# Техническое задание

# Тема: привод следящей системы (задание №3)

Разработать конструкцию привода следящей системы по предложенной схеме в соответствии с заданным вариантом.

Вариант	2
Скорость вращения выходного вала $\omega,\ c^{-1}$	5
Ускорение вращения выходного вала $\epsilon, c^{-2}$	36
Момент инерции нагрузки $J$ , кгм $^2$	0,015
Угол поворота выходного вала $\phi$	120
Присоединительный диаметр $d$ , мм	50
Тип потенциометра	ПТП или ППМЛ -
	выбирается самостоятельно
	с соответствующим
	обоснованием
Тип электродвигателя	Выбирать из серий ДИД, ДГ

Таблица 1: Исходные данные для расчёта

# Расчётная часть

# 1.1. Предварительный расчёт электродвигателя

Сначала вычислим момент нагрузки на выходном валу:

$$M = J\epsilon = 0.015 \cdot 36 = 540 \text{ Hmm}$$

Затем вычислим минимально возможную мощность двигателя, используя формулу

$$N = \xi \frac{M\omega}{\eta_p}.$$

Приняв запас прочности  $\xi=1,1,$  а оценочный КПД редуктора  $\eta_p=0.8,$  получим  $N=3.71~{\rm Bt}.$ 

Предварительно выберем двигатель ДГ-5ТА:

Мощность $N$ , Вт	5
Номинальный момент $M_{\text{ном}}$ , Нмм	10
Пусковой момент $M_{\Pi}$ , Нмм	22
Скорость вращения вала $n_{\text{ном}}$ , об\мин	6000
Момент инерции ротора $J_p$ , кгм <sup>2</sup>	4E-7
Напряжение питания U, B	36

Таблица 2: Параметры двигателя

# 1.2. Кинематический и вспомогательный силовой расчёты

## 1.2.1. Определение общего передаточного отношения

Вычислим общее передаточное отношение редуктора по формуле

$$i_0 = \frac{n_{\text{HOM}}}{n_{\text{BMX}}}.$$

Скорость вращения выходного вала находим по формуле

$$n_{\scriptscriptstyle \mathrm{BMX}} = rac{30\omega}{\pi}.$$

В результате получаем

$$i_0 = \frac{n_{\text{HOM}}\pi}{30\omega} = \frac{6000 \cdot 3, 14}{30 \cdot 5} = 126$$

# 1.2.2. Определение числа ступеней

Число ступеней будем определять исходя из критериев минимизации момента инерции и габаритов, используя объединённую формулу:

$$n = \frac{3+1,85}{2} \cdot \lg i0 \approx 5$$

Таким образом, редуктор будет иметь 5 ступеней.

#### 1.2.3. Определение передаточных отношений каждой ступени

Распределение будет производить исходя из критерия минимизации момента инерции. Сперва вычислим среднее геометрические передаточное отношение:

$$i_{\rm cp} = \sqrt[n]{i_0} = \sqrt[5]{126} = 2.63$$

Затем рассчитаем непосредственно значения передаточного отношения для каждой ступени:

$$i_1 = \sqrt[4]{2i_{\rm cp}} = 1.51$$
 $i_2 = \sqrt{i_{\rm cp}} = 1.62$ 
 $i_3 = i_{\rm cp} = 2.63$ 
 $i_4 = \frac{i_{\rm cp}^2}{i_2} = 4.27$ 
 $i_5 = \frac{i_{\rm cp}^2}{i_1} = 4.57$ 

# 1.2.4. Определение числа зубьев зубчатых колёс

Для подбора числа зубьев для шестерней имеет смысл брать минимальные из стандартного ряда, однако в процессе разработки конструкции делаются поправки исходя из необходимых минимальных расстояний между валами. Для колёс рассчитаем числа зубьев  $z_i$ , воспользовавшись формулой

$$z_i = z_{i-1}i_j,$$

где  $z_{i-1}$  - число зубьев соответствующей шестерни, а  $i_j$  - передаточное отношение данной пары.

