

Grundlagen Datenbanken: Übung 11

Tanmay Deshpande

Gruppe 20 & 21

ge94vem@mytum.de



QR-Code für die Folien



Wiederholung

Woche 11



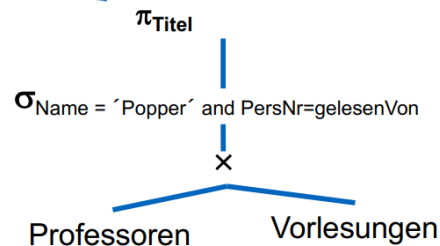
Anfrageoptimierung

- Ziel: Anfrage soll möglichst effizient ausgewertet werden
- 1. **Logische Optimierung:** Relationale Algebra Ausdrücke werden mithilfe von äquivalenzerhaltender Umformungen optimiert
- 2. **Physische Optimierung:** Algorithmische Optimierung von der Datenverarbeitung (Bsp: Join-Algorithmen)

Logische Optimierung

- Zuerst, braucht man die kanonische Übersetzung der SQL-Anfrage

```
select Titel  
from Professoren, Vorlesungen  
where Name = 'Popper' and  
       PersNr = gelesenVon
```

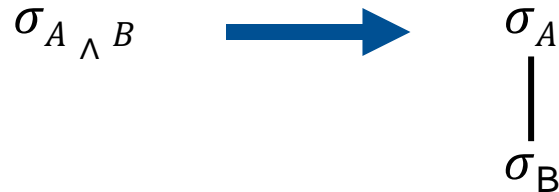


$\pi_{\text{Titel}} (\sigma_{\text{Name} = \text{'Popper' and PersNr=gelesenVon}} (\text{Professoren} \times \text{Vorlesungen}))$

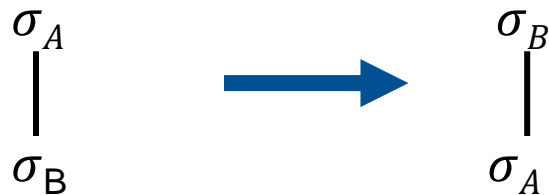
- Danach, äquivalenzerhaltende Transformationsregeln anwenden

Äquivalenzerhaltende Transformationsregeln

1. Aufspalten von Selektionsprädikaten



2. Kommutative Selektionen



3. π -Kaskaden (falls $A \subseteq B$)



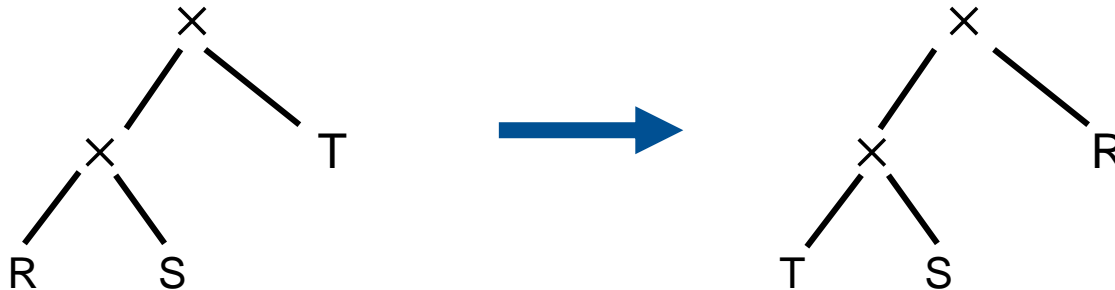
4. σ und π Umtausch (wenn sich die Prädikate auf die gleichen Attribute beziehen)

5. Kommutative \times , \cup , \cap , \bowtie

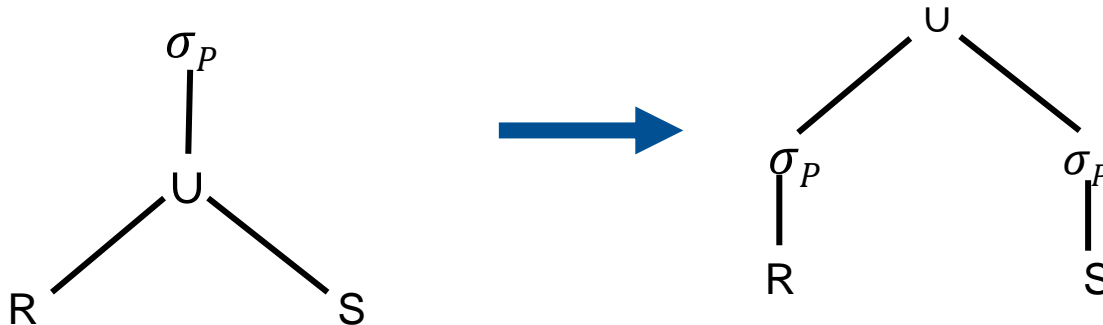
6. σ und \bowtie Umtausch (wenn sich σ nur auf Attribute in R bezieht)

7. π und \bowtie Umtausch (wenn sich die Prädikate auf die gleichen Attribute beziehen)

8. Assoziative \times , \cup , \cap , \bowtie



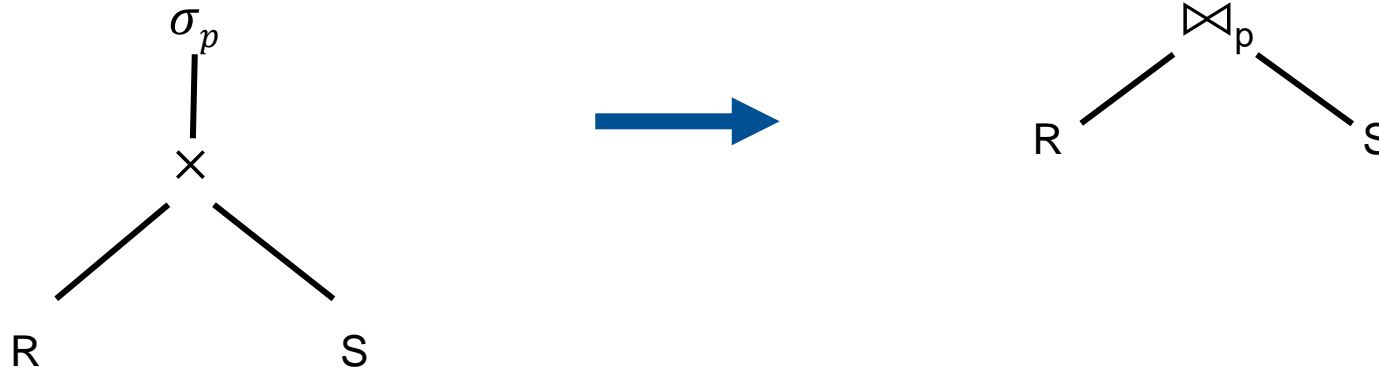
9. σ distributiv mit \cup , \cap , $-$



10. π distributiv bezüglich \cup

11. Join\Selektionsprädikate mit De-Morgan umformen

12. Selektionen und Kreuzprodukt zu Joins zusammenführen (wenn sie sich auf die gleichen Attribute beziehen)



Logische Optimierung

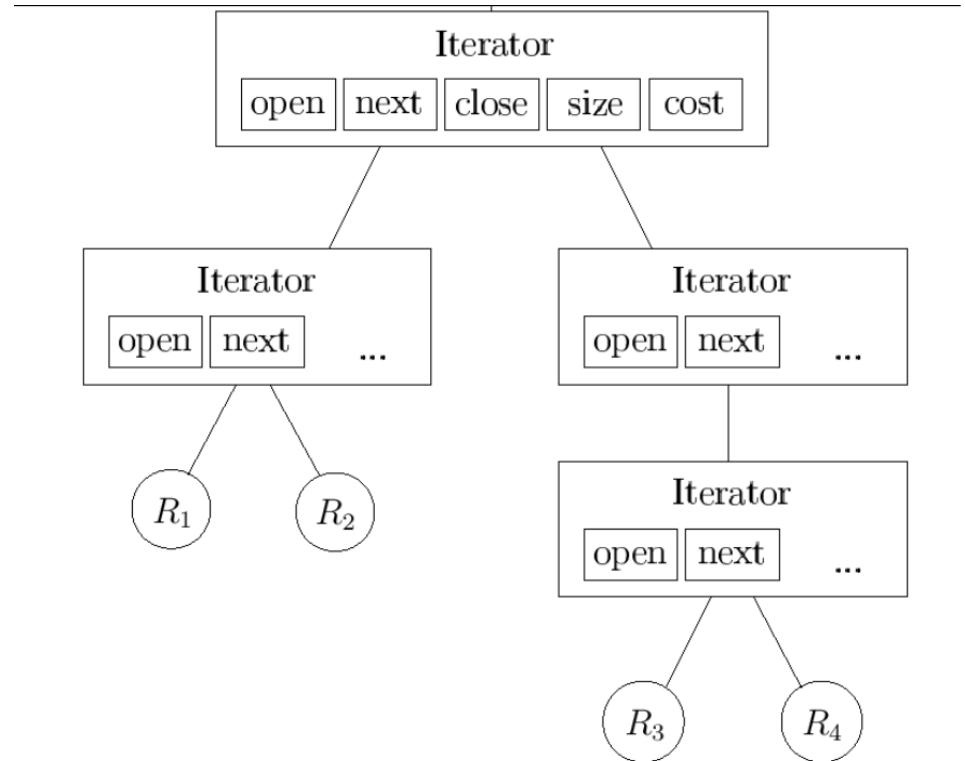
- Mithilfe der äquivalenzerhaltenden Transformationsregeln können wir die kanonische Übersetzung einer SQL-Anfrage optimieren.
- Ziele:
 - Bearbeitungsreihenfolge der Operationen so zu ändern, dass die kleinstmögliche Zwischenergebnisse entstehen.
 - Zusammenfassen von Operationen
- Vorschrift:
 1. Selektionen aufbrechen
 2. Selektionen nach unten verschieben
 3. Selektionen und Kreuzprodukte zu Joins zusammenfassen
 4. Joinreihenfolge bestimmen
 5. Projektionen Einfügen
 6. Projektionen nach unten verschieben

