

GTSAM基本介绍

1. 基本介绍

GTSAM (Georgia Tech Smoothing and Mapping) 是一个C++编写的因子图工具箱，由佐治亚理工学院开发，主要用于解决SLAM和SFM问题，并且提供了Matlab使用接口（在可视化或用户交互上可能更方便）。

Defining Factors: SLAM Example

- A factor has an exponential form

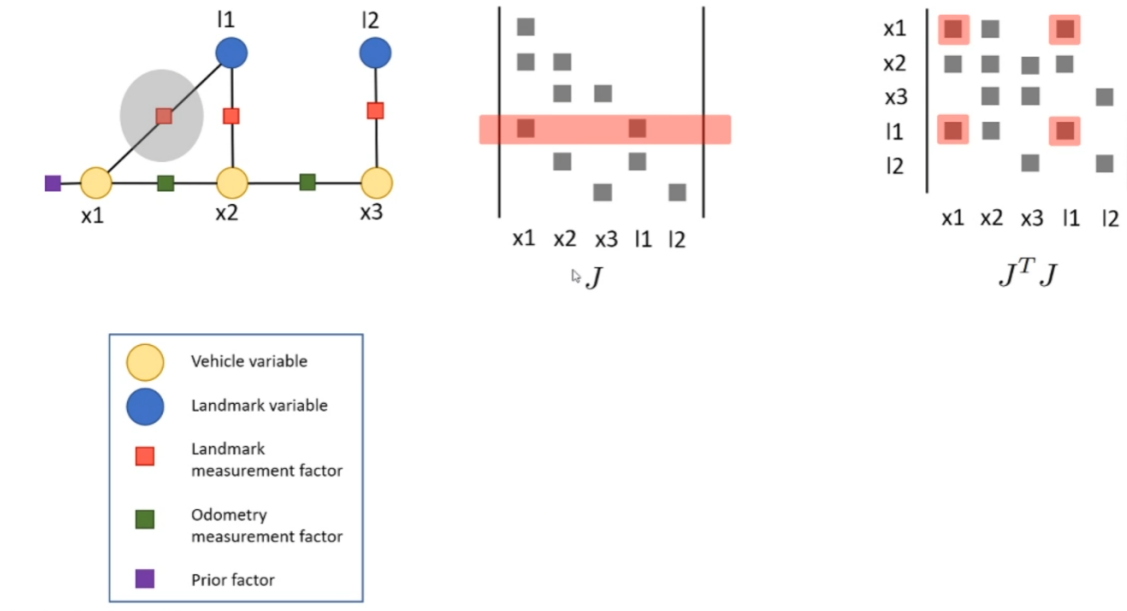
$$\phi_i(X_i) = \exp\left(-\frac{1}{2} \|f_i(X_i)\|_{\Sigma_i}^2\right)$$

- A factor has an *error function* of variables, and a *measurement*

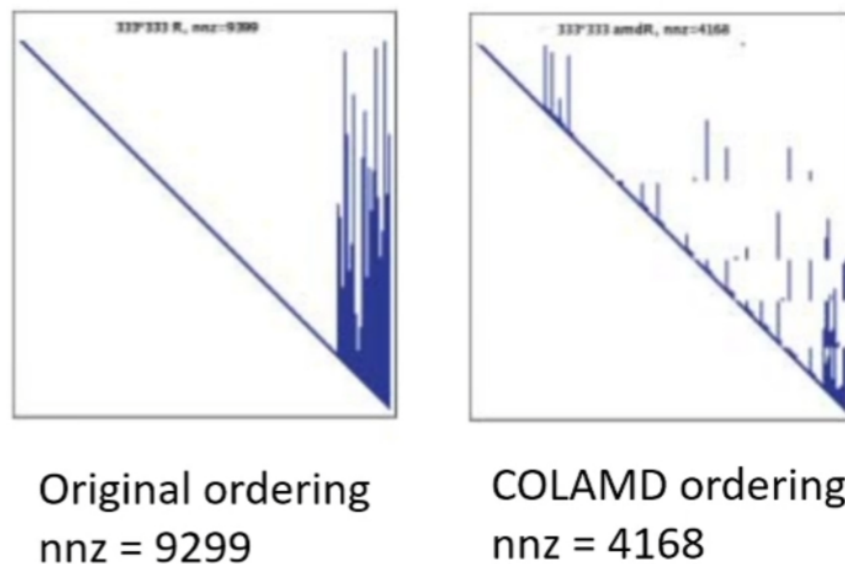
- Prior factor: $f_{\text{prior}}(x_i) = x_i - z$
- Odometry factor: $f_{\text{odometry}}(x_i, x_{i+1}) = (x_{i+1} - x_i) - z$
- Landmark factor: $f_{\text{landmark}}(x_i, l_j) = \text{projection}(x_i, l_j) - z$

