

## Hierocrypt

*Hierocrypt* – семейство блочных шифров<sup>1</sup>. Криптоалгоритм *Hierocrypt*– L1 шифрует 64-битовые блоки открытых данных под управлением 128-битового секретного ключа; *Hierocrypt*– 3 шифрует 128-битовые блоки открытых данных под управлением секретного ключа, длина которого может составлять 128, 192 или 256 битов.

**Обозначения.** В записи  $X_{(n)}$  нижний индекс, заключенный в скобки, обозначает длину блока  $X$  в битах. Заглавные буквы используются для обозначения блоков, длина которых не меньше 16 битов, а строчные – для обозначения байтов и битов. Предполагается обратный (*big-endian convention*) порядок следования байтов (старший байт в блоке расположен слева, т.е. в младшей адресной позиции). Блок  $X_{(mn)}$  рассматривается как конкатенация  $m$   $n$ -битовых подблоков  $X_{i(n)}$ :

$$X_{(mn)} = X_{1(n)} || X_{2(n)} || \dots || X_{m(n)},$$

причем

$$X_{(mn)} = x_{1(1)} || x_{2(1)} || \dots || x_{mn(1)}, \quad X_{i(n)} = x_{ni-1(1)} || x_{ni-2(1)} || \dots || x_{ni-n(1)}$$

В частности, для 64-битовых блоков имеем

$$X_{(64)} = X_{1(32)} || X_{2(32)};$$

$$X_{i(32)} = x_{4i-4+1(8)} || x_{4i-4+2(8)} || x_{4i-4+3(8)} || x_{4i-4+4(32)}, \quad i = 1, 2;$$

$$x_{j(8)} = x_{8j-8+1(8)} || x_{8j-8+2(8)} || \dots || x_{8j-8+8(8)}, \quad j = 1, 2, \dots, 8.$$

Аналогично, для 128-битовых блоков –

$$X_{(128)} = X_{1(32)} || X_{2(32)} || X_{3(32)} || X_{4(32)};$$

$$X_{i(32)} = x_{4i-4+1(8)} || x_{4i-4+2(8)} || x_{4i-4+3(8)} || x_{4i-4+4(32)}, \quad i = 1, 2, 3, 4;$$

$$x_{j(8)} = x_{8j-8+1(8)} || x_{8j-8+2(8)} || \dots || x_{8j-8+8(8)}, \quad j = 1, 2, \dots, 16.$$

Отметим, что  $x_{in(1)}$  – младший бит в  $X_{i(n)}$ ; он же –  $i$ -ый бит в  $X_{(mn)}$ . Другими словами  $X_{(mn)}$  – блок с числовым значением

$$N(X_{(mn)}) = \sum_{j=1}^{mn} x_{j(1)} 2^{mn-j} = \sum_{j=1}^{mn} N(X_{i(n)}) 2^{(j-1)n} = \sum_{i=1}^m \left( \sum_{j=1}^n x_{in-n+j(1)} 2^{n-j} \right) 2^{(i-1)n}.$$

**Hierocrypt– L1.** Структура алгоритма представлена на рис.1. В алгоритме используются 128-битовые раундовые подключи  $K_{(128)}^{(1)}, \dots, K_{(128)}^{(7)}$ , генерируемые на основе 128-битового секретного ключа  $K$  на этапе предвычислений.

### Алгоритм зашифрования Hierocrypt – L1

**Вход:**  $P$  – 64-битовый блок открытых данных.

$C := P$ ;

**for**  $t := 1$  **to** 5 **do**  $C := \rho[K_{(128)}^{(t)}](C)$ ;

$C := XS[K_{(128)}^{(6)}](C)$ ;

$C := C \oplus (K_{1(32)}^{(7)} || K_{2(32)}^{(7)})$ .

**Выход:**  $C$  – 64-битовый блок шифртекста.

### Алгоритм расшифрования Hierocrypt – L1

**Вход:**  $C$  – 64-битовый блок шифртекста.

$P := C \oplus (K_{1(32)}^{(7)} || K_{2(32)}^{(7)})$ ;

$P := XS^{-1}[K_{(128)}^{(6)}](P)$ ;

**for**  $t := 5$  **downto** 1 **do**  $P := \rho^{-1}[K_{(128)}^{(t)}](P)$ ;

**Выход:**  $P$  – 64-битовый блок открытых данных.

<sup>1</sup> Авторы шифров: сотрудники японской корпорации Тошиба *H. Muratani, K. Ohkuma, F. Sano, M. Motoyama* и *S. Kawamura*.