Physische Optimierung

- Wie werden Operationen der relationalen Algebra durchgeführt?
- Wie werden Indizes verwendet (falls vorhanden)?
- Sollen Zwischenergebnisse vollständig berechnet und gespeichert werden?
- Welcher Algorithmus sollte je nach Situation angewendet werden, um die nötigen Daten zu bestimmen?
- Bsp: Join-Algorithmen
- **Iteratoren:**
 - * Erlauben uns, verschiedene Implementierungen gegeneinander auszutauschen
 - * Zwischenergebnisse können verwendet werden ohne sie komplett zu speichern

Iteratoren

- open: Initialisierung der Eingabe
- next: Berechnet das nächste Tupel des Ergebnisses und gibt es zurück
- close: Schließt und gibt die Ressource frei
- cost/size: Geschätzte Berechnungskosten bzw. Ergebnisgröße



Nested Loop Join

- Brute-force Algorithmus
- ```
foreach $r \in R$
 foreach $s \in S$
 if $s.B = r.A$
 then $Res := Res (r \cdot s)$
```
- $O(n^2)$  Komplexität

**iterator**  $NestedLoop_p$

**open**

- Öffne die linke Eingabe

**next**

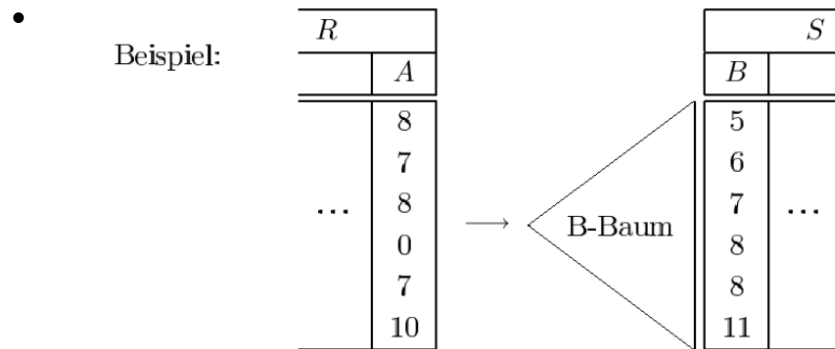
- Rechte Eingabe geschlossen?
  - Öffne sie
- Fordere rechts solange Tupel an, bis Bedingung  $p$  erfüllt ist
- Sollte zwischendurch rechte Eingabe erschöpft sein
  - Schließe rechte Eingabe
  - Fordere nächstes Tupel der linken Eingabe an
  - Starte **next** neu
- Gib den Verbund von aktuellem linken und aktuellem rechte Tupel zurück

**close**

- Schließe beide Eingabequellen

# Index Join

- Wie Nested-Loop, aber anstatt für jeden Join-Partner in der linken Relation die ganze rechte Relation durchzugehen, suchen wir nach passenden Werten der rechten Relation mithilfe einer Indexstruktur (Bsp: B-Baum)
- Da diese sortiert sind, erleichtert es unsere Suche im Vergleich zu Brute-Force



- Dafür muss so eine Struktur existieren und es kann aufwendig sein sie zu erstellen
- $O(|R| \cdot \log|S|)$  Komplexität

# Index Join

- **iterator**  $\text{IndexJoin}_p$

**open:**

- linke Eingabe öffnen
- erstes Tupel von der linken Eingabe anfordern

**next:**

- schlage Join-Attributwert im Index nach
- Match gefunden? Verbinde die Tupel und gib das Ergebnis zurück
- Sonst, der nächste Tupel von der linken Eingabe anfordern und next wiederholen
- Abbruch: linke Eingabe erschöpft

**close:** beide Eingaben schließen

- Voraussetzung: Joinattribute sind sortiert
- Idee: Weil unsere Eingaben sortiert sind, wenn man auf einen größeren Wert als das aktuelle Joinattribut landet, weiß man, dass man alle mögliche Join-Partner erschöpft hat. Beim nächsten Scan muss man die Einträge davor nicht nochmal betrachten
- Setup:
  - Die beiden Eingaben haben jeweils einen Pointer auf ihre Einträge
  - *akt*: Die aktive Eingabe mit dem Pointer auf den kleineren Wert
  - „andere“ Eingabe: Die inaktive Eingabe
  - Markierung: Wir merken uns die Stelle in der „anderen“ Eingabe, wo wir unser Scan für den nächsten Eintrag beginnen müssen

# Merge Join

- Voraussetzung: Die Join-Attribute sind sortiert
- **iterator** MergeJoin<sub>p</sub>

## open:

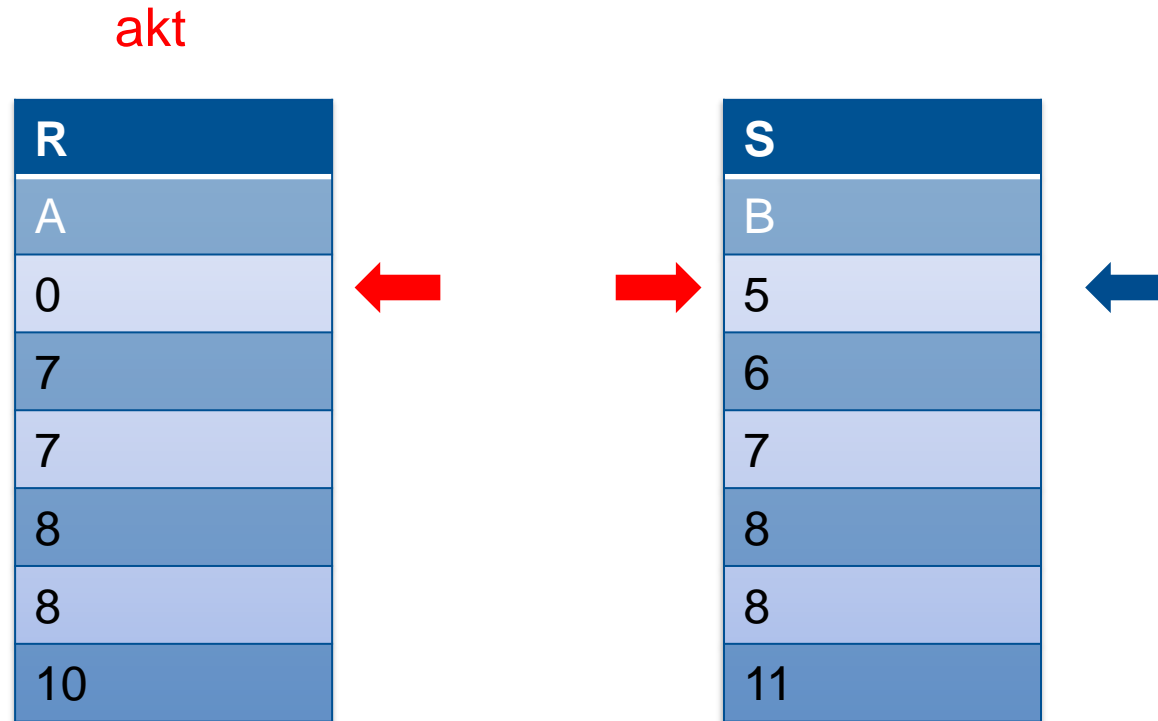
- Öffne beide Eingaben
- Setze *akt* auf linke Eingabe
- Markiere rechte Eingabe

## next:

- Solange Bedingung nicht erfüllt
  - Setze *akt* auf Eingabe mit dem kleinsten anliegenden Wert im Joinattribut
  - Bewege *akt* vor
  - Markiere andere Eingabe
- Verbinde linkes und rechtes Tupel
- Bewege andere Eingabe vor
- Ist Bedingung nicht mehr erfüllt oder eine andere Eingabe erschöpft?
  - Bewege *akt* vor
  - Hat sich der Wert des Joinattributs in *akt* verändert?
    - Ja: markiere die andere Eingabe
    - Nein: setze andere Eingabe auf Markierung zurück