因子就是观测，因子图假设所有观测服从高斯分布。因子图求解就是从全局的角度让状态量接近观测量的过程。最终将这些概率密度函数乘积最大化问题转化为**最小二乘问题**。

A SLAM Example for Sparsity



如上图所示，雅可比矩阵行为量测，列为因子，量测只关联了少量的因子使得因子之间是稀疏连接的，Gtsam和Ceres一样，会利用稀疏性提高计算效率，Gtsam会使用COLAMD，近似查找最优的因子排序，让 $J^T J$ 保持很好的稀疏性。



为了求逆，常用的方法是利用Cholesky分解将 $J^T J$ 转化为 $R^T R$ ， R 为上三角阵。不同的状态排列顺序会影响最终上三角阵的稀疏性（左边是传统排序-前状态后landmark，右边是COLAMD）

对于常见的SLAM问题，机器人实时运行中，求解规模会逐渐增大，每次增加一个因子，每次求解和上一次求解大部分的因子是完全一样的（Incremental Inference），为了避免重复性的工作，有了iSAM1（增量QR分解）和iSAM2（贝叶斯树）

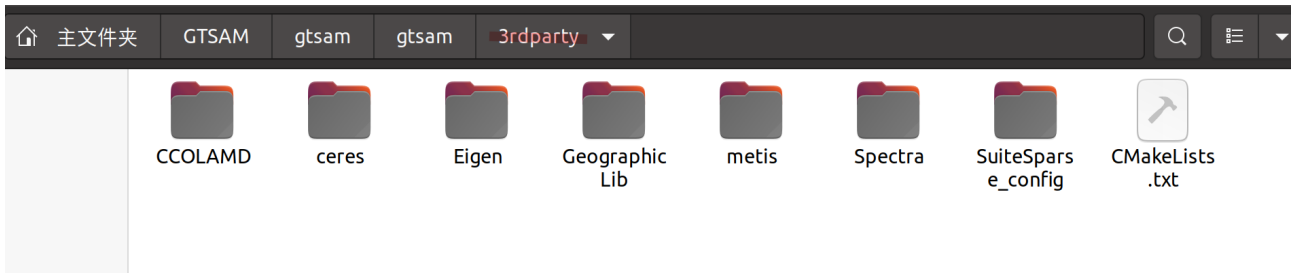
[参考] 深蓝学院:因子图的理论基础与在机器人中的应用

2. 安装

参考: https://gtsam.org/get_started/

2.1 源码安装

环境依赖



Prerequisites:

- **Boost** ≥ 1.43 (Ubuntu: `sudo apt-get install libboost-all-dev`)
- **CMake** ≥ 3.0 (Ubuntu: `sudo apt-get install cmake`)
- A modern compiler, i.e., at least gcc 4.7.3 on Linux.

```
1 git clone https://github.com/borglab/gtsam.git
2 sudo apt-get install libboost-all-dev
3 sudo apt-get install cmake
```

boost可能出现版本不适配, 使用apt install默认安装位置如下, 可卸载旧版本后重装

```
1 头文件: /usr/include/boost
2 lib:/usr/lib/x86_64-linux-gnu/libboost*
3 cmake:/usr/lib/x86_64-linux-gnu/cmake/boost*
```

gcc ubuntu20默认gcc9 ubuntu18默认gcc7, 若出现版本不适配, 可使用**update-alternatives**进行版本管理

版本号查看

```
guomingyu@guomingyu-pc: ~/GTSAM/gtsam
guomingyu@guomingyu-pc:~/GTSAM/gtsam$ gcc --version
gcc (Ubuntu 9.4.0-1ubuntu1~20.04.1) 9.4.0
Copyright (C) 2019 Free Software Foundation, Inc.
This is free software; see the source for copying conditions. There is NO
warranty; not even for MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE.

guomingyu@guomingyu-pc:~/GTSAM/gtsam$ dpkg -S /usr/include/boost/version.hpp
libboost1.71-dev:amd64: /usr/include/boost/version.hpp
guomingyu@guomingyu-pc:~/GTSAM/gtsam$ cmake --version
cmake version 3.16.3

CMake suite maintained and supported by Kitware (kitware.com/cmake).
guomingyu@guomingyu-pc:~/GTSAM/gtsam$
```