По итогам расчётов получаем следущие значения:

Номер	Z для шестерни	Z для колеса
ступени		
1	25	38
2	25	38
3	25	71
4	25	106
5	36	160

Таблица 3: Значения числа зубьев для зубчатых колёс

В связи с тем, что стандартный ряд числа зубьев весьма дискретен, результирующее передаточное отношение редуктора может отличаться от начального. Вычислим погрешность:

$$\Delta i = \frac{|i_0 - i_{\text{фактич.}}|}{i_0} = \frac{|126 - 123.65|}{126} = 0.019$$

Результат вполне удовлетворяет требования точности.

#### 1.2.5. Расчёт крутящих моментов

Для расчёта дальнейших параметров зубчатых колёс необходимо найти крутящие моменты, действующие на каждом из валов редуктора. Для этого воспользуемся формулой

$$M_p = \frac{M_q}{i_{p-q}\eta_{pq}\eta_n},$$

где  $M_p, M_q$  - моменты нагрузки на p-м и q-м валах,  $i_{p-q}$  - передаточное отношение между валами,  $\eta_{pq},~\eta_n$  - КПД передачи (для цилиндрической 0,98) и подшипников (0,99)

По итогам вычислений получаем следующий результат ( $M_0$  - вал двигателя):

Номер вала, р	0	1	2	3	4	5
$M_p$	5	7.33	11.52	29.4	121.79	540

Таблица 4: Оценочные значения моментов на валах

Заметим, что  $M_0 = 5$ , что в 2 раза больше значения номинального момента двигателя, т.е. имеем большой запас по моменту двигателя.

## 1.2.6. Определение модуля зацепления

Модуль зацепления берётся по результатам расчётов зубьев на контактную и изгибную прочность. Расчёт на изгибную прочность проводится по наиболее нагруженной ступени в целях сокращения математических выкладок. Основная его формула

$$m \ge K_m \sqrt[3]{\frac{K \cdot M \cdot Y_F}{z \cdot \psi_{bm} \cdot [\sigma_F]}},$$

где т - ограничение снизу на искомый модуль,

 $K_m$  - коэ $\phi \phi$ ициент, для прямозубых колес равный 1,4

K - коэффициент расчётной нагрузки (1,1..1,5)

M - крутящий момент на соответствующем колесе

 $Y_F$  - коэффициент формы зуба, выбирается по таблице/графику

 $\psi_{bm}$  - коэффициент формы зубчатого венца, для мелкомодульных передач равен 3..16

 $[\sigma_F]$  - допускаемое изгибное напряжение для материала Выберем материалы для колёс:

	Шестерня	Колесо
Название	сталь 40Х	сталь 45
Предел прочности $\sigma_b$ , МПа	1000	580
Предел текучести $\sigma_t$ , МПа	830	360
Предел выносливости $\sigma_{-1}$ , МПа	350	249.4
$^*$ Изгибное напряжение $[\sigma_f]$ , М $\Pi$ а	205.88	146.71
*Контактное напряжение $\sigma_H$ , МПа	602	428.97

<sup>\*</sup>будет вычислено далее

Таблица 5: Параметры материалов для зубчатых колёс

Допускаемое изгибное напряжение  $\sigma_f$  вычисляется по формуле

$$[\sigma_f] = \frac{\sigma_{-1}}{n},$$

где n - запас прочности. Принимаем n = 1, 7.

Модуль для пары колёс вычисляется по тому из двух, которое обладает большей относительной характеристикой прочности.