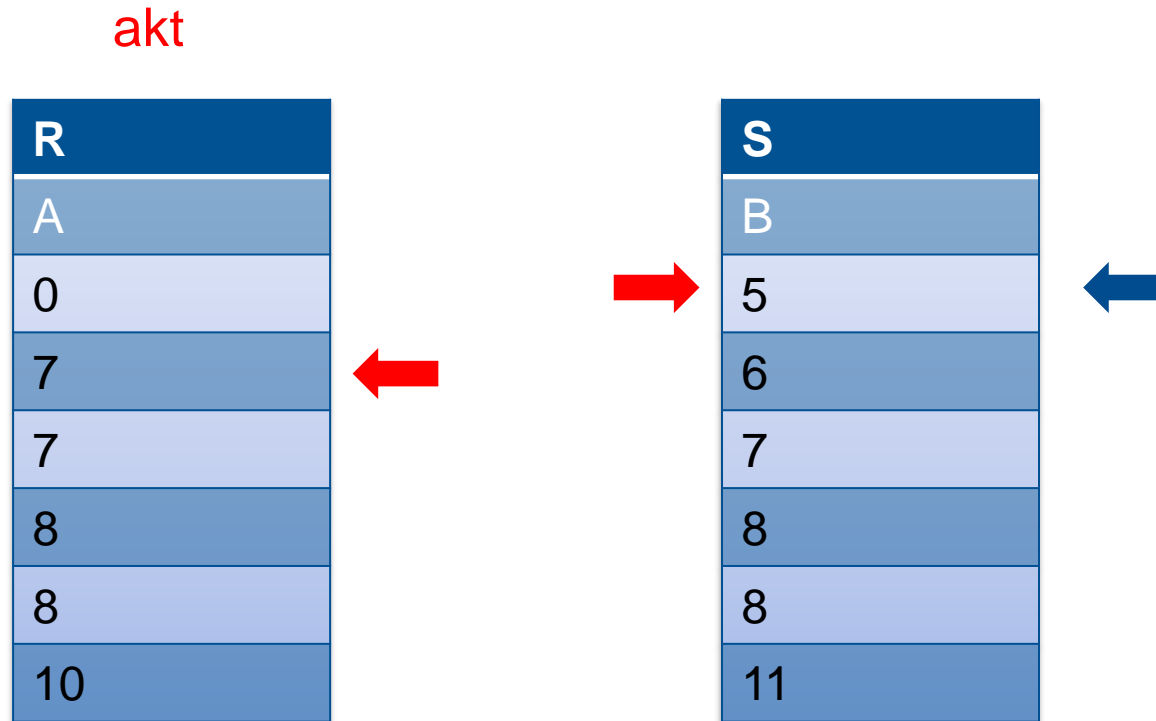


# Merge Join



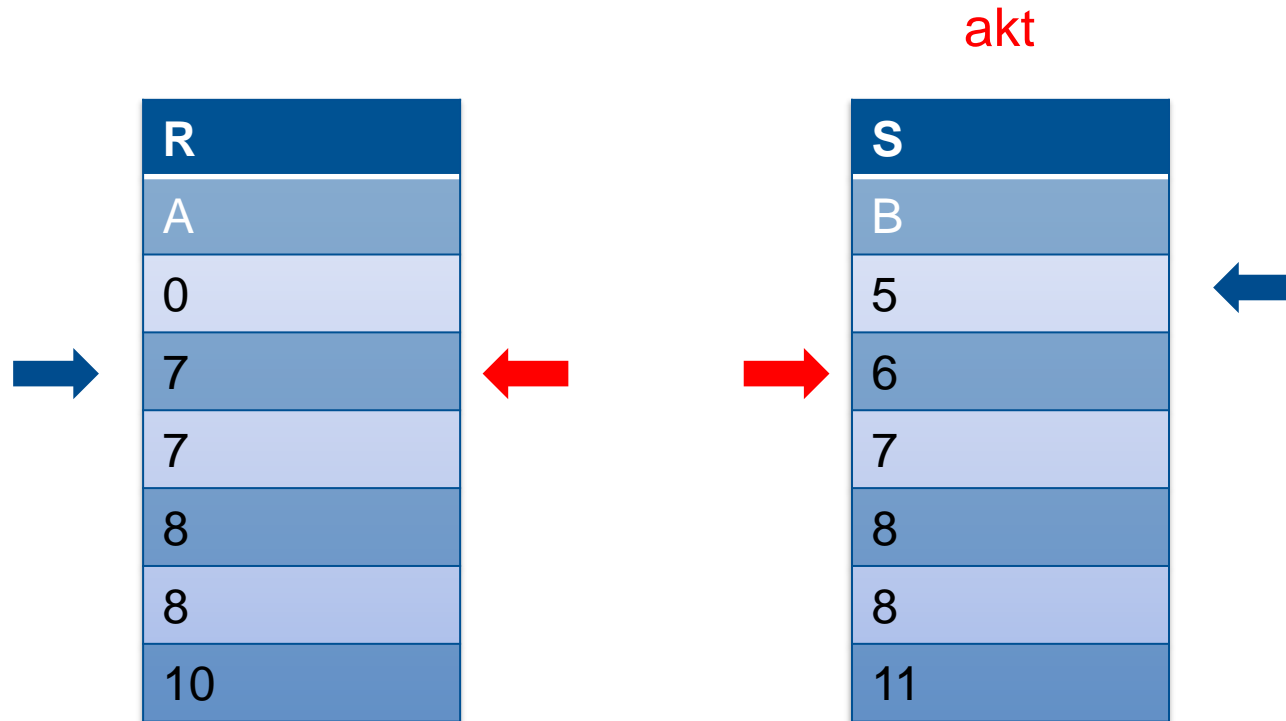
- Bedingung nicht erfüllt
  - *akt* auf kleineren Wert setzen
  - Bewege *akt* vor
  - Markiere andere Eingabe

# Merge Join



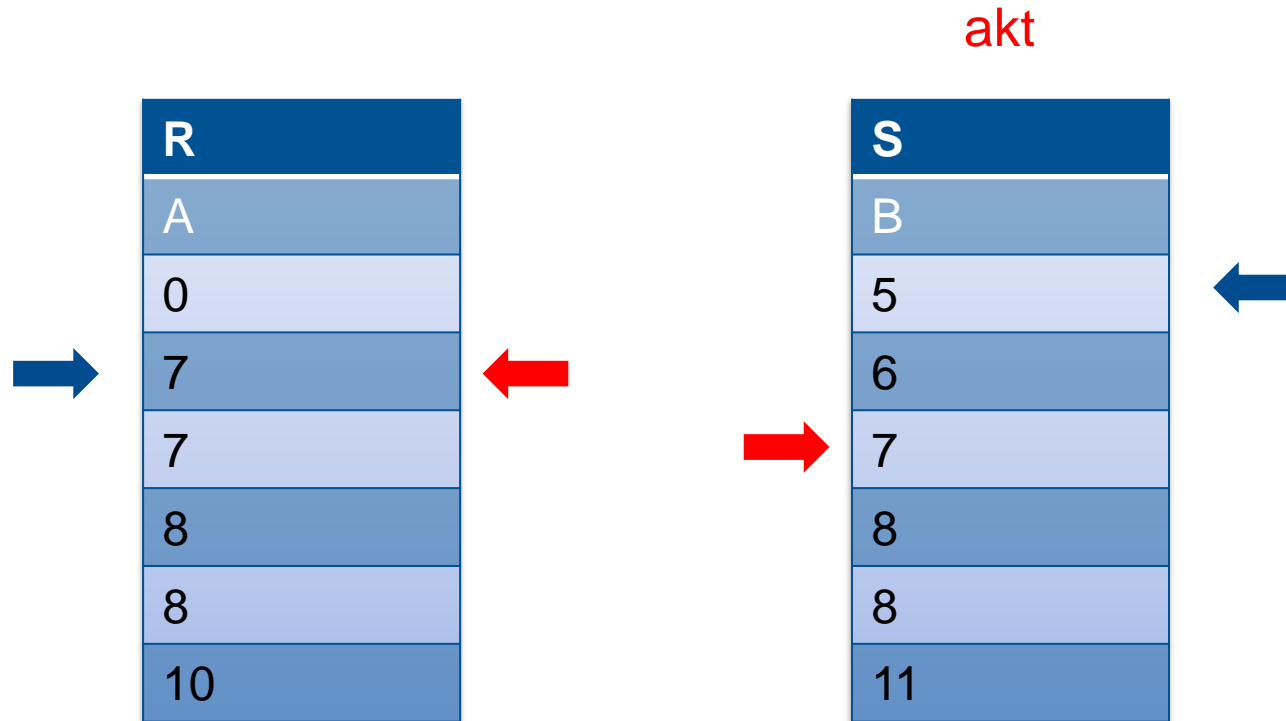
- Bedingung nicht erfüllt
  - *akt* auf kleineren Wert setzen
  - Bewege *akt* vor
  - Markiere andere Eingabe

# Merge Join



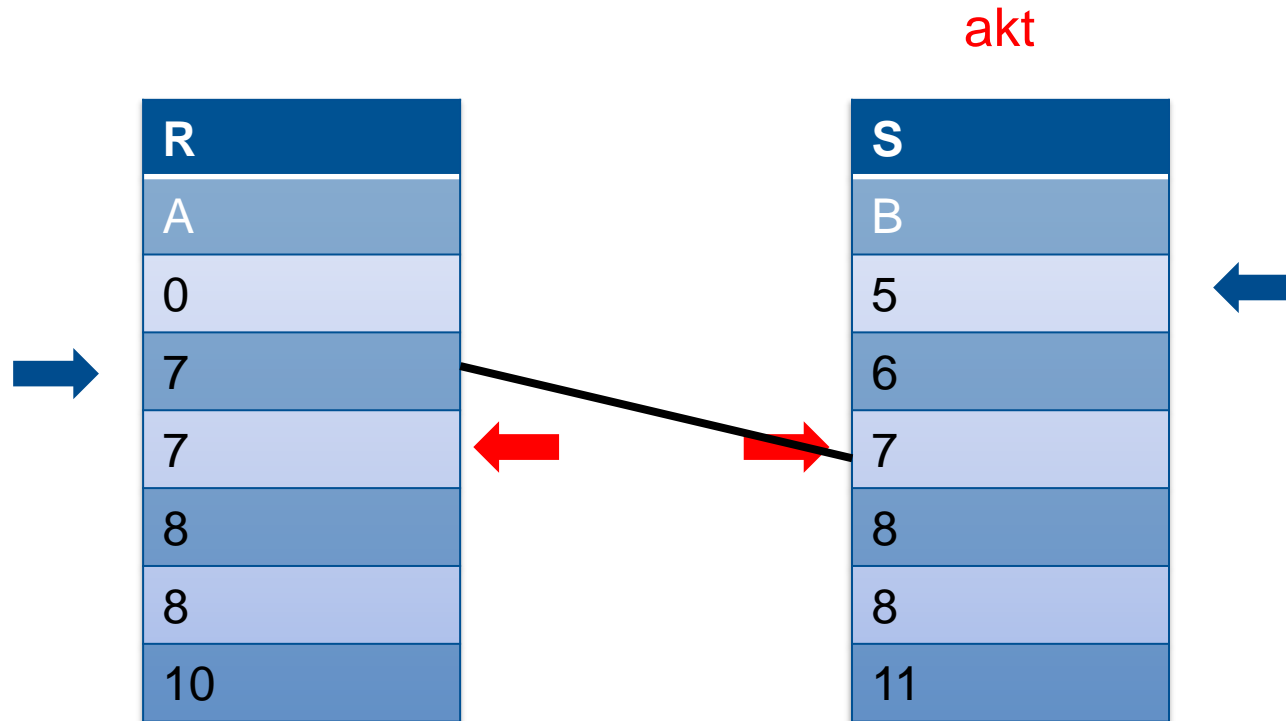
- Bedingung nicht erfüllt
  - *akt* auf kleineren Wert setzen
  - Bewege *akt* vor
  - Markiere andere Eingabe

