# Cài đặt một số thuật toán trên đồ thị sử dụng cấu trúc trong thư viện STL (C++)

# 1. Tìm kiếm ưu tiên chiều sâu Depth first Search (DFS)

# 1.1. Thuật toán

Ý tưởng của thuật toán được thể hiện qua mã giả sau: hàm DFS(v) tìm kiếm chiều sâu từ đỉnh v, các biến *visited*, *ke* là biến toàn cục.

```
1. DFS(v){
2.    thăm_đỉnh (v);
3.    visited[v] ← true;
4.    for(u ∈ Ke(v)) if (!visited[u]) DFS(u);
5. }
6.
7. main(){
8.    for(v ∈V) visited[v] ← false;
9.    for(v ∈V) if (!visited[v]) DFS(v);
10. }
```

# 1.2. Cài đặt

Sau đây là chương trình đầy đủ với cài hàm graph\_connected\_dfs() sử dụng thuật toán DFS() kiểm tra tính liên thông của đồ thị.

```
    #include <fstream>

2. #include <vector>
3. #include <algorithm>
using namespace std;
ifstream fi("graph.inp");
7. ofstream fo("graph.out");
8. typedef vector<int> vi;
9. typedef vector<vi> vvi;
10. int N, M; // N = số đỉnh, M = số cạnh
11. vvi W;
              // Danh sách kề
12. vi V;
              // mảng chiều đánh dấu đỉnh đã thăm
14. void get_data(){
       fi >> N >> M;
15.
       int u, v;
16.
       W.resize(N+1);
17.
       for (int i = 0; i < M; i++){
19.
           fi >> u >> v;
20.
           W[u].push_back(v);
21.
           W[v].push_back(u);
       }
22.
23. }
25. void DFS(int i) {
          if(!V[i]) {
27.
                V[i] = true;
                for_each(W[i].begin(), W[i].end(), DFS);
28.
          }
29.
31.
32. bool graph_connected_dfs() {
```

```
33.
        int start_vertex = 1;
        V = vi(N+1, false);
34.
       DFS(start_vertex);
35.
        return (find(V.begin()+1,V.end(), 0) == V.end());
36.
37. }
38.
39. int main(){
40.
        get_data();
        cout<< boolalpha << graph_connected_dfs();</pre>
41.
42.
        return 0;
43. }
```

# 2. Tìm kiếm ưu tiên chiều rộng Breadth first Search (BFS)

# 2.1. Thuật toán

Ý tưởng của thuật toán được thể hiện qua mã giả sau: hàm BFS(v) tìm kiếm theo chiều rộng bắt đầu từ đỉnh v, các biến visited, ke là biến toàn cục.

```
1. BFS(v){
      QUEUE \leftarrow \emptyset;
2.
                               /*nap v vào QUEUE*/
      QUEUE(push(v));
3.
      visited[v] \leftarrow true;
4.
      while(QUEUE \neq \emptyset){
            u ←QUEUE;
                               /* lấy u ở đầu QUEUE*/
6.
                               /* loại bỏ phần tử ở đầu QUEUE)
            QUEUE(pop(())
7.
8.
            thăm_đính(u);
9.
            for(x∈ke(u) if(!visited[x]{
                  QUEUE(push(x)); visited[x] \leftarrow true;
10.
            }
11.
      }
12.
13. }
14. main(){
      for(v \in V) visited[v] \leftarrow false;
15.
     for(v ∈V) if (!visited[v]) BFS(v);
17. }
```

# 2.2. Cài đặt

Dưới đây là cài đặt hàm graph\_connected\_bfs() kiểm tra tính liên thông của đồ thị

```
bool graph_connected_bfs() {
2.
       int start_vertex = 1;
       vi V(N+1, false);
3.
4.
       queue<int> Q;
       Q.push(start_vertex);
5.
       V[start_vertex] = true;
6.
7.
       while(!Q.empty()) {
8.
            int i = Q.front(); Q.pop();
            for(vi::iterator it = W[i].begin(); it != W[i].end(); it++) {
9.
                int u = *it;
10.
11.
                if(!V[u]) { V[u] = true; Q.push(u); }
            }
12.
13.
        return (find(V.begin()+1, V.end(), 0) == V.end());
14.
15. }
```

# 3. Thuật toán Dijkstra tìm đường đi ngắn nhất trên đồ thị có trọng số không âm

# 3.1. Bài toán

Cho đồ thị G có hướng, có trọng số không âm, gồm n đỉnh và m cung. Tìm đường đi ngắn nhất từ đỉnh s tới đỉnh t.

