

Primer tarea.

Manuel Díaz Díaz, Gerardo Rubén López Hernández

8 de marzo de 2020

- 1) Mostrar que si $(a, n) = 1$, los conjuntos de clases $\{a, 2a, 3a, \dots, (n-1)a\} = \{1, 2, \dots, n-1\}$ en \mathbb{Z}_n .
- 2) Dar las unidades de \mathbb{Z}_{156} y su inverso multiplicativo de la siguiente forma (a, a^{-1}) .
- 3) De los siguientes sistemas de congruencias decir si tienen solución y en caso de tenerla dar la solución.

a)

$$x \cong 10 \pmod{65}$$

$$x \cong 25 \pmod{85}$$

$$x \cong 35 \pmod{70}$$

$$x \cong 15 \pmod{35}$$

b)

$$x \cong 15 \pmod{35}$$

$$x \cong 10 \pmod{65}$$

$$x \cong 25 \pmod{85}$$

$$x \cong 15 \pmod{145}$$

- 4) Dado el siguiente texto cifrado:

ORNOQM PTO ORSO KOLRJFO IOR JNMQSO KJR OL IM PTO GDEO, PTO
OI GOREDAQJQIM. ORSJL OLSQJLGM JI KTLGM GO IJ EQDNSMBQJADJ Y IJ
ROBTQDGJG Y NJQJ JPTOIIMR PTO ORSOL DLSOQORJGMR OL IJ EQDNSMBQ-
JADJ IOR NQMNMLBM PTO AMQKOL TL BQTNM Y ORSO IM GDVDGJL OL
GMR RTUBQTNMR TLM EDAQJQJ Y OI MSQM RTUBQTNM GOREDAQJQJ. OI
QOSM OR OI RDBTDOLSO: OI RTUBQTNM PTO EDAQJ OLEQDNSJ TL KOLRJ-
FO Y IM OLVDJ EDAQJGM J OI RTUBQTNM PTO GOREDAQJ GDEDOLGM PTO
EDAQJGM TRM Y LM KJR DLAMQKJEDML. RD OI BQTNM PTO GOREDAQJ
SQJGTEO OI KOLRJFO RO FTLSJL Y RJEJL EMLEITRDMLOR GO PTO AJISJ
NJQJ KOFMQJQ OI EDAQJGM, OL EJRM EMLSQJQDM OI RTUBQTNM PTO
EDAQJ JNMYJ JI PTO GOREDAQJ NJQJ PTO JVVLEO OI BQTNM. EMKDOLLEOL
EML IMR EDAQJGMR KJR ROLEDIIMR EMKM KMLMJIAJUOSDEMR, GORN-
TOR IMR NMIDJIAJUOSDEMR, ITOBM IMR EDAQJGMR OL UIMPTOR EMKM
CDII Y JRD. OR KTY DKNMQSJLSO SOLOQ OL ETOLSJ PTO RML TL BQTNM Y

PTO GOUOL JNMYJQRO OLSQO RD. ORSJ NQJESDEJR IOR GJQJL KJGTQOZ Y OXNOQDOLEDJ, OI RDBTDOLSO NJRM OR DKNIOKOLSJQIM OL IJ VDGJ EMSDGDJLJ, NMQ OFOKNIM GJGM ETJIPDOQ JQECDVM, AQJBKOLSJQIM, EDAQJQIM Y GOFJLGMIM OL OI KDRKM AMQKJSM, GORNTOR IJ NJQSO PTO GOREDAQJ, DKNIOKOLSJ OI JIBMQDSKM GO GOREDAQJGM GOFJLGM OI JQECDVM EMKM OI MQDBDLJI. QOETOQGOL PTO OL ORSJ NJQSO OR KTY DKNMQSJLSO PTO TRSOGOR CBJL SMGMR IMR NQMBQJKJR SJLSM NJQJ EDAQJQ EMKM NJQJ GOREDAQJQ, YJ PTO OI METNJQ RMAWJQO GO SOQEOQMR EMKNQMKOSO SMGM OI SQJUJFM. TLJ VOZ COECM ORSM RO GJQJL ETOLSJ GO PTO KTECJR NOQRMLJR LOEORDSJL GO RTR ROQV-DEDMR Y JI CJEOQ ORSJ NQJESDEJR OL OI AMLGM RO ORSJL NQONJQJLGM KOQEJGM IJUMQJI Y LM EMKM OKNIOJGMR RDLN EMKM OKNQORJQDMR. IJ VOLSJFJ GO CJEOQIM GO ORSJ KJLOQJ, OR PTO OL OI KOQEJGM JESTJI IJR NOPTOLJR OKNQORJR LOEORDSJL GO TRSOGOR NJQJ EQOEOQ LOEORDSJLGM GO TLJ EQDNSMBQJADJ KJR NOQRMLJIDZJGJ Y KOLMR EMKOQEDJI UQDLGJLGM JRD KJR EMLADJLZJ OL IJR OKNQORJR M NOQRMLJR PTO EMLSQJSJL LTORSQMR ROQVDEDMR, NMQPTO IJR BQJLGOR OKNQORJR PTO JESTJIKOLSO UQDLGJL ORO ROQVDEDM CJL AJIIGM. NMQ OFOKNIM OL OI GMR KDI PTDLEO OI OREJLGJIM GO ORNDMLJFO NMQ NJQSO GO BMMBIO J NOQRMLJR Y OKNQORJR GO IJ EMKTLDGJG OTQMNOJ, IJR ETJIOR QONOQETSQOQML SJLSM NMIDSDEJKOLSO EMKM OEMLMKDEJKOLSO, ORSO SDNM GO JEMLSOEDKDOLSMR JUQO NTOQSJR NJQJ NOQRMLJR EMKM LMRMSQMR YJ PTO IJ GOREMLADJLZJ GO IJR BQJLGOR OKNQORJR PTO RO GOGDEJL J IJ ROBTQDGJG EMKNTSJEDMLJI RO CJ NTORSM OL SOIJ GO FTDEDM, NMQ ORM OR DKNMQSJLSO PTO GORGO JCMQDSJ EMKDOLEOL J SQJUJFJQ IJR NOQRMLJR PTO ORSJL DLSOQORJGJR. LM ROQJ AJEDI, NOQM LJGJ PTO VJIBJ IJ NOLJ OR AJEDI. RJITGMR Y UDOLVOLDGMR JI ETQRM ORNOQJKMR PTO IM GDRAQT-SOL.

