

1. 输出单链表倒数第 K 个节点

1.1 问题描述

题目：输入一个单链表，输出此链表中的倒数第 K 个节点。（去除头结点，节点计数从 1 开始）。

1.2 两次遍历法

1.2.1 解题思想

- (1) 遍历单链表，遍历同时得出链表长度 N。
- (2) 再次从头遍历，访问至第 $N - K$ 个节点为所求节点。

1.2.2 图解过程

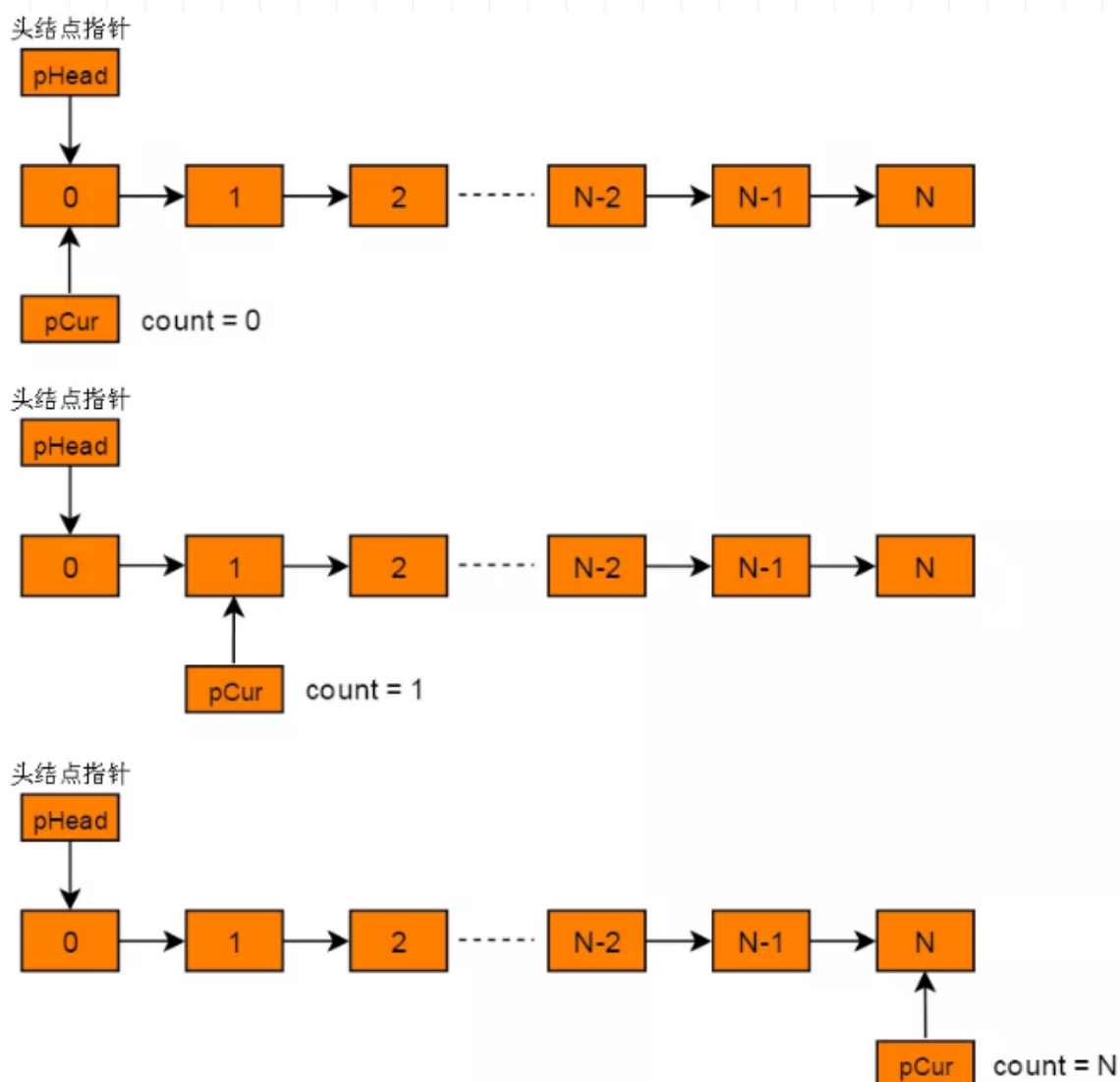


图 1

1.2.3 代码实现

```
1  /*计算链表长度*/
2  int listLength(ListNode* pHead){
3      int count = 0;
```

```

4     ListNode* pCur = pHead->next;
5     if(pCur == NULL){
6         printf("error");
7     }
8     while(pCur){
9         count++;
10        pCur = pCur->pNext;
11    }
12    return count;
13 }
14 /*查找第k个节点的值*/
15 ListNode* searchNodeK(ListNode* pHead, int k){
16     int i = 0;