Для шестерни:

Для колеса:

$$\frac{Y_F}{[\sigma_f]} = \frac{3.72}{205.88} = 0.018$$
  $\frac{Y_F}{[\sigma_f]} = \frac{3.6}{146.71} = 0.025$ 

Считаем по колесу. Задаём  $K=1,3;\;\psi_{bm}=8$ :

$$m \ge 1,4\sqrt[3]{\frac{1,3\cdot 540\cdot 5.67}{160\cdot 8\cdot 146.71}} = 0.38$$

Примем в качестве минимального момента ближайший табличный 0.4. Можно назначить его всем зубчатым колесам. Однако в процессе проектирования пришлось увеличить модуль некоторых пар зубчатых колес в целях увеличения их размера.

### 1.2.7. Итоговый геометрический расчёт зубчатых передач

В этом пункте окончательно посчитаем оставшиеся параметры зубчатых передач, необходимые для построения чертежа, а именно: диаметры детительной окружности, окружностей вершин и впадин, ширину венца и межосевое расстояние.

Диаметр делительной окружности рассчитывается по формуле

$$d = m \cdot z$$
,

где т и z - модуль и число зубьев соответствующего колеса.

Диаметры окружностей вершин  $d_a$ и впадин  $d_f$ вычисляются по следующим формулам:

$$d_a = d + 2m,$$
  $d_f = d - 2m(1+c),$ 

где с - коэффициент радиального зазора: c=0,5 при  $m\leq 0,5,\, c=0,35$  при 0,5< m<1.

Для получения ширины колеса и межосевого расстояния служат формулы

$$b = \psi_{bm} m, \qquad a = 0, 5m(z_1 + z_2)$$

Приведём сводную таблицу с полными необходимыми характеристиками зубчатых колёс. Выберем материалы для колёс:

$N_{\overline{0}}$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
m		0.4	(	0.4	(	0.5	(	0.5	0	.6
$\mathbf{Z}$	25	38	25	38	25	106	25	106	36	160
d	10	10	10	15.2	12.5	35.5	12.5	53	21.6	96
da	10.8	16	10.8	16	13.5	36.5	13.5	54	22.8	96
$\mathrm{d}\mathrm{f}$	8.8	8.8	8.8	14	11	34	11	51.5	19.98	94.38
b		3.2	•	3.2		4		4	4	.8
a		12.6	1	2.6		24	32	2.75	58	3.8

Таблица 6: Характеристики зубчатых колес

# 1.3. Силовые расчёты

#### 1.3.1. Расчёт пружины люфтовыбирающего колеса

Люфтовыбирающим колесом решено сделать выходное, под номером 10. Расчёт пружины ведётся по необходимому рабочему усилию, которое вычисляется по формуле:

$$P_2 = \frac{\xi M_{\rm Kp}}{2(A \cos \frac{180^{\circ} n}{z} - \frac{L}{2} \sin \frac{180^{\circ} n}{z})},$$

где А - расстояние от оси пружины до центра колеса,

n - число зубьев, на которое производится взаимное смещение составных частей колеса,

L - начальная длина пружины.

Приняв L=17мм, A=35мм, n=4, z=160,  $\xi$  = 2, получим:

$$P_2 = \frac{2 \cdot 540}{35 \cdot \cos \frac{180^{\circ} \cdot 4}{160} - \frac{17}{2} \cdot \sin \frac{180^{\circ} \cdot 4}{160}} = 15.78 \ H$$

Сила пружины при максимальной деформации:

$$P_3 = \frac{P_2}{1 - \delta} = \frac{15.78}{1 - 0.05} = 16.61 \ H$$

По найденному усилию по таблицам найдём подходящую пружину, склоняясь к более коротким и жёстким. Наш выбор: №173 II класса 2 разряда с параметрами:  $P_3 = 16.67 \text{ H}, \text{d}{=}0.45 \text{ мм}, D{=}75.033 \text{ мм}, z_1{=}75.033 \text{ H/мм}, f_3{=}0.22 \text{ мм}.$  Далее рассчитаем параметры пружины для нашего случая.

