

## 第十四届蓝桥杯大赛软件赛省赛

C/C++ 大学 A 组

### 【考生须知】

考试开始后，选手首先下载题目，并使用考场现场公布的解压密码解压试题。

考试时间为 4 小时。考试期间选手可浏览自己已经提交的答案，被浏览的答案允许拷贝。时间截止后，将无法继续提交或浏览答案。

对同一题目，选手可多次提交答案，以最后一次提交的答案为准。

选手必须通过浏览器方式提交自己的答案。选手在其它位置的作答或其它方式提交的答案无效。

试题包含“结果填空”和“程序设计”两种题型。

**结果填空题：**要求选手根据题目描述直接填写结果。求解方式不限。不求源代码。把结果填空的答案直接通过网页提交即可，不要书写多余的内容。

**程序设计题：**要求选手设计的程序对于给定的输入能给出正确的输出结果。考生的程序只有能运行出正确结果才有机会得分。

注意：在评卷时使用的输入数据与试卷中给出的示例数据可能是不同的。选手的程序必须是通用的，不能只对试卷中给定的数据有效。

对于编程题目，要求选手给出的解答完全符合 GNU C/C++ 标准，不能使用诸如绘图、Win32API、中断调用、硬件操作或与操作系统相关的 API。

代码中允许使用 STL 类库。

注意：main 函数结束必须返回 0。

注意：所有依赖的函数必须明确地在源文件中 `#include <xxx>`，不能通过工程设置而省略常用头文件。

所有源码必须在同一文件中。调试通过后，拷贝提交。

提交时，注意选择所期望的编译器类型。

## 试题 A：幸运数

本题总分：5 分

### 【问题描述】

小蓝认为如果一个数含有偶数个数位，并且前面一半的数位之和等于后面一半的数位之和，则这个数是他的幸运数字。例如 2314 是一个幸运数字，因为它有 4 个数位，并且  $2 + 3 = 1 + 4$ 。现在请你帮他计算从 1 至 100000000 之间共有多少个不同的幸运数字。

### 【答案提交】

这是一道结果填空的题，你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数，在提交答案时只填写这个整数，填写多余的内容将无法得分。

## 试题 B: 有奖问答

本题总分：5 分

### 【问题描述】

小蓝正在参与一个现场问答的节目。活动中一共有 30 道题目，每题只有答对和答错两种情况，每答对一题得 10 分，答错一题分数归零。

小蓝可以在任意时刻结束答题并获得目前分数对应的奖项，之后不能再答任何题目。最高奖项需要 100 分，所以到达 100 分时小蓝会直接停止答题。

已知小蓝最终实际获得了 70 分对应的奖项，请问小蓝所有可能的答题情况有多少种？

### 【答案提交】

这是一道结果填空的题，你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数，在提交答案时只填写这个整数，填写多余的内容将无法得分。

## 试题 C: 平方差

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 10 分

### 【问题描述】

给定  $L, R$ , 问  $L \leq x \leq R$  中有多少个数  $x$  满足存在整数  $y, z$  使得  $x = y^2 - z^2$ 。

### 【输入格式】

输入一行包含两个整数  $L, R$ , 用一个空格分隔。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数满足题目给定条件的  $x$  的数量。

### 【样例输入】

1 5

### 【样例输出】

4

### 【样例说明】

$$1 = 1^2 - 0^2 ;$$

$$3 = 2^2 - 1^2 ;$$

$$4 = 2^2 - 0^2 ;$$

$$5 = 3^2 - 2^2 。$$

### 【评测用例规模与约定】

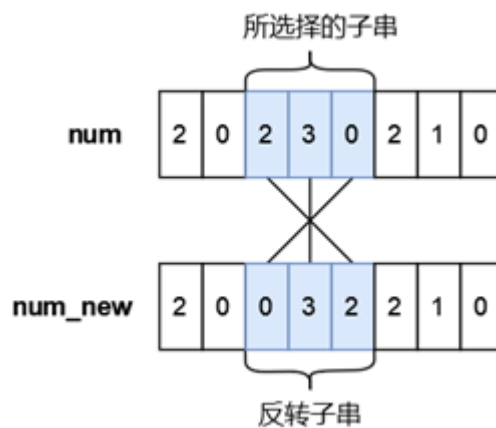
对于 40% 的评测用例,  $L, R \leq 5000$  ;

