电子科技大学计算机科学与工程学院

标准实验报告

(实验) 课程名称 数据结构与算法

电子科技大学教务处制表

电子科技大学

学生姓名: 唐以恒 学号: 20171108101017 指导教师: 董强

- 一、实验时间和地点: 2019年10月20日09:00-12:00, 主楼 A2-412
- 二、实验名称:

十进制数到N进制数的转换

三、实验目的:

掌握顺序栈的入栈出栈等基本操作的编程实现

四、实验内容:

利用顺序栈实现将从键盘输入的十进制数转换为 N (如二进制、八进制、十六进制) 进制数据。

五、实验原理:

转换方法利用除留余数法。所转换的 N 进制数按低位到高位的顺序产生,而通常的输出是从高位到低位的,恰好与计算过程相反,因此转换过程中每得到一位 N 进制数则进栈保存,转换完毕后依次出栈则正好是转换结果。

六、实验器材(设备、元器件): PC

七、实验步骤:

先设计一个栈结构的类 Stack.java, 用于实现 LIFO 存取。

```
1.import java.util.ArrayList;
2.import java.util.List;
3.
4.public class Stack<E> {
5. List<E> list;
6. //initial
7. protected Stack () {
8.
      list=new ArrayList<E>();
9. }
10. //push
11.
     protected void push(E e) {
12. list.add(e);
13.
     }
14. //peek
```

```
15.
      protected E peek() {
16.
         return list.get(list.size()-1);
17.
18.
      //pop
19.
      protected E pop() throws Exception{
20.
         if(empty()) throw new Exception("stack is empty!");
         E ret=list.get(list.size()-1);
21.
22.
         list.remove(list.size()-1);
23.
         return ret;
24.
      }
      //isEmpty
25.
26.
      protected boolean empty() {
27.
         return list.size()==0;
28.
29.}
```

再在设计一个将 10 进制数转换为 2~32 进制数的工具类 DecimalToNDigit.java 对于十进制数的整数部分,采用保留余数法,放入栈中,逆序输出。对于十进制数的小数部分,采用乘法保留整数。

```
1.public class DecimalToNDigit {
   private double num; //要转换的十进制数
    private int radix; //指定进制
   public DecimalToNDigit(double num, int radix) {
5.
      this.num=num;
      this.radix=radix;
6.
7.
   }
   public String convert() throws Exception{
8.
9.
      int num_integer = (int)num; //整数部分
10.
        double num_decimal = num % 1; //小数部分
11.
        StringBuilder ans=new StringBuilder(); //目标字符串
        Stack<Character> helper=new Stack<>();
12.
        //转换整数部分
13.
14.
        while(num_integer / radix != 0) {
15.
          helper.push(
16.
               Character.forDigit(
17.
               num_integer % radix, radix));
18.
          num_integer /= radix;
19.
20.
        helper.push(Character.forDigit(num_integer, radix));
21.
        while(!helper.empty()) {
22.
          ans.append(helper.pop());
23.
        }
```

```
//转换小数部分
24.
25.
        if(num_integer!=0) {
26.
          ans.append('.');
27.
          while(num_decimal!=0) {
28.
             num_decimal *= radix;
29.
             ans.append(Character.forDigit((int)num_decimal, radix));
30.
             num_decimal %= 1;
31.
          }
32.
33.
        return ans.toString();
34.
35.}
```

最后写一个测试代码 Test.java, 对输入的十进制数进行转化。

```
1.import java.util.Scanner;
2.public class Test {
    public static void main(String[] args) throws Exception{
4.
      Scanner scanner=null;
5.
      try {
6.
        scanner=new Scanner(System.in);
        System.out.println("请输入你想转换的十进制数:");
7.
8.
        double num=scanner.nextDouble();
        System.out.println("请输入你想转换的进制:");
9.
10.
          int radix=scanner.nextInt();
                                       System.out.println("
11.
   是:"+new DecimalToNDigit(num, radix).convert());
12.
        }catch (Exception e) {
13.
          e.printStackTrace();
14.
        }finally {
15.
          scanner.close();
16.
          scanner=null;
17.
        }
18.
19.}
```