## Генерация раундовых подключей в *Hierocrypt – L1*

При вычислении раундовых подключей используются вспомогательные переменные

$$Z_{(128)}^{(t)} = Z_{1(32)}^{(t)} || Z_{2(32)}^{(t)} || Z_{3(32)}^{(t)} || Z_{4(32)}^{(t)}, \quad t = -1, 0, 1, \dots, 7;$$

$$V_{(32)}^{(t)}, \quad t = 1, \dots, 7;$$

$$W_{(64)}^{(t)} = W_{1(32)}^{(t)} || W_{2(32)}^{(t)}, \quad t = 5, 6, 7;$$

$$Y_{(32)}, \quad U_{(64)} = U_{1(32)} || U_{2(32)}$$

и 32-битовые константы

$$H_0 = 0x5a827999 = [2^{30}\sqrt{2}],$$

$$H_1 = 0x6ed9eba1 = [2^{30}\sqrt{3}],$$

$$H_2 = 0x8f1bbcdc = [2^{30}\sqrt{5}],$$

$$H_3 = 0x6ac2c1d6 = [2^{30}\sqrt{10}],$$

$$H_4 = 0xf7def58a = [2^{30}\sqrt{15}].$$

## Функции, используемые в *Hierocrypt – L1*

$$x_{1(8)} || x_{2(8)} || \dots || x_{8(8)} = X_{1(32)} || X_{2(32)} = X_{(64)},$$

$$x_{1(8)} || x_{2(8)} || x_{3(8)} || x_{4(8)} = X_{(32)},$$

$$K_{1(64)} || K_{2(64)} = K_{(128)}.$$

Функции  $\rho$  (см. рис. 2) и  $\rho^{-1}$ :

$$\rho(X_{(64)}, K_{(128)})_{(64)} = \text{MDS}_H(XS(X_{(64)}, K_{(128)})),$$

$$\rho^{-1}(X_{(64)}, K_{(128)})_{(64)} = XS^{-1}(\text{MDS}_H^{-1}(X_{(64)}, K_{(128)})).$$

Функции  $XS$  и  $XS^{-1}$ :

$$XS(X_{(64)}, K_{(128)})_{(64)} = S(\text{MDS}_L(X_{(64)} \oplus K_{1(64)})) \oplus K_{2(64)},$$

$$XS^{-1}(X_{(64)}, K_{(128)})_{(64)} = S^{-1}(\text{MDS}_L^{-1}(S^{-1}(X_{(64)} \oplus K_{2(64)})) \oplus K_{1(64)}).$$

Отметим, что

$$\rho(\rho^{-1}(X_{(64)}, K'_{(128)}), K''_{(128)}) = \rho^{-1}(\rho(X_{(64)}, K'_{(128)}), K'_{(128)}) = X_{(64)},$$

$$XS(XS^{-1}(X_{(64)}, K'_{(128)}), K''_{(128)}) = XS^{-1}(XS(X_{(64)}, K'_{(128)}), K'_{(128)}) = X_{(64)},$$

если  $K'_{(128)} = K''_{(128)}$ .

Функции  $S$  и  $S^{-1}$ :

$$S(X_{(64)})_{(64)} = s(x_{1(8)}) || s(x_{2(8)}) || \dots || s(x_{8(8)}),$$

$$S^{-1}(X_{(64)})_{(64)} = s^{-1}(x_{1(8)}) || s^{-1}(x_{2(8)}) || \dots || s^{-1}(x_{8(8)}),$$

где  $s$  — подстановка на множестве байтов, заданная табл. 1, а  $s^{-1}$  — подстановка, обратная к  $s$ .

$$Z_{(128)}^{(-1)} := K;$$

$$Y_{(32)} := M_5(Z_{3(32)}^{(-1)}) \oplus H_0;$$

$$Z_{(128)}^{(0)} := Z_{2(32)}^{(-1)} || Z_{1(32)}^{(-1)} \oplus F_\sigma(Z_{2(32)}^{(-1)} \oplus Y_{32}) || Y_{(32)} || M_B(Z_{4(32)}^{(-1)});$$

**for**  $t := 1$  **to** 4 **do** {

$$U_{(64)} := P^{(16)}(Z_{3(32)}^{(t-1)} || Z_{4(32)}^{(t-1)});$$

$$Y_{32} := M_5(U_{1(32)}) \oplus H_t;$$

$$V_{(32)}^{(t)} := F_\sigma(Z_{2(32)}^{(t-1)} \oplus Y_{32});$$

$$Z_{(128)}^{(t)} := Z_{2(32)}^{(t-1)} || Z_{1(32)}^{(t-1)} \oplus V_{(32)}^{(t)} || Y_{(32)} || M_B(U_{2(32)})$$

};

**for**  $t := 5$  **to** 7 **do** {

$$Z_{(128)}^{(t)} := Z_{(128)}^{(8-t)};$$

$V_{(32)}^{(t)} := F_{\sigma} \left( Z_{1(32)}^{(t-1)} \oplus Z_{3(32)}^{(t-1)} \right);$   
 $W_{(64)}^{(t)} := M_B \left( Z_{3(32)}^{(t-1)} \oplus H_{9-t} \right) || M_5 \left( Z_{4(32)}^{(t-1)} \right);$   
 $Z_{3(32)}^{(t)} || Z_{4(32)}^{(t)} = P^{(16)^{-1}} \left( W_{1(32)}^{(t)} || W_{2(32)}^{(t)} \right)$   
 $\};$   
**for**  $t := 1$  **to**  $4$  **do**  
 $K_{(128)}^{(t)} := Z_{(128)}^{(t-1)} \oplus V_{(32)}^{(t)} || Z_{3(32)}^{(t)} \oplus V_{(32)}^{(t)} || Z_{4(32)}^{(t)} \oplus V_{(32)}^{(t)} || Z_{2(32)}^{(t-1)} \oplus Z_{4(32)}^{(t)}.$