17     ListNode* pCur = pHead;
18     //计算链表长度
19     int len = listLength(pHead);
20     if(k > len){
21         printf("error");
22     }
23     //循环len-k+1次
24     for(i=0; i < len-k+1; i++){
25         pCur = pCur->next;
26     }
27     return pCur; //返回倒数第K个节点
28 }

```

采用这种遍历方式需要两次遍历链表，时间复杂度为 $O(n \times 2)$ 。可见这种方式最为简单,也较好理解，但是效率低下。

1.3 双指针法

1.3.1 解题思想

- (1) 定义两个指针 p1 和 p2 分别指向链表头节点。
- (2) p1 前进 K 个节点，则 p1 与 p2 相距 K 个节点。
- (3) p1, p2 同时前进，每次前进 1 个节点。
- (4) 当 p1 指向到达链表末尾，由于 p1 与 p2 相距 K 个节点，则 p2 指向目标节点。

1.3.2 图解过程

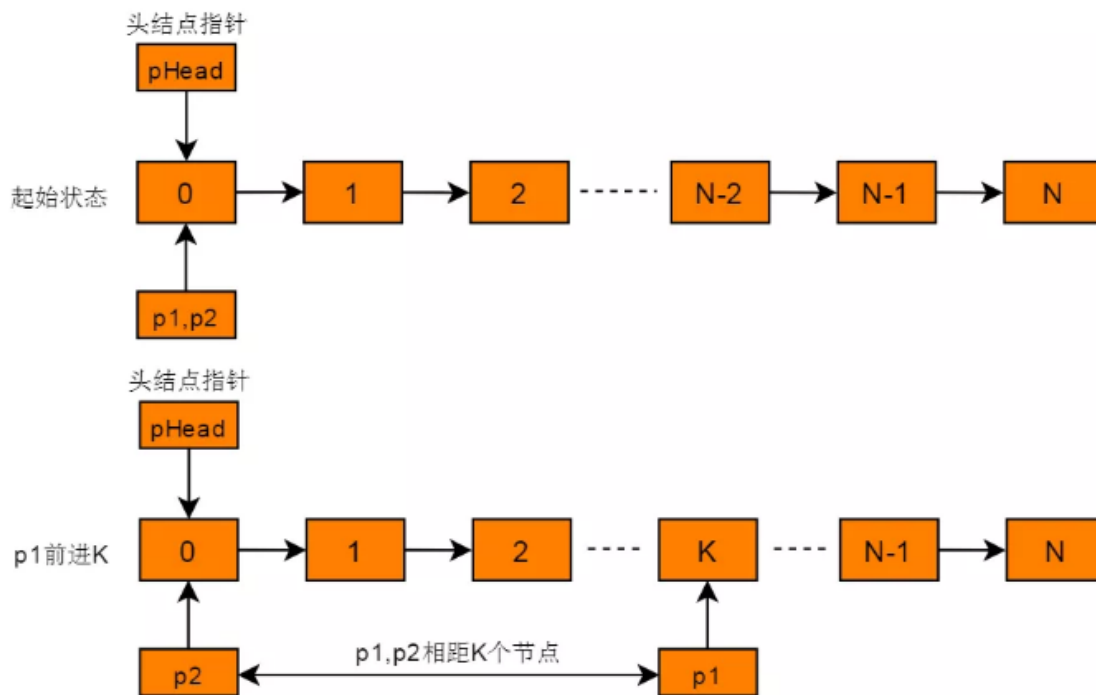
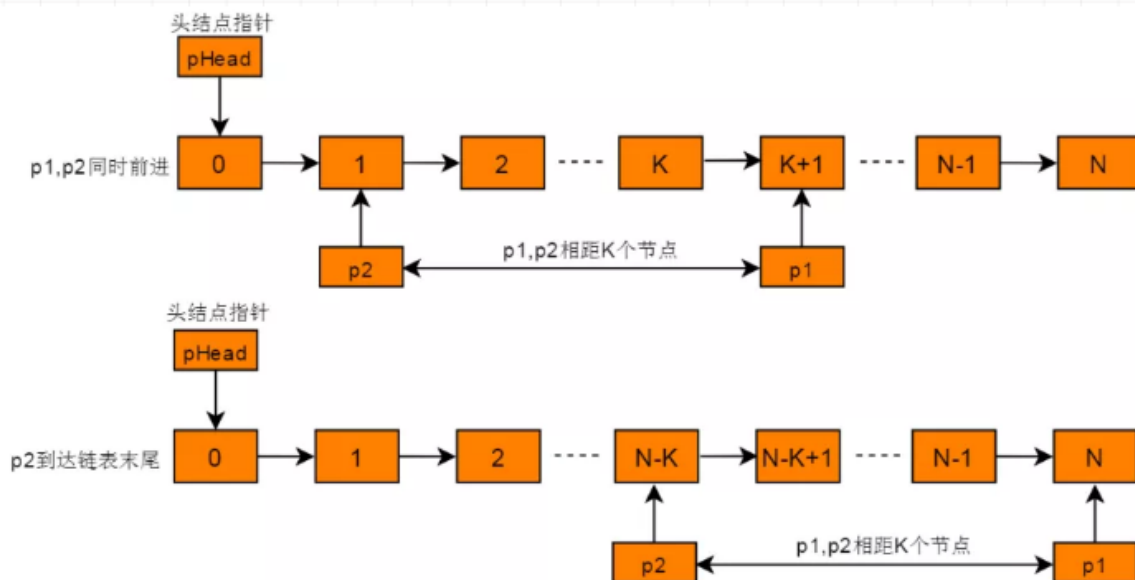