Определим величину деформации  $F_2$ при нагрузке  $P_2$ . Если

$$L_1 = L \cos \frac{180^{\circ} n}{z} + 2A \sin \frac{180^{\circ} n}{z} = 22.44 \text{ MM},$$

TO

$$F_2 = L_1 - L = 5.44$$
 mm.

Тогда жёсткость определяемой пружины будет

$$z = \frac{P_2}{F_2} = \frac{15.78}{5.44} = 2.9 \text{ H/mm};$$

необходимое (и полное) число рабочих витков

$$n_1 = n = \frac{z_1}{z} = 26;$$

длина пружины в свободном состоянии

$$H_0 = (n_1 + 1)d = (26 + 1) \cdot 0.45 = 12.15$$
 mm;

полная длина с крючками

$$L' = H_0 + 2D = 12.15 + 2 \cdot 2.2 = 16.55$$
 mm.

Следовательно, конструктивные размеры выбраны верно.

### 1.3.2. Расчёт валов

Рассчитаем предпоследний вал на прочность. Найдём необходимые

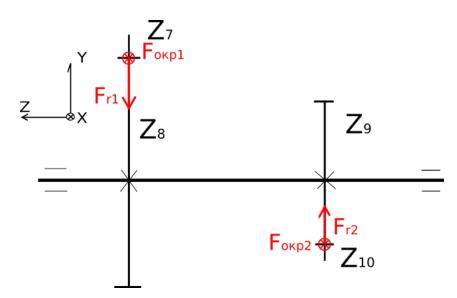


Рисунок 1: Схема вала 4 с приложенными силами

силы (с учётом  $M_4 = 124.27$ ):

$$F_{\text{okp1}} \frac{M_4}{0.5d_1} = 4.69 \ H,$$
 
$$F_{\text{okp2}} \frac{M_4}{0.5d_2} = 11.51 \ H,$$
 
$$F_{r1} = F_{\text{okp1}} \cdot tan(20^{\circ}) = 1.71 \ H,$$
 
$$F_{r2} = F_{\text{okp2}} \cdot tan(20^{\circ}) = 4.19 \ H,$$

Найдём реакции в опорах.

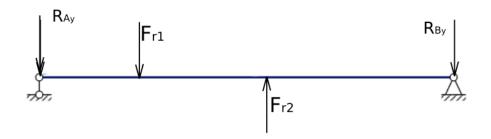


Рисунок 2: Схема балки в плоскости YOZ

$$\sum_{i} M_{A} = 0$$

$$F_{r_{1}} \cdot 6 - 15 \cdot F_{r_{2}} + 27 \cdot R_{B_{y}} = 0$$

$$R_{B_{y}} = 1.95 H$$

$$\sum_{i} F_{i} = 0$$

$$R_{A_{y}} + F_{r_{1}} + R_{B_{y}} = F_{r_{2}}$$

$$R_{A_{y}} = 0.53 H$$

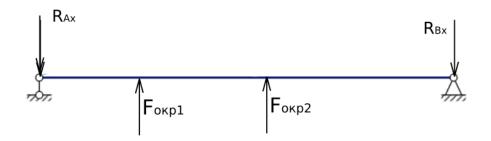


Рисунок 3: Схема балки в плоскости XOZ

$$\sum_{M_A = 0} M_A = 0$$
 
$$R_{B_x} = \frac{15 \cdot F_{\text{okp2}} + 6 \cdot F_{\text{okp1}}}{27} = 7.43 \ H$$
 