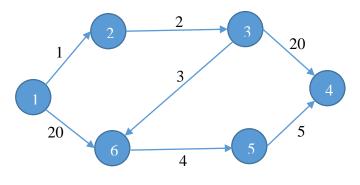
Input: vào từ tệp văn bản dijkstra.inp

- Dòng 1: Chứa số đỉnh  $n \ (\leq 1000)$ , số cung m của đồ thị, đỉnh xuất phát s, đỉnh đích t. Các giá trị cách nhau bởi dấu cách.
- m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa ba số u, v, c cách nhau bởi dấu cách, cho biết cung (u, v) có trọng số là c (c là số nguyên có giá trị tuyệt đối  $\leq 1000$ )

Output: ghi ra tệp file văn bản dijsktra.out độ dài đường đi ngắn nhất từ s tới đỉnh t và dãy đỉnh mô tả đường đi ngắn nhất (xem ví dụ mẫu).

Ví dụ:

Input	Output
6714	Khoang cach 1 den 4 = 15
1 2 1	1->2->3->6->5->4
1 6 20	
2 3 2	
3 6 3	
3 4 20	
5 4 5	
6 5 4	



# 3.2. Thuật toán Dijkstra

Gồm các bước cơ bản sau:

- B0: Coi đỉnh xuất phát s là đỉnh đã tối ưu (đỉnh tối ưu có nghĩa là đã tìm được đường đi ngắn nhất đến đỉnh đó), các đỉnh còn lại chưa tối ưu (khoảng cách từ s đến các đỉnh này là INFINITY).
- B1: Tìm đỉnh gần đỉnh s nhất trong số các đỉnh chưa tối ưu và coi đỉnh đó là tối ưu. Nếu đỉnh tìm được là đỉnh t thì kết thúc thuật toán.
- B2: Cập nhật lại khoảng cách từ các đỉnh chưa tối ưu đến s dựa trên đỉnh vừa tìm được ở B1. Quay lai B1.

## 3.3. Nhân xét

Thuật toán trên có độ phức tạp thời gian  $O(n^2)$ . Tại B1, bạn phải đi tìm đỉnh có khoảng cách đến s là bé nhất mất O(n).

Nếu có cách nào đó mà bạn có thể tìm được đỉnh tối ưu với thời gian gian nhỏ hơn thì chi phí thời gian sẽ giảm xuống.

Có một ý tưởng là, bạn cần một cấu trúc dữ liệu mà luôn cho bạn tìm được đỉnh tối ưu trong thời gian < O(n) (ví dụ O(1)).

Như vậy, bạn sẽ nghĩ đến một danh sách các đỉnh đã được sắp xếp tăng dần theo khoảng cách đến s và bạn chỉ việc lấy đỉnh đầu tiên trong danh sách đó. Nhưng lại nảy sinh vấn đề khác, danh sách

mà bạn có thể luôn thay đổi do việc thực hiện cập nhật tại  $B2 \rightarrow sau$  khi thực hiện B2, danh sách đó có thể không còn trật tự như đã sắp xếp.

Cách giải quyết ở đây là bạn đưa danh sách này vào một cấu trúc Heap (dạng Min Heap). Và đỉnh tối ưu cần tìm luôn ở đỉnh Heap, nó cho phép bạn chọn được đỉnh tối ưu trong O(1) và khi thực hiện cập nhật khoảng cách cách đỉnh tại B2 bạn lại "nạp các khoảng cách mới cập nhật vào heap". Việc nạp phần tử vào heap, sẽ bao gồm việc vun lại heap để bảo toàn tính chất của heap sẽ mất thời gian O(logn). Như vậy chi phí tổng thể của Dijkstra - Heap là O(nlogn).

Bằng việc sử dụng thư viện C++ STL, bạn sẽ lợi dụng được các phép toán nội tại của heap mà không phải lo về việc viết mã tạo, vun lại heap.