图 3



1.3.3 代码实现

```

1  ListNode* findKthTail(ListNode *pHead, int K){
2      if (NULL == pHead || K == 0)
3          return NULL;
4      //p1, p2均指向头节点
5      ListNode *p1 = pHead;
6      ListNode *p2 = pHead;
7      //p1先出发，前进K个节点
8      for (int i = 0; i < K; i++) {
9          if (p1) //防止k大于链表节点的个数
10             p1 = p1->_next;
11      }
12      //p2到达链表末尾
13      while (p2->_next != NULL) {
14         p1 = p1->_next;
15         p2 = p2->_next;
16     }
17     return p1;
18 }
```

```

12         return NULL;
13     }
14
15     while (p1)//如果p1没有到达链表结尾，则p1，p2继续遍历
16     {
17         p1 = p1->_next;
18         p2 = p2->_next;
19     }
20     return p2;//当p1到达末尾时，p2正好指向倒数第K个节点
21 }

```

可以看出使用双指针法只需遍历链表一次，这种方法更为高效时间复杂度为 $O(n)$ ，通常笔试题目中要考的也是这种方法。

3 链表中存在环问题

3.1 判断链表是否有环

单链表中的环是指链表末尾的节点的 next 指针不为 NULL，而是指向了链表中的某个节点，导致链表中出现了环形结构。

链表中有环示意图：

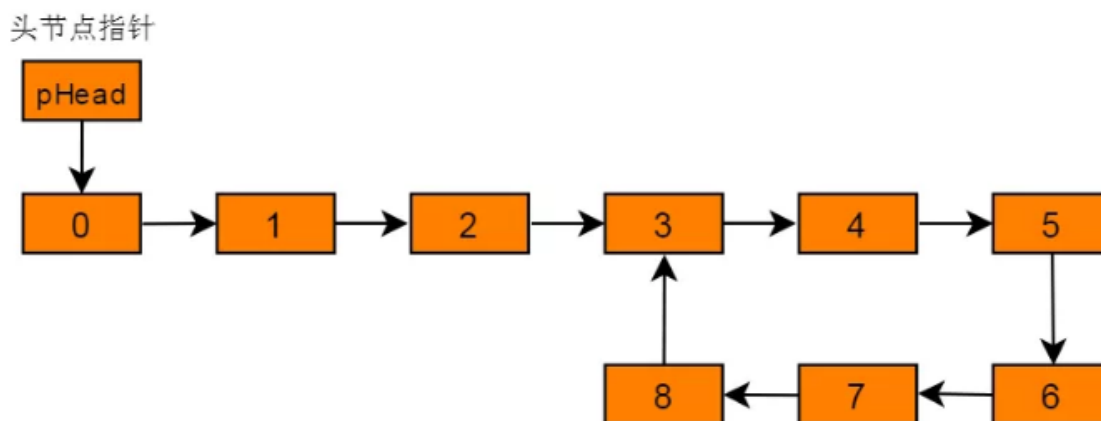


图 5

3.1.3 快慢指针法

3.1.3.1 解题思想

- (1) 定义两个指针分别为 slow，fast，并且将指针均指向链表头节点。
- (2) 规定，slow 指针每次前进 1 个节点，fast 指针每次前进两个节点。
- (3) 当 slow 与 fast 相等，且二者均不为空，则链表存在环。

3.1.3.3 代码实现

```

1 bool isExistLoop(ListNode* pHead) {
2     ListNode* fast;//慢指针，每次前进一个节点

```

```

3     ListNode* slow;//快指针，每次前进2个节点
4     slow = fast = pHead ; //两个指针均指向链表头节点
5     //当没有到达链表结尾，则继续前进
6     while (slow != NULL && fast -> next != NULL) {
7         slow = slow -> next ; //慢指针前进一个节点
8         fast = fast -> next -> next ; //快指针前进两个节点
9         if (slow == fast) //若两个指针相遇，且均不为NULL则存在环
10            return true ;
11    }
12    //到达末尾仍然没有相遇，则不存在环
13    return false ;
14 }

```

3.2 定位环入口

在 3.1 节中，已经实现了链表中是否有环的判断方法。那么，当链表中存在环，如何确定环的入口节点呢？