八、实验数据及结果分析:

测试数据: 12.34

测试结果: 2 进制:



8 进制:



16 进制:



基本完成了10进制数(含小数)对2~32进制数的转化。

十、总结及心得体会:

用线性表自定义栈结构,并进行进制数的转换,主要是利用了栈的后进先出的特性,实现逆序输出。

十一、对本实验过程及方法、手段的改进建议:

报告评分:

学生姓名: 唐以恒 学号: 2017110801017 指导教师: 董强

- 一、实验时间和地点: 2019年10月20日09:00-12:00, 主楼 A2-412
- 二、实验名称:

用户偏好相似度计算

三、实验目的:

掌握分治算法的原理以及合并排序算法的编程实现

四、实验内容:

给定某音乐网站给出的大众用户对于 n 首歌曲的喜好程度排序,以及某个特定用户 X 对于这 n 首歌曲的喜好程度排序,计算用户 X 与大众用户的偏好相似度。

五、实验原理:

以大众用户的排序为标准,利用分治算法来计算用户 X 排序序列中的逆序数量,数值越低则用户 X 的偏好月接近于大众偏好。具体来说,将用户 X 的排序序列等分为左右两个子序列,递归地计算这两个个子序列中的逆序数量,再加上一个元素在左子序列、一个元素在右子序列的逆序数量,即得原始序列中的逆序数量。

六、实验器材(设备、元器件): PC

七、实验步骤:

设计一个工具类 ComputeUserSimilarity.java, 用于计算个人用户给出的歌曲 喜好程度序列与大众的相似度,采用分治递归的思想,对序列进行归并排序,同时计算逆序对个数。

```
1.public class ComputeUserSimilarity {
2. private int[] privateLike; //个人对歌曲喜好程度排序
3. private double similarity; //相似度: 1-(逆序对数/总对数)
4. public ComputeUserSimilarity(int[] privateLike) {
5. this.privateLike=privateLike;
6. }
7. public double getSimilarity() {
8. int n=privateLike.length;
9. similarity=1 - compute() / (n*(n-1)/2.0);
```

```
10.
         return similarity;
11.
    }
12.
      public int[] getPrivateLike() {return privateLike;}
      //计算逆序对数
13.
      public int compute() {
14.
15.
        return helper(0, privateLike.length-1);
16.
17.
      public int helper(int start, int end) {
18.
         if(start == end) return 0;
         //分解, 递归
19.
20.
         int middle=(start+end) / 2;
21.
         int left_similar=helper(start, middle);
22.
         int right_similar=helper(middle+1, end);
         //合并
23.
24.
         int[] left_tmp=new int[middle-start+1];
25.
         int[] right_tmp=new int[end-middle];
26.
         for(int i=start; i<=end; i++) {</pre>
27.
           if(i<=middle) left_tmp[i-start]=privateLike[i];</pre>
28.
           else right_tmp[i-(middle+1)]=privateLike[i];
29.
30.
         int lr_similar=0, m=0, n=0;
31.
         for(int i=start; i<=end; i++) {
32.
           if(m<left_tmp.length && n<right_tmp.length) {</pre>
33.
              if(left_tmp[m] <= right_tmp[n]) { privateLike[i]=left_tmp[m]; m++; }</pre>
34.
               else { privateLike[i]=right_tmp[n]; lr_similar+=left_tmp.length-m; n
   ++; }
35.
36.
           else if(m==left_tmp.length) { privateLike[i]=right_tmp[n]; n++; }
37.
           else if(n==right_tmp.length) { privateLike[i]=left_tmp[m]; m++; }
38.
         }
39.
         return left_similar+right_similar+lr_similar;
40.
      }
41.}
```

