Facultad de Ciencias, UNAM Lenguajes de Programación Tarea 2

Hernández Salinas Óscar Rubí Rojas Tania Michelle

19 de octubre de 2020

- 1. Define las siguientes funciones sobre expresiones del lenguaje WAE:
 - (a) La función libres: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con los identificadores libres (sin repeticiones) contenidos en ésta.
 SOLUCIÓN:

```
(define (libres expr)
 (type-case WAE expr
   [id (i) (list i)]
    [num (n) '()]
   [add (lhs rhs) (union (libres lhs) (libres rhs))]
   [sub (lhs rhs) (union (libres lhs) (libres rhs))]
   [with (id value body)
          (union (libres-aux value (list id))
                 (libres-aux body (list id)))]))
(define (libres-aux expr lst)
 (type-case WAE expr
   [id (i) (if (not (member? i lst))
                (list i)
                (())
    [num (n) '()]
   [add (lhs rhs) (union (libres-aux lhs lst) (libres-aux rhs lst))]
   [sub (lhs rhs) (union (libres-aux lhs lst) (libres-aux rhs lst))]
   [with (id value body)
          (union (libres-aux value (union lst (list id)))
                 (libres-aux body (union lst (list id))))]))
```

(b) La función ligadas: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con identificadores ligados (sin repeticiones) contenidos en ésta. SOLUCIÓN:

```
(define (ligadas expr)
 (type-case WAE expr
   [id (i) '()]
   [num (n) '()]
   [add (lhs rhs) (union (ligadas lhs) (ligadas rhs))]
   [sub (lhs rhs) (union (ligadas lhs) (ligadas rhs))]
   [with (id value body)
          (union (ligadas-aux value (list id))
                 (ligadas-aux body (list id)))]))
(define (ligadas-aux expr lst)
 (type-case WAE expr
   [id (i) (if (member? i lst)
                (list i)
                '())]
   [num (n) '()]
   [add (lhs rhs) (union (ligadas-aux lhs lst) (ligadas-aux rhs lst))]
   [sub (lhs rhs) (union (ligadas-aux lhs lst) (ligadas-aux rhs lst))]
   [with (id value body)
          (union (ligadas-aux value (union lst (list id)))
                 (ligadas-aux body (union lst (list id))))]))
```

(c) La función de-ligado: WAE → (listof symbol) que dada una expresión de tipo WAE devuelve una lista con identificadores de ligado (sin repeticiones) contenidos en ésta. SOLUCIÓN:

2. Sea e una expresión del lenguaje WAE. Suponiéndo que (libres e) = '(), demostrar o dar un contraejemplo de la siguiente desigualdad.

```
(length (ligada e)) ≤ (length (de-ligado e))
```

Proof. Sea e la siguiente expresión del lenguaje WAE

```
{with {a 17} {+ a {+ a {+ a a}}}}}
```

donde el símbolo de color azul es una variable de **de-ligado** y los símbolos de color **rojo** son variables **ligadas**. Notemos, además, que no tenemos variables **libres**.

Así,

```
(length (ligada e)) = 5 \nleq 1 (length (de-ligado e))
```

Por lo tanto, la desigualdad (length (ligada e)) \le (length (de-ligado e)) es falsa.

3. Realiza las siguientes sustituciones cuidando el alcance de las variables correspondientes. Indica para cada expresión los identificadores libres, de ligado y ligados.

De color azul tenemos los identificadores **de-ligado** , de color <mark>rojo</mark> los identificadores **ligados** y de verde los identificadores **libres**

```
(a) {with {w {- u 8}} {with {v 5} {+ w {+ y x}}}} [x := {+ u v}] SOLUCIÓN: {with {w {- u 8}} {with {v 5} {+ w {+ y {+ u v}}}}}}
```

- (b) {with {y {+ x v}} {with {z x} {- x {- y z}}}} [x := {- y z}] SOLUCIÓN: {with {y {+ {- y z} v}} {with {z {- y z}} {- y z}}} $\{- y z\}$ }
- (c) {with {y {- z 3}} {+ x {+ y 11}}} [x := {- y {z 23}}] SOLUCIÓN: {with {y {- z 3}} {+ {- y {z 23}}} {+ y 11}}}
- 4. Convierte las siguientes expresiones a su respectiva versión usando índices de De Brujin.

Solución:

```
(b) {with {{a 2} {b 3} {c {with {{a 2}} {+ 2 3}}}} 

{with {{d 8}} 

{with {{a c} {b {- 8 d}} {c {+ b b}}} {

{with {{g {with {{z a} {y b} {z d}} 1}}} 

{+ g {- d c}}}}}
```

Solución:

```
{with {2 3 {with {2} {+ 2 3}}}
    {with {8}
        {with {{<:1, 2>} {{- 8 <:0, 0>}} {{+ <:1, 1> <:1, 1>}}}
        {with {{with {{<:0, 0>} {<:0, 1>} {<:1, 0>}} 1}}
        {+ <:0, 0> {- <:2, 0> <:1, 2>}}}}}
```

5. Dadas las siguientes expresiones representadas mediante índices de *De Brujín*, obtén su respectiva versión usando identificadores de variables.

```
(a)
            \{with \{+23\}
               {with 17
                 \{with \{+ <: 0> <: 0>\}\}
                     {with \{-<:0> \{+<:1><:2>\}\}}
                        {with {with 2 + <:0> 3}}
                           {- <:3> {+ <:2> {+ <:0> <:1>}}}}}}}
   Solución:
            {with \{x \{+ 2 3\}\}
               {with {y 17}}
                 \{with \{z \{+ y y\}\}\}
                     {with \{w \{-z \{+y x\}\}\}}
                        {with {v {with {a 2} {+ a 3}}}
                           {- y {+ z {+ v w}}}}}}
(b)
            {with {1 2 3}
               {with {4 5 6}
                  {with {{with {+ <: 0 1> <: 1 2>} {- <: 1 1> <: 0 0>}}} 3}}
                     {with {<:0 0>}
                       {+ <:3 2> {+ <:2 1> {+ <:1 0> <:0 0>}}}}}}}
   Solución:
            {with {{a 1} {b 2} {c 3}}
               {with {{d 4}} {e 5} {f 6}}
                  {with {{g {with {j {h {+ e c}} {i {- b d}}}} 3}}}
                     {with {g}
                       {+ c {+ e {+ g g}}}}}
```

6. Determina el valor de la siguiente expresión y responde las siguientes preguntas: ¿puede haber otro resultado correcto? ¿por qué? ¿cuál es el correcto?

```
{with {a 2}
    {with {b 3}
        {with {c {+ a b}}}
        {with {a -2}
            {with {b -3}}
            {+ c c}}}}
```

Solución: La expresion nos puede dar dos diferentes valores dependiendo si se ocupa alcance dinamico o estatico y los dos valores son correctos dependiendo de como este implementado el leguaje en el que estemos trabajando.

Usando alcance dinamico nos da: -10

Usando alcance estatico nos da: 10