

# Grundlagen Datenbanken: Übung 14

Gruppe 20 & 21
Tanmay Deshpande
ge94vem@mytum.de





## QR-Code für die Folien





# Wiederholung

Woche 14





## Mehrbenutzerbetrieb

- Es ist ineffizient, eine Transaktion nach der anderen durchzuführen (serielle Historie). Wir wollen Transaktionen parallel durchführen können
- Bei paralleler Durchführung kann es zu Problemen kommen, z.B. :

#### Lost Update

Schritt	$T_1$	$T_2$
1.	read( $A$ , $a_1$ )	
2.	$a_1 := a_1 - 300$	
3.		read( $A$ , $a_2$ )
4.		$a_2 := a_2 * 1.03$
5.		write( $A$ , $a_2$ )
6.	write( $A$ , $a_1$ )	
7.	$read(B,b_1)$	
8.	$b_1 := b_1 + 300$	
9.	write( $B, b_1$ )	

#### **Dirty Read**

Schritt	$T_1$	$T_2$
1.	read(A,a <sub>1</sub> )	
2.	$a_1 := a_1 - 300$	
3.	write(A,a <sub>1</sub> )	
4.		read(A,a <sub>2</sub> )
5.		$a_2 := a_2 * 1.03$
6.		write(A,a <sub>2</sub> )
7.	read(B,b <sub>1</sub> )	
8.		
9.	abort	



#### Mehrbenutzerbetrieb

 Es ist ineffizient, eine Transaktion nach der anderen durchzuführen (serielle Historie). Wir wollen Transaktionen parallel durchführen können

Phantom Problem

Bei paralleler Durchführung kann es zu Problemen kommen, z.B. :

# T<sub>1</sub> select sum(KontoStand) from Konten insert into Konten values (C,1000,...) select sum(Kontostand) from Konten



#### Historie

• Historie: Legt die Reihenfolge von Operationen einer Menge von Transaktionen fest

$$r_1(A) \to r_2(C) \to w_1(A) \to w_2(C) \to r_1(B) \to w_1(B) \to c_1 \to r_2(A) \to w_2(A) \to c_2$$

- Operationen einer Historie:
  - $r_x(A) = \text{read}, w_x(A) = \text{write}, c_x = \text{commit}, a_x = \text{abort}$
- Idee: serielle Historien sind sicher. Bringe die verzahnte Historie in einer Form, die äquivalent zu einer seriellen Historie ist
- Zwei Historien sind (konflikt-)äquivalent ( $H_1 = H_2$ ), wenn die Konfliktoperationen der nicht abgebrochenen Transaktionen in der gleichen Reihenfolge angeordnet sind + sie die gleiche Menge von Transaktionen (inklusiv Operationen) haben
- Konfliktoperationen:

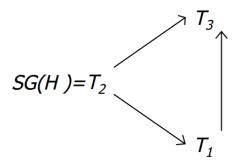
Wenn zwei Transkationen die selben Daten lesen – Reihenfolge beliebig Wenn mindestens eine Transaktion die Daten verändert – Reihenfolge festlegen

	r <sub>j</sub> (A)	w <sub>j</sub> (A)
r <sub>i</sub> (A)	-	×
w <sub>i</sub> (A)	×	×



### Serialisierbarkeit

- Eine Historie ist serialisierbar, wenn sie äquivalent zu einer seriellen Historie ist
- Das kann man mithilfe von einem Serialisierbarkeitsgraphen erkennen
- Falls der Serialisierbarkeitsgraph einer Historie azyklisch ist, ist sie serialisierbar



- Im SG(H), gibt es eine Kante von T<sub>A</sub> nach T<sub>B</sub>, falls es Konfliktoperationen o<sub>A</sub> und o<sub>B</sub> zwischen T<sub>A</sub> und T<sub>B</sub> gibt mit o<sub>A</sub> <<sub>H</sub> o<sub>B</sub>
- Abgebrochene Transaktionen kann man von dem Serialisierbarkeitsgraphen weglassen



## Eigenschaften von Historien

- Wir sagen, dass eine Transaktion von einer anderen Transaktion liest, wenn die folgenden Bedingungen gelten:
  - $w_i(A) <_H r_i(A)$
  - $-a_j \neg <_H r_i(A)$
  - Falls  $\exists w_k(A) \text{ mit } w_i(A) <_H w_k(A) <_H r_i(A), \text{ dann } a_k <_H r_i(A)$
- Serialisierbar (SR): SG(H) ist azyklisch
- Rücksetzbar (RC): Wenn die schreibende Transaktion  $(T_j)$  vor der lesenden Transaktion  $(T_i)$  ihr commit durchführt, also  $c_i <_H c_i$