对于所有评测用例,  $1 \leq L \leq R \leq 10^9$  。

## 试题 D: 更小的数

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 10 分

### 【问题描述】



小蓝有一个长度均为  $n$  且仅由数字字符  $0 \sim 9$  组成的字符串，下标从  $0$  到  $n - 1$ ，你可以将其视作是一个具有  $n$  位的十进制数字  $num$ ，小蓝可以从  $num$  中选出一段连续的子串并将子串进行反转，最多反转一次。小蓝想要将选出的子串进行反转后再放入原位置处得到的新的数字  $num_{new}$  满足条件  $num_{new} < num$ ，请你帮他计算下一共有多少种不同的子串选择方案，只要两个子串在  $num$  中的位置不完全相同我们就视作是不同的方案。

注意，我们允许前导零的存在，即数字的最高位可以是  $0$ ，这是合法的。

### 【输入格式】

输入一行包含一个长度为  $n$  的字符串表示  $num$ （仅包含数字字符  $0 \sim 9$ ），从左至右下标依次为  $0 \sim n - 1$ 。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数表示答案。

### 【样例输入】

210102

### 【样例输出】

8

### 【样例说明】

一共有 8 种不同的方案：

- 1) 所选择的子串下标为  $0 \sim 1$ ，反转后的  $num_{new} = 120102 < 210102$ ；
- 2) 所选择的子串下标为  $0 \sim 2$ ，反转后的  $num_{new} = 012102 < 210102$ ；
- 3) 所选择的子串下标为  $0 \sim 3$ ，反转后的  $num_{new} = 101202 < 210102$ ；
- 4) 所选择的子串下标为  $0 \sim 4$ ，反转后的  $num_{new} = 010122 < 210102$ ；
- 5) 所选择的子串下标为  $0 \sim 5$ ，反转后的  $num_{new} = 201012 < 210102$ ；
- 6) 所选择的子串下标为  $1 \sim 2$ ，反转后的  $num_{new} = 201102 < 210102$ ；
- 7) 所选择的子串下标为  $1 \sim 4$ ，反转后的  $num_{new} = 201012 < 210102$ ；
- 8) 所选择的子串下标为  $3 \sim 4$ ，反转后的  $num_{new} = 210012 < 210102$ ；

### 【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测用例， $1 \leq n \leq 100$ ；

对于 40% 的评测用例， $1 \leq n \leq 1000$ ；

对于所有评测用例， $1 \leq n \leq 5000$ 。

## 试题 E: 颜色平衡树

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 15 分

### 【问题描述】

给定一棵树，结点由 1 至  $n$  编号，其中结点 1 是树根。树的每个点有一个颜色  $C_i$ 。

如果一棵树中存在的每种颜色的结点个数都相同，则我们称它是一棵颜色平衡树。

求出这棵树中有多少个子树是颜色平衡树。

### 【输入格式】

输入的第一行包含一个整数  $n$ ，表示树的结点数。

接下来  $n$  行，每行包含两个整数  $C_i, F_i$ ，用一个空格分隔，表示第  $i$  个结点的颜色和父亲结点编号。

特别地，输入数据保证  $F_1$  为 0，也即 1 号点没有父亲结点。保证输入数据是一棵树。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数表示答案。