- a) Hacer análisis de frecuencias.
- b) Dar la clave de cifrado.
- c) Dar la regla de descifrado.
- d) Descifrar el mensaje (es decir poner el texto completo descifrado).

5) Dado el siguiente mensaje cifrado con Vínage.

TSIICHGDEA	MUEGBXPBKC	SDWLJTTEEUV	BAERAFSOMU
MWJMJZPOKR	ESWTILAWZW	OEFLEOMROJ	MPDCPOKPII
QVEJMXRZCQ	MQLBTGIVAI	IXTIEQVLLG	LIGIBAERAN
MOMCLYAIPL	GJSUQBACBA	ZIPOWTAQVO	MBQMQRXKKO
WZXRFEISSY	QQGRJQDBVN	OHQVPWPADZ	SQWSUWEYMW
GSAMHXXJCGA	DSPQPEKBIO	IFOKBEOIOU	WEXOINESYS
PCPFJMKJMP	TGPIIXQEEM	XFBWLSPSIW	UAEAVLAQSD
AWXUQRGES	KCLDMRBTCM	GDIPMNSAXI	KKKOEMWCQP
OWXQXAVEEN	PLZQSGQPJI	UIFESMWTTS	NPBTQSSYSO
WUOKNYPKCN	DAWXUQRGES	PAQNDAWNCG	ATMRAWPAFE
SKTQSIGIZI	OBAMRIWUQM	QSIDKDSZWR	KQRSLSKTGS
VUGBYWEFGR	ZIJAFPIBVE	OFFVXZPOWZ	GRMPTJMYC
UCSZIKMUTW	RVXOOEFFSN	CGHWYSPTGI	VATLLGMGEZ
BZNOKMQLZQ	SGEFRAEAFQ	MKUGDAMXXU	GNLQPBKAGM
QPLACMGDSP	WUSGZPLASU	WMFXVFOFMR	LBTOWEGQV
OJQWBUKLA	EYZGUYAQBH	SUWZEZQQEF	YIOQFAZMEN
CKUFRVXOOE	FFSJCAPWCY	BVQDWEYIQD	RGFMQCNAVA
GXVGKZUWQW	TISKPBGGNV	MHBCPHWDSB	UCYSQPEMTR
WDSAMNAZMG	FMPDSEIXKG	RUAEIVWENA	EJWALWPMG
UEFAVIGSL	MXBZOIFMHL	MNHAQVOWRA	JMQXZEAJMP
XADEKFMXAJ	AYASQZQPSD	EJITCSDEIW	UIFPMLAGLS
YSZWPTWEXL	CUAWXQFAOO	UMRBSTOEBM	LMNHAQVOWG
NWEXBNTAYY	IKBQPGPIJW	UVWDURMGMA	XMLVQLWMKO
IFATMPXLGS	ASYXTFAVXE	RTVIEMSYZC	DWXMQM TALG
VXYWEUXXZ	GEKQPIQDRG	FMQCNAAVAI	TCBWDMMKBQD
WXEPWNEVMH	VAKNVGHXMN	EKOVFBRWE	SZBCVAATXH
JESCYFCPFJ	MKJMPTGHMB	RQOSPSIMEE	FFIZZKODXS
LUGZLUDLOG	NWDEIWDROWD	SLTKCWZGFI	FOWXQBFBKCS
ZSPMOASBEO	MEEUAQLCPS	WDURMUEWZG	FMTRSKW BXT
EKQVSIOAKO	EOIGLJAWQZ	QYEMWZITAD	MWLVTRAEEEX
YWIGOXDXDKO	HMDEIEEMZE	AMUCJUTZQQ	NVQRLAQTJA
WIWUMWJMJZ	POKYVYVIEEJ	FEAIROJAXO	WNAVARLXWE
VQRCINTSDQ	FAGSUDMQWT	EKYIUQEAF	WAMCLYQFOI
HANAVFBQSM	ZSAMGLDAWB	AJUYAEIJGR	LAVFVEOFYI
GQCQWQIKAW	SDUFOWUHSZ	SQIFOIGIII	UIENSIWIIIS
PIXKWEJPSX	TNEFSYXRG	GETBZOILQE	PWEISDQBRQ
RWXGLVEEHF	SAMNCMMPPM	GSLMIPBWD	MRAWGLKUKR
QGNLQIPKTI	LAVCCGBSEM	ZWRAJMQFKW	AFPSSQVEGD
MXLGGSSXFA	ALGCYBDKEF	EYPTKBJAWB	AWNEMRBRQD
WXEPQFESEG	IITAKKIKUK	LWZKRILEWX	IPXCNGXIIC
NTAYSAMNQ	QIPKTITUVB	MUGMUPIMTM	GSVXJKNKWC
BVUUKOPXAG	SVQWMMTTGY	MFVVEJQWMW	TEDMRXTKSA
ECPCNITDSQ	MQRAMHBTM	WPMATUEZMG	LVXEJFMAWG
NEUFXAGEFX	SPKWRKAWNC	GIEBEOBKDG	MRQMUDWFIO
UKNSDIPBCC	ZMVIINEKBV	BOWNLAGRIN	EKESKAWSSG
XLZGSXMZLZ	KTGEQBFBKCS	ZSP	