## Eigenschaften von Historien

• Ohne kaskadierendes Rücksetzen (ACA): Für je zwei Transaktionen  $T_i$  und  $T_j$  sollte gelten,  $c_i <_H r_i(A)$  falls  $T_i$  ein Datum A von  $T_j$  liest

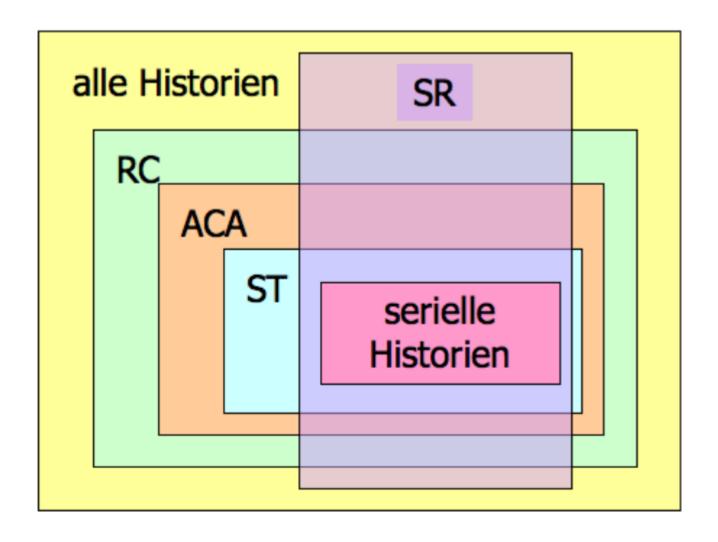
#### Beispiel-Historie mit kaskadierendem Rücksetzen

Schritt	$T_1$	$T_2$	$T_3$	$T_4$	$T_5$
0.					
1.	$W_1(A)$				
2.		$r_2(A)$			
3.		r <sub>2</sub> (A) w <sub>2</sub> (B)			
4.			<i>r</i> ₃(B)		
5.			r₃(B) w₃(C)		
6.				<i>r</i> ₄( <i>C</i> )	
7.				r₄(C) w₄(D)	
8.					<i>r₅(D)</i>
9.	$a_i$ (abort)				

• Strikt (ST): Wenn  $w_i(A) <_H o_i(A)$ , dann  $a_i <_H o_i(A)$  oder  $c_i <_H o_i(A)$ 



## Eigenschaften von Historien





## Sperrbasierte Synchronisation

#### Zwei Sperrmodi

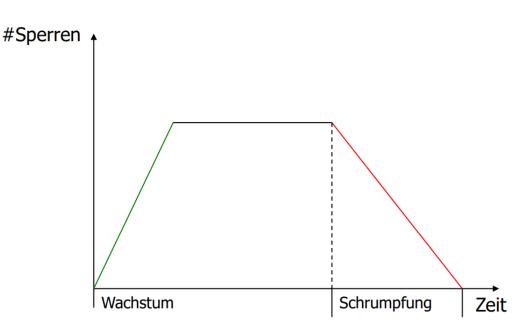
- S (shared, read lock, Lesesperre):
- X (exclusive, write lock, Schreibsperre):
- Verträglichkeitsmatrix (auch Kompatibilitätsmatrix genannt)

	NL	5	X
5	<b>✓</b>	<b>✓</b>	1
X	<b>✓</b>	_	-



## Zwei-Phasen Sperrprotokoll (2PL)

- Jedes Objekt, das von einer Transaktion genutzt wird, muss gesperrt werden
- Wachstumsphase Sperren anfordern aber keine freigeben
- Falls eine Transaktion versucht, auf ein Objekt zuzugreifen, das schon gesperrt ist, geht es in einer Warteschlange (abhängig von Verträglichkeitsmatrix) bis diese Sperre freigegeben wird
- Schrumpfungsphase Sperren freigeben aber keine anfordern
- Bis zum Ende der Transaktion müssen alle Sperren freigegeben werden