### 【样例输入】

```
6
2 0
2 1
1 2
3 3
3 4
1 4
```

### 【样例输出】

4

### 【样例说明】

编号为 1,3,5,6 的 4 个结点对应的子树为颜色平衡树。

### 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例， $n \leq 200$ ， $C_i \leq 200$ ；

对于 60% 的评测用例， $n \leq 5000$ ， $C_i \leq 5000$ ；

对于所有评测用例， $1 \leq n \leq 200000$ ， $1 \leq C_i \leq 200000$ ， $0 \leq F_i < i$ 。



## 试题 F: 买瓜

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 15 分

### 【问题描述】

小蓝正在一个瓜摊上买瓜。瓜摊上共有  $n$  个瓜，每个瓜的重量为  $A_i$ 。

小蓝刀功了得，他可以把任何瓜劈成完全等重的两份，不过每个瓜只能劈一刀。

小蓝希望买到的瓜的总重量恰好为  $m$ 。

请问小蓝至少要劈多少个瓜才能买到重量恰好为  $m$  的瓜。如果无论怎样小蓝都无法得到总重恰好为  $m$  的瓜，请输出  $-1$ 。

### 【输入格式】

输入的第一行包含两个整数  $n, m$ ，用一个空格分隔，分别表示瓜的个数和小蓝想买到的瓜的总重量。

第二行包含  $n$  个整数  $A_i$ ，相邻整数之间使用一个空格分隔，分别表示每个瓜的重量。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数表示答案。

### 【样例输入】

```
3 10
1 3 13
```

### 【样例输出】

```
2
```

**【评测用例规模与约定】**

对于 20% 的评测用例， $\sum n \leq 10$ ；

对于 60% 的评测用例， $\sum n \leq 20$ ；

对于所有评测用例， $1 \leq n \leq 30$ ， $1 \leq A_i \leq 10^9$ ， $1 \leq m \leq 10^9$ 。

## 试题 G：网络稳定性

时间限制: 1.5s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20 分

### 【问题描述】

有一个局域网，由  $n$  个设备和  $m$  条物理连接组成，第  $i$  条连接的稳定性为  $w_i$ 。

对于从设备  $A$  到设备  $B$  的一条经过了若干个物理连接的路径，我们记这条路径的稳定性为其经过所有连接中稳定性最低的那个。

我们记设备  $A$  到设备  $B$  之间通信的稳定性为  $A$  至  $B$  的所有可行路径的稳定性中最高的那一条。

给定局域网中的设备的物理连接情况，求出若干组设备  $x_i$  和  $y_i$  之间的通信稳定性。如果两台设备之间不存在任何路径，请输出  $-1$ 。

### 【输入格式】

输入的第一行包含三个整数  $n, m, q$ ，分别表示设备数、物理连接数和询问数。

接下来  $m$  行，每行包含三个整数  $u_i, v_i, w_i$ ，分别表示  $u_i$  和  $v_i$  之间有一条稳定性为  $w_i$  的物理连接。

接下来  $q$  行，每行包含两个整数  $x_i, y_i$ ，表示查询  $x_i$  和  $y_i$  之间的通信稳定性。

### 【输出格式】

输出  $q$  行，每行包含一个整数依次表示每个询问的答案。

### 【样例输入】

```
5 4 3
1 2 5
2 3 6
```

3 4 1  
1 4 3  
1 5  
2 4  
1 3

**【样例输出】**

-1  
3  
5

**【评测用例规模与约定】**

对于 30% 的评测用例， $n, q \leq 500$ ， $m \leq 1000$ ；

对于 60% 的评测用例， $n, q \leq 5000$ ， $m \leq 10000$ ；

对于所有评测用例， $2 \leq n, q \leq 10^5$ ， $1 \leq m \leq 3 \times 10^5$ ， $1 \leq u_i, v_i, x_i, y_i \leq n$ ， $1 \leq w_i \leq 10^6$ ， $u_i \neq v_i$ ， $x_i \neq y_i$ 。

## 试题 H: 异或和之和

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20 分

### 【问题描述】

给定一个数组  $A_i$ ，分别求其每个子段的异或和，并求出它们的和。或者说，对于每组满足  $1 \leq L \leq R \leq n$  的  $L, R$ ，求出数组中第  $L$  至第  $R$  个元素的异或和。然后输出每组  $L, R$  得到的结果加起来的值。

### 【输入格式】

输入的第一行包含一个整数  $n$ 。

第二行包含  $n$  个整数  $A_i$ ，相邻整数之间使用一个空格分隔。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数表示答案。