- Hacer la prueba de KasisKi describiendo los pasos para el mensaje.
- Dar la clave de cifrado.
- Descifrar el mensaje.

6) Dado el siguiente mensaje cifrado con Hill del cual se tiene que: IQ SU NF WI FE IY IK CC KO IG UV proviene de: Como ho ye nd ia es mu yc om un

IQ SU BX EW AF NB CN OD IU BV CG YI OD NF WI FE IY IK CC KO IG UV VD
 NB RY BZ EZ YI EL UQ WR IY DG MR NU YY RZ MK KT OH SF AB MW OI ZU
 SF US IB EY AO XI CN LB DN EZ CN OT KY XI CA LB XO NB KY LP WD OI YU
 HV OM NN AP EM CC KO LH RZ FL IK LH FP IM HJ AN SO MV VD LB CC SL
 OQ DF IK RG MU YB PN RZ LH WA SG QK EZ RT KT SO PN WK LH LP EZ RT
 YM RR TX KT AN UV WC BX UQ IO VL GS CG OE DF LH NH XJ BX EJ GM BU
 AN DF IK RG KS XI CN IK MN QS VC CO SE SW IK IL RT RM OH TX YM RG SO
 YM SU GV SO GO WD QG AP CO SO GO OH AN ZP BX QQ UQ SO SC ZR VX UN
 PN SF RT MK GO EZ SO IL RT PN SC VD FS AK UI LU SO DJ UV PT TX RZ MK
 CC KO LH XJ BX RR GO KJ YG CG SU QQ BG WP AP QS CX WD IK GO UR AN
 BX YI ZL JT IK TF PN ZH GM ZH IY KT SF MU IG FL TF YI OD YU HV ZE AN
 TX TF JT GO CA CX WC JC CJ GC RZ DJ VD BU GH SO LH JT EJ SW EW OD
 RR SC VL ZH IK RT CT CJ YY US SO NF KB PN QQ XI IK LH EW IG FL TF JT
 RZ WA OD VH FE UQ EZ TF JV QQ LB ZA SO HV YU VL ZH IK EZ XF YL QG
 TX RR CU MU IG AK PN YB RT LH KT YC AN CN GX OI RR CU CG VD LP GH
 SF MU OI ZH IG FL TF YI OD OT PT RZ ZL QQ TX KT QT XJ RT IL EY GO IK
 OD YG SR EY PT RZ DF AB SO KY ZL CG KY XI SO ME FX GH SR GH SF EG
 TX MK PT RZ ZL QQ TX BX VL SY NN IH OG TF SH GM NN VL ZH IK EZ BR
 OE CG IQ LB FX GH SF SR GH IX EZ IG EZ SO BR OE IQ GI EY UF GH CN IK

JX ZL YB RR GI IQ YR PN FE CN RR EJ GH NB UQ SO KY ZH OI NN LP GC HV
SC PN EY JT FE IK EM DM US OT MU YB PN RZ GO UR AN SF OU AP CW OT
MC CO VD BU AN RT GO WD KJ EZ NH RL YB EZ IK RT SU KY XI ME EW UI
PF CN EY YG SG QK EZ RT PT YM

- a) Encontrar la matriz de cifrado planteando con que congruencias se obtiene.
- b) Calcular la matriz inversa paso a paso.
- c) Descifrar el mensaje.