slow 指针每次前进一个节点，故 slow 与 fast 相遇时，slow 还没有遍历完整个链表。设 slow 走过节点数为 s ，fast 走过节点数为 $2s$ 。设环入口点距离头节点为 a ，slow 与 fast 首次相遇点距离入口点为 b ，环的长度为 r 。

则有：

$$s = a + b;$$

$$2s = n * r + a + b; n \text{ 代表 fast 指针已经在环中循环的圈数。}$$

则推出：

$$s = n * r; \text{ 意味着 slow 指针走过的长度为环的长度整数倍。}$$

若链表头节点到环的末尾节点度为 L ，slow 与 fast 的相遇节点距离环入口节点为 X 。

则有：

$$a + X = s = n * r = (n - 1) * r + (L - a);$$

$$a = (n - 1) * r + (L - a - X);$$

上述等式可以看出：

从 slow 与 fast 相遇点出发一个指针 $p1$ ，请进 $(L - a - X)$ 步，则此指针到达入口节点。同时指针 $p2$ 从头结点出发，前进 a 步。当 $p1$ 与 $p2$ 相遇时，此时 $p1$ 与 $p2$ 均指向入口节点。

例如图3.1所示链表：

slow 走过节点 $s = 6$;

fast 走过节点 $2s = 12$;

环入口节点据流头节点 $a = 3$;

相遇点距离头节点 $X = 3$;

L = 8;

r = 6;

可以得出 $a = (n - 1) * r + (L - a - X)$ 结果成立。

3.2.3 代码实现

```
1 //找到环中的相遇节点
2 ListNode* getMeetingNode(ListNode* pHead) // 假设为带头节点的单链表
3 {
4     ListNode* fast;//慢指针，每次前进一个节点
5     ListNode* slow;//快指针，每次前进2个节点
6     slow = fast = pHead ; //两个指针均指向链表头节点
7     //当没有到达链表结尾，则继续前进
8     while (slow != NULL && fast -> next != NULL){
9         slow = slow -> next ; //慢指针前进一个节点
10        fast = fast -> next -> next ; //快指针前进两个节点
11        if (slow == fast) //若两个指针相遇，且均不为NULL则存在环
12            return slow;
13    }
14
15    //到达末尾仍然没有相遇，则不存在环
16    return NULL ;
17 }
18 //找出环的入口节点
19 ListNode* getEntryNodeOfLoop(ListNode* pHead){
20     ListNode* meetingNode = getMeetingNode(pHead); // 先找出环中的相遇节点
21     if (meetingNode == NULL)
22         return NULL;
23     ListNode* p1 = meetingNode;
24     ListNode* p2 = pHead;
25     while (p1 != p2) // p1和p2以相同的速度向前移动，当p2指向环的入口节点时，p1已经围绕着环走了n圈又回到了入口节点。
26     {
27         p1 = p1->next;
28         p2 = p2->next;
29     }
30     //返回入口节点
31     return p1;
32 }
```

