A 这里是 ASCII!

难度	考点
1	多组数据输入,ASCII 码

题目分析

本题要求根据输入的ASCII码输出其对应的字符。

Hint 2 提供了一种输入一个 char 型变量,将其强制类型转换为 int 型变量输出的方法,即将字符转化为 ASCII 码。本题要求将 ASCII 码转化为字符,因此,对于每一组数据,我们可以先读入一个 int 型的变量,然后通过强制类型转换将其转变为 char 型的变量,并将其输出。

示例代码

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int n;
    while (scanf("%d", &n) != EOF)
    {
        printf("%c\n", (char)n);
    }
    return 0;
}
```

B 这里是 BUAA

难度	考点
1	字符输入输出,条件语句

题目分析

每次读入1个字符,遇到 C,V,B 则什么都不输出,否则原样输出这个字符。

字符的输入可以用 scanf("%c",&c) 或 c=getchar()来实现,都可以达到读入下一个字符的效果。字符的输出可以用 printf("%c",c) 或 putchar(c)来实现,都可以达到输出一个字符 c 的效果。

注意到读入第一行的整数 n 之后,下一个字符实际上是行末的一个换行符,而不是第二行的第一个字母。因此,我们在 scanf("%d",&n) 读入整数 n 后,还需要想办法处理掉那一个换行符。

处理方法可以有很多种,这里介绍比较常见的两种:

- 采用题目中 Hint 的做法,使用一个 getchar() 读掉这个换行符。
- 使用 scanf(""), 在控制占位符字符串中加入一个空格,这个空格会使 scanf 函数在读操作中略去输入中的一个或多个空白字符,这也是题解 std 中使用的做法。当然,这种做法在某些特定情境下有一定的局限性,比如当你需要在第二行读入一个可能有行首空格的字符串时,这可能会产生一些错误(想一想会造成什么后果?)。

示例代码

```
#include <stdio.h>
int main()
{
   int n;
```

```
char c;
scanf("%d", &n);
getchar();
//scanf("%d ", &n); //直接在 scanf 的格式化字符串末加入一个空格,达到略去空白字符的效果
for (int i = 1; i <= n; i++)
{
    scanf("%c", &c);//字符读入
    if (c != 'C' && c != 'V' && c != 'B') //判断是否是特定字符
        printf("%c", c);
}
return 0;
}
```

C小亮的乱码书信

难度	考点
2	ASCII码

题目分析

本题要求对读入的字符进行转换,分为数字和小写字母两种情况,因此需要我们先对字符类型进行判断。

- 如果字符为数字,则表达式 s>='0' && s<='9' 为真。
- 如果字符为小写字母,则表达式 s>='a' && s<='z' 为真。

另外也可以使用 ctype.h 库中的 isdigit() 和 islower() 两个函数分别判断是否为数字或小写字母。

根据题目给出的翻转规则,我们可以得出下面两个表达式。

- 如果字符s为数字,则翻转后的字符表达式为 '9'-(s-'0')。
- 如果字符s为小写,则翻转后的字符表达式为 'z'-(s-'a')。

公式解释:

通过表达式 s-10 我们可以得到 s-10 的距离, 也就是 s 对应的数字的值。

因此表达式 '9'-(s-'0') 所得到的就是翻转后的字符的ASCII码值。

参考代码

```
#include <stdio.h>

int main() {
    char s;
    while(scanf("%c", &s) != EOF) //每次循环读取单个字符, 直至输入结束
    {
        if (s >= 'a' && s <= 'z') //如果s是小写字母
        {
            printf("%c", 'z' - (s - 'a'));
        }
        else if (s >= '0' && s <= '9') //如果s是数字
        {
            printf("%c", '9' - (s - '0'));
        }
        else //如果不是数字、小写字母,依据题意只能是空格
        {
            printf(" ");
        }
    }
}
```

D violet 的回寝之路

难度	考点
3	时间比较 判断结构

题目分析

依据题意, violet 到达寝室的总时长由三部分组成:

- 从麦当劳走到任意一个门的时间 t_1
- 在校门口的等待时间 t_2
- 从校门口到达宿舍的时间 t_3

由于到达两个们的时间相同,可以暂时忽略 t_1 ,仅考虑两种选择下 t_2+t_3 的大小关系。通过分析,当北门的等候时间 $t_2\leq 10$ 时,应选择北门,其余情况下应选择东门。即到达门口的时间处于 6:20 到 22:30 之间时应选择北门(包含边界),考虑 t_1 后,向前推 10 分钟,即出发时间处于 6:10 到 22:20 之间时选择北门(包含边界)。在代码编写时只需要将小时数 h=6 和 h=22 的情况单独考虑即可。

注意:根据题意,出发时间恰好为6:10或22:20时,应选择北门。

示例代码