# Merge Join



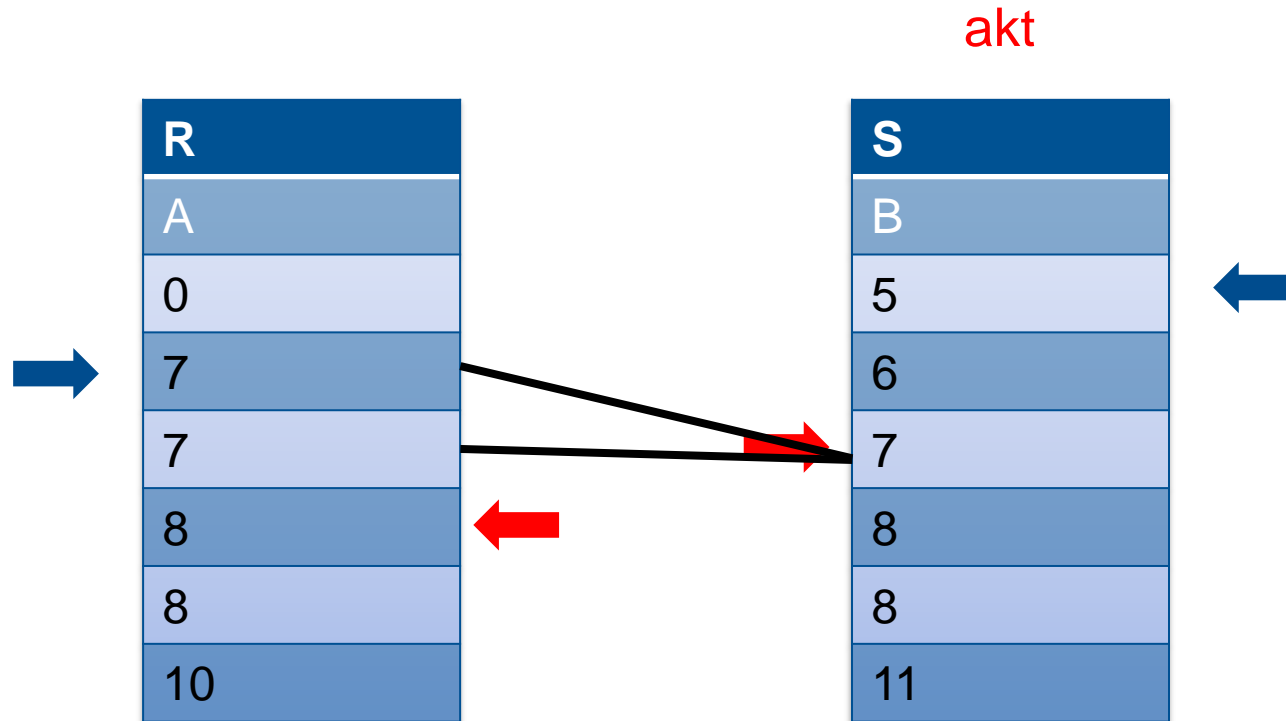
- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

# Merge Join



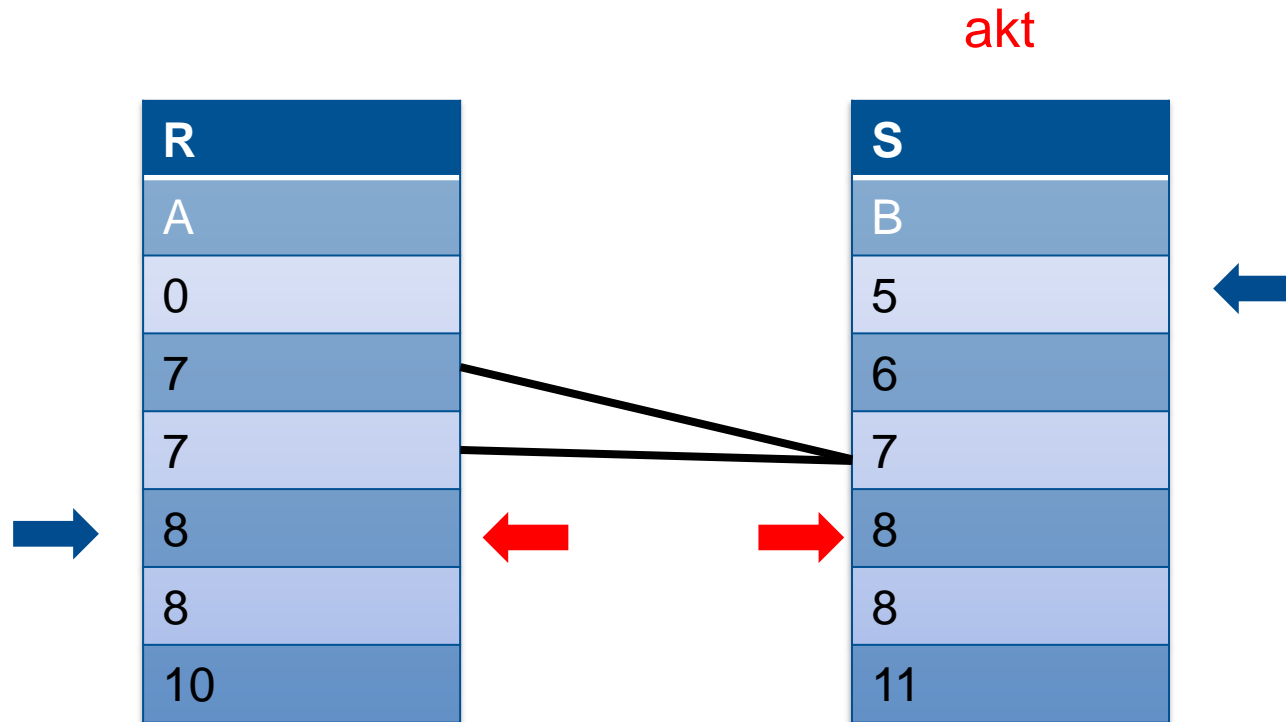
- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

# Merge Join



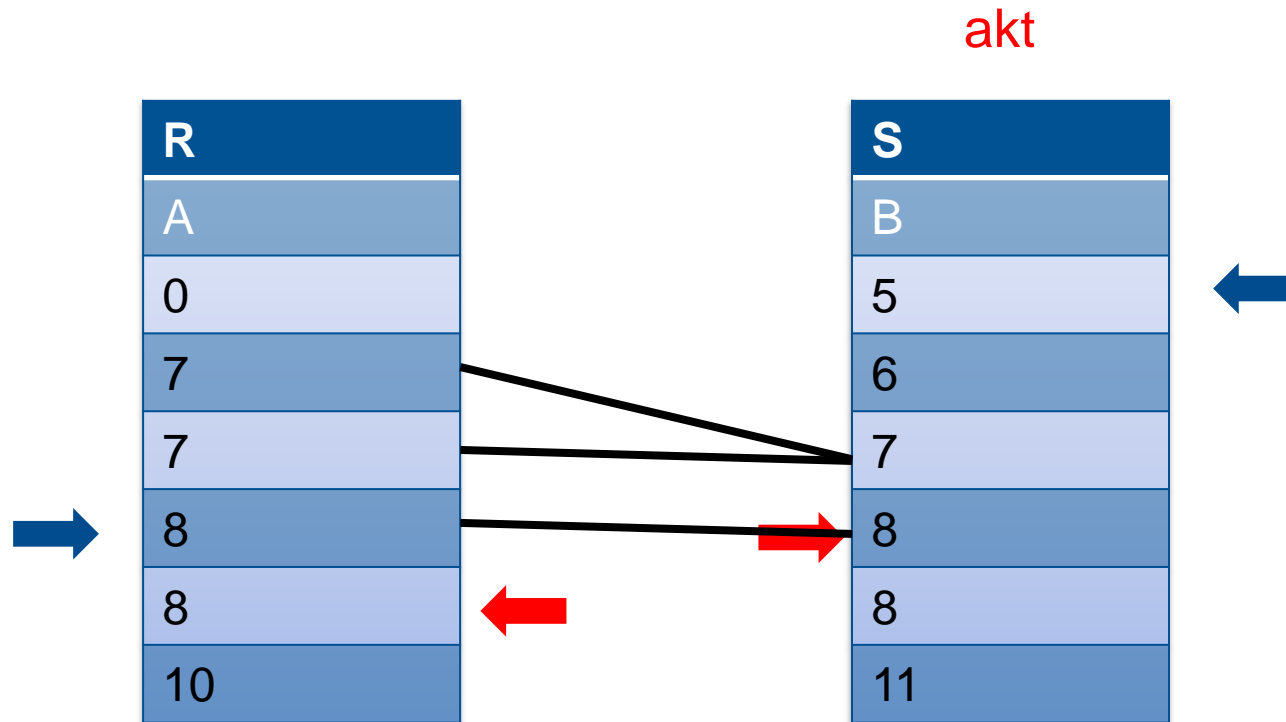
- Bedingung nicht mehr erfüllt
  - Bewege *akt* vor
  - Join-Wert von *akt* hat sich verändert
    - Markiere andere Eingabe