$$R_{A_x} = F_{\text{okp2}} + F_{\text{okp1}} - R_{B_x} = 8.76 \ H$$

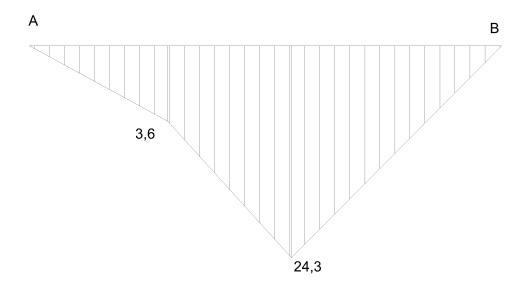


Рисунок 4: Эпюра изгибающего момента в плоскости YOZ

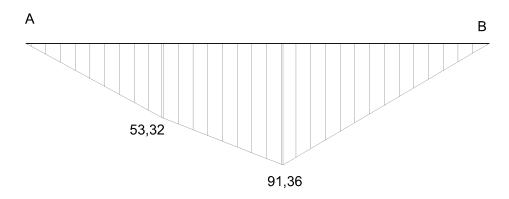


Рисунок 5: Эпюра изгибающего момента в плоскости XOZ

Представим эпюры рассчитанных моментов:

Учтя, что на вал действуют одноврененно и изгибающий, и крутящий моменты, проведём расчет на прочность через приведенный момент в опасном сечении. По эпюрам очевидно, что это сечение находится на месте крепления шестерни (зубчатого колеса №9).

$$M_{\scriptscriptstyle \mathrm{H3\Gamma}}^{\Sigma}=\sqrt{M_x^2+M_y^2}=\sqrt{91.36^2+24.3^2}=94.54$$
 Нмм  $M_{\scriptscriptstyle \mathrm{HDBB}}=\sqrt{{M_{\scriptscriptstyle \mathrm{H3\Gamma}}^{\Sigma}}^2+0,75{M_{\scriptscriptstyle \mathrm{KP}}^2}}=143.25$  Нмм

Расчёт минимального диаметра вала проведём по формуле:

$$d \ge \sqrt[3]{\frac{M_{\text{mp}}}{0, 1[\sigma_u]}},$$

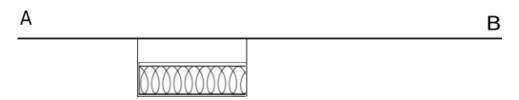


Рисунок 6: Эпюра крутящего момента

где  $[\sigma_u]$  - допускаемое изгибающее напряжение, вычисляется как  $[\sigma_u] = 0, 1[\sigma_b]$ .

Материалом выберем сталь 40X, параметры которой приведены в таблице 5.

$$d \ge \sqrt[3]{\dfrac{143.25}{0,1\cdot 0,11000}} = 2.43 \; \mathrm{mm}$$

Принимаем минимальный диаметр ближайшим сверху из стандартных диаметров, равным  $d_{\text{мин}}=3$  мм, который при этом вполне подходит по конструктивным соображениям. Такой диаметр будет у вала в местах крепления к подшипникам.

### 1.3.3. Расчёт опор

Подберём опоры для валов. Выберем опоры качения, а именно - радиальные подшипники, так как нагрузка на валы только радиальная.

Применем формулу для расчёта динамической грузоподьемности:

$$C_0 = 0,01P\sqrt[3]{60nT},$$

где n - частота вращения рассчитываемого вала  $(4\ddot{\mathsf{n}}),\ P$  - эквивалентная динамическая нагрузка.

Рассчитаем Р по формуле:

$$P = (XF_r + YF_a)k_{\sigma}k_{\tau} = 10.53,$$

где (X,Y)=(1,0) - коэффициенты, учитывающие направление нагрузки,

 $k_{\sigma}=1$  - коэффициент безопасности,

 $k_{\tau} = 1, 2$  - коэффициент температуры.

Получаем

$$C_0 = 0.01 \cdot 10.53 \cdot \sqrt[3]{60 \cdot 218} \cdot 3000 = 35.79 \ H$$

На основе полученного значения выберем подшипник "Подшипник шариковый радиальный однорядный №2000083 ГОСТ 8538-74" со следующими параметрами:

d, мм	D, мм	В, мм	r, $mm$	C, H	$C_0$ , H
3	7	2.5	0.3	430	136

Таблица 7: Характеристики основного подшипника