```
#include <stdio.h>
int main()
   int n, i;
   scanf("%d", &n);
   for (i = 0; i < n; i++)
       int h, m;
       scanf("%d%d", &h, &m);
       if (h == 6 && m >= 10)
           printf("N\n");
       else if (h == 22 && m <= 20)
           printf("N\n");
       else if (h > 6 \& h < 22)
           printf("N\n");
       else
           printf("E\n");
   return 0;
}
```

E violet 打保龄球

难度	考点
3	判断结构 循环结构

题目分析

通过分析,第i轮的得分和第i-1和i-2轮击中的瓶子数有关,可以建立两个变量来存储这两个值,并且每遍历到下一个数,就更新这两个变量。

学习数组后,也可以直接用数组存下所有的数,自然也可以方便的访问前一个和前两个数。

示例代码

```
#include <stdio.h>
int main()
   int n, i, p1 = 0, p2 = 0;
   scanf("%d", &n);
   int a = 0, b = 0, c; // 分别代表第i-2, i-1, i个数
   for (i = 0; i < n; i++)
       scanf("%d", &c);
       if (a == 10 || b == 10)
          p1 += c * 2;
       else
           p1 += c;
       a = b; // 更新变量
       b = c;
   }
   a = b = 0; // 计算 Lilsio的得分前把前两个数清零
   for (i = 0; i < n; i++)
       scanf("%d", &c);
       if (a == 10 || b == 10)
           p2 += c * 2;
       else
           p2 += c;
       a = b; // 更新变量
       b = c;
   }
   printf("%d %d\n", p1, p2);
   if (p1 > p2)
       printf("violet");
   else if (p1 < p2)
       printf("Lilsio");
      printf("Let's play again!");
   return 0;
}
```

F 向量计算器

难度	考点
4	模拟

题目分析

按照要求模拟运算即可,需要注意的是计算时,变量较多,要注意到底是哪个变量和哪个变量进行运算。本题难度不大,考验同学们仔细程度,并且在发现错误后,要耐心寻找错误点。

示例代码

```
#include<stdio.h>
int main()
{
    long long a1, a2, a3, b1, b2, b3, c1, c2, c3;
    scanf("%lld%lld%lld%lld%lld%lld%lld%lld%lld", &a1, &b1, &c1, &a2, &b2, &c2, &a3, &b3, &c3);
    //r1 + r2
```

```
printf("%1ld %1ld %1ld\n", a1 + a2, b1 + b2, c1 + c2);
//r1 - r2
printf("%1ld %1ld %1ld\n", a3 - a2, b3 - b2, c3 - c2);
//r1 . r2
printf("%1ld\n", a3 * a2 + b3 * b2 + c3 * c2);
//r1 x r2
printf("%1ld %1ld %1ld\n", b1 * c2 - c1 * b2, c1 * a2 - a1 * c2, a1 * b2 - a2 * b1);
//(r1 x r3) . r2
printf("%1ld\n", a1 * b3 * c2 + a3 * b2 * c1 + a2 * b1 * c3 - a2 * b3 * c1 - a3 * b1 * c2 - a1 * b2 * c3);
//(r3 x r2) x r1 = (r3 . r1) . r2 - (r2 . r1) . r3
long long t1 = a1 * a3 + b1 * b3 + c1 * c3, t2 = a1 * a2 + b1 * b2 + c1 * c2;
printf("%1ld %1ld %1ld\n", t1 * a2 - t2 * a3, t1 * b2 - t2 * b3, t1 * c2 - t2 * c3);
return 0;
}
```

拓展思考

如果给你 n 个向量坐标,对其中任意两个向量进行操作,你该如何做呢?

G 解方程

难度	考点
4	if 的使用

问题分析

由题意分析可知,该方程由于 a,b,c 取值的变化,可能为二次方程、一次方程,还有可能不含未知量 x。

对于二次方程,需要判断判别式的大小,分为两根、一根和无实根的三种情况讨论;

对于一次方程,直接求得一个实根即可;

对于不含未知量的方程,若 c=0,则有无穷多解,否则无解。

参考代码

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int main()
   int a, b, c, d;
   double x1, x2, t;
   scanf("%d%d%d", &a, &b, &c);
   d = b * b - 4 * a * c; // 判别式
   if (a) // a不为0, 为二次方程
       if (d < 0)
           printf("No real root");
        else if (d == 0)
           printf("%.2f", -b / 2.0 / a);
        else
           x1 = (-b + sqrt(d)) / 2 / a;
           x2 = (-b - sqrt(d)) / 2 / a;
           if (x1 > x2)
               t = x1;
               x1 = x2;
               x2 = t;
           printf("%.2f %.2f", x1, x2);
```