# 3.4. Cài đặt Dijkstra bằng C++ priority\_queue

Với cấu trúc C++ priority\_queue sẵn có, bạn có thể viết chương trình đó như sau:

```
1. #include <fstream>
2. #include <queue>
3. #include <vector>
4.
using namespace std;
const int MAXN = 10000;
7. const int INF = 1 \ll 30;
8.
9. typedef pair<int, int> pii;
10. typedef vector<int> vi;
11. typedef vector<pii> vpii;
12. typedef vector<vpii> vvpii;
14. vvpii dske;
15. vi prev;
16. int n, m, s, t;
18. ofstream fou("graph.out");
19. ifstream fin("graph.inp");
20.
21. void get_data() {
       fin >> n >> m >> s >> t;
22.
23.
       dske.resize(n+1);
       int u, v, w;
24.
       for (int i = 1; i <= m; ++i) {
25.
26.
            fin >> u >> v >> w;
27.
            dske[u].push_back(pii(v,w));
         //dske[v].push_back(pii(u,w)); //do thi vo huong thi them canh nay
28.
29.
30. }
31.
32. void printPaths(int u)
33. {
       if (u == s) fou << u;
34.
35.
       else {
            printPaths(prev[u]);
           fou << "->" << u;
37.
38.
       }
39. }
40.
41. int DijkstraHeap(int s, int t) {
       int u, d, v, cost;
       vi D(n, INF), good(n+1,false);
43.
       prev.resize(n+1,s);
44.
```

```
45.
        priority_queue<pii,vector<pii>, greater<pii> > Q;
46.
        D[s] = 0;
        Q.push(pii(0,s));
47.
48.
        while(!Q.empty()) {
            u = Q.top().second; d = Q.top().first; Q.pop();
50.
            if (good[u]) continue;
            if (u == t) return D[u];
51.
            for (vpii::iterator it = dske[u].begin(); it != dske[u].end(); it++) {
                v = it->first; cost = it->second;
                if (good[v]) continue;
                if(D[v] > d + cost) {
55.
                     D[v] = d + cost;
56.
                     prev[v] = u;
57.
                     Q.push(pii(D[v], v));
58.
59.
            }
60.
            good[u] = true;
61.
62.
63.
        return -1;
64. }
66. int main() {
67.
        get_data();
        fou <<"Khoang cach "<< s <<" den "<< t <<" = " << DijkstraHeap(s,t) << endl;</pre>
68.
        printPaths(t); fou<<endl;</pre>
69.
        return 0;
70.
71. }
```

Trong chương trình trên có một vài kiểu biến, hàm lạ cần giải thích để các em rõ hơn:

# • Dòng 9: typedef pair<int, int> pii;

Câu lệnh này khai báo một kiểu dữ liệu tên là pii đại diện cho kiểu dữ liệu gồm một cặp phần tử kiểu int, trong đó phần tử đứng trước trong cặp là *first*, phần tử đứng sau là *second*.

Trong bài toán này, ta lợi dụng kiểu pair<int, int> để biểu diễn dữ liệu của danh sách kề khai báo ở dòng 15. Mỗi phần tử của danh sách kề dske[u][i] (đỉnh thứ i kề với đỉnh u) là một cặp phần tử, trong đó: first là số hiệu đỉnh kề với u, second là độ dài cung từ u đến đỉnh này.

# 3.5. Cài đặt Dijkstra bằng C++ set

Bên cạnh cách dùng cấu trúc *priority\_queue* để cài Dijkstra, bạn có thể dùng cấu trúc *set* để cài đặt Dijkstra với độ phức tạp thời gian tương đương (đúng ra là tốt hơn chút ít). Sau đây là một cài đặt Dijkstra sử dụng cấu trúc *set*.

```
1. #include <fstream>
2. #include <queue>
3. #include <set>
4. #include <vector>
5.
6. using namespace std;
7. const int MAXN = 10000;
8. const int INF = 1 << 30;
9.
10. typedef pair<int, int> pii;
11. typedef vector<int> vi;
12. typedef vector<pii> vpii;
13. typedef vector<vpii> vvpii;
14.
15. vvpii dske;
16. vi prev;
```

```
17. int n, m, s, t;
19. ofstream fou("graph.out");
20. ifstream fin("graph.inp");
21.
22. void get_data() {
       fin >> n >> m >> s >> t;
23.
        dske.resize(n+1);
24.
25.
        int u, v, w;
        for (int i = 1; i <= m; ++i) {
            fin >> u >> v >> w;
27.
28.
            dske[u].push_back(pii(v,w));
29
          //dske[v].push_back(pii(u,w));
                                           //do thi vo huong thi them canh nay
30.
31. }
32.
33. void printPaths(int u)
34. {
        if (u == s) fou << u;
35.
36.
        else {
37.
            printPaths(prev[u]);
            fou << "->" << u;
        }
39.
40. }
41.
42. int DijkstraSet(int s, int t){
       vi D(n+1, INF);
43.
        prev.resize(n+1,s);
45.
        set<pii> Q;
       D[s] = 0;
46.
        Q.insert(pii(0,s));
47.
       while(!Q.empty()) {
48.
            int u = Q.begin()->second, d = Q.begin()->first;
50.
            if (u == t) return D[u];
            Q.erase(Q.begin());
51.
            for(vpii::iterator it = dske[u].begin(); it != dske[u].end(); it++) {
52.
                int v = it->first, cost = it->second;
53.
                if(D[v] > d + cost){
54.
                     if(D[v] != INF) Q.erase(Q.find(pii(D[v],v)));
                     D[v] = d + cost;
56.
57.
                     prev[v] = u;
                     Q.insert(pii(D[v], v));
58.
59.
                }
60.
            }
        }
61.
62.
        return -1;
63. }
64.
65. int main() {
        get_data();
        fou <<"Khoang cach "<< s <<" den "<< t <<" = " << DijkstraSet(s,t) << endl;</pre>
        printPaths(t); fou<<endl;</pre>
68.
69.
        return 0;
70. }
```