Подстановка  $s$  в *Hierocrypt* является композицией трех подстановок:

$$s(x_{(8)}) = Add(Power(Perm(x_{(8)}))),$$

$$y_{(8)} = Perm(x_{(8)}), y_{i(1)} = x_{\pi[i](1)}.$$

Преобразование *Perm* осуществляет перестановку битов в байте  $x_{(8)}$  согласно таблице 1 (бит 3 перемещается в позицию 1, бит 7 – в позицию 2 и т.д.; при этом бит 1 является старшим, т.е.

$$N(x_{(8)}) = \sum_{i=1}^8 x_{i(1)} 2^{8-i};$$

Таблица 1								
$i$	1	2	3	4	5	6	7	8
$\pi[i]$	3	7	5	8	6	2	4	1

$$Power: \mathbb{F}_{256} \rightarrow \mathbb{F}_{256}, Power(x_{(8)}) = (x_{(8)})^{2^{47}}.$$

В *Power* байты интерпретируются как элементы конечного поля  $\mathbb{F}_{256} \cong \mathbb{F}_2[z] / p(z)$ , где  $p(z) = z^8 + z^6 + z^5 + z + 1$ ; при этом байте  $x_{(8)} = x_{1(1)} || x_{2(1)} || \dots || x_{8(1)}$  сопоставляется многочлен  $x_{1(1)}z^7 + x_{2(1)}z^6 + \dots + x_{7(1)}z^1 + x_{8(1)}$ , рассматриваемый как элемент поля  $\mathbb{F}_{256}$ ;

$$Add(x_{(8)}) = x_{(8)} \oplus 0x07.$$

Обратная подстановка  $s^{-1}$  имеет вид:

$$s^{-1}(x) = Perm^{-1} \left( Power^{-1}(Add^{-1}(x)) \right) = Perm^{-1}((x \oplus 0x07)^{2^{23}}),$$

где возведение в степень осуществляется в том же поле  $\mathbb{F}_{256}$ , а подстановка  $Perm^{-1}$  задается таблицей 2:

Таблица 2								
$i$	1	2	3	4	5	6	7	8
$\pi^{-1}[i]$	8	6	1	7	3	5	2	4

Функции  $MDS_L$  и  $MDS_L^{-1}$ ,  $mds_L$  и  $mds_L^{-1}$ ,  $MDS_H$  и  $MDS_H^{-1}$ ,  $M_5$  и  $M_B$ ,  $F_{\sigma}$ ,  $P^{(n)}$  и  $(P^{(n)})^{-1}$  определяются следующим образом:

$$MDS_L(X_{(64)})_{(64)} = mds_L(X_{1(32)} || mds_L(X_{2(32)}),$$

$$MDS_L^{-1}(X_{(64)})_{(64)} = mds_L^{-1}(X_{1(32)} || mds_L^{-1}(X_{2(32)});$$

$$mds_L(X_{(32)})_{(32)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || y_{3(8)} || y_{4(8)},$$

$$mds_L^{-1}(X_{(32)})_{(32)} = z_{1(8)} || z_{2(8)} || z_{3(8)} || z_{4(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = A \cdot \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} z_{1(8)} \\ z_{2(8)} \\ z_{3(8)} \\ z_{4(8)} \end{pmatrix} = A^{-1} \cdot \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix},$$

$$A = \begin{pmatrix} 0xc4 & 0x65 & 0xc8 & 0x8b \\ 0x8b & 0xc4 & 0x65 & 0xc8 \\ 0xc8 & 0x8b & 0xc4 & 0x65 \\ 0x65 & 0xc8 & 0x8b & 0xc4 \end{pmatrix}, \quad A^{-1} = \begin{pmatrix} 0x82 & 0xc4 & 0x34 & 0xf6 \\ 0xf6 & 0x82 & 0xc4 & 0x34 \\ 0x34 & 0xf6 & 0x82 & 0xc4 \\ 0xc4 & 0x34 & 0xf6 & 0x82 \end{pmatrix}.$$

Здесь байты  $y_{1(8)}$ ,  $z_{1(8)}$ ,  $x_{i(8)}$  и элементы матриц  $A$  и  $A^{-1}$  интерпретируются как элементы указанного выше поля  $\mathbb{F}_{256}$ .

Функции  $MDS_H$  и  $MDS_H^{-1}$ :

$$MDS_H(X_{(64)})_{(64)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || y_{3(8)} || y_{4(8)},$$

$$MDS_H^{-1}(X_{(64)})_{(64)} = z_{1(8)} || z_{2(8)} || z_{3(8)} || z_{4(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \\ y_{5(8)} \\ y_{6(8)} \\ y_{7(8)} \\ y_{8(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \\ x_{5(8)} \\ x_{6(8)} \\ x_{7(8)} \\ x_{8(8)} \end{pmatrix},$$

(т.е.  $y_{1(8)} = x_{1(8)} \oplus x_{3(8)} \oplus x_{5(8)} \oplus x_{6(8)} \oplus x_{7(8)}$  и т.д.),

$$\begin{pmatrix} z_{1(8)} \\ z_{2(8)} \\ z_{3(8)} \\ z_{4(8)} \\ z_{5(8)} \\ z_{6(8)} \\ z_{7(8)} \\ z_{8(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \\ x_{5(8)} \\ x_{6(8)} \\ x_{7(8)} \\ x_{8(8)} \end{pmatrix}.$$