然后,设计一个测试类,用于对封装好的工具类进行测试。

```
1.import java.util.Scanner;
2.public class Test {
3. public static void main(String[] args) {
4. Scanner scanner=null;
5. try {
6. scanner=new Scanner(System.in);
7. String[] nums=null;
```

```
System.out.println("请输入个人用户对歌曲的喜好程度排名:");
8.
9.
        nums=scanner.nextLine().split(" ");
          int[] array=new int[nums.length];
10.
11.
          for(int i=0; i<nums.length; i++) {</pre>
12.
            array[i]=Integer.valueOf(nums[i]);
13.
          }
          System.out.println("该用户与大众用户的相似度为: "+
14.
15.
               new ComputeUserSimilarity(array).getSimilarity());
16.
        }catch (Exception e) {
17.
          e.printStackTrace();
18.
        }finally {
19.
          scanner.close();
20.
          scanner=null;
21.
22.
     }
23.}
```

八、实验数据及结果分析: g

测试数据: [1,2,3,4,5], [2,1,3,5,4], [5,4,3,2,1]

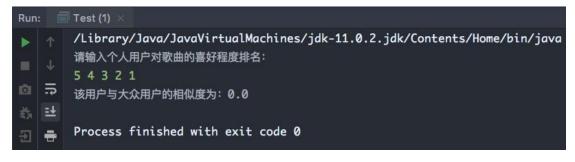
测试结果:



```
Run: Test(1) ×

/Library/Java/JavaVirtualMachines/jdk-11.0.2.jdk/Contents/Home/bin/java 清輸入个人用户対歌曲的 存好程度排名:
2 1 3 5 4
该用户与大众用户的相似度为: 0.8

Process finished with exit code 0
```



基本完成了对个人用户歌曲喜好程度序列与大众的相似度计算,

十、总结及心得体会:

通过对分治算法的理解, 在数组上进行递归的排序, 降低排序的时间复杂度 到 O(log n)。了解了排序的本质其实就是将逆序对调整为正序对的过程。

十一、对本实验过程及方法、手段的改进建议:

报告评分:

学生姓名: 唐以恒 学号: 2017110801017 指导教师: 董强

- 一、实验时间和地点: 2019年11月17日09:00-12:00, 主楼 A2-412
- 二、实验名称:

最优前缀编码设计

三、实验目的:

利用贪心算法设计最优前缀编码算法的编程实现

四、实验内容:

用户输入n个正整数作为文件中n个字符出现的次数,请实现霍夫曼编码算法对该文件n个字符进行编码,并输出编码表

五、实验原理:

根据给定的 n 个权值{w1,w2,·····wn},构造 n 棵只有根结点的二叉树。在森林中选取两棵根结点权值最小的树作左右子树,构造一棵新的二叉树,置新二叉树根结点权值为其左右子树根结点权值之和。在森林中删除这两棵树,同时将新得到的二叉树加入森林中。重复上述两步,直到只含一棵树为止,这棵树即霍夫曼树。按左 0 右 1 的规定,从根结点走到一个叶结点,完成一个字符的译码。

六、实验器材(设备、元器件): PC

七、实验步骤:

自定义数据结构 HuffmanTree.java 用于定义霍夫曼树,构造方法为空构造和两个霍夫曼树合并构造。

1.public class HuffmanTree {

2. TreeNode root; //根结点

3.

```
public HuffmanTree(char element, int weight) { //创建只有一个结点的
   huffman 树
      root = new TreeNode(element, weight);
5.
6. }
7.
     public HuffmanTree(HuffmanTree t1, HuffmanTree t2) { // 合并两个
   huffman 树
      root = new TreeNode();
8.
      root.left = t1.root;
9.
10.
       root.right = t2.root;
11.
        root.weight = t1.root.weight + t2.root.weight; //更新权重
12.
13.
14.
     public class TreeNode {
        char element; //字符
15.
       int weight; //权重
16.
17.
        TreeNode left;
18.
       TreeNode right;
19.
       public TreeNode() {}
20.
        public TreeNode(char e, int w) {
21.
          element = e;
22.
          weight = w;
23.
       }
24.
25.}
```