H Gino 的 rks

难度	考点
5	浮点数的计算、浮点数比大小的特殊处理

题目分析

由题意,在总共 a+b+c+d 个音符中,a 个能够拿到全部准度,b 个能够拿到 65% 的准度。由此可以得到 acc 与 a,b,c,d 的 关系 $acc=\frac{a+0.65b}{a+b+c+d}\cdot 100\%$

写成代码时注意避免出现两整型相除的情况,这样会使得得数的小数部分被截断

输出要求是以百分数形式输出,别被这句话吓到了,百分数其实就是将原数字乘以 100,并在后面添上百分号(注意打印百分号需要转义),就像这样:

```
printf("%f%%", acc * 100);
```

题目里一个比较难的考点就是保留四位有效数字的问题。题目中给出了 acc 的范围为 $1\% < acc \le 100\%$,我们由此可以得出 acc 在不同的取值范围时百分号前应该保留的小数位数。当 1% < acc < 10% 时,应当保留三位小数,如 9.328% ,当 $10\% \le acc < 100\%$ 时,应当保留一位小数,如 9.328% ,当 $10\% \le acc < 100\%$ 时,应当保留一位小数,如 100.0% 。特别的,由于浮点数计算时的误差,acc 的计算结果有可能被存储为 100.09999999999 ,如果你的评测结果是 wa 100.0% 。那么极有可能是被这种情况卡了,你可以试试以下数据,看看你的程序会怎样输出:

```
15.8 5 8 44 45
```

为了解决这个问题,我们需要对于取值区间的端点进行特殊判断。

利用 <math.h> 的 fabs 函数,我们可以这样判断 acc 是否等于 10%:

```
const double eps = 1e-10;
if (fabs(acc - 0.1) < eps) //acc 与 0.1 的差距不到 10 的 -10 次方
{
    printf("10.00%");
}
/* 注意不要使用 abs 函数! abs 只能用于求整型数据的绝对值,不能用于浮点型数据! */
```

即将 $acc \geq 0.1$ 拆成两种情况 acc > 0.1 和 acc = 0.1 。当然也可以使用 acc > 0.1 - eps 来判断。

同理,在求 rks 的时候,acc=70% 也需要特殊判断,不过出题人似乎并没有在这里卡大家。所以大家的代码也许能够 ac ,但仍然有漏洞。

为了规避这个问题,建议大家在计算 acc 时尽量使用整型而不是浮点型,避免浮点型计算的累计误差,本题求 acc 的两种代码展示:

```
      acc = (a + 0.65 * b) / (a + b + c + d);

      /* 直接由题意写出的计算过程 */

      acc = (double)(a * 100 + 65 * b) / (100 * (a + b + c + d));

      /* 将分子和分母各扩大 100 倍,使两者都为整数,记得两者相除之前将分子或分母强制转换成 double */
```