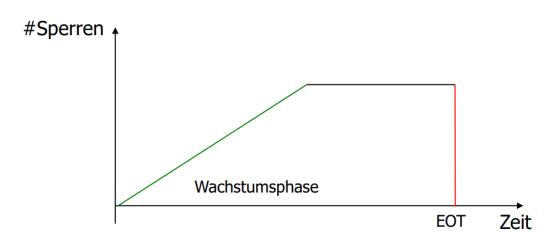
# Beispiel 2PL

Schritt	$T_1$	$T_2$	Bemerkung
1.	вот		
2.	lockX(A)		
3.	read(A)		
4.	write(A)		
5.		вот	
6.		lockS(A)	$T_2$ muss warten
7.	lockX(B)		
8.	read( <i>B</i> )		
9.	unlockX(A)		$T_2$ wecken
10.		read(A)	
11.		lockS(B)	T <sub>2</sub> muss warten
12.	write(B)		
13.	unlockX(B)		$T_2$ wecken
14.		read( <i>B</i> )	
15.	commit		
16.		unlockS(A)	
17.		unlockS(B)	
18.		commit	



## Strenges 2PL

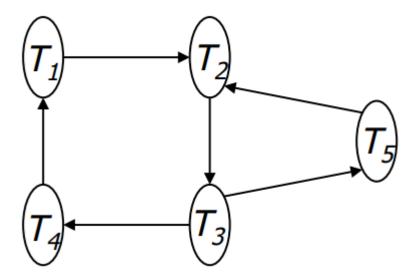
- Normales 2PL schließt kaskadierendes Rücksetzen nicht aus
- Bei strengem 2PL werden Sperren bis EOT gehalten und gemeinsam freigegeben (keine Schrumpfungsphase)





## Verklemmungen

- Entstehen wenn zwei Transaktionen auf Sperren warten, die die jeweils andere besitzt
- Wir können sie durch Wartegraphen erkennen



- Kante von T<sub>A</sub> nach T<sub>B</sub> bedeutet, T<sub>A</sub> wartet auf Sperre von T<sub>B</sub>
- Zyklen in Wartegraphen bedeuten, dass Verklemmungen existieren



# Aufgaben

Woche 14





## Aufgabe 01 a-c

• Die Historie H für die Transaktionen  $T_1$ ,  $T_2$  und  $T_3$  sei durch das folgende Diagramm gegeben:

$$r_1(x) \to r_1(y) \to w_1(x) \to c_1$$

$$\uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$H = \qquad r_2(y) \to r_2(x) \to w_2(z) \to w_2(y) \to c_2$$

$$\downarrow \qquad \uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$w_3(x) \to r_3(y) \to r_3(z) \longrightarrow c_3$$

- A) Geben Sie die Konfliktoperationen von H an
- B) Geben Sie eine total geordnete Historie H' an (also eine "lineare" Abfolge von Operationen), die konfliktäquivalent zu H ist.
- C) Geben Sie an, welche Transaktionen voneinander lesen.

## Lösungsvorschlag 01 a-c



Die Historie H für die Transaktionen  $T_1$ ,  $T_2$  und  $T_3$  sei durch das folgende Diagramm gegeben:

$$r_1(x) \to r_1(y) \to w_1(x) \to c_1$$

$$\uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$H = \qquad r_2(y) \to r_2(x) \to w_2(z) \to w_2(y) \to c_2$$

$$\downarrow \nearrow \uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$w_3(x) \to r_3(y) \to r_3(z) \longrightarrow c_3$$

- A)  $r_2(x), w_1(x)$   $w_3(x), r_2(x)$   $w_3(x), r_1(x)$   $w_3(x), w_1(x)$   $w_2(y), r_1(y)$   $r_3(y), w_2(y)$  $r_3(z), w_2(z)$
- B)  $r_2(y), w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(x), r_1(x), w_2(z), w_2(y), r_1(y), w_1(x), c_1, c_2$
- C) T1 liest von T3 und T2, T2 liest von T3.



## Aufgabe 01 d-e

• Die Historie H für die Transaktionen  $T_1$ ,  $T_2$  und  $T_3$  sei durch das folgende Diagramm gegeben:

$$r_{1}(x) \to r_{1}(y) \to w_{1}(x) \to c_{1}$$

$$\uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$H = \qquad r_{2}(y) \to r_{2}(x) \to w_{2}(z) \to w_{2}(y) \to c_{2}$$

$$\downarrow \qquad \uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$w_{3}(x) \to r_{3}(y) \to r_{3}(z) \longrightarrow c_{3}$$

- D) Geben Sie den Serialisierbarkeitsgraphen von H an.
- E) Geben Sie eine serielle Historie H' an, die konfliktäquivalent zu H ist.