3.3 计算环长度

在3.1中找到了 slow 与 fast 的相遇节点，令 slow 与 fast 指针从相遇节点出发，按照之前的前进规则，当 slow 与 fast 再次相遇时，slow 走过的长度正好为环的长度。

3.3.3 代码实现

```
1 int getLoopLength(ListNode* head){
2     ListNode* slow = head;
3     ListNode* fast = head;
4     while ( fast && fast->next ){
5         slow = slow->next;
6         fast = fast->next->next;
7         if ( slow == fast )//第一次相遇
8             break;
9     }
10    //slow与fast继续前进
11    slow = slow->next;
12    fast = fast->next->next;
13    int length = 1;        //环长度
14    while ( fast != slow )//再次相遇
15    {
16        slow = slow->next;
17        fast = fast->next->next;
18        length ++;        //累加
19    }
20    //当slow与fast再次相遇，得到环长度
21    return length;
22 }
```

4 使用链表实现大数加法

4.1 问题描述

两个用链表代表的整数，其中每个节点包含一个数字。数字存储按照在原来整数中相反的顺序，使得第一个数字位于链表的开头。写出一个函数将两个整数相加，用链表形式返回和。

```
例如：
输入：
3->1->5->null
5->9->2->null,
输出：
8->0->8->null
```

4.2 代码实现

```

1  ListNode* numberAddAsList(ListNode* l1, ListNode* l2) {
2      ListNode *ret = l1, *pre = l1;
3      int up = 0;
4      while (l1 != NULL && l2 != NULL) {
5          //数值相加
6          l1->val = l1->val + l2->val + up;
7          //计算是否有进位
8          up = l1->val / 10;
9          //保留计算结果的个位
10         l1->val %= 10;
11         //记录当前节点位置
12         pre = l1;
13         //同时向后移位
14         l1 = l1->next;
15         l2 = l2->next;
16     }
17     //若l1到达末尾，说明l1长度小于l2
18     if (l1 == NULL)
19         //pre->next指向l2的当前位置
20         pre->next = l2;
21     //l1指针指向l2节点当前位置
22     l1 = pre->next;
23     //继续计算剩余节点
24     while (l1 != NULL) {
25         l1->val = l1->val + up;
26         up = l1->val / 10;
27         l1->val %= 10;
28         pre = l1;
29         l1 = l1->next;
30     }
31
32     //最高位计算有进位，则新建一个节点保留最高位
33     if (up != 0) {
34         ListNode *tmp = new ListNode(up);
35         pre->next = tmp;
36     }
37     //返回计算结果链表
38     return ret;
39 }

```


5 有序链表合并

5.1 问题描述

题目：将两个有序链表合并为一个新的有序链表并返回。新链表是通过拼接给定的两个链表的所有节点组成的。

```
示例：
输入：
1->2->4,
1->3->4
输出：
1->1->2->3->4->4
```

5.2.1 解题思想

(1) 对空链表存在的情况进行处理，假如 pHead1 为空则返回 pHead2，pHead2 为空则返回 pHead1。（两个都为空此情况在pHead1为空已经被拦截）

(2) 在两个链表无空链表的情况下确定第一个结点，比较链表1和链表2的第一个结点的值，将值小的结点保存下来为合并后的第一个结点。并且把第一个结点为最小的链表向后移动一个元素。

(3) 继续在剩下的元素中选择小的值，连接到第一个结点后面，并不断next将值小的结点连接到第一个结点后面，直到某一个链表为空。

(4) 当两个链表长度不一致时，也就是比较完成后其中一个链表为空，此时需要把另外一个链表剩下的元素都连接到第一个结点的后面。

5.2.2 代码实现

```
1 Node* Merge(Node* head1, Node* head2) //合并两个有序链表成一个有序链表
2 {
3     if(head1 == NULL)
4         return head2;
5     if(head2 == NULL)
6         return head1;
7     Node *head, *p1, *p2;
8     if(head1->data < head2->data) //确定好合并后的头结点
9     {
10         head = head1;
11         p1 = head1->next;
12         p2 = head2;
13     }
14     else
15     {
16         head = head2;
```

```

17  p1 = head1;
18  p2 = head2->next;
19  }
20  Node *move = head; //定义一个移动指针,将两个链表连接在一起
21  while(p1 && p2)
22  {
23      if(p1->data <= p2->data)
24      {
25          move->next = p1;
26          move = p1;
27          p1 = p1->next;
28      }
29      else if(p1->data > p2->data)
30      {
31          move->next = p2;
32          move = p2;
33          p2 = p2->next;
34      }
35  }
36  if(p1)
37      move->next = p1; // 补齐p1剩余未比较的节点
38  if(p2)
39      move->next = p2; // 补齐p2剩余未比较的节点
40  return head;
41  }
42