# 4. Thuật toán Kruskal tìm cây khung nhỏ nhất

# 4.1. Bài toán

Cho G = (V, E) là đồ thị vô hướng liên thông có trọng số, với một cây khung T của G, ta gọi trọng số của cây T là tổng trọng số các cạnh trong T.

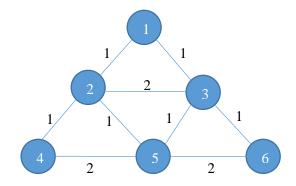
Bài toán đặt ra là tìm trong số các cây khung của G, cây khung có trọng số nhỏ nhất (minimum spanning tree - MST) và bài toán này gọi là bài toán cây khung nhỏ nhất.

Input: vào từ tệp văn bản MST.INP

- Dòng 1: Ghi hai số số đỉnh n (≤ 1000) và số cạnh m của đồ thị cách nhau ít nhất 1 dấu cách
- m dòng tiếp theo, mỗi dòng có dạng 3 số u, v, c[u, v] cách nhau ít nhất 1 dấu cách thể hiện đồ thị có cạnh (u, v) và trọng số cạnh đó là c[u, v]. (c[u, v] là số nguyên có giá trị tuyệt đối không quá 1000).

Output: ghi ra tệp văn bản MST.OUT các cạnh thuộc cây khung và trọng số của cây khung (xem mẫu trong ví dụ)

Input	Output
6 9	(1,2) = 1
1 2 1	(2,4) = 1
1 3 1	(3,6) = 1
2 4 1	(3,5) = 1
2 3 2	(1,3) = 1
2 5 1	5
3 5 1	
3 6 1	
4 5 2	
5 6 2	



# 4.2. Thuật toán

Ý tưởng của thuật toán Kruskal có thể mô tả ngắn gọn như sau, giả sử G=(V,E) là đơn đồ thị vô hướng có N đỉnh và M cạnh. T là cây khung nhỏ nhất cần tìm, bắt đầu T rỗng:

B1: Nạp tất cả các cạnh của đồ thị vào Heap (Heap lưu cạnh có trọng số nhỏ nhất ở đỉnh)

B2: Thực hiện lặp cho đến khi Heap rỗng các bước sau:

B2.1: Lấy một cạnh e = (u, v) từ đỉnh Heap, loại bỏ cạnh e khỏi Heap

B2.2:  $tim\ rI = g\acute{o}c\ của\ u\ và\ r2 = g\acute{o}c\ của\ v.$ 

B2.3:  $N\acute{e}u\ r1 = r2\ thì\ quay\ lại\ B2.1$ 

B2.4: Nạp e vào cây T, nếu |T| = n-1 thì kết thúc thuật toán.

B2.5: Hợp nhất hai cây gốc r1 và r2 thành một cây (điều chỉnh gốc của cây mới, cây nào ít con hơn làm con cây kia), quay về B2.1

B3:  $N\acute{e}u |T| < n-1$  thì G không liên thông, không có cây khung, ngược lại thì in ra cây T.

#### 4.3. Nhân xét

Như đã nói trong phần thuật toán ở trên, ta sử dụng heapsort để sắp xếp danh sách cạnh. Trong C++, ta dùng luôn cấu trúc priority\_queue để nhập danh sách cạnh từ input (mỗi cạnh gồm số hiệu hai đầu mút (u, v) và trọng số cạnh w. Quá trình nhập dữ liệu Heap sẽ tự được vun đồng.