## Lösungsvorschlag 01 d-e



• Die Historie H für die Transaktionen  $T_1$ ,  $T_2$  und  $T_3$  sei durch das folgende Diagramm gegeben:

$$r_1(x) \to r_1(y) \to w_1(x) \to c_1$$

$$\uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$H = \qquad r_2(y) \to r_2(x) \to w_2(z) \to w_2(y) \to c_2$$

$$\downarrow \qquad \uparrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$w_3(x) \to r_3(y) \to r_3(z) \longrightarrow c_3$$

• D)  $T_1$   $T_2$   $T_3$ 

• E)

 ${\cal H}''$ muss die Transaktionen in der Reihenfolge  $T_3,T_2,T_1$ enthalten:

$$H'' = T_3|T_2|T_1 = w_3(x), r_3(y), r_3(z), c_3, r_2(y), r_2(x), w_2(z), w_2(y), c_2, r_1(x), r_1(y), w_1(x), c_1(y), r_2(y), r_2(y)$$



## Aufgabe 02a

a) 
$$H_1 = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|}\hline Schritt & T_1 & T_2 & T_3 \\\hline 1 & w(x) & & & \\\hline 2 & & r(x) & & \\\hline 3 & & w(y) & & \\\hline 4 & & c & & \\\hline 5 & & & r(y) & \\\hline 6 & & & w(z) & \\\hline 7 & & & c & \\\hline 8 & c & & & \\\hline \end{array}$$

richtig	falsch	Aussage
		Die Historie ist serialisierbar (SR)
		Die Historie ist rücksetzbar (RC)
		Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)
		Die Historie ist strikt (ST)



## Lösungsvorschlag 02a

a) $H_1 =$	Schritt	$T_1$	$T_2$	$T_3$
	1	w(x)		
	2		r(x)	
	3		w(y)	
	4		c	
	5			r(y)
	6			$\begin{array}{ c c }\hline r(y)\\\hline w(z)\\\hline \end{array}$
	7			c
	8	c		

richtig	falsch	Aussage	
<b>/</b>		Die Historie ist serialisierbar (SR)	
	<b>✓</b>	Die Historie ist rücksetzbar (RC)	
	Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)		
	<b>✓</b>	Die Historie ist strikt (ST)	



## Aufgabe 02b

richtig	falsch	Aussage
		Die Historie ist serialisierbar (SR)
		Die Historie ist rücksetzbar (RC)
		Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)
		Die Historie ist strikt (ST)



## Lösungsvorschlag 02b

richtig	falsch	Aussage	
<b>/</b>		Die Historie ist serialisierbar (SR)	
<b>/</b>		Die Historie ist rücksetzbar (RC)	
<b>/</b>		Die Historie ist vermeidet kaskadierendes Rücksetzen (ACA)	
	<b>✓</b>	Die Historie ist strikt (ST)	



## Aufgabe 3

In der Vorlesung haben Sie Serialisierbarkeitsgraphen und den Wartegraphen des (strikten) 2PL kennen gelernt.

- a) Was bedeutet eine Kante  $T_1 \to T_2$  im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie H?
- b) Gehen Sie davon aus, dass die Datenbank die 2PL-Strategie verwendet. Was bedeutet eine Kante  $T_1 \to T_2$  in einem Wartegraphen? Worin besteht der Unterschied zu Aufgabe a)?
- c) Was bedeutet ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen einer Historie H? Was im Wartegraphen? Wo liegt der Unterschied?
- d) Wie viele neue Kanten werden dem Wartegraphen maximal hinzugefügt, wenn eine Transaktion eine S-Sperre anfordert? Wie viele bei einer X-Sperre?



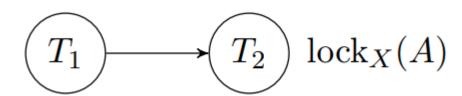
## Lösungsvorschlag 3a-c

- A) In jeder zu H äquivalenten seriellen Historie wird T1 vor T2 ausgeführt, da es in der Historie H Konfliktoperationen zwischen T1 und T2 gibt, für die H die Reihenfolge T1 vor T2 festlegt.
- B) Die Transaktion T1 fordert eine Sperre auf mindestens ein Datenobjekt an, auf welches T2 bereits eine Sperre hat und muss daher warten. Die Kante verläuft hier also anders herum als in Teilaufgabe a), da sie als warten auf und nicht geschieht vor definiert ist.
- C)
  - Ein Kreis im Serialisierbarkeitsgraphen bedeutet, dass H nicht serialisierbar ist.
  - Ein Kreis im Wartegraphen hingegen bedeutet, dass es unter der strikten 2PL-Stratgie zu einem Deadlock gekommen ist.
  - Es bedeutet nicht, dass es keine äquivalente serielle Historie gibt. Es kann also sein, dass der Scheduler sie lediglich nicht gefunden hat.
  - Striktes 2PL kann also eigentlich serialisierbare Historien ablehnen. Es garantiert aber, dass es bei allen nicht serialisierbaren Historien irgendwann während der Ausführung zum Deadlock kommt.