```

6 删除链表中节点，要求时间复杂度为 $O(1)$

6.1 问题描述

给定一个单链表中的表头和一个等待被删除的节点。请在 $O(1)$ 时间复杂度删除该链表节点。并在删除该节点后，返回表头。

示例：

给定 1->2->3->4，和节点 3，返回 1->2->4。

题目描述：给定链表的头指针和一个节点指针，在 $O(1)$ 时间删除该节点。[Google 面试题]

分析：本题与《编程之美》上的「从无头单链表中删除节点」类似。主要思想都是「狸猫换太子」，即用下一个节点数据覆盖要删除的节点，然后删除下一个节点。但是如果节点是尾节点时，该方法就行不通了。

代码：如下

代码：如下

```
//O(1)时间删除链表节点，从无头单链表中删除节点
void deleteRandomNode(Node *cur)
{
    assert(cur != NULL);
    assert(cur->next != NULL);    //不能是尾节点
    Node* pNext = cur->next;
    cur->data = pNext->data;
    cur->next = pNext->next;
    delete pNext;
}
```

6.2 解题思想

在之前介绍的单链表删除节点中，最普通的方法就是遍历链表，复杂度为 $O(n)$ 。

如果我们把删除节点的下一个结点的值赋值给要删除的结点，然后删除这个结点，这相当于删除了需要删除的那个结点。因为我们很容易获取到删除节点的下一个节点，所以复杂度只需要 $O(1)$ 。

示例

单链表：1->2->3->4->NULL

若要删除节点 3。第一步将节点3的下一个节点的值4赋值给当前节点。变成 1->2->4->4->NULL，然后将就 4 这个结点删除，就达到目的了。 1->2->4->NULL

如果删除的节点的是头节点，把头结点指向 NULL。

如果删除的节点的是尾节点，那只能从头遍历到头节点的上一个结点。

6.3 代码实现

```
1 void deleteNode(ListNode **pHead, ListNode* pDelNode) {
2     if(pDelNode == NULL)
3         return;
4     if(pDelNode->next != NULL){
5         ListNode *pNext = pDelNode->next;
6         //下一个节点值赋给待删除节点
7         pDelNode->val = pNext->val;
8         //待删除节点指针指后面第二个节点
9         pDelNode->next = pNext->next;
```

```

10         //删除待删除节点的下一个节点
11         delete pNext;
12         pNext = NULL;
13     }else if(*pHead == pDelNode)//删除的节点是头节点
14     {
15         delete pDelNode;
16         pDelNode= NULL;
17         *pHead = NULL;
18     } else//删除的是尾节点
19     {
20         ListNode *pNode = *pHead;
21         while(pNode->next != pDelNode) {
22             pNode = pNode->next;
23         }
24         pNode->next = NULL;
25         delete pDelNode;
26         pDelNode= NULL;
27     }
28 }

```

7 反转链表

反转一个单链表。

示例:

输入： 1->2->3->4->5->NULL

输出： 5->4->3->2->1->NULL

进阶:

你可以迭代或递归地反转链表。你能否用两种方法解决这道题？

8.2 解题思路

设置三个节点pre、cur、next

- (1) 每次查看cur节点是否为NULL，如果是，则结束循环，获得结果
- (2) 如果cur节点不是为NULL，则先设置临时变量next为cur的下一个节点
- (3) 让cur的下一个节点变成指向pre，而后pre移动cur，cur移动到next
- (4) 重复 (1) (2) (3)

8.3 代码实现

```

1  ListNode* reverseList(ListNode* head) {
2      ListNode* pre = NULL;
3      ListNode* cur = head;
4      while(cur != NULL){

```

```

5         ListNode* next = cur->next;
6         cur->next = pre;
7         pre = cur;
8         cur = next;
9     }
10    return pre;
11 }