Ta sử dùng thêm một mảng *Tree* để chứa danh sách cây khung T. Mỗi lần có một cạnh được nạp vào cây khung ta sẽ nạp nó vào vector *Tree*.

# 4.4. Cài đặt

Dưới đây là một vài bản cài đặt thuật toán với ý tưởng nêu trên:

```
    #include <fstream>

2. #include <queue>
3. #include <vector>
4.
using namespace std;
6. ifstream fi("mst.inp");
7. ofstream fo("mst.out");
8.
9. struct edge { int u, v; double w; };
11. bool operator < (const edge x, const edge y){return x.w > y.w;}
12.
13. priority_queue<edge> heap;
14. vector<int> pa;
15. vector<edge> tree;
16. int n, m;
17.
18. void get_data(){
19.
       fi >> n >> m;
20.
       edge c;
21.
       for (int i = 0; i < m; i++){ fi >> c.u >> c.v >> c.w; heap.push(c); }
22. }
23.
24. void init(){
25.
       pa.resize(n+1);
       for(int i = 1; i <= n; i++) pa[i] = -1;
27. }
28.
29. int GetRoot(int r){
      while(pa[r] > 0) r = pa[r];
30.
31.
      return r;
32. }
33.
34. void Union(int r1, int r2){
35.
       int x = pa[r1] + pa[r2];
       if(pa[r1] > pa[r2]){
36.
            pa[r1] = pa[r2];
37.
38.
            pa[r2] = x;
39.
       else{
40.
            pa[r2] = pa[r1];
41.
42.
            pa[r1] = x;
43.
44. }
46. bool kruskal(){
47.
       int r1, r2;
48.
       edge e;
       while(!heap.empty()){
49.
50.
            e = heap.top(); heap.pop();
           r1 = GetRoot(e.u);
51.
           r2 = GetRoot(e.v);
52.
           if (r1 != r2){
53.
                tree.push_back(e);
54.
                if(tree.size() == n-1) return true;
55.
                Union(r1, r2);
            }
57.
58.
       }
59.
       return false;
60. }
61.
```

```
62. void print(){
        int weight = 0;
63.
64.
        for(int i = 0; i < tree.size(); i++){
            fo <<'('<< tree[i].u <<','<<tree[i].v<<") = "<<tree[i].w << endl;
            weight += tree[i].w;
67.
       fo << weight <<endl;
68.
69. }
70.
71. int main()
72. {
73.
        get_data();
74
        init();
        if(kruskal())print(); else fo≪ "The graph isn't connected!";
75.
        return 0;
77. }
```

Bản cài đặt sau đây sử dụng 1 đối tượng C++ map để lưu nút gốc của các cây con trong quá trình hợp nhất:

```
    #include <fstream>

2. #include <vector>
3. #include <queue>
4. #include <map>
5.
using namespace std;
7. typedef pair<int,pair<int,int> > node;
8. typedef priority_queue<node, vector<node>, greater<node> > min_heap;
10. ifstream fin("mst.inp");
11. ofstream fou("mst.out");
12.
13. vector<node> MST_KRUSHAL(int N, min_heap Q) {
14.
       vector<node> mintree;
       map<int,int> parent;
15.
16.
       for (int i = 1; i <= N; ++i) parent[i] = i;
       while(!Q.empty())
17.
18.
19.
            int u = Q.top().second.first, v = Q.top().second.second, w = Q.top().first;
            int r1 = parent[u], r2 = parent[v];
20.
            if(r1 != r2) {
21.
                mintree.push_back(make_pair(w, make_pair(u, v)));
22.
                If (mintree.size() == n-1) return(mintree);
23.
                // hop nhat cac cay goc r2 thanh cay goc r1
24.
25.
                for (int i = 1; i \le N; ++i) if(parent[i] == r2) parent[i] = r1;
27.
            Q.pop();
28.
       return mintree;
29.
30. }
31.
32. int main()
33. {
       int N, m;
34.
35.
       fin >>N >>m;
36.
       int u, v, w;
37.
       min_heap Q;
       for (int i = 0; i < m; ++i) {
38.
39.
            fin >> u >> v >> w;
            Q.push(make_pair(w, make_pair(u, v)));
40.
41.
```

