# ZÁRÓVIZSGA TÉTELEK ELTE IK Programtervező informatikus BSc szak

## 1. Függvények határértéke, folytonossága

Függvények határértéke, folytonossága. Kompakt halmazon folytonos függvények tulajdonságai: Heine-tétel, Weierstrass-tétel, Bolzano-tétel. A hatványsor fogalma, Cauchy-Hadamard-tétel, analitikus függvények.

## 2. Differenciál- és integrálszámítás

Jacobi-mátrix, gradiens, parciális derivált. Szélsőérték, függvényvizsgálat. Riemann-integrál, parciális integrálás, integrálás helyettesítéssel. Newton-Leibniz-formula. A kezdeti érték probléma. Lineáris, ill. magasabb rendű lineáris differenciálegyenletek.

#### 3. Numerikus módszerek

Iterációs módszerek: Lineáris egyenletrendszerekre és nemlineáris egyenletekre. Interpoláció: Lagrange-, Hermite- Spline interpoláció. Legkisebb négyzetek módszere.

# 4. Számelmélet, gráfok, kódoláselmélet

Relációk, rendezések. Függvények és műveletek. Számfogalom, komplex számok. Leszámlálások véges halmazokon. Számelméleti alapfogalmak, lineáris kongruencia-egyenletek. Általános és síkgráfok, fák, Euler- és Hamilton-gráfok, gráfok adatszerkezetei. Polinomok és műveleteik, maradékos osztás, Horner-séma. Betűnkénti kódolás, Shannon- és Huffman-kód. Hibajavító kódok, kódtávolság. Lineáris kódok.

## 5. Valószinűségszámítási és statisztikai alapok

Diszkrét és folytonos valószínűségi változók, nagy számok törvénye, centrális határeloszlás tétel. Statisztikai becslések, klasszikus statisztikai próbák.

## 6. Mesterséges intelligencia

MI problémák és az útkeresési feladat kapcsolata. Állapottér reprezentáció. Heurisztikus útkereső algoritmusok: lokális keresések (hegymászó módszer, tabu-keresés, szimulált hűtés), visszalépéses keresés, heurisztikus gráfkereső eljárások (A, A\*, A<sup>c</sup>, B algoritmusok). Kétszemélyes játékok.

# 7. Programozás

Egyszerű programozási feladat megoldásának lépései (specifikálás, tervezés, megvalósítás, tesztelés). Az adattípus fogalma (típusspecifikáció, műveletek, reprezentáció, invariáns, implementáció). A visszavezetés módszere. A felsoroló típus specifikációja. Felsorolóra megfogalmazott programozási tételek (összegzés, számlálás, maximum kiválasztás, feltételes maximumkeresés, lineáris keresés, kiválasztás). Nevezetes gyűjtemények (intervallum, tömb, sorozat, halmaz, szekvenciális inputfájl) felsorolói.

#### 8. Programfejlesztési modellek

Nagy rendszerek fejlesztési fázisai, kapcsolataik. Az objektumelvű modellezés nézetrendszerei. Statikus modell (osztálydiagram, objektumdiagram). Dinamikus modell (állapotdiagram, szekvenciadiagram, együttműködési diagram, tevékenységdiagram). Használati esetek diagramja.

## 9. Programok fordítása és végrehajtása

Fordítás és interpretálás összehasonlítása. Fordítási egység és a szerkesztés fogalma. Fordítóprogramok komponenseinek feladata és működési elveik vázlatos ismertetése. Kódgenerálás assemblyben alapvető imperatív vezérlési szerkezetekhez. A szekvenciális és párhuzamos/elosztott végrehajtás összehasonlítása

## 10. Programnyelvi alapok

Kifejezések kiértékelésének szabályai. Vezérlési szerkezetek: utasítások, rekurzió. Típusok: tömb, rekord, osztály, öröklődés, statikus és dinamikus kötés, polimorfizmus. Generikusok. Hatókör/láthatóság. Automatikus, statikus és dinamikus élettartam, szemétgyűjtés. Konstruktor, destruktor. Objektumok másolása, összehasonlítása. Alprogramok, paraméterátadás, túlterhelés.

## 11. Formális nyelvek

Formális nyelvtanok és a Chomsky-féle nyelvosztályok. Automaták: véges automata, veremautomata. Reguláris nyelvek tulajdonságai és alkalmazásai. Környezetfüggetlen nyelvek tulajdonságai és elemzésük.

## 12. Logika és számításelmélet

Ítéletkalkulus és elsőrendű predikátumkalkulus: szintaxis, szemantika, ekvivalens átalakítások, a szemantikus következmény fogalma, rezolúció. – A kiszámíthatóság fogalma és a Church-Turing tézis. A Turing-gép. Rekurzív és rekurzívan felsorolható nyelvek. Eldönthetetlen problémák. Nevezetes idő- és tárbonyolultsági osztályok: P, NP, PSPACE. NP-teljes problémák.

# 13. Alapvető algoritmusok és adatszerkezetek

Egyszerű adattípusok ábrázolásai, műveletei és fontosabb alkalmazásai. A hatékony adattárolás és visszakeresés néhány megvalósítása (bináris keresőfa, AVL-fa, 2-3-fa és B-fa, hasítás ("hash-elés")). Összehasonlító rendező algoritmusok (buborék és beszúró rendezés, ill. verseny, kupac, gyors és összefésülő rendezés); a műveletigény alsó korlátja.

## 14. Haladó algoritmusok

Gráfalgoritmusok: gráfok ábrázolás, szélességi bejárás, minimális költségű utak keresése, minimális költségű feszítőfa keresése, mélységi bejárás, DAG topologikus rendezése. Adattömörítések (Huffman- és LZW-algoritmus). Mintaillesztés módszerei.

## 15. Operációs rendszerek

Folyamatok megvalósítása, ütemező algoritmusaik. Párhuzamosság, kritikus szekciók, kölcsönös kizárás megvalósítása. Szemaforok, osztott memória, üzenetküldés. Be- és kimeneti eszközök ütemezési lehetőségei, holtpontok. Memóriakezelés, virtuális memória fogalma. Lapozás és szegmentálás. Lapcserélési algoritmusok. Lemezterület-szervezés, redundáns tömbök, fájlrendszerek szolgáltatásai és jellemző megvalósításaik.

# 16. Számítógépes hálózatok és Internet eszközök

Fizikai réteg, adatkapcsolati réteg, hálózati réteg, szállítói réteg – feladatok, módszerek, protokollok.

#### 17. Osztott rendszerek

- (A, C) Folyamat fogalma, elosztott rendszerek tulajdonságai és felépítése, elnevezési rendszerek, kommunikáció, szinkronizáció, konzisztencia.
- (B) Feladatok specifikációja biztonsági és haladási feltételekkel, absztrakt párhuzamos program tulajdonságai, megoldás fogalma, nevezetes feladatok megoldása párhuzamos és elosztott programokkal.

#### 18. Adatbázisok tervezése és lekérdezése

Relációs adatmodell, egyed-kapcsolat modell és átalakítása relációs adatmodellbe. Relációs algebra, SQL. Az SQL procedurális kiterjesztése (PL/SQL vagy PSM). Relációs adatbázis-sémák tervezése, normálformák, dekompozíciók.

# 19. Adatbázisok optimalizálása és konkurencia kezelése

Az adatbáziskezelő rendszerek feladata, részei. Indexstruktúrák, lekérdezések végrehajtása, optimalizálási stratégiák. Tranzakciók feldolgozása, naplózás és helyreállítás, konkurencia-kezelés.