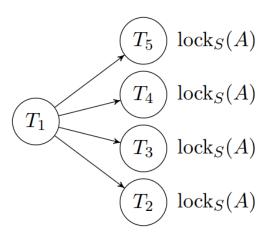


## Lösungsvorschlag 3d

1 f
ür eine S-Sperre



N-1 für eine X-Sperre





## Aufgabe 4

- a) Erläutern Sie kurz die zwei Phasen des 2PL-Protokolls.
- b) Inwiefern unterscheidet sich das strenge 2PL?
- c) Welche Eigenschaften (SR,RC,ACA,ST) haben Historien, welche vom 2PL und vom strengen 2PL zugelassen werden?
- d) Wäre es beim strengen 2PL-Protokoll ausreichend, alle Schreibsperren bis zum EOT (Transaktionsende) zu halten, aber Lesesperren schon früher wieder freizugeben?

## Lösungsvorschlag 4



- A) Jede Transaktion durchläuft zwei Phasen:
  - Eine Wachstumsphase, in der sie Sperren anfordern, aber keine freigeben darf und
  - eine Schrumpfungsphase, in der sie Sperren freigibt, jedoch keine neuen Sperren anfordern darf
- B) Alle Sperren werden bis zum Ende der Transaktion gehalten und gemeinsam freigegeben. Die Schrumpfungsphase entfällt somit.
- C) 2PL garantiert Historien aus SR. Das strenge 2PL garantiert Historien aus SR ∩ ST.
- D) Es ist ausreichend, beim strengen 2PL-Protokoll nur die Schreibsperren bis zum Ende der Transaktion zu halten. Lesesperren können analog zum normalen 2PL-Protokoll in der Schrumpfungsphase (nach wie vor jedoch nicht in der Wachstumsphase) peu à peu freigegeben werden. Die generierten Schedules bleiben serialisierbar und strikt.

#### Begründung

- Schon das normale 2PL bietet Serialisierbarkeit; diese ist also auch hier gegeben.
- Das Halten der Schreibsperren bis zum Ende der Transaktion stellt sicher, dass keine Transaktion von einer anderen lesen oder einen von ihr modifizierten Wert überschreiben kann, bevor diese nicht ihr **commit** durchgeführt hat.

Es gilt:

$$\forall T_i : \forall T_j : (i \neq j) \ \forall A : (w_i(A) <_H r_j(A)) \lor (w_i(A) <_H w_j(A)) \Rightarrow (c_i <_H r_j(A)) \ \text{bzw.} \ (c_i <_H w_j(A))$$



## Aufgabe 5

Bei der sperrbasierten Synchronisation hat jedes Datenobjekt eine zugehörige Sperre. Bevor eine Transaktion zugreifen darf, muss sie eine Sperre anfordern. Dabei unterscheiden wir zwei Sperrmodi: Lese- und Schreibsperre.

- a) Erläutern Sie kurz die Unterschiede.
- b) Geben Sie deren Verträglichkeiten an (wenn mehrere Transaktionen Sperren auf dem selben Datenobjekt anfordern).



## Lösungsvorschlag 5

- a) Eine Lesesperre (auch S-Sperre, shared lock) für ein Datum wird angefordert bevor eine Transaktion das Datum lesen möchte. Ein Schreibvorgang erfordert eine entsprechende Schreibsperre (auch X-Sperre, exclusive lock).
  - Mehrere Transaktionen können gleichzeitig eine S-Sperre auf dem selben Datenobjekt besitzen, wohingegen maximal eine Transaktion eine X-Sperre für ein Datum besitzen kann.
- b) Verträglichkeitsmatrix (auch Kompatibilitätsmatrix):

	gehaltene Sperre			
angeforderte Sperre	keine	$\mid S \mid$	X	
$\overline{S}$			_	
X		_	_	