# 5. Thuật toán Prim tìm cây khung nhỏ nhất

#### 5.1. Bài toán

Mô tả bài toán tương tự như đã nêu trong phần nói về thuật toán Kruskal

### 5.2. Thuật toán

Ý tưởng của thuật toán Prim có thể mô tả ngắn gọn như sau, giả sử G=(V,E) là đơn đồ thị vô hướng có N đỉnh và M cạnh. T là cây khung nhỏ nhất cần tìm, bắt đầu T rỗng:

- B1: Chọn 1 đỉnh s bất kỳ (s = 1..N), đánh dấu s là đã thăm (visited[s] = true)
- B2: Đặt tất cả các cạnh nối với s và Heap (Heap được sắp xếp sao cho cạnh nhỏ nhất ở đỉnh)
- B3: Lặp cho đến khi Heap rỗng các thao tác sau:
  - B3.1: Lấy ra một cạnh e ở đỉnh Heap, loại bỏ luôn e ra khỏi Heap
  - B3.2: Nếu cả hai đầu mút của e là đã thăm thì quay lai B3.1;
  - B3.3: Thêm e vào cây T; Nếu |T| = n-1 thì kết thúc thuật toán
  - B3.4: gọi v là đỉnh đầu mút của e và visited[v] = false, thêm tất cả các cạnh nối với v vào Heap, đánh dấu visited[v] = true, quay lại B3.1
- B4:  $N\acute{e}u |T| < n-1$  thì đồ thị không liên thông và không có cây khung. Ngược lại thì in T

#### 5.3. Nhân xét

Theo ý tưởng ở trên, ta sử dụng một cấu trúc C++ priority\_queue để lưu danh sách các cạnh tiềm năng cho việc xây dựng cây T.

#### 5.4. Cài đặt

Dưới đây là một cài đặt theo thuật toán trong phần 3.2

```
    #include <fstream>

2. #include <queue>
3. #include <vector>
4. using namespace std;
5. ifstream fi("mst.inp");
ofstream fo("mst.out");
7.
8. struct dinhke{
       int id; double w;
       dinhke(){}
10.
       dinhke(int iid, double dw): id(iid), w(dw){}
11.
13. struct edge{ int u, v; double w; };
14. bool operator < (const edge x, const edge y){return x.w > y.w;}
16. priority_queue<edge> heap;
17. vector< vector<dinhke> > dske;
```

```
18. vector<bool> visited;
19. vector<edge> tree;
20. int n, m;
22. void get_data(){
23.
        fi >> n >> m;
        int u, v;
24.
        double w;
25.
26.
        dinhke x;
27.
        dske.resize(n+1);
        for (int i = 0; i < m; i++){
28.
            fi >> u >> v >> w;
29.
30
            dske[u].push_back(dinhke(v,w));
31.
            dske[v].push_back(dinhke(u,w));
32.
33. }
34.
35. bool prim(int u){
        visited.resize(n+1, false);
36.
37.
        visited[u] = true;
38.
        // dat cac canh ke u vao heap, sap xep tang dan
        for(int i = 0; i < dske[u].size(); i++){</pre>
39.
            edge x = {u,dske[u][i].id, dske[u][i].w};
40.
41.
            heap.push(x);
42.
        while(!heap.empty()){
43.
44.
            edge e = heap.top();
            heap.pop();
46.
            if (visited[e.u] && visited[e.v]) continue;
            tree.push_back(e);
47.
            if (tree.size() == n-1) return true;
48.
            int v = (visited[e.u]?e.v:e.u);
49.
            for(int i = 0; i < dske[v].size(); i++){
51.
                 int x = dske[v][i].id;
                 double z = dske[v][i].w;
52.
53.
                 if(!visited[x]){
54.
                     edge y = \{v,x,z\};
55.
                     heap.push(y);
56.
57.
58.
            visited[v] = true;
59.
60.
        return false;
61. }
62.
63. void print(){
        double w = 0.0;
64.
        for(int i = 0; i < tree.size(); i++){</pre>
65.
            fo <<"("<< tree[i].u <<","<<tree[i].v <<") = "<<tree[i].w << endl;
66.
67.
            w += tree[i].w;
69.
        fo << w << endl;
70. }
71. int main()
72. {
73.
        get_data();
        if (prim(1)) print();
74.
        else fo<<"The graph is not connected!";
75.
76.
        return 0;
77. }
```

Sử dụng hiệu quả thư viện C+	++ STL
------------------------------	--------

(Còn nữa....)