# Merge Join



- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

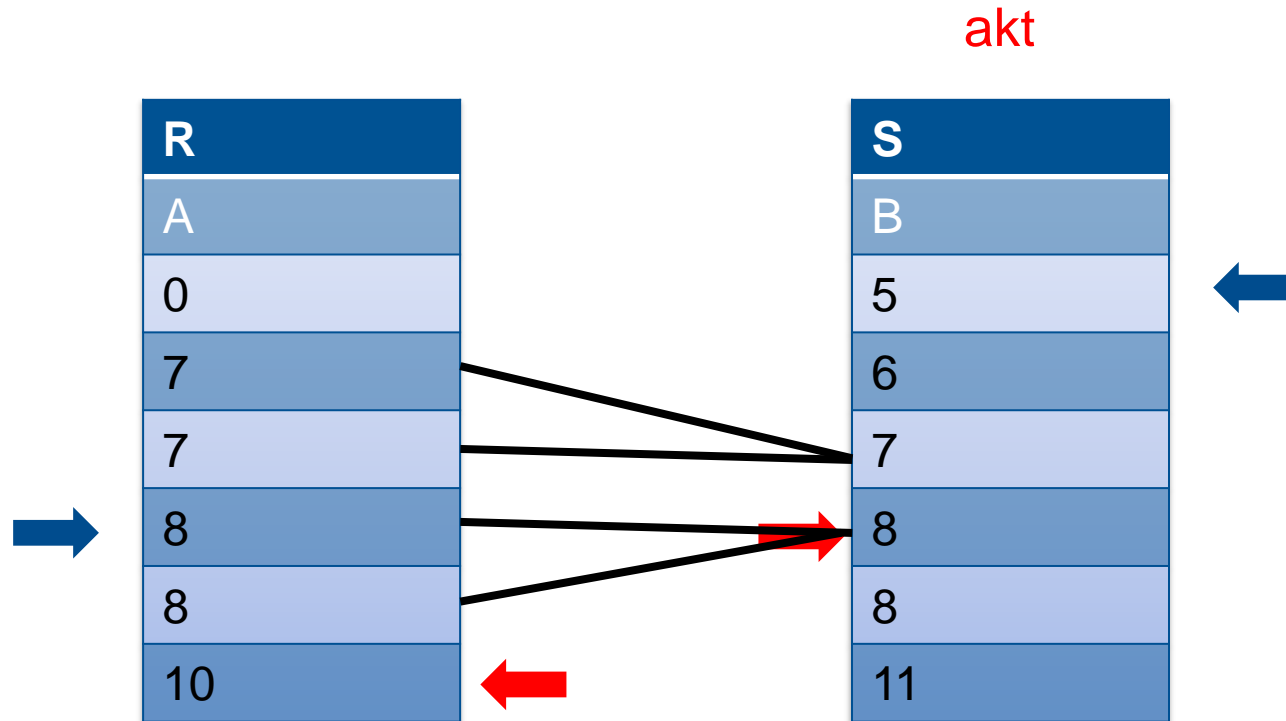
# Merge Join



- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

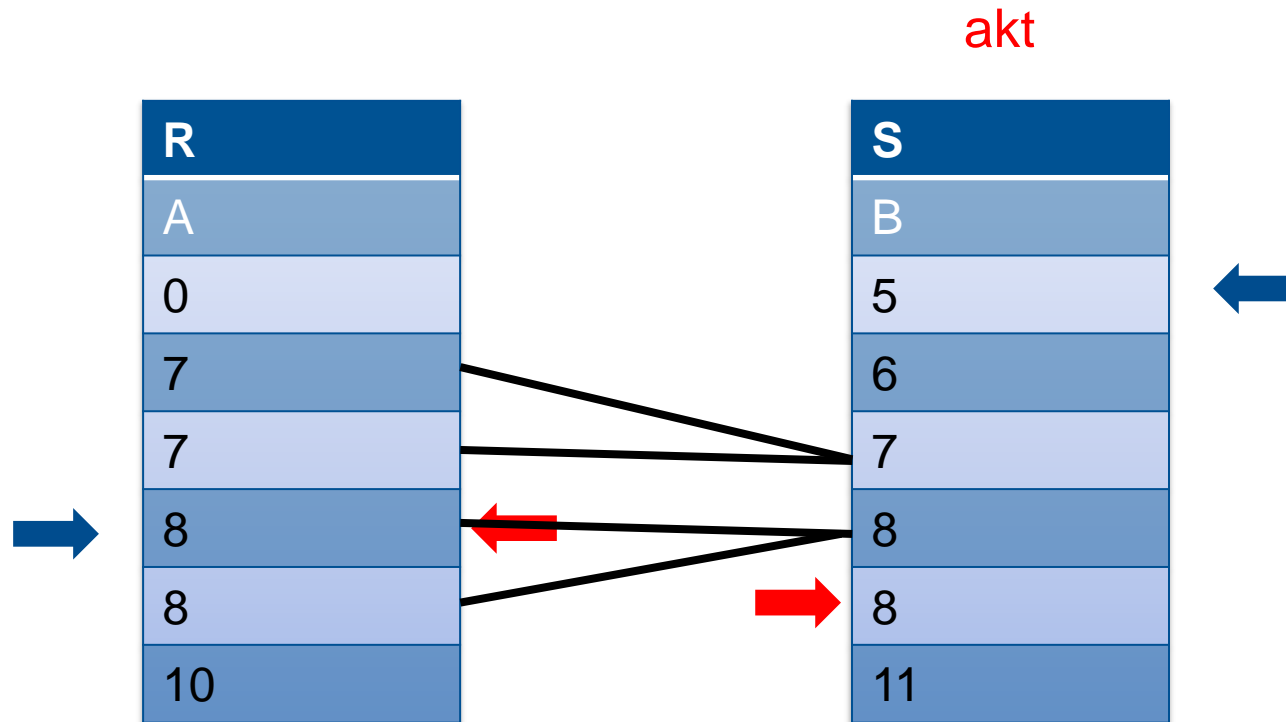


# Merge Join



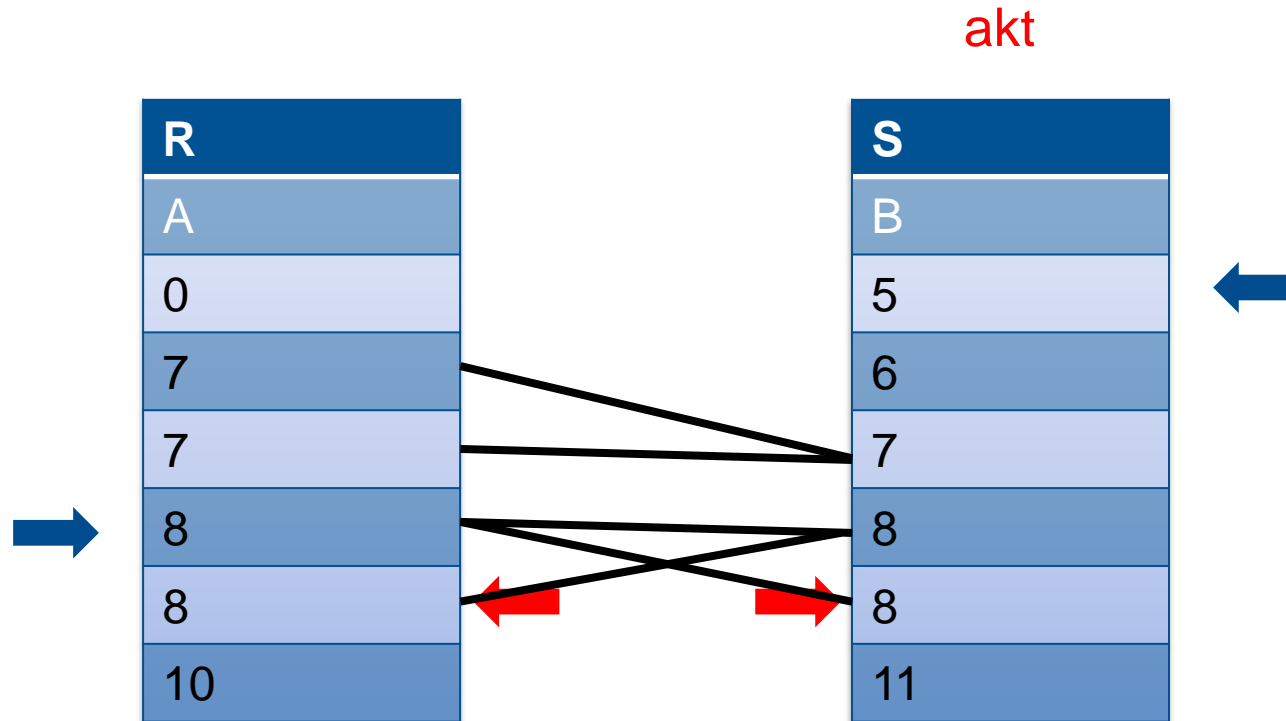
- Bedingung nicht mehr erfüllt
  - Bewege *akt* vor
  - Join-Wert von *akt* hat sich nicht verändert
    - Springe zurück zu Markierung in anderer Eingabe

# Merge Join



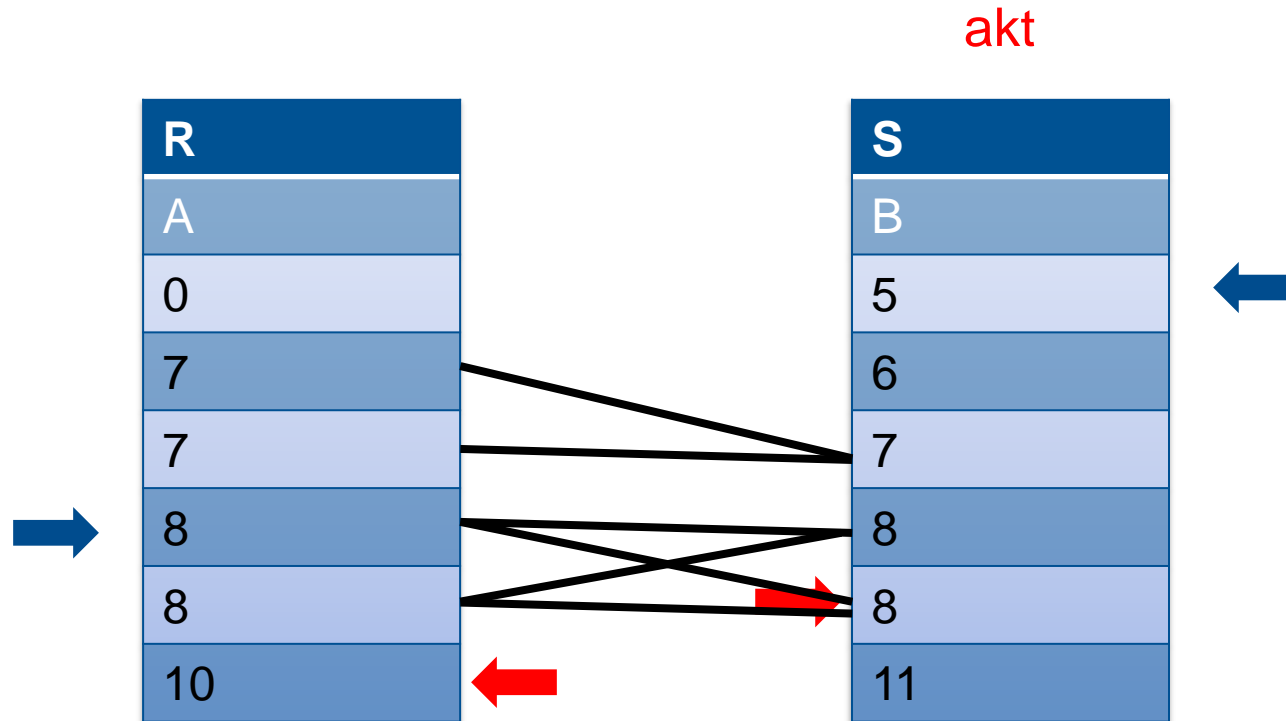
- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