示例代码

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
const double eps = 1e-10;
int main(void)
{
    int a, b, c, d;
    double m, acc, rks;
    while (scanf("%1f%d%d%d%d", &m, &a, &b, &c, &d) != EOF)
       // acc = (double)(a + 0.65 * b) / (a + b + c + d); // 不建议这样写
       acc = (double)(a * 100 + 65 * b) / (100 * (a + b + c + d));
        //if (acc >= 0.7) // 不建议这样写
       if (acc > 0.7 | | fabs(acc - 0.7) < eps)
            rks = ((acc - 0.55) / 0.45) * ((acc - 0.55) / 0.45) * m;
       }
        else
        {
           rks = 0;
       if (fabs(acc - 1) < eps)
           printf("100.0%% ");
        else if (fabs(acc - 0.1) < eps)
           printf("10.00% ");
        else if (acc > 0.1)
           printf("%.2f%% ", acc * 100);
        /*以上两个else if可以统一为:
        else if(acc > 0.1 - eps)
           printf("%.2f%% ", acc * 100);
        else
           printf("%.3f%% ", acc * 100);
       printf("%.4f\n", rks);
   }
    return 0;
}
```

拓展

也许有同学会注意到,有时不得不使用浮点型来进行运算,累计误差难以避免,最后有可能得出类似 13.4999999999 的数值,此时进行四舍五入很容易出问题。对此,一般的解决方式是将得数加上一个较小的数 eps 之后再进行四舍五入。可是,这个较小的数具体取多少合适,有点难计算出来。对于这个题,合适的取值大约为 eps = 1e-9 或 eps = 1e-10。不过为了不让大家在这种位置钻了牛角尖,助教团队保证**在题面中没有特殊说明的情况下,这种在进位临界点的数据不会出现在测试点中,或者会允许输出的结果有一定的误差范围。**

I Permutation!

难度	考点
5	构造

题目分析

首先,考虑一些较小的情况。

- $\exists n=2,3$ 时,容易得知此时无解。
- 当 n=4 时,我们可以得到一组可行的解时 p=[2,4,1,3] ,我们发现此时可以把这种形式的解推广到所有形如 4k 的数上,每当 k 增加 1 时,我们就给序列后加上一段 [4k-2,4k,4k-3,4k-1] 。
- 当 n=5 时,我们可以得到 p=[1,3,5,2,4] 是可行的,有了上面的经验,我们可以构造出所有形如 4k+1 的数的解,每 当 k 增加 1 时,我们给序列后加上一段 [4k-1,4k+1,4k-2,4k] 。
- 同理当 n=6 时,得到一组解 p=[1,4,2,5,3,6] ,可以构造出所有形如 4k+2 的数的解,每当 k 增加 1 时,我们给序列后加上一段 [4k,4k+2,4k-1,4k+1] 。
- 同理 n=7 时,可以得到所有形如 4k+3 的数的解,构造如下: $p=[1,3,6,4,2,5,7,9,11,8,10,\cdots,4k+1,4k+3,4k,4k+2]$ 。

示例代码

```
#include<stdio.h>
int main()
{
    int n;
    scanf("%d", &n);
    if(n == 1)
        printf("1\n1");
    else if(n < 4)
        printf("-1");
    else
        printf("%d\n", n);
        if(n \% 2 == 0)
        {
            if(n % 4 == 0) //n被4整除
            {
                for(int i = 1; i \le n / 4; i++)
                    printf("%d %d %d %d ", 4 * i - 2, 4 * i, 4 * i - 3, 4 * i - 1);
            }
            else
                           //n除以4余2
            {
                printf("1 4 2 5 3 6 ");
                for(int i = 2; i \le n / 4; i++)
                    printf("%d %d %d %d ", 4 * i, 4 * i + 2, 4 * i - 1, 4 * i + 1);
            }
        }
        else
        {
            if(n % 4 == 1) //n除以4余1
                printf("1 3 5 2 4 ");
                for(int i = 2; i \le n / 4; i++)
                    printf("%d %d %d %d %d ", 4 * i - 1, 4 * i + 1, 4 * i - 2, 4 * i);
            }
            else
                           //n除以4余3
            {
                printf("1 3 6 4 2 5 7 ");
                for(int i = 2; i \le n / 4; i++)
                    printf("%d %d %d %d %d ", 4 * i + 1, 4 * i + 3, 4 * i, 4 * i + 2);
            }
        }
    return 0;
}
```

另一种思路(by cwz)

n=1,2,3 的讨论与上面相同。

构造出 n=4 的情形 p=[3,1,4,2] 后,之后每次遇到偶数就放到 p 的最前面,遇到奇数就放到最后面,最后得到的序列形如 $[\cdots,10,8,6,3,1,4,2,5,7,9,\cdots]$,可以证明这是一种满足条件的构造。

示例代码

```
#include <stdio.h>
int main()
   int n;
   scanf("%d", &n);
   if(n == 1)
       printf("1\n1");
   else if(n == 2 \mid \mid n == 3)
       printf("-1");
   else
       printf("%d\n", n);
       for(int i = n - n % 2; i > 4; i -= 2) //从最大的不大于n的偶数开始, 递减输出大于4的偶数
           printf("%d ", i);
       printf("3 1 4 2 ");
       for(int i = 5; i \ll n; i += 2) //从5开始输出奇数,到最大的不大于n的奇数为止
           printf("%d ", i);
   return 0;
}
```

J czx 与小羊函数

难度	考点
7	数学,动态规划

题目分析

这道题的输入 n 大小达到了 10^5 位的整数,显然用 int 类型或是 long long 类型都放不下,考虑作为一个字符串来读入和处理

n 非常大,从 1 枚举到 n 需要非常长的时间,是不现实的。考虑 **数位 dp**,从低位逐步向高位进行转移。下面给出数位 dp 的思考过程。

