Einführung in die Differentialgeometrie Hausaufgaben Blatt Nr. 5

Max Mustermann

Julius-Maximilians-Universität Würzburg

(Dated: May 19, 2024)

Aufgabe 1. Sei r>0 und $I\subseteq\mathbb{R}$ ein nicht-leeres offenes Intervall. Bezeichne $rI:=\{rs:s\in I\}$. Seien $\alpha:I\to\mathbb{R}^2$, $\beta:rI\to\mathbb{R}^2$ glatte und reguläre, nach der Bogenlänge parametrisierte Kurven. Wir nehmen an, es gelte $\kappa_{\beta}(rs)=\frac{1}{r}\kappa_{\alpha}(s)$, für alle $s\in I$. Zeigen Sie, dass α und β im folgenden Sinne ähnlich sind: Es gibt eine orientierungserhaltende Isometrie $F:\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}^2$ mit $r\alpha(s)=F(\beta(rs))$, für alle $s\in I$. (In dem Fall heißt r manchmal Streckfaktor.)