# Merge Join



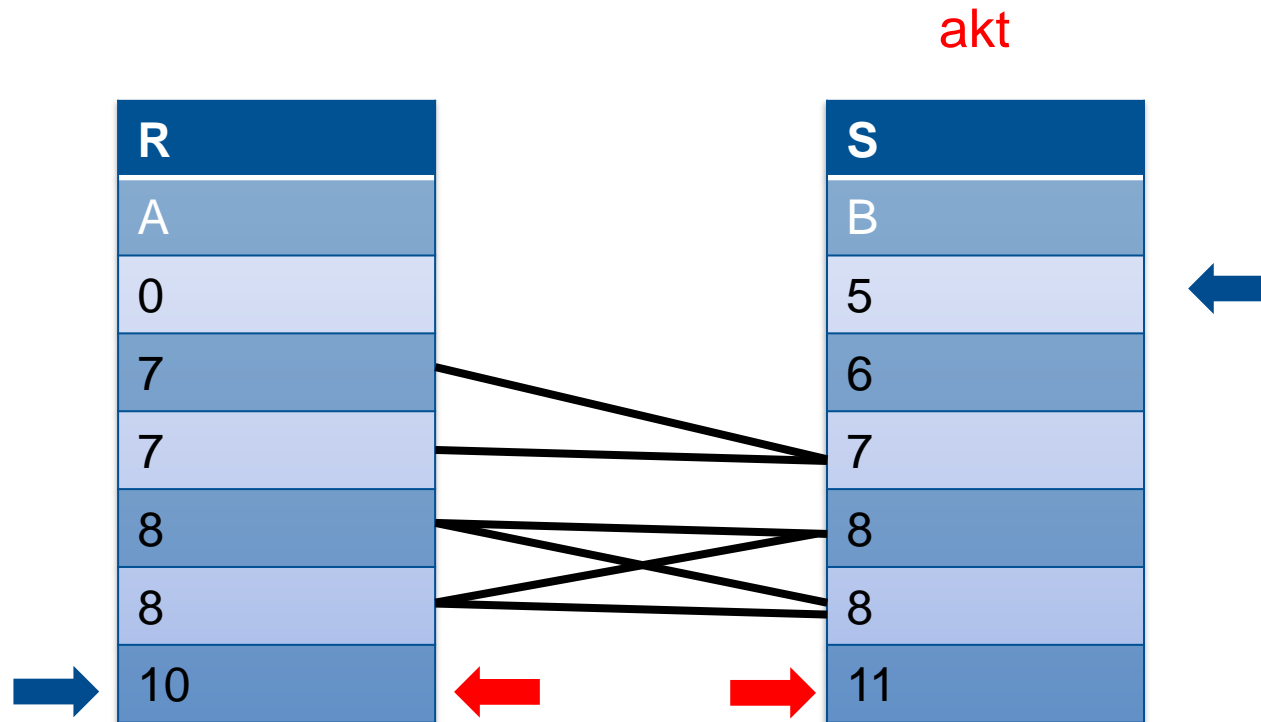
- Bedingung erfüllt
  - Verbinde die Tupel
  - Bewege andere Eingabe vor

# Merge Join



- Bedingung nicht mehr erfüllt
  - Bewege *akt* vor
  - Join-Wert von *akt* hat sich verändert
    - Markiere die andere Eingabe

# Merge Join



# Hash Join

- Die gleiche Hashfunktion wird auf die Join-Attributwerte der beiden Relationen angewendet
- Die Hashfunktion verteilt diese Werte in verschiedenen Buckets. Äquivalente Werte der beiden Relationen landen im selben Bucket. Somit können Join-Partner gefunden werden
- Eignet sich für Equi-Joins
- $O(|R| + |S|)$  Komplexität