创建工具类 HuffmanEncode.java 用于对输入的字符-权重映射表进行前缀编码,利用优先队列,每次弹出权重最小的两个霍夫曼树,进行合并,然后再放回优先队列中。迭代上述操作直到优先队列中只有一个霍夫曼树,这就是我们最后要得到的最优前缀编码树,然后通过 dfs 深度优先搜索将每个字符的编码构造出来。

```
1.import java.util.*;
2./*
3.生成霍夫曼树
4.得到各个字符的编码
5. */
6.public class HuffmanEncode {
7. int size; //字符的种数
8. int cost;
9. Map<Character, Integer> elementWeight; //字符-权重表
10. Map<Character, String> elementEncode; //字符-前缀码表
11. Comparator<HuffmanTree> comparator; //自定义比较器
12. Queue<HuffmanTree> pq; //优先队列(最小堆实现)
```

```
HuffmanTree huffmanTree; //huffman 树
13.
14.
     public HuffmanEncode(char[] elements, int[] weights) {
15.
        initial(elements, weights); //初始化
16.
        createHuffmanTree(); //利用优先队列构造 huffman 树
17.
18.
        generateEncode();//生成编码表
19.
     }
20.
21.
     private void initial(char[] elements, int[] weights) {
22.
        elementWeight = new HashMap<>();
23.
        elementEncode = new HashMap<>();
24.
        comparator = new Comparator<HuffmanTree>() {
25.
          @Override
26.
          public int compare(HuffmanTree t1, HuffmanTree t2) {
27.
            if(t1.root.weight < t2.root.weight) {</pre>
28.
               return -1;
29.
            }else if(t1.root.weight > t2.root.weight) {
30.
               return 1;
31.
            }else {
32.
               return 0;
33.
34.
          }
35.
        };
36.
        pq = new PriorityQueue<>(comparator);
37.
        size = elements.length;
38.
        for(int i=0; i<size; i++) {
39.
          elementWeight.put(elements[i], weights[i]);
40.
41.
     }
42.
     private void createHuffmanTree() {
43.
        for(Character element: elementWeight.keySet()) { //每个字符结点作为
44.
     ·棵 huffman 树
45.
          pq.add(new HuffmanTree(element, elementWeight.get(element)));
46.
47.
        while(pg.size() > 1) { //直到队列只有一个 huffman 树
            HuffmanTree t1 = pq.poll(); //每次取出来两个权重最小的两个
48.
   huffman 树
49.
          HuffmanTree\ t2 = pq.poll();
           HuffmanTree ret = new HuffmanTree(t1, t2); //合并为一个 huffman
50.
   树
51.
          pg.add(ret); //放回队列
52.
53.
        if(pq.size() == 1) {
```

```
54.
          huffmanTree = pq.poll();
55.
        }
56.
57.
58.
     private void generateEncode() {
59.
        solve(huffmanTree.root, "");
60. }
      private void solve(HuffmanTree.TreeNode root, String tmp) {
                                                                   //递归搜索
61.
   huffman 树的叶子结点
        if(root.left==null && root.right==null) { //叶子结点 表示字符
62.
63.
           elementEncode.put(root.element, tmp);
64.
        }else {
65.
          solve(root.left, tmp+"0");
66.
          solve(root.right, tmp+"1");
67.
        }
68.
69.
     public void getCost() {
        cost = 0;
70.
        for(Character element : elementWeight.keySet()) {
71.
72.
           cost += elementWeight.get(element) * elementEncode.get(element).len
   gth();
73.
        }
74.
75.}
```

