Analízis I. (BSc)

Programtervező informatikus szak Elméleti kérdések gyakorlatokhoz, röpdolgozatokhoz

2. gyakorlat.

- Mit mond ki a Dedekind-axióma vagy szétválasztási axióma?
- Írja le pozitív formában azt, hogy egy $\emptyset \neq A \subset \mathbb{R}$ halmaz felülről nem korlátos?
- Fogalmazza meg egyenlőtlenségekkel azt a tényt, hogy egy $\emptyset \neq A \subset \mathbb{R}$ halmaz korlátos!
- Fogalmazza meg a szuprémum elvet!
- Mi a szuprémum definíciója?
- Fogalmazza meg egyenlőtlenségekkel azt a tényt, hogy $\xi = \sup H \in \mathbb{R}!$
- Mi az infimum definíciója?
- Fogalmazza meg egyenlőtlenségekkel azt a tényt, hogy $\xi = \inf H \in \mathbb{R}!$
- Mi a kapcsolat egy halmaz maximuma és a szuprémuma között?
- Mi a kapcsolat egy halmaz minimuma és az infimuma között?

3. gyakorlat.

- Hogyan értelmezi a függvényt?
- Mit jelent az $f \in A \to B$ szimbólum?
- Mit jelent az $f: A \to B$ szimbólum?
- Definiálja a halmaznak függvény által létesített képét!
- Definiálja a halmaznak függvény által létesített ősképét!
- Mikor nevez egy függvényt invertálhatónak (vagy injektívnek)?
- Definiálja az inverz függvényt!
- Mi a definíciója az összetett függvénynek?

4. gyakorlat.

- Mit ért azon, hogy egy számsorozat konvergens?
- Mit ért azon, hogy egy számsorozat divergens?
- Pozitív állítás formájában fogalmazza meg azt, hogy egy számsorozat divergens!
- Milyen állítást ismer sorozatok esetén a konvergencia és a korlátosság kapcsolatáról?
- Mit jelent az, hogy egy valós számsorozatnak $+\infty$ a határértéke?
- Mit jelent az, hogy egy valós számsorozatnak $-\infty$ a határértéke?
- Környezetekkel fogalmazza meg azt, hogy az (a_n) valós számsorozatnak (tágabb értelemben) van határértéke.
- Hogyan definiálja egy sorozat részsorozatát?

5. gyakorlat.

- Mit tud mondani nullsorozatok összegéről?
- Mit tud mondani korlátos sorozat és nullsorozat szorzatáról?

- Mondjon példát olyan (a_n) , $(b_n) : \mathbb{N} \to \mathbb{R}$ sorozatokra, amelyekre $\lim(a_n) = 0$, $\lim(b_n) = 0$ és a $\lim(a_n/b_n)$ határérték nem létezik.
- Milyen állítást ismer konvergens sorozatok összegéről?
- Milyen állítást ismer konvergens sorozatok szorzatáról?
- Milyen állítást ismer konvergens sorozatok hányadosáról?
- Milyen állítást tud mondani (tágabb értelemben) határértékkel bíró sorozatok összegéről?
- Milyen állítást tud mondani (tágabb értelemben) határértékkel bíró sorozatok szorzatáról?
- Milyen állítást tud mondani (tágabb értelemben) határértékkel bíró sorozatok hányadosáról?
- Legyen $q \in \mathbb{R}$. Mit tud mondani a (q^n) sorozatról határérték szempontjából?

6. gyakorlat

- Adja meg az e számot definiáló sorozatot!
- Fogalmazza meg a sorozatokra vonatkozó közrefogási elvet!
- Milyen tételt ismer monoton sorozatok határértékével kapcsolatban?
- Igaz-e az, hogy ha az (a_n) és a (b_n) sorozatoknak van határértéke és $a_n > b_n$ minden n-re, akkor $\lim(a_n) > \lim(b_n)$?
- Fogalmazza meg egy valós szám *m*-edik gyökének a létezésére vonatkozó tételt, és adjon olyan eljárást, amivel ezek a számok nagy pontossággal előállíthatók.
- Hogyan szól a Bolzano–Weierstrass-féle kiválasztási tétel?
- Mikor nevez egy sorozatot Cauchy-sorozatnak?
- Mi a kapcsolat a konvergens sorozatok és a Cauchy-sorozatok között?