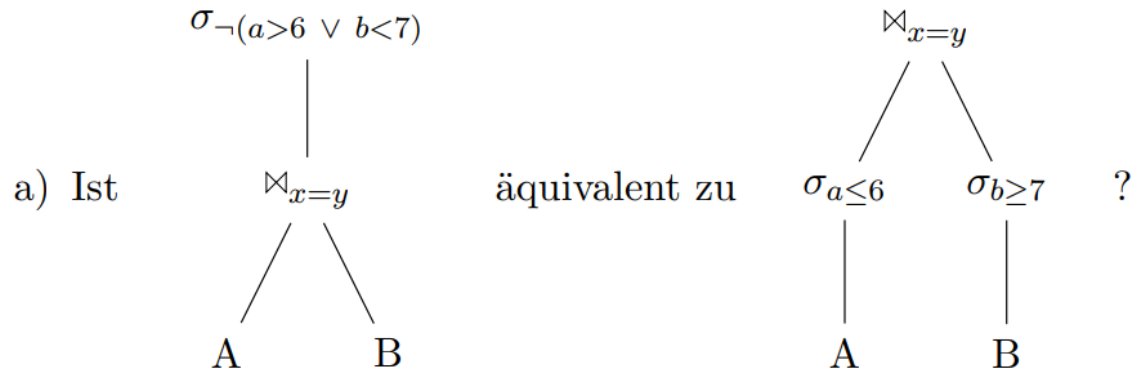
# Aufgaben

Woche 11

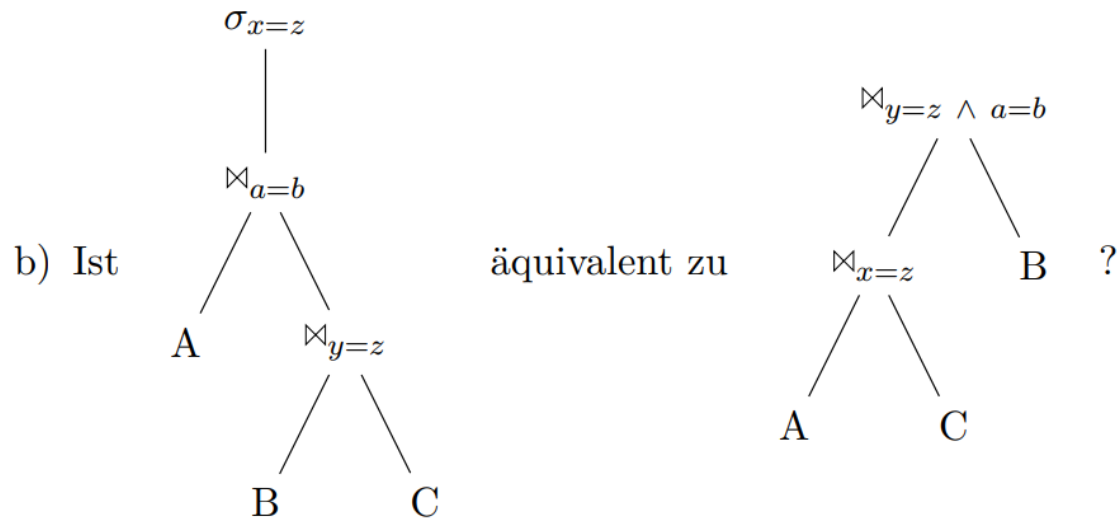


# Aufgabe 01

•



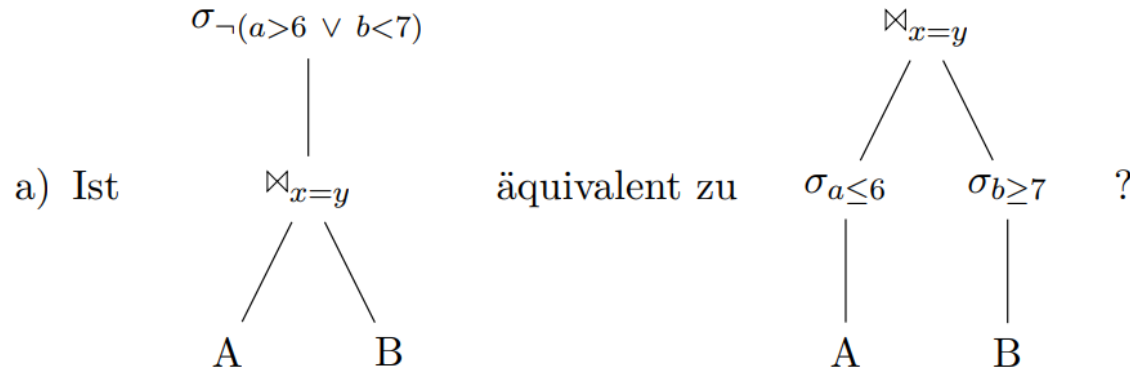
•



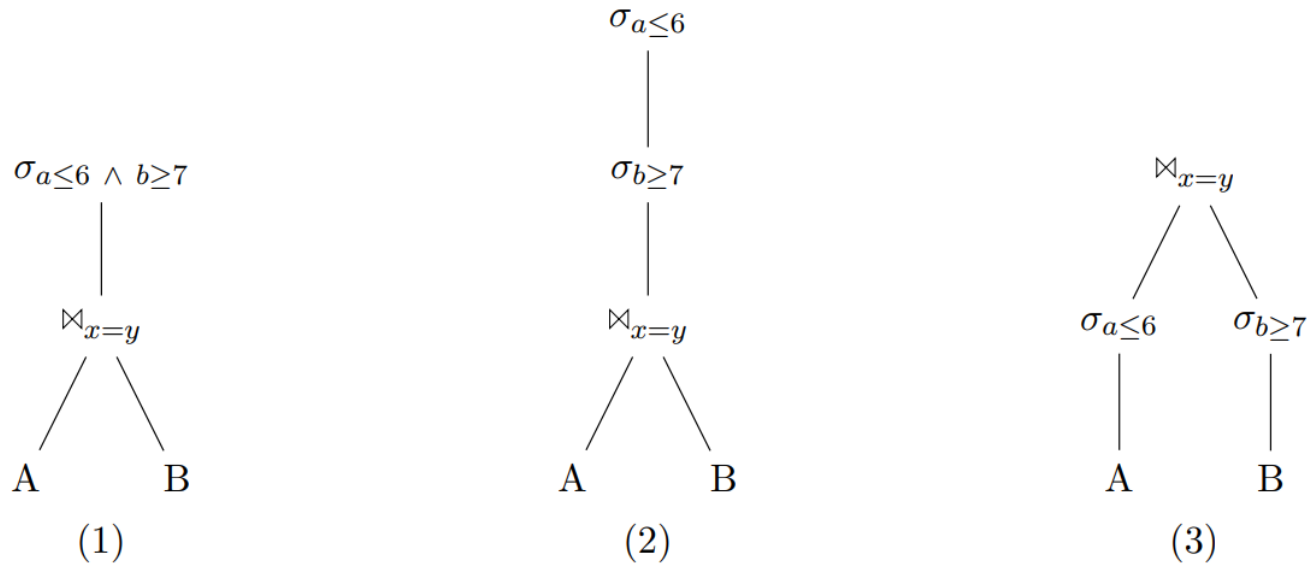


# Lösungsvorschlag 01 a

•

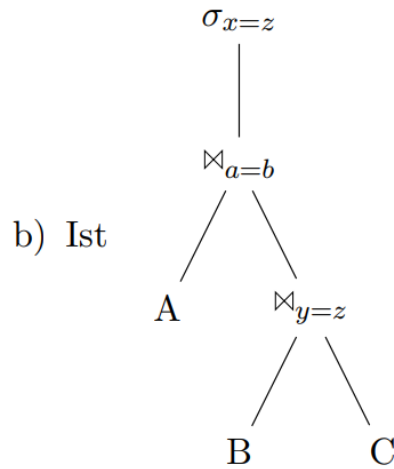


•

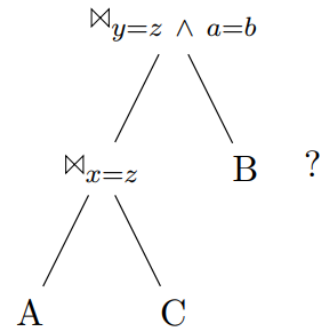


# Lösungsvorschlag 01 b

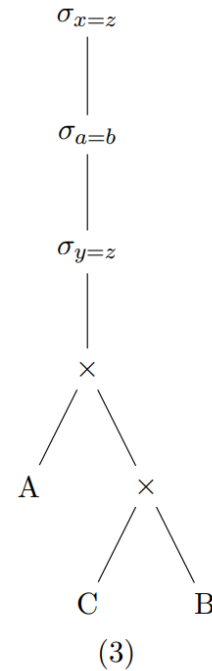
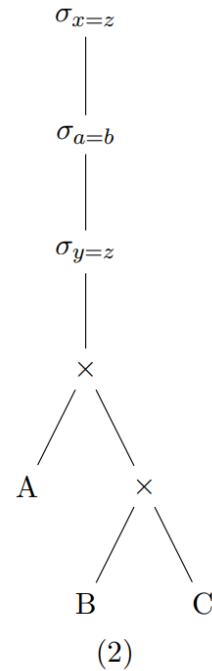
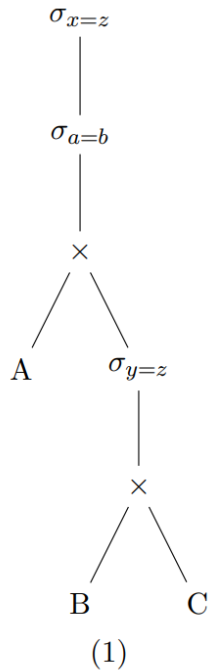
•



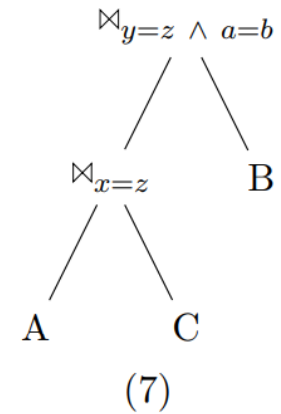
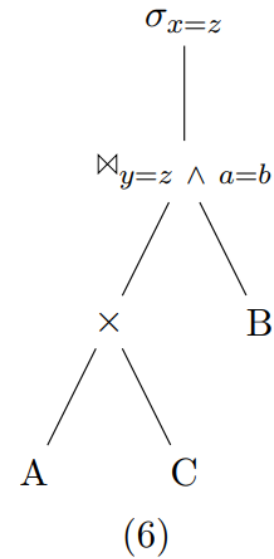
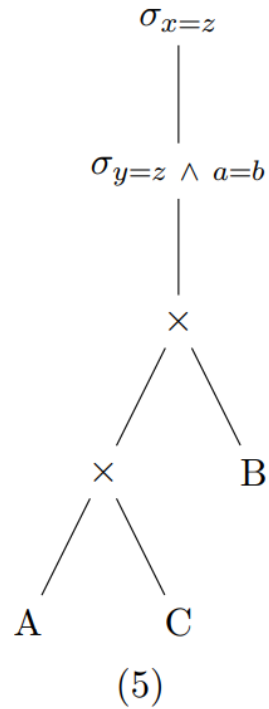
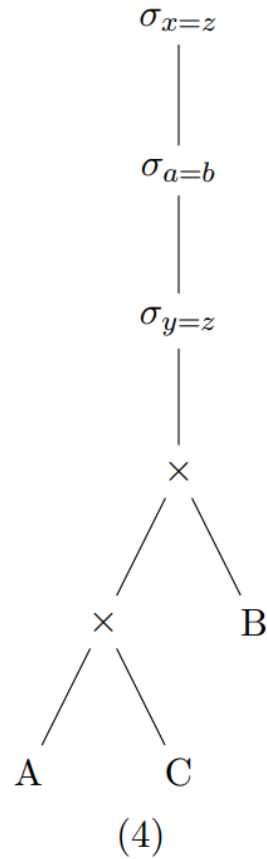
äquivalent zu



•



# Lösungsvorschlag 01 b (contd...)



## Aufgabe 02

- a) Was ist ein Equi-Join?
- b) Bei welchen Join-Prädikaten ( $<$ ,  $=$ ,  $>$ ) kann man sinnvoll einen Hashjoin einsetzen?
- c) Gegeben die Relation  $\text{Profs} = \{\underline{\text{PersNr}}, \text{Name}\}$  und  $\text{Raeume} = \{\underline{\text{PersNr}}, \text{RaumNr}\}$ .
  - 1) Skizzieren Sie eine geschickte Möglichkeit, den Equi-Join  $\text{Profs} \bowtie \text{Raeume}$  durchzuführen.
  - 2) In welchem Fall wäre selbst ein Ausdruck wie
$$\text{Profs} \bowtie_{\text{Profs.Persnr} < \text{Raeume.PersNr}} \text{Raeume}$$
effizient auswertbar?
- d) Der Student Maier hat einen Algorithmus gefunden, der den Ausdruck  $A \times B$  in einer Laufzeit von  $O(|A|)$  materialisiert. Was sagen Sie Herrn Maier?

## Lösungsvorschlag 02a)-c)

- a) Ein Equi-Join hat eine Äquivalenz als Joinbedingung, etwa die Gleichheit zweier Attribute.
- b) Ein Hash Join bietet sich nur für Equi-Joins an, da lediglich ein Join-Partner mit gleichem Attributwert effizient auffindbar ist. Das Finden eines Partners, dessen Attributwert beispielsweise kleiner sein soll kann mittels Hashing i.A. nicht effizient bearbeitet werden.
- c)
  - 1) Offenbar ist das Joinattribut gerade der Primärschlüssel, womit von der Existenz eines Indexes ausgegangen werden kann. Somit bietet sich ein Index-basierter Join an, etwa dadurch, dass die eine Relation Element für Element abgearbeitet wird, während Joinpartner aus der anderen Relation mittels des Indexes gefunden werden.
  - 2) Falls der Index sortiert ist, dies wäre etwa bei einem B-Baum der Fall. Dadurch liegen Joinpartner zumindest nacheinander im Index, anders als bei einer Implementierung des Indexes mittels Hash.

# Lösungsvorschlag 02d

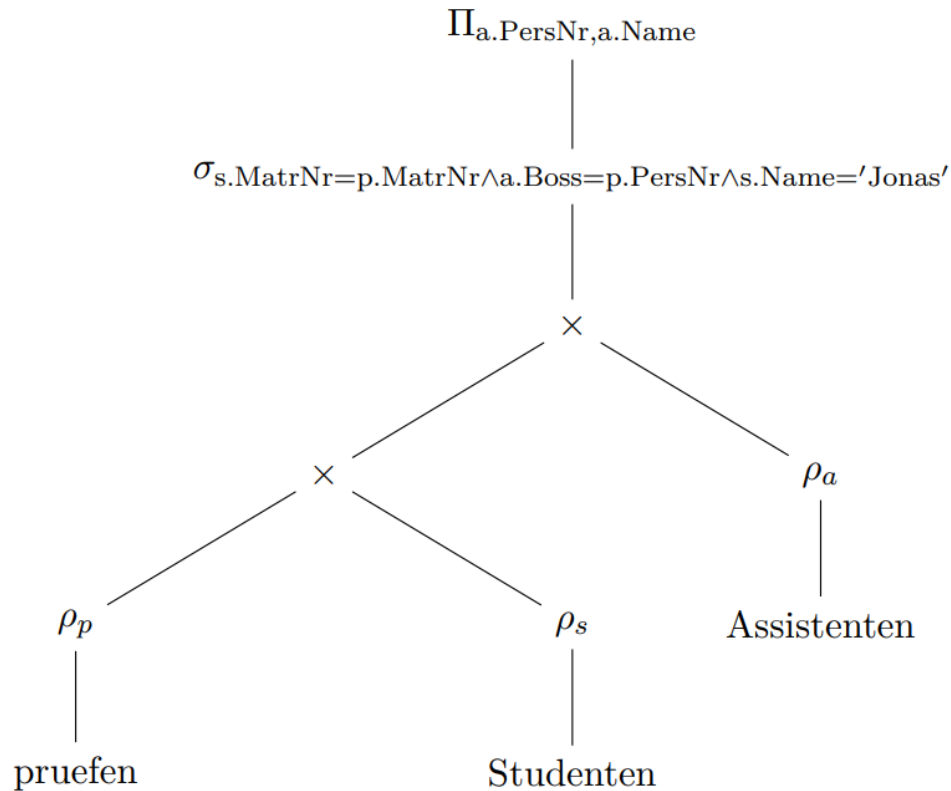
- Dies ist mit Sicherheit nicht der Fall, da ein Algorithmus keine bessere Komplexitätsklasse haben kann als sein Ergebnis wächst.
- Mit anderen Worten,  $A \times B$  hat eine Ergebnisgröße von  $|A| \cdot |B|$  und dieses Ergebnis kann sicher nicht schneller als in  $O(|A| \cdot |B|)$  materialisiert werden.

