Facultad de Ciencias, UNAM Lenguajes de Programación Tarea 2

Hernández Salinas Óscar Rubí Rojas Tania Michelle

19 de octubre de 2020

- 1. Define las siguientes funciones sobre expresiones del lenguaje WAE:
 - a) La función libres: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con los identificadores libres (sin repeticiones) contenidos en ésta.
 SOLUCIÓN:

```
(define (libres expr)
  (type-case WAE expr
    [id (i) (list i)]
    [num (n) '()]
    [add (lhs rhs) (union (libres lhs) (libres rhs))]
    [sub (lhs rhs) (union (libres lhs) (libres rhs))]
    [with (id value body)
          (union (libres-aux value (list id))
                 (libres-aux body (list id)))]))
(define (libres-aux expr lst)
  (type-case WAE expr
    [id (i) (if (not (member? i lst))
                (list i)
                <sup>'</sup>())]
    [num (n) '()]
    [add (lhs rhs) (union (libres-aux lhs lst) (libres-aux rhs lst))]
    [sub (lhs rhs) (union (libres-aux lhs lst) (libres-aux rhs lst))]
    [with (id value body)
          (union (libres-aux value (union lst (list id)))
                 (libres-aux body (union lst (list id))))]))
```

b) La función ligadas: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con identificadores ligados (sin repeticiones) contenidos en ésta.
SOLUCIÓN:

```
(define (ligadas expr)
  (type-case WAE expr
    [id (i) '()]
    [num (n) '()]
    [add (lhs rhs) (union (ligadas lhs) (ligadas rhs))]
    [sub (lhs rhs) (union (ligadas lhs) (ligadas rhs))]
    [with (id value body)
          (union (ligadas-aux value (list id))
                 (ligadas-aux body (list id)))]))
(define (ligadas-aux expr lst)
  (type-case WAE expr
    [id (i) (if (member? i lst)
                (list i)
                <sup>'</sup>())]
    [num (n) '()]
    [add (lhs rhs) (union (ligadas-aux lhs lst) (ligadas-aux rhs lst))]
    [sub (lhs rhs) (union (ligadas-aux lhs lst) (ligadas-aux rhs lst))]
    [with (id value body)
          (union (ligadas-aux value (union lst (list id)))
                 (ligadas-aux body (union lst (list id))))]))
```

c) La función de-ligado: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con identificadores de ligado (sin repeticiones) contenidos en ésta.
SOLUCIÓN:

2. Sea e una expresión del lenguaje WAE. Suponiéndo que (libres e) = '(), demostrar o dar un contraejemplo de la siguiente desigualdad.

```
(length (ligada e)) ≤ (length (de-ligado e))
```

Demostración. Sea e la siguiente expresión del lenguaje WAE

```
{with {a 17} {+ a {+ a {+ a a}}}}}
```

donde el símbolo de color azul es una variable de **de-ligado** y los símbolos de color **rojo** son variables **ligadas**. Notemos, además, que no tenemos variables **libres**.

Así,

(length (ligada e)) =
$$5 \nleq 1$$
 (length (de-ligado e))

Por lo tanto, la desigualdad (length (ligada e)) \le (length (de-ligado e)) es falsa.

- 3. Realiza las siguientes sustituciones cuidando el alcance de las variables correspondientes. Indica para cada expresión los identificadores libres, de ligado y ligados.
 - a) {with {w {- u 8}} {with {v 5} {+ w {+ y x}}}} [x := {+ u v}] SOLUCIÓN:

Donde las variables de color azul son **de-ligado**, las de color rojo son **ligadas** y las de color verde son **libres**.

b) {with {y {+ x v}} {with {z x} {- x {- y z}}}} [x := {- y z}] SOLUCIÓN:

Donde las variables de color azul son **de-ligado**, las de color rojo son **ligadas** y las de color verde son **libres**.

c) {with {y {- z 3}} {+ x {+ y 11}}} [x := {- y {z 23}}] SOLUCIÓN:

Donde las variables de color azul son **de-ligado**, las de color rojo son **ligadas** y las de color verde son **libres**.

4. Convierte las siguientes expresiones a su respectiva versión usando índices de De Brujin.

```
{with {a 2}
a)
              {with {b 3}
                  {with {c 4}
                     {with {d {+ a {- b c}}}
                        {with {f {with {a {+ b c}}} a}}
                           {+ d {with {b {- d f}}} {- b c}}}}}}}
   Solución:
           {with 2
              {with 3
                  {with 4
                     {with {+ <:2> {- <:1> <:0>}}
                        {with {with {+ <:2> <:1>} <:0>}
                            {+ <:1> {with {- <:1> <:0>} {- <:0> <:2>}}}}}}}
b)
           {with {{a 2} {b 3} {c {with {{a 2}}} {+ 2 3}}}}
              {with {{d 8}}}
                  \{with \{\{a c\} \{b \{-8 d\}\} \{c \{+ b b\}\}\} \}
                     {with {{g {with {{z a} {y b} {z d}} 1}}}
                        {+ g {- d c}}}}}}
   Solución:
           {with {2 3 {with {2} {+ 2 3}}}
              {with {8}
                  {with \{\{<:1, 2>\} \{\{-8 <:0, 0>\}\} \{\{+ <:1, 1> <:1, 1>\}\}\}}
                     {with {{with {{<:0, 0>}} {<:0, 1>} {<:1, 0>}} 1}}
                        \{+ <: 0, 0> \{- <: 2, 0> <: 1, 2>\}\}\}\}\}
```

5. Dadas las siguientes expresiones representadas mediante índices de *De Brujín*, obtén su respectiva versión usando identificadores de variables.

 $\{with \{+23\}\}$

a)

6. Determina el valor de la siguiente expresión y responde las siguientes preguntas: ¿puede haber otro resultado correcto? ¿por qué? ¿cuál es el correcto?

```
{with {a 2}
    {with {b 3}
        {with {c {+ a b}}}
        {with {a -2}
            {with {b -3}}
            {+ c c}}}}
```

Solución:

La expresión nos puede dar dos diferentes valores dependiéndo si se ocupa alcance dinámico o estático y los dos valores son correctos dependiendo de cómo esté implementado el leguaje en el que estemos trabajando.

- a) Usando alcance estático obtenemos que el resultado es 10.
- b) Usando alcance dinámico obtenemos que el resultado es -10.