最后,设计测试类 Test.java,对优先队列实现的霍夫曼编码树进行测试。

```
1.import java.util.Map;
2.import java.util.Scanner;
3.
4.public class Test {
    public static void main(String[] args) {
6.
      Scanner scanner=null;
7.
      try {
8.
         scanner=new Scanner(System.in);
         System.out.println("请输入需要编码的字符序列:");
9.
           String[] chars=scanner.nextLine().split(" ");
10.
           char[] elements=new char[chars.length];
11.
12.
           for(int i=0; i<elements.length; i++) {</pre>
13.
             elements[i]=chars[i].charAt(0);
14.
```

```
System.out.println("请输入字符序列的权重:");
15.
16.
          chars=scanner.nextLine().split(" ");
17.
          int[] weights=new int[chars.length];
18.
          for(int i=0; i<weights.length; i++) {</pre>
19.
             weights[i]=Integer.parseInt(chars[i]);
20.
21.
          System.out.println("最优前缀编码如下:");
22.
           HuffmanEncode huffmanEncode=new HuffmanEncode(elements, weig
   hts);
23.
          Map<Character, String> encodeMap=huffmanEncode.elementEncode;
24.
          for(Character key : encodeMap.keySet()) {
25.
             System.out.println(key+":"+encodeMap.get(key));
26.
27.
        } catch (Exception e) {
28.
          e.printStackTrace();
29.
        } finally {
30.
          scanner.close();
31.
           scanner=null;
32.
33.
      }
34.}
```

八、实验数据及结果分析:

测试数据: [1,2,3,4,5,6]

测试结果:

基本完成使用贪心算法构造最优前缀编码的霍夫曼树。

十、总结及心得体会:

优先队列内部是通过最小堆实现的,每次从优先队列中取出权重最小的霍夫 曼树,体现了贪心算法的思想。

通过最后生成的霍夫曼编码树还原各字符的编码过程中,需要从根节点遍历每个叶子结点上的路径,使用到了深度优先搜索的思想。

十一、对本实验过程及方法、手段的改进建议:

报告评分:

学生姓名: 唐以恒 学号: 2017110801017 指导教师: 董强

一、实验时间和地点: 2019年11月17日09:00-12:00, 主楼 A2-412

二、实验名称:

矩阵连乘最优计算次序问题

三、实验目的:

利用动态规划算法设计矩阵连乘积最优加括号算法的编程实现

四、实验内容:

输入n+1个自然数 p_0 , p_1 , p_2 , p_3 ,..., p_n 作为n个矩阵 A_i 的维数, $A_i = \left(a_{mn}\right)_{p_{i-1} \times p_i}$,用动态规划算法求解这n个矩阵连乘积 $A = A_1 \times A_2 \times A_3 \times ... \times A_n$ 的最优加括号方式及最少乘法次数。

五、实验原理:

设计算 A[i:j] 所需要的最少数乘次数 m[i,j], $1 \le i \le j \le n$, 则原问题的最优值为 m[1,n]。当 i=j 时,A[i:j] = Ai,因此,m[i,i] = 0,i=1,2,...,n;当 i < j 时,可以递归地定义 m[i,j]为: $m[i,j] = m[i,k] + m[k+1,j] + p_{i-1}p_kp_j$,这里 Ai 的维数为 $p_{i-1} \times p_i$ 。可以递归地定义 m[i,j]为:

$$m[i,j] = \begin{cases} 0 & i = j \\ \min_{1 \le k < i} \{m[i,k] + m[k+1,j] + p_{i-1}p_k p_j\} & i < j \end{cases}$$

k 的位置只有j-i 种可能。

六、实验器材(设备、元器件): PC

七、实验步骤:

