## 曲率流速度场测试

## 1 单位圆测例

以下测试在一个单位圆上均匀取点,并计算由这些示踪点得到的曲率流的速度场。测试 曲线如下:

$$\begin{cases} x = \cos t, \\ y = \sin t, \\ t \in [0, 2\pi]. \end{cases}$$
 (1)

测试结果如表??和??所示,所用误差范数  $\|E\|_1$  和  $\|E\|_\infty$  是与精确解之间的网格 1-范数和无穷范数。我们发现结果可以达到相应的收敛阶。

	n = 64	ratio	128	ratio	256	ratio	512	ratio	1024
$\ \mathbf{E}\ _1$	5.12e-3	2.01	1.27e-3	2.01	3.17e-4	2.00	7.90e-5	2.00	1.97-5
$\ \mathbf{E}\ _{\infty}$	8.03e-4	2.00	2.01e-4	2.00	5.02e-5	2.00	1.26e-5	2.00	3.14e-6

表 1: 单位圆测例: 误差及收敛阶, r=2

	n = 64	ratio	128	ratio	256	ratio	512	ratio	1024
$\ \mathbf{E}\ _1$	4.93e-6	4.01	3.06e-7	4.01	1.91e-8	4.00	1.19e-9	3.79	8.63e-11
$\ \mathbf{E}\ _{\infty}$	7.73e-7	4.00	4.84e-8	4.00	3.03e-9	3.93	1.98e-10	1.69	6.13e-11

表 2: 单位圆测例: 误差及收敛阶, r=4

## 2 星型线测例

以下测试在一个星型曲线上取点,并计算由这些示踪点得到的曲率流的速度场。测试曲 线如下:

$$\begin{cases} x = (1 + 0.3\cos 6t)\cos t, \\ y = (1 + 0.3\cos 6t)\sin t, \\ t \in [0, 2\pi]. \end{cases}$$
 (2)

2 星型线测例

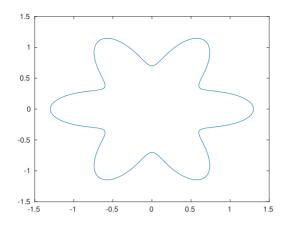


图 1: 星型线

测试结果如表??和??所示,所用误差范数  $\|E\|_1$  和  $\|E\|_\infty$  是与参考解之间的网格 1-范数 和无穷范数,参考解是对示踪点列进一步加密的结果。我们发现结果可以达到相应的收敛阶。

	n = 256	ratio	512	ratio	1024	ratio	2048
$\ \mathbf{E}\ _1$	2.10e-1	1.99	5.29 e-02	2.02	1.30e-2	2.07	3.11e-3
$\ \mathbf{E}\ _{\infty}$	1.02e+0	1.93	2.68e-1	2.00	6.71e-2	2.07	1.60e-2

表 3: 星型线测例: 误差及收敛阶, r=2

	n = 256	ratio	512	ratio	1024	ratio	2048
$\ \mathbf{E}\ _1$	5.83e-2	3.78	4.24e-3	3.96	2.72e-4	4.00	1.70e-5
$\ \mathbf{E}\ _{\infty}$	3.27e-1	3.53	2.82e-2	3.89	1.91e-3	3.98	1.21e-4

表 4: 星型线测例: 误差及收敛阶, r=4