Функции  $M_5$  и  $M_B$  (см. рис. 3):

$$M_5(X_{(32)})_{(32)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || y_{3(8)} || y_{4(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix};$$

$$M_B(X_{(32)})_{(32)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || y_{3(8)} || y_{4(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix};$$

Функция  $F_\sigma$  (см. рис. 4):

$$F_\sigma(X_{(32)})_{(32)} = P^{(8)}(s(x_{1(8)}) || s(x_{2(8)}) || s(x_{3(8)}) || s(x_{4(8)})).$$

Функции  $P^{(n)}$  и  $(P^{(n)})^{-1}$ ,  $n = 8, 16$  или  $32$  (см. рис. 5):

$$P^{(n)}(X_{(4n)})_{(4n)} = y_{1(n)} || y_{2(n)} || y_{3(n)} || y_{4(n)},$$

$$(P_{(n)})^{-1} (X_{(4n)})_{(4n)} = z_{1(n)} || z_{2(n)} || z_{3(n)} || z_{4(n)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} z_{1(8)} \\ z_{2(8)} \\ z_{3(8)} \\ z_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix}.$$

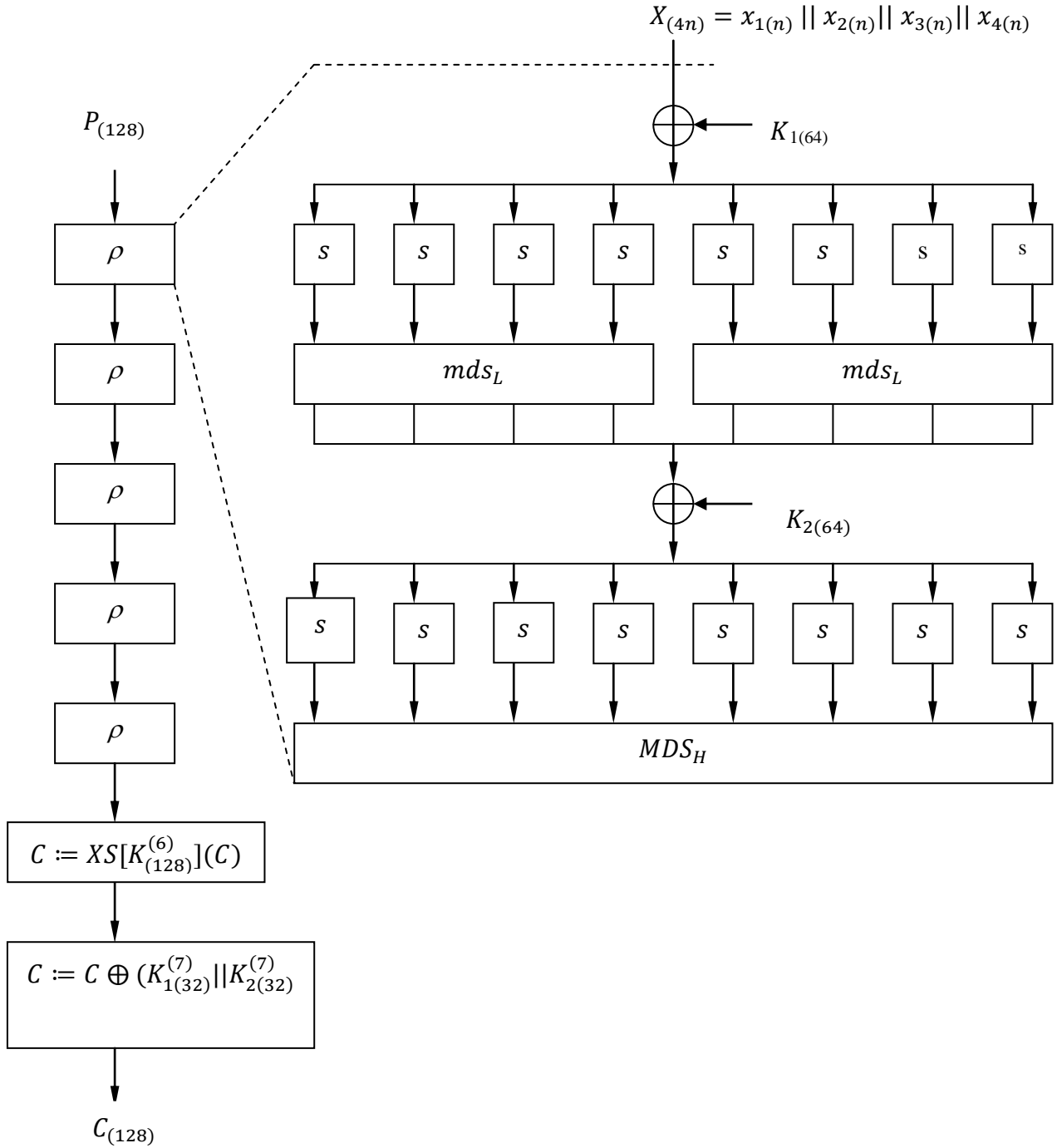


Рис. 1. Структура алгоритма Hierocrypt – L1

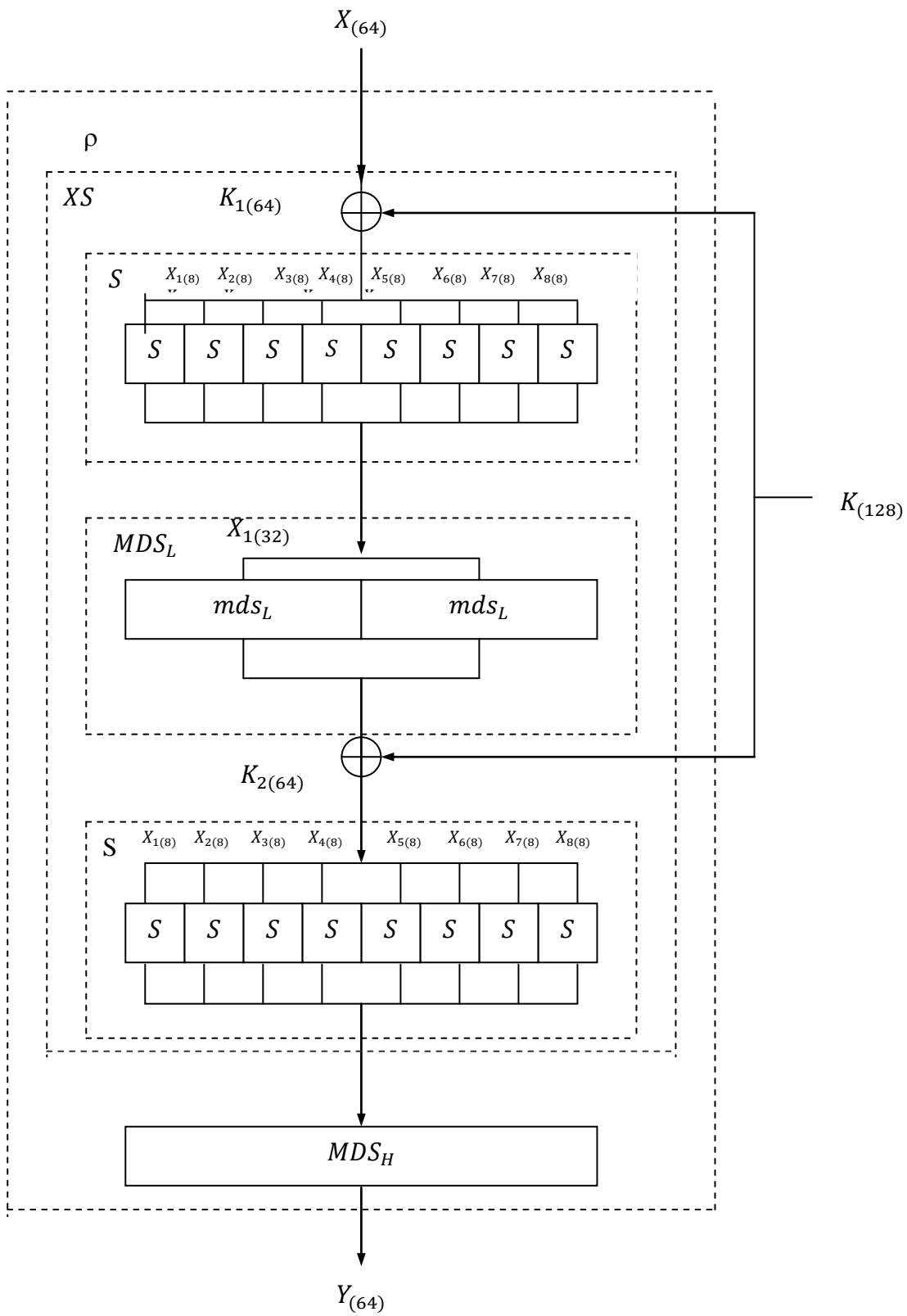


Рис. 2. Функция  $\rho$

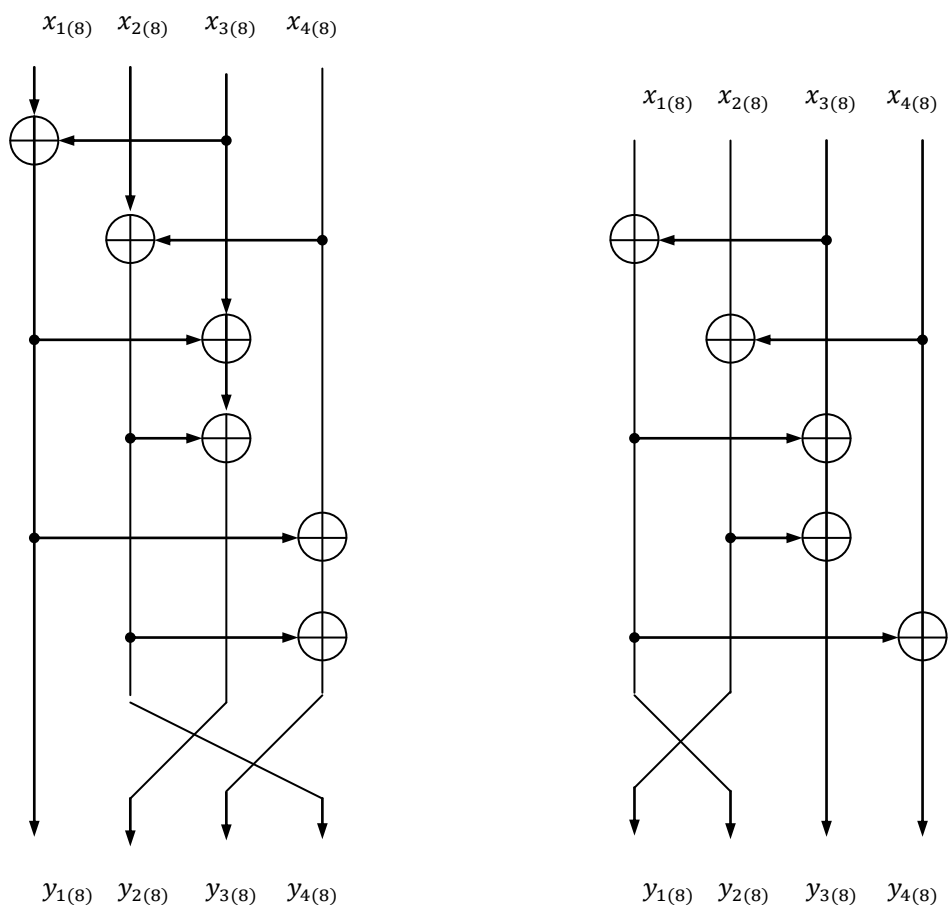


Рис. 3. Функции  $M_5$  и  $M_B$