设计工具类 MatrixChainMultiply.java 用于解决矩阵链乘法问题, 找到状态转移方程, 构造 dp 数组, dp[i][j]表示从 i~j 的矩阵子链所需要的最小乘法次数, 从长度入手, 构造 dp 状态数组, 最后返回 dp[0][n-1]

```
1.public class MatrixChainMultiply {
   int[] p; //规模数组
   int n; //矩阵链中个数
4. int[][] dp; //保存矩阵子链的惩乘法次数
   int[][] loc; //记录划分位置的数组
5.
6.
7.
   public MatrixChainMultiply(int[] p) {
8.
      this.p = p;
9.
      n = p.length-1;
        dp = new int[n+1][n+1];
10.
11.
        loc = new int[n+1][n+1];
12.
        generateDP_Loc(); //构造 dp 和 loc
13.
     }
     //构造状态数组
14.
15.
     private void generateDP_Loc() {
       for(int i=1; i<dp.length; i++) { //初始化
16.
17.
          for(int j=i; j<dp[i].length; j++) {</pre>
18.
            if(i == j) {
19.
              dp[i][j] = 0;
                             //矩阵链长度为1
20.
            }else {
21.
              dp[i][j] = Integer.MAX_VALUE;
22.
23.
          }
24.
       }
25.
        for(int l=2; l<=n; l++) { //l 表示矩阵链的长度
                                                       矩阵链长度大于1
26.
          for(int i=1; i <= n-l+1; i++) {
27.
            int j = i+l-1;
28.
            //状态转移 得到使得父问题最优的对于两个子问题的划分
29.
            for(int k=i; k<j; k++) {
30.
               int tmp = dp[i][k] + dp[k+1][j] + p[i-1]*p[k]*p[j];
31.
              if(tmp < dp[i][j]) {
32.
                 dp[i][j] = tmp;
33.
                 loc[i][j] = k;
34.
35.
36.
37.
        }
38.
     //打印状态数组
39.
     void printDP() {
40.
41.
       for(int i=1; i < dp.length; i++) {
42.
          for(int j=1; j < dp[i].length; j++) {
43.
            System.out.printf("%-8d", dp[i][j]);
44.
```

```
45.
           System.out.println();
46.
        }
47.
      //打印分割数组
48.
49.
      void printLOC() {
50.
        for(int i=1; i < loc.length; i++) {
51.
           for(int j=1; j < loc[i].length; j++) {
52.
             System.out.printf("%-8d", loc[i][j]);
53.
54.
           System.out.println();
55.
        }
56.
57.
      //返回最优解所需要的代价
      int getCost() {
58.
59.
        return dp[1][n];
60.
      //回溯构造最优解
61.
62.
      void printParens() {
63.
         solve(1, n);
64.
65.
      private void solve(int i, int j) {
66.
        if(i == j) {
67.
           System.out.print("A"+i);
68.
        }else {
69.
           System.out.print("(");
70.
           solve(i, loc[i][j]);
71.
           solve(loc[i][j]+1, j);
72.
           System.out.print(")");
73.
        }
74. }
75.}
```

然后定义测试类 Test.java, 对工具类进行测试。

```
1.import java.util.Scanner;
2.
3.public class Test {
4. public static void main(String[] args) {
5.
      Scanner scanner=null;
6.
   try {
         scanner=new Scanner(System.in);
7.
         System.out.println("请输入矩阵链的规模:");
8.
         String[] nums=scanner.nextLine().split(" ");
9.
10.
          int[] p=new int[nums.length];
```

```
11.
          for(int i=0; i< p.length; <math>i++) {
12.
             p[i]=Integer.parseInt(nums[i]);
13.
          MatrixChainMultiply matrixChain=new MatrixChainMultiply(p);
14.
          System.out.println("该矩阵链的最优括号方式:");
15.
16.
          matrixChain.printParens();
17.
          System.out.println("该矩阵链的有少乘法次数:");
18.
          System.out.println(matrixChain.getCost());
19.
        } catch (Exception e) {
20.
          e.printStackTrace();
21.
        } finally {
22.
          scanner.close();
23.
          scanner=null;
24.
25.
26.}
```

八、实验数据及结果分析:

测试数据: [30, 35, 15, 5, 10, 20, 25]

测试结果:

```
Run: ☐ Test (3) ×

/ opt/idea/idea-IC-192.7142.36/jbr/bin/java - ji 请输入矩阵链的规模:
30 35 15 5 10 20 25
该矩阵链的最优括号方式:
((A1(A2A3))((A4A5)A6))该矩阵链的有少乘法次数:
15125

Process finished with exit code 0
```

用动态规划算法解决矩阵链乘法问题。

十、总结及心得体会:

动态规划算法的套路:

- 1.刻画一个最优解的结构特征 (最优子结构)
- 2.递归定义最优解(递归式)
- 3.计算最优解的值(自底向上, 表格法)
- 4.利用计算出来的信息构造一个最优解(回溯)

通过递归式来构造 dp 状态数组。

十一、对本实验过程及方法、手段的改进建议:

报告评分: