## Universidad Nacional Autónoma de México Facultad de Ciencias Estructuras Discretas Tarea 2

Rubí Rojas Tania Michelle taniarubi@ciencias.unam.mx # cuenta: 315121719

2 de octubre de 2017

- 1. Sean  $f^{(1)}, g^{(2)}$  símbolos de función,  $P^{(1)}$  símbolo de predicado. Clasifica las siguientes fórmulas como términos, fórmulas atómicas, fórmulas cuantificadas (con cuantificadores pero con presencias de variables libres) o enunciados (fórmulas con cuantificadores sin variables libres); según el caso, justifica tu respuesta.
  - a) f(g(a,b))SOLUCIÓN: Es un término. Como las constantes a y b son términos, entonces g(a,b) también es un término ya que es un símbolo de función aplicado a términos.
  - b)  $\neg \forall x \forall y (P(f(x)) \land Q(x,y))$ Solución: Es un enunciado, ya que es una fórmula cuantificada sin variables libres.
  - c) P(g(f(x), y))

SOLUCIÓN: Es una fórmula atómica, ya que es un símbolo de predicado aplicado a un término.

- d)  $\exists x \forall y \exists z (R(x,y,z) \land Q(x,f(y)) \rightarrow P(g(x,y)))$ Solución: Es un enunciado, ya que es una fórmula cuantificada sin variables libres.
- e)  $\forall x \forall y \forall z (P(x,y) \land R(y,z)) \lor \exists z (Q(x,y,z))$ SOLUCIÓN: Es una fórmula cuantificada, ya que las variables x y y aparecen como variables libres en la fórmula  $\exists z (Q(x,y,z))$ .
- 2. Traduce los siguientes enunciados a lógica de predicados. Indica de manera clara la traducción de los predicados que utilizarás y el Universo de discurso.
  - a) Todos los voluntarios ayudan a alguien.
  - b) Armando puede ayudar únicamente a un mexicano.
  - c) Ningún militar puede ayudar a todas las personas.
  - d) Hay un mexicano al que todos los militares y japoneses lo ayudan.
  - e) Algún mexicano ayuda a todos o a nadie.
  - f) Hay algún mexicano que no puede ser ayudado por algún japonés.
  - g) Algunos alemanes sólo ayudan a mexicanos.
  - h) Exactamente una persona ayuda a todos menos a sí misma.

- i) Exactamente una persona sólo se ayuda a sí misma.
- j) Algunos militares no ayudan a los mexicanos.
- k) Todos los voluntarios japoneses ayudan a algún mexicano.
- 1) Armando ayuda a los mexicanos, por lo tanto los voluntarios Ayudarán a los mexicanos.

## 3. Considera los siguientes predicados

- P(x): x es un número par.
- M(x,y): x es menor que y.
- G(x,y): la división de x entre y está dentro del conjunto.

## Y los siguientes enunciados

- $\forall x \forall y (M(x,y) \to \exists z (M(x,z) \land M(z,y)))$
- $\forall x (P(x) \to M(0,x))$
- $\forall x \forall y (x \neq 0 \land y \neq 0 \rightarrow (G(x, y) \land G(y, x)))$
- La negación del inciso c)

Evalúa su valor de verdad con respecto a los siguientes Universos del discurso. Para aquellos enunciados que sean falsos, exhibe un contraejemplo.

- a) Los números naturales (el 0 también es natural).
- b) Los números reales.
- c) Los números enteros.

## 4. El micromundo de figuras tiene los enunciados siguientes:

- T(x), C(x) y S(x) tales que x es triángulo, cuadrado o círculo, respectivamente.
- P(x), M(x) y G(x) tales que x es pequeño, mediano o grande, respectivamente.
- Su(x,y), N(x,y), E(x,y) y O(x,y) para indicar que x está al sur, norte, este u oeste de y, respectivamente.
- Co(x,y) y R(x,y) para indicar que x está en la misma columna o renglón que y, respectivamente.

Para cada una de las siguientes fórmulas, escribe su traducción al español, da un micromundo no vacío donde la fórmula sea verdad y uno donde sea falsa.

- a)  $\exists x \exists y \exists z (T(x) \land C(y) \land S(z) \land N(x,y) \land N(y,z))$
- b)  $\forall x(S(x) \to \neg G(x)) \land \forall x(C(x) \to \exists y(Co(x,y) \land T(x) \land P(x)))$
- c)  $\forall x \exists y (R(x,y) \to (M(x) \lor G(y)))$
- d)  $\exists x (C(x) \land \forall y (N(y,x) \to P(y) \lor S(y))) \land \forall w (C(w) \to \exists y (G(y) \land E(y,w)))$