### 【样例输入】

```
5
1 2 3 4 5
```

### 【样例输出】

```
39
```

### 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例， $n \leq 300$ ；

对于 60% 的评测用例， $n \leq 5000$ ；

对于所有评测用例， $1 \leq n \leq 10^5$ ， $0 \leq A_i \leq 2^{20}$ 。

## 试题 I: 像素放置

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25 分

### 【问题描述】

小蓝最近迷上了一款名为《像素放置》的游戏，游戏在一个  $n \times m$  的网格棋盘上进行，棋盘含有  $n$  行，每行包含  $m$  个方格。玩家的任务就是需要对这  $n \times m$  个方格进行像素填充，填充颜色只有黑色或白色两种。有些方格中会出现一个整数数字  $x(0 \leq x \leq 9)$ ，这表示当前方格加上周围八个方向上相邻的方格（分别是上方、下方、左方、右方、左上方、右上方、左下方、右下方）共九个方格内有且仅有  $x$  个方格需要用黑色填充。

玩家需要在满足所有数字约束下对网格进行像素填充，请你帮助小蓝来完成。题目保证所有数据都有解并且解是唯一的。

### 【输入格式】

输入的第一行包含两个整数  $n, m$ ，用一个空格分隔，表示棋盘大小。

接下来  $n$  行，每行包含  $m$  个字符，表示棋盘布局。字符可能是数字  $0 \sim 9$ ，这表示网格上的数字；字符还有可能是下划线（ASCII 码为 95），表示一个不带有数字的普通网格。

### 【输出格式】

输出  $n$  行，每行包含  $m$  个字符，表示答案。如果网格填充白色则用字符 0 表示，如果网格填充黑色则用字符 1 表示。

### 【样例输入】

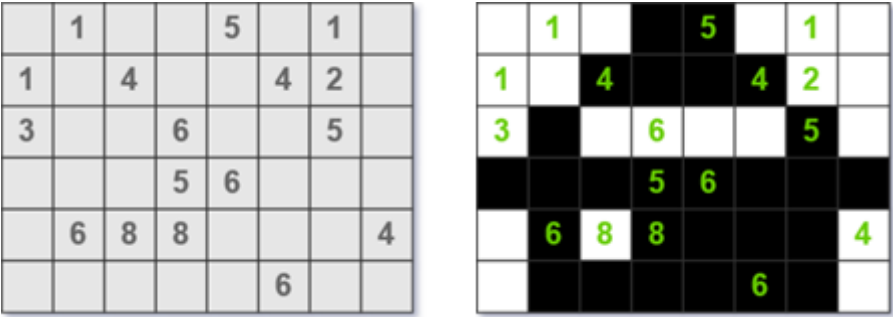
```
6 8
_1__5_1_
1_4__42_
3__6__5_
____56____
```

\_ 688 \_ 4  
\_\_\_\_\_ 6 \_

【样例输出】

00011000  
00111100  
01000010  
11111111  
01011110  
01111110

【样例说明】



上图左是样例数据对应的棋盘布局，上图右是此局游戏的解。例如第 3 行第 1 列处的方格中有一个数字 3，它周围有且仅有 3 个格子被黑色填充，分别是第 3 行第 2 列、第 4 行第 1 列和第 4 行第 2 列的方格。

【评测用例规模与约定】

- 对于 50% 的评测用例， $1 \leq n, m \leq 5$ ；
- 对于所有评测用例， $1 \leq n, m \leq 10$ 。

## 试题 J：翻转硬币

时间限制: 3.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25 分

### 【问题描述】

给定  $n$  个按顺序摆好的硬币，一开始只有第 1 个硬币朝下，其他硬币均朝上。你每次操作可以选择任何一个整数  $i$  并将所有满足  $j \bmod i = 0$  的位置  $j$  的硬币翻转。

求最少需要多少次操作可以让所有硬币都朝上。

### 【输入格式】

输入一行包含一个整数  $n$ 。

### 【输出格式】

输出一行包含一个整数表示最少需要的操作次数。

### 【样例输入 1】

7

### 【样例输出 1】

6

### 【样例输入 2】

1131796

### 【样例输出 2】

688042

### 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例， $n \leq 5 \times 10^6$ ；



对于 70% 的评测用例， $n \leq 10^9$ ；

对于所有评测用例， $1 \leq n \leq 10^{18}$ 。