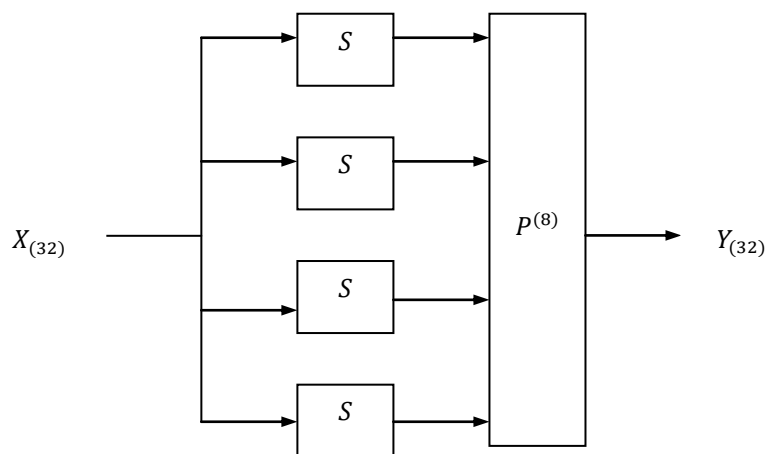


Рис. 4. Функция  $F_\sigma$

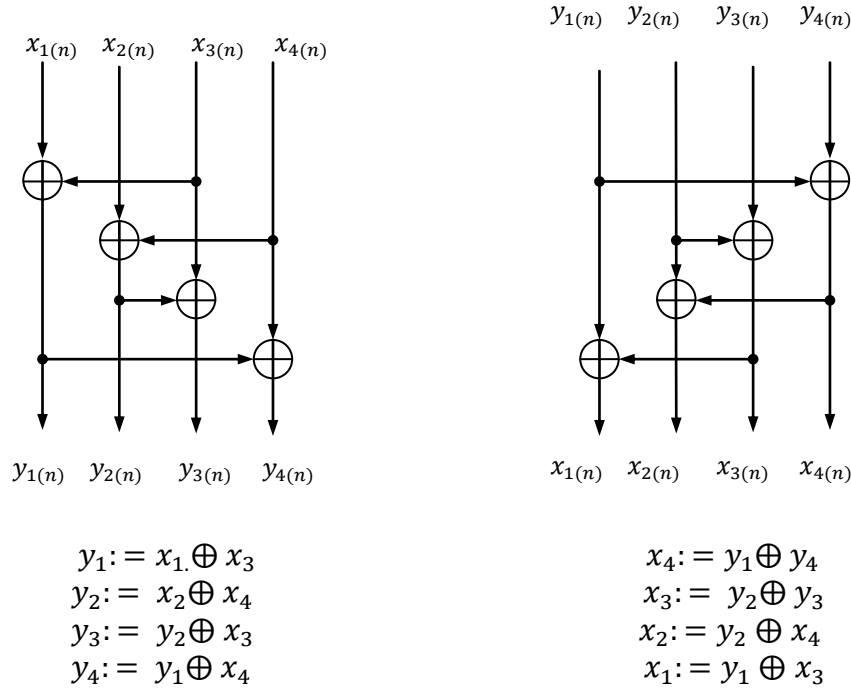


Рис. 5. Функции  $P^{(n)}$  и  $(P^{(n)})^{-1}$

**Hierocrypt – 3.**  $T$ -раундовый алгоритм *Hierocrypt – 3* состоит из  $T - 1$  раундов, в которых применяется преобразование  $\rho$ , преобразования  $XS$  и заключительного забеливания, выполняемых под управлением раундовых подключей  $K_{(128)}^{(t)}$ ,  $t = 1, 2, \dots, T + 1$ . Значение  $T$  равно 6, 7 или 8 соответственно для 128-, 192- и 256-битового секретного ключа  $K$ .