```

9 求链表中间节点

题目描述：求链表的中间节点，如果链表的长度为偶数，返回中间两个节点的任意一个，若为奇数，则返回中间节点。

分析：此题的解决思路和第3题「求链表的倒数第 k 个节点」很相似。可以先求链表的长度，然后计算出中间节点所在链表顺序的位置。但是如果要求只能扫描一遍链表，如何解决呢？最高效的解法和第3题一样，通过两个指针来完成。用两个指针从链表头节点开始，一个指针每次向后移动两步，一个每次移动一步，直到快指针移到到尾节点，那么慢指针即是所求。

如下

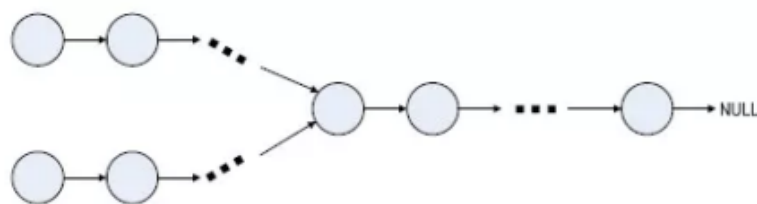
```

//求链表的中间节点
Node* theMiddleNode(Node *head)
{
    if(head == NULL)
        return NULL;
    Node *slow,*fast;
    slow = fast = head;
    //如果要求在链表长度为偶数的情况下，返回中间两个节点的第一个，可以用下面的循环条件
    //while(fast && fast->next != NULL && fast->next->next != NULL)
    while(fast != NULL && fast->next != NULL)
    {
        fast = fast->next->next;
        slow = slow->next;
    }
    return slow;
}

```

10 判断两个链表是否相交

题目描述：给出两个单向链表的头指针（如下图所示），判断这两个链表是否相交。这里为了简化问题，我们假设两个链表均不带环。



分析：

“如果两个没有环的链表相交于某一节点，那么在这个节点之后的所有节点都是两个链表共有的”这个特点，我们可以知道，如果它们相交，则最后一个节点一定是共有的。而我们很容易能得到链表的最后一个节点，所以这成了我们简化解法的一个主要突破口。那么，我们只要判断两个链表的尾指针是否相等。相等，则链表相交；否则，链表不相交。

所以，先遍历第一个链表，记住最后一个节点。然后遍历第二个链表，到最后一个节点时和第一个链表的最后一个节点做比较，如果相同，则相交，否则，不相交。这样我们就得到了一个时间复杂度，它为 $O((\text{Length}(h1) + \text{Length}(h2)))$ ，而且只用了一个额外的指针来存储最后一个节点。这个方法时间复杂度为线性 $O(N)$ ，空间复杂度为 $O(1)$ ，显然比解法三更胜一筹。

：如下

```
//判断两个链表是否相交
bool isIntersect(Node *h1, Node *h2)
{
    if(h1 == NULL || h2 == NULL) return false;    //异常判断
    while(h1->next != NULL)
    {
        h1 = h1->next;
    }

    while(h2->next != NULL)
    {
        h2 = h2->next;
    }

    if(h1 == h2) return true;        //尾节点是否相同
    else return false;
}
```

11. 两个链表相交的第一个公共节点

题目描述：如果两个无环单链表相交，怎么求出他们相交的第一个节点呢？

分析：采用对齐的思想。计算两个链表的长度 $L1, L2$ ，分别用两个指针 $p1, p2$ 指向两个链表的头，然后将较长链表的 $p1$ （假设为 $p1$ ）向后移动 $L2 - L1$ 个节点，然后再同时向后移动 $p1, p2$ ，直到 $p1 = p2$ 。相遇的点就是相交的第一个节点。

代码：如下

🐎：如下

```
//求两链表相交的第一个公共节点
Node* findIntersectNode(Node *h1, Node *h2)
{
    int len1 = listLength(h1);          //求链表长度
    int len2 = listLength(h2);
    //对齐两个链表
    if(len1 > len2)
    {
        for(int i=0; i<len1-len2; i++)
            h1=h1->next;
    }
    else
    {
        for(int i=0; i<len2-len1; i++)
            h2=h2->next;
    }

    while(h1 != NULL)
    {
        if(h1 == h2)
            return h1;
        h1 = h1->next;
        h2 = h2->next;
    }
    return NULL;
}
```