```
为了方便考虑,我们不妨令 p(0)=1,并取 sum(l,r)=p(l)+p(l+1)+\ldots+p(r),则有: p(1)+p(2)+\ldots+p(n)=sum(0,n)-1
```

我们尝试求解 sum(0, n)。

令 a_i 表示 n 的 最后 i 位数字 组成的数(若 n=789645,则 $a_1=5$, $a_2=45$, $a_3=645$,…, $a_6=789645$), dp_i 表示 $sum(0,a_i)$ 。待求解的 sum(0,n) 即为 dp_{len} ,其中 len 为 n 的位数。

考虑从低位向高位进行转移,思考如果已知 dp_i ,如何推出 dp_{i+1} ?

假设 n 的 **倒数第** i **位数** 为 x_i ,则 $a_{i+1} = x_{i+1} \times 10^i + a_i$ 。

当 $x_{i+1} = 0$ 时,显然 $dp_{i+1} = dp_{i}$ 。

当 $x_{i+1} \neq 0$ 时,不难发现:

$$sum(x_{i+1} imes 10^i, x_{i+1} imes 10^i + a_i) = x_{i+1} imes sum(0, a_i) = x_{i+1} imes dp_i$$

要求 dp_{i+1} , 现在只需求 $sum(0, x_{i+1} \times 10^i - 1)$ 。注意到:

```
\begin{split} sum(0,x_{i+1}\times 10^i-1) &= sum(0,10^i-1) + sum(1\times 10^i,2\times 10^i-1) + sum(2\times 10^i,3\times 10^i-1) + \ldots + sum((x_{i+1}-1)\times 10^i,x_{i+1}\times 10^i-1) \\ &= sum(0,10^i-1) + 1\times sum(0,10^i-1) + 2\times sum(0,10^i-1) + \ldots + (x_{i+1}-1)\times sum(0,10^i-1) \\ &= (1+1+2+\ldots+(x_{i+1}-1))\times sum(0,10^i-1) \\ &= (1+\frac{x_{i+1}(x_{i+1}-1)}{2})\times sum(0,10^i-1) \\ &= (1+\frac{x_{i+1}(x_{i+1}-1)}{2})\times sum(0,10^i-1) \\ &= sum(0,1\times 10^{i-1}-1) + sum(1\times 10^{i-1},2\times 10^{i-1}-1) + \ldots + sum(9\times 10^{i-1},10^i-1) \\ &= (1+1+2+\ldots+9)\times sum(0,1\times 10^{i-1}-1) \\ &= 46\times b_{i-1} \end{split}
```

又因为 $b_1 = sum(0,9) = 46$,因此得到通式 $b_i = 46^i$ 。

结合上述分析和推导可以发现:

$$dp_{i+1} = egin{cases} (1 + rac{x(x-1)}{2}) imes 46^i + x imes dp_i & x_{i+1} > 0 \ dp_i & x_{i+1} = 0 \end{cases}$$

而 $dp_1=1+rac{x_1(1+x_1)}{2}$,从而我们可以根据上式一步一步推出 dp_2 , dp_3 ,…, dp_{len} ,从而求解出最终答案。另外由于在 dp 过程中每次只需要用到前一次的结果,我们可以不必开一个 dp 数组来转移,而是直接对结果进行转移。

最终结果为 $dp_{len}-1$ 。

最后,不要忘了一边运算一边取模。

示例代码

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#define maxN 100000
const int mod = 1e9 + 7;
long long res, base = 1;
char s[maxN + 5];
int num[maxN + 5];
int main() {
    scanf("%s", s);
    int len = strlen(s);
    for (int i = 0; i < len; i++)
        num[i] = s[i] - '0';
    res = 1 + (num[len - 1] + 1) * num[len - 1] / 2; //最低位
    for (int i = len - 2; i >= 0; i--)
        base = base * 46 % mod;
        if (num[i] != 0)
            res = (num[i] * res + ((num[i] - 1) * num[i] / 2 + 1) * base % mod) % mod;
    res = (res - 1 + mod) \% mod;
    printf("%11d\n", res);
    return 0;
}
```

- End -