### Алгоритм зашифрования *Hierocrypt – 3*

**Вход:**  $P$  – 128-битовый блок открытых данных.

$C := P$ ;

**for**  $t := 1$  **to**  $T - 1$  **do**  $C := \rho(C, K_{(256)}^{(t)})$ ;

$XS(C, K_{(256)}^{(T)})$ ;

$C := C \oplus (K_{1(64)}^{(T+1)} \parallel K_{2(64)}^{(T+1)})$ .

**Выход:**  $C$  – 128-битовый блок шифртекста.

### Алгоритм расшифрования *Hierocrypt – 3*

**Вход:**  $C$  – 128-битовый блок шифртекста.

$P := C \oplus (K_{1(64)}^{(T+1)} \parallel K_{2(64)}^{(T+1)})$ ;

$XS^{-1}(P, K_{(256)}^{(T)})$ ;

**for**  $t := T - 1$  **downto** 1 **do**  $P := \rho^{-1}(P, K_{(256)}^{(t)})$ .

**Выход:**  $P$  – 128-битовый блок открытых данных.

### Генерация раундовых подключей в *Hierocrypt – 3*

При вычислении раундовых подключей  $K_{(256)}^{(t)} = K_{1(64)}^{(t)} \parallel K_{2(64)}^{(t)} \parallel K_{3(64)}^{(t)} \parallel K_{4(64)}^{(t)}$ ,  $t = 1, 2, \dots, T + 1$ , используются вспомогательные переменные

$Z_{(256)}^{(t)} = Z_{1(64)}^{(t)} \parallel Z_{2(64)}^{(t)} \parallel Z_{3(64)}^{(t)} \parallel Z_{4(64)}^{(t)}$ ,  $K_{(64)}^{(t)}$ ,  $t = -1, 0, 1, \dots, T + 1$ ;

$W_{1(128)}^{(t)} = W_{1(64)}^{(t)} \parallel W_{2(64)}^{(t)}$ ,  $t = t_{turn} + 1, \dots, T + 1$ ,



где  $t_{turn} = (T + 2) \text{ div } 2$  (т.е.  $t_{turn} = 4$  для 128- и 192-битового секретного ключа и  $t_{turn} = 5$  для 256-битового секретного ключа);  $Y_{(64)}, U_{(128)} = U_{1(64)} || U_{2(64)}$  и 64-битовые константы  $G_t$ , заданные таблицей 2 (значения 32-битовых констант  $H_0, H_1, H_2, H_3$  те же, что и для алгоритма *Hierocrypt – L1*).

**Таблица 2**  
**Константы  $G_t$  в *Hierocrypt-3***

$t$	$L(K)$ – длина секретного ключа $K$		
	128	192	256
-1	$H_3    H_2$	$H_2    H_3$	—
0	$H_1    H_0$	$H_1    H_0$	$H_1    H_0$
1	$H_3    H_0$	$H_2    H_1$	$H_2    H_3$
2	$H_2    H_1$	$H_3    H_0$	$H_3    H_0$
3	$H_1    H_3$	$H_0    H_2$	$H_1    H_3$
4	$H_0    H_2$	$H_1    H_3$	$H_2    H_1$
5	$H_0    H_2$	$H_1    H_3$	$H_0    H_2$
6	$H_1    H_3$	$H_0    H_2$	$H_0    H_2$
7	$H_2    H_1$	$H_3    H_0$	$H_2    H_1$
8	—	$H_2    H_1$	$H_1    H_3$
9	—	—	$H_3    H_0$

**if**  $L(K) = 128$  **then**  $Z_{(256)}^{(-1)} := K || K_{1(64)} || G_{-1}$

**else if**  $L(K) = 192$  **then**  $Z_{(256)}^{(-1)} := K || G_{-1}$  **else**  $Z_{(256)}^{(-1)} := K$ ;

$Y_{(64)} := M_{5E} \left( Z_{3(64)}^{(-1)} \right) \oplus G_0$ ;

$Z_{(256)}^{(0)} := Z_{2(64)}^{(-1)} || \left( Z_{1(64)}^{(-1)} \oplus F_{\sigma} \left( Z_{2(64)}^{(-1)} \oplus Y_{(64)} \right) \right) || Y_{(64)} || M_{5E} \left( Z_{4(64)}^{(-1)} \right)$ ;

**for**  $t := 1$  **to**  $t_{turn}$  **do** {

$U_{(128)} := P^{(32)} \left( Z_{3(64)}^{(t-1)} || Z_{4(64)}^{(t-1)} \right)$ ;

$Y_{(64)} := M_{5E} \left( U_{1(64)} \right) \oplus G_t$ ;

$V_{(64)} := F_{\sigma} \left( Z_{2(64)}^{(t-1)} \oplus Y_{(64)} \right)$ ;

$Z_{(256)}^{(t)} := Z_{2(64)}^{(t-1)} || \left( Z_{1(64)}^{(t-1)} \oplus V_{(64)}^{(t)} \right) || Y_{(64)} || M_{5E} \left( U_{2(64)} \right)$

};

**for**  $t := t_{turn} + 1$  **to**  $T + 1$  **do** {

$Z_{(256)}^{(t)} := Z_{(256)}^{(2t_{turn}-t)}$ ;