## Aufgabe 03

- Gegeben sei die folgende SQL-Anfrage:  
select distinct a.PersNr, a.Name  
from Assistenten a, Studenten s, pruefen p  
where s.MatrNr = p.MatrNr and a.Boss = p.PersNr and s.Name = 'Jonas';
- Skizziere die kanonische Übersetzung in relationaler Algebra als Operatorbaum
- Führe die logische Optimierung aus nach dem Vorschrift aus der Vorlesung (gehe von realistischen Kardinalitäten aus)
- Optimierungstechniken:
  - Aufbrechen von Selektionen
  - Verschieben von Selektionen nach “unten” im Plan
  - Zusammenfassen von Selektionen und Kreuzprodukten zu Joins
  - Bestimmung der Joinreihenfolge

# Lösungsvorschlag 03

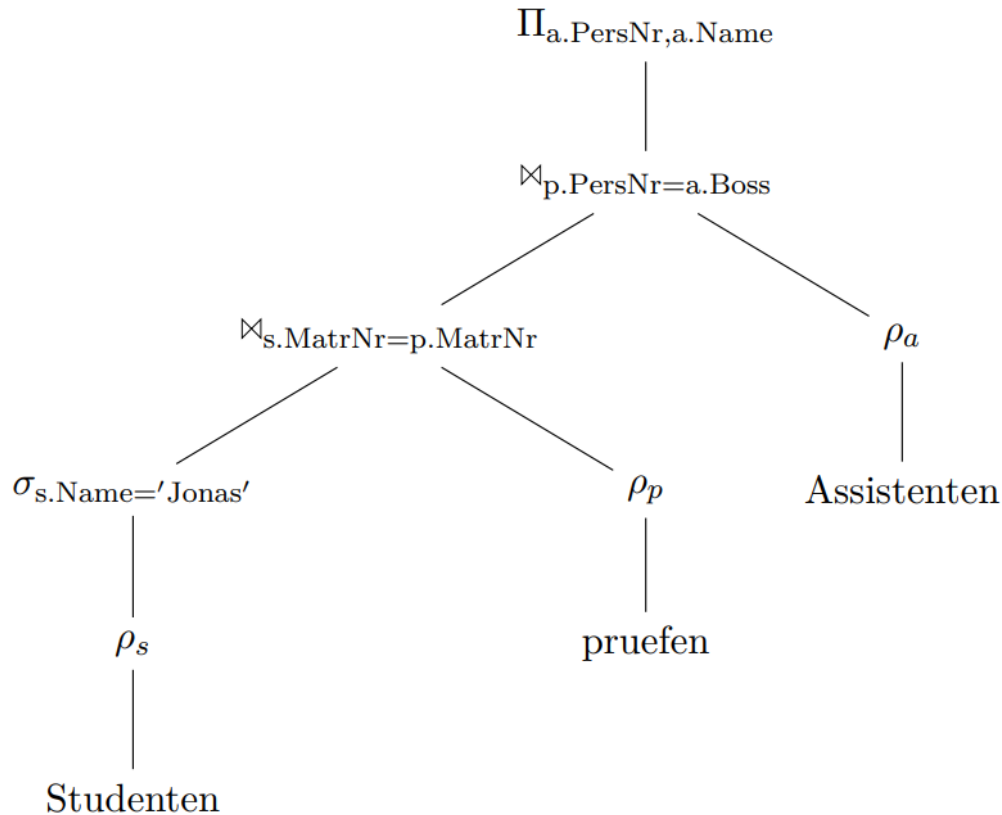
- Kanonische Übersetzung:





# Lösungsvorschlag 03 (contd...)

- Logische Optimierung:



# Aufgabe 04

- Gegeben seien die folgenden Relationenausprägungen:

| $R$ |     |
|-----|-----|
|     | $A$ |
| ... | 0   |
| ... | 5   |
| ... | 7   |
| ... | 8   |
| ... | 8   |
| ... | 10  |
| ⋮   | ⋮   |

| $S$ |     |
|-----|-----|
| $B$ |     |
| 5   | ... |
| 6   | ... |
| 7   | ... |
| 8   | ... |
| 8   | ... |
| 11  | ... |
| ⋮   | ⋮   |

•

Wende Nested Loop und Merge Join auf die Relationen an und vervollständige die Tabellen mit der Bearbeitungsreihenfolge der Einträge

|       |    | $S.B$ |   |   |   |   |    |
|-------|----|-------|---|---|---|---|----|
|       |    | 5     | 6 | 7 | 8 | 8 | 11 |
| $R.A$ | 0  | 1     | 2 | 3 |   |   |    |
|       | 5  |       |   |   |   |   |    |
|       | 7  |       |   |   |   |   |    |
|       | 8  |       |   |   |   |   |    |
|       | 8  |       |   |   |   |   |    |
|       | 10 |       |   |   |   |   |    |

Nested-Loop-Join

|       |    | $S.B$ |   |   |   |   |    |
|-------|----|-------|---|---|---|---|----|
|       |    | 5     | 6 | 7 | 8 | 8 | 11 |
| $R.A$ | 0  | 1     |   |   |   |   |    |
|       | 5  | 2✓    |   |   |   |   |    |
|       | 7  |       |   |   |   |   |    |
|       | 8  |       |   |   |   |   |    |
|       | 8  |       |   |   |   |   |    |
|       | 10 |       |   |   |   |   |    |

Sort/Merge-Join

|            |    | <i>S.B</i> |    |     |     |     |    |
|------------|----|------------|----|-----|-----|-----|----|
|            |    | 5          | 6  | 7   | 8   | 8   | 11 |
| <i>R.A</i> | 0  | 1          | 2  | 3   | 4   | 5   | 6  |
|            | 5  | 7✓         | 8  | 9   | 10  | 11  | 12 |
|            | 7  | 13         | 14 | 15✓ | 16  | 17  | 18 |
|            | 8  | 19         | 20 | 21  | 22✓ | 23✓ | 24 |
|            | 8  | 25         | 26 | 27  | 28✓ | 29✓ | 30 |
|            | 10 | 31         | 32 | 33  | 34  | 35  | 36 |

Nested-Loop-Join

# Lösungsvorschlag 04: Merge Join

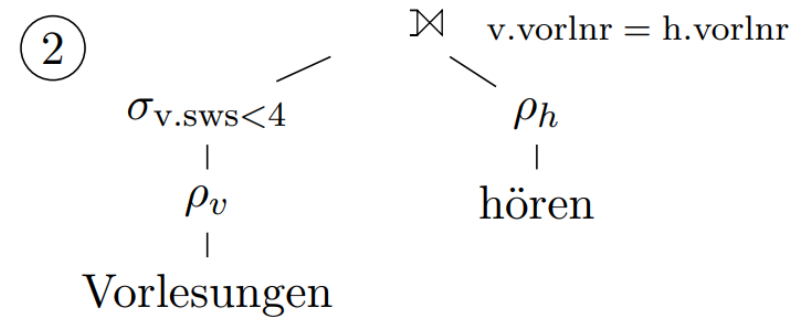
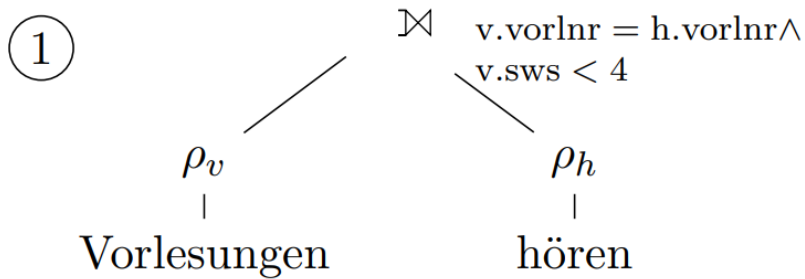
Ausführliche Lösung:

[http://www-db.in.tum.de/teaching/ws1415/grundlagen/Loesung11\\_sort\\_merge\\_join.pdf](http://www-db.in.tum.de/teaching/ws1415/grundlagen/Loesung11_sort_merge_join.pdf)

|            |    | <i>S.B</i> |   |    |    |     |    |
|------------|----|------------|---|----|----|-----|----|
|            |    | 5          | 6 | 7  | 8  | 8   | 11 |
| <i>R.A</i> | 0  | 1          |   |    |    |     |    |
|            | 5  | 2✓         | 3 |    |    |     |    |
|            | 7  |            | 4 | 5✓ |    |     |    |
|            | 8  |            |   | 6  | 7✓ | 10✓ |    |
|            | 8  |            |   |    | 8✓ | 11✓ |    |
|            | 10 |            |   |    | 9  | 12  | 13 |

Sort/Merge-Join

# Aufgabe 05



Sind die beiden Algebraausdrücke äquivalent? Begründen Sie!

# Lösungsvorschlag 05

- Die Ausdrücke sind nicht äquivalent
- Die Selektion in 2. filtert Vorlesungen heraus, die zu Ergebnis von 1. gehören
- Bsp: Ethik gehört zu Ergebnis von 1. aber nicht von 2.