确地说,您需要输出概率模 998 244 353。可以证明概率可以表示为分数p。你需要输出p·q 998 244 351对比 998 244 353。

q

Input输

入唯一一行包含两个整数n,m(1≤n≤105人和一个骰子的面数。

, 2 ≤ m ≤ 105) 表示的个数

输出

在一行中输出 m 个整数,第 i 个数字表示 x = i 时对 998 244 353 取模的概率。

标准输入	标准输出
35	1 577110017 873463809 982646785 0

问题 L. 游戏

输入文件: 标准输入标准输出1秒

输出文件: 时限:

内存限制: 256 兆字节

Sweetie Drops,或 Bon Bon,是一只雌性陆马,可爱标记为三颗糖果。 Lyra Heartstrings 是一只雌性独角兽小马,拥有七弦琴的可爱标记。

他们总是作为背景人物一起出现在电视节目中。在 The Last Problem 中,报纸上显示 Lyra 已与 Sweetie Drops 结婚。

粉丝们使用 LyraBon 作为 Lyra Heartstrings 和 Sweetie Drops 之间的 femslash ship。

今天他们玩的是黑白游戏,游戏轮流进行,Bon Bon先走。

最初,连续有 n + 1 个点由白色或黑色边缘连接。在一次移动中,小马必须至少选择两个点,然后进行一些移除。

更具体地说,Bon Bon 可以选择其中任意两个点之间没有黑边的一些连续点,然后删除这些点以及与它们相连的所有边。请注意,在此过程中可能会去除黑边。

同样,Lyra也可以选择连续的没有白边的点,然后用同样的方法去除。

要求在 Bon Bon 或 Lyra 被移除后,这些点不得分成两个单独的块。

不能下棋的小马输了。如果两只小马都表现出色,Bon Bon 最终能否赢得比赛?



Input第

一行包含一个整数 $T(1 \le T \le 106)$,代表测试用例的数量。

每个测试用例包含一个长度为 $n (1 \le n \le 2 \times 106)$ 的二进制字符串,代表边缘的颜色,0 代表白色边缘,1 代表黑色边缘。

2023年湖北省大学生程序设计竞赛

Wuhan, Hubei, April 30

输出

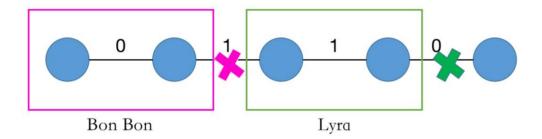
对于每个测试用例,输出一行。如果 Bon Bon 获胜,输出 "YES",否则输出 "NO"(不带引号)。

例子

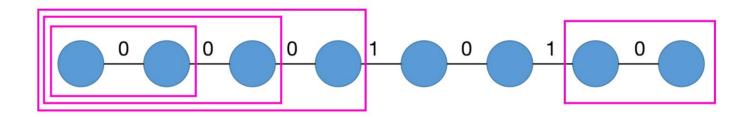
标准输入	标准输出
3↑	不
0110	是的
0001010	是的
1001100	

笔记

在第一个测试用例中,Bon Bon 可以先选择最左边的两个点,然后移除它们,它们之间的边和下图中标有紫色十字的边。轮到 Lyra,她可以类似地移除并只留下一个点(最右边的一个)。因此Bon Bon无法移动并丢失。



在第二个测试用例中,Bon Bon 在第一步中有四种选择。请注意,连接到所选点的边也将被删除。



问题 M. 不同计费

输入文件: 标准输入标准输出 1 输出文件: 秒 512 兆字节

时限:

内存限制:

曾几何时,有一场现场编程大赛,吸引了很多队伍参加,但不同队伍的计费标准不同。总的来说,有三种类型的团队:

- ·A类队伍可以免费参加比赛。
- · B组参赛队食宿费用自理1000美元。
- · C类队伍食宿费1000美金,1500美金 入场费。

最终比赛顺利举行,共有x支队伍参加,主办方获得了y元钱。但是,关于每种类型的团队数量的详细信息已经消失。现在 Walk Alone 想要使用 x 和 y 恢复细节。

输入

唯一的输入行包含两个整数 x 和 y (0 \leq x \leq 106 0 \leq y \leq 109),分别表示团队总数和主持人获得的总金额。

输出

如果有办法构造出满足上述条件的三类队伍的个数,输出三个整数A、B、C分别表示A、B、C类队伍的个数。需要保证0 ≤ A、B、 C.如果有多种方式,输出其中一种。

如果没有满足上述条件的答案,则输出-1。

例子

标准输入	标准输出
800 1500000	200 0 600
0 0	000
500 100	-1

笔记

对于第一个样本测试用例你也可以输出50 500 250,也可以满足上面的条件。

对于第二个示例测试用例,没有人需要付费参与比赛,因此主持人无法赚到钱。

第三个样本测试用例,宿主赚不到这么点钱。所以输出-1。