$V_{(64)}^{(t)} := F_{\sigma} \left( Z_{1(64)}^{(t-1)} \oplus Z_{3(64)}^{(t-1)} \right)$ ;

$W_{(128)}^{(t)} := M_{B3} \left( Z_{3(64)}^{(t-1)} \oplus G_t \right) || M_{B3} \left( Z_{4(64)}^{(t-1)} \right)$

};

**for**  $t := 1$  **to**  $t_{turn}$  **do**

$K_{(256)}^{(t)} := Z_{1(64)}^{(t-1)} \oplus V_{(64)}^{(t)} || Z_{3(64)}^{(t-1)} \oplus V_{(64)}^{(t)} || Z_{4(64)}^{(t-1)} \oplus V_{(64)}^{(t)} || Z_{2(64)}^{(t-1)} \oplus V_{(64)}^{(t)}$ ;

**for**  $t := t_{turn} + 1$  **to**  $T + 1$  **do**

$K_{(256)}^{(t)} := Z_{1(64)}^{(t)} \oplus Z_{3(64)}^{(t-1)} || W_{1(64)}^{(t)} \oplus V_{(64)}^{(t)} || W_{2(64)}^{(t)} \oplus V_{(64)}^{(t)} || Z_{1(64)}^{(t-1)} \oplus W_{2(64)}^{(t)}$ .

### Функции, используемые в *Hierocrypt-3*

**Обозначения:**

$x_{1(8)} || x_{2(8)} || \dots || x_{16(8)} = X_{1(32)} || X_{2(32)} || X_{3(32)} || X_{4(32)} = X_{(128)}$ ,

$x_{1(8)} || x_{2(8)} || \dots || x_{8(8)} = X_{(64)}$ ,

$K_{1(128)} || K_{2(128)} = K_{(256)}$ .

Функция  $\rho$ :

$$\rho(X_{(128)}, K_{(256)})_{(128)} = MDS_H(XS(X_{(128)}, K_{(256)})).$$

Функция  $MDS_H$ :

$$MDS_H(X_{(128)})_{(128)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || \dots || y_{16(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \\ y_{5(8)} \\ y_{6(8)} \\ y_{7(8)} \\ y_{8(8)} \\ y_{9(8)} \\ y_{10(8)} \\ y_{11(8)} \\ y_{12(8)} \\ y_{13(8)} \\ y_{14(8)} \\ y_{15(8)} \\ y_{16(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \textcolor{red}{0} & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \\ x_{5(8)} \\ x_{6(8)} \\ x_{7(8)} \\ x_{8(8)} \\ x_{9(8)} \\ x_{10(8)} \\ x_{11(8)} \\ x_{12(8)} \\ x_{13(8)} \\ x_{14(8)} \\ x_{15(8)} \\ x_{16(8)} \end{pmatrix},$$

т.е.  $y_{1(8)} = x_{1(8)} \oplus x_{3(8)} \oplus x_{5(8)} \oplus x_{7(8)} \oplus x_{9(8)} \oplus x_{10(8)} \oplus x_{12(8)} \oplus x_{13(8)} \oplus x_{14(8)} \oplus x_{15(8)} \oplus x_{16(8)}$  и т.д.

Функция  $XS$ :

$$XS(X_{(128)}, K_{(256)})_{(128)} = S(MDS_L(S(X_{(128)} \oplus K_{1(128)})) \oplus K_{2(128)}).$$

Функция  $S$ :

$$S(X_{(128)})_{(128)} = s(x_{1(8)}) || s(x_{2(8)}) || \dots || s(x_{16(8)}),$$

где  $s$  – подстановка на множестве байтов, заданная таблицей 1 (в описании *Hierocrypt – L1*).

Функция  $MDS_L$ :

$$MDS_L(X_{(128)})_{(128)} = mds_L(X_{1(32)}) || mds_L(X_{2(32)}) || mds_L(X_{3(32)}) || mds_L(X_{4(32)}),$$

где  $mds_L$  – функция, определенная в *Hierocrypt – L1*.

Функция  $P^{(n)}$  – та же, что и в *Hierocrypt – L1*.

Функция  $M_{5E}$ :

$$M_{5E}(X_{(64)})_{(64)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || \dots || y_{8(8)}, \text{ где}$$

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} y_{5(8)} \\ y_{6(8)} \\ y_{7(8)} \\ y_{8(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{5(8)} \\ x_{6(8)} \\ x_{7(8)} \\ x_{8(8)} \end{pmatrix}$$

Функция  $M_{B3}$ :

$$M_{B3}(X_{(64)})_{(64)} = y_{1(8)} || y_{2(8)} || \dots || y_{8(8)},$$

где

$$\begin{pmatrix} y_{1(8)} \\ y_{2(8)} \\ y_{3(8)} \\ y_{4(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{1(8)} \\ x_{2(8)} \\ x_{3(8)} \\ x_{4(8)} \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} y_{5(8)} \\ y_{6(8)} \\ y_{7(8)} \\ y_{8(8)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{5(8)} \\ x_{6(8)} \\ x_{7(8)} \\ x_{8(8)} \end{pmatrix}$$

Функция  $F_\sigma$ :

$$F_\sigma(X_{(64)})_{(64)} = P^{(16)}(s(x_{1(8)}) || s(x_{2(8)}) || \dots || s(x_{8(8)})).$$