CMakeLists

- 1 `mkdir build`
- 2 `cd build`
- 3 `cmake ..`
- 4 `make check` (optional, runs unit tests)
- 5 `sudo make install` *#这里可能需要sudo权限*

整个源码都是通过cmake来组织的，默认只会编译C++版本，可以通过配置 `GTSAM_BUILD_PYTHON=ON` 或 `GTSAM_INSTALL_MATLAB_TOOLBOX=ON` 选项来开启相关工具箱。

默认安装路径

- 1 头文件: `/usr/local/include/gtsam`
- 2 lib: `/usr/local/lib`

可通过 `CMAKE_INSTALL_PREFIX` 来指定目录

```
cmake -DCMAKE_INSTALL_PREFIX:PATH=$HOME ..
```

ps:我的问题

普通方式安装使用时会出现本地eigen库和gtsam不一致的问题

- 1 `cmake -DGTSAM_USE_SYSTEM_EIGEN=ON ..`

```

GTSAM_COMPILE_DEFINITIONS_PUBLIC_REEWITHOEDINFO :
-- GTSAM_COMPILE_OPTIONS_PUBLIC_MINSIZEREL :
-- GTSAM_COMPILE_DEFINITIONS_PUBLIC_MINSIZEREL :
-- Use System Eigen : ON (Using version: 3.4.0)
-- Use System Metis : OFF
-- Using Boost version : 1.71.0
-- Use Intel TBB : TBB not found
-- Eigen will use MKL : MKL not found

```

2.2 PPA软件源安装

```

1 # Add PPA
2 sudo add-apt-repository ppa:borglab/gtsam-release-4.0
3 sudo apt update # not necessary since Bionic
4 #Install:
5 sudo apt install libgtsam-dev libgtsam-unstable-dev

```

tips:

当执行 `sudo add-apt-repository ppa:` 后可在**软件和更新**中会同步配置，当取消选择 某条 ppa，系统将在 `/etc/apt/sources.list.d` 中的 `ppa_name.list` 文件中注释掉仓库条目，如果选择“删除”选项，将会删除 `/etc/apt/sources.list.d` 目录中 `ppa_name.list` 文件里的仓库条目。

3. 使用GTSAM拟合曲线

CMakeLists编写

```

1 cmake_minimum_required(VERSION 3.0)
2 project(curve_fitting)
3 set(CMAKE_CXX_STANDARD 11)
4
5 find_package(GTSAM REQUIRED)
6 include_directories(${GTSAM_INCLUDE_DIR})
7
8 include_directories("/usr/local/include/eigen3")
9
10 add_executable(${PROJECT_NAME} curve_fitting.cpp)
11 target_link_libraries(${PROJECT_NAME} gtsam)

```

注意链接库名是gtsam，不是\${GTSAM_LIBS}

最小系统

待优化状态量: `gtsam::Values`

因子图: `gtsam::NonlinearFactorGraph`

添加因子 (量测): `graphFactors.add` `push_back` `emplace_shared`

优化器: `gtsam::ISAM2`

主程序

```
1 #include <gtsam/nonlinear/DoglegOptimizer.h> // dogleg
2 #include <gtsam/nonlinear/GaussNewtonOptimizer.h> // GN
3 #include <gtsam/nonlinear/LevenbergMarquardtOptimizer.h>
4 #include <gtsam/inference/Symbol.h> // symbol_shorthand
5
6 #include <random>
7
8 //  $y = ax^2 + bx$ 
9 double funct(const gtsam::Vector2& param, const double x) {
10     return (param(0)*x*x + param(1)*x);
11 }
12
13 // NoiseModelFactor1表示一元边, NoiseModelFactor2表示2元边,一次类推一直到6
14 class curvfitFactor : public gtsam::NoiseModelFactor1<gtsam::Vector2> {
15 public:
16     curvfitFactor(gtsam::Key key, const gtsam::SharedNoiseModel& noise, double x
17         : gtsam::NoiseModelFactor1<gtsam::Vector2>(noise, key), x_(x), y_(y){
18     }
19     gtsam::Vector evaluateError(const gtsam::Vector2& param, boost::optional<gts
20         auto val = funct(param, x_);
21         if (H) {
22             gtsam::Matrix Jac = gtsam::Matrix::Zero(1, 2);
23             Jac << x_ * x_, x_;
24             (*H) = Jac;
25         }
26         return gtsam::Vector1(val - y_);
27     }
28 private:
29     double x_, y_;
30 };
31
32 int main() {
33     using gtsam::symbol_shorthand::X; // symbol_shorthand仅用于表示状态变量(char +
34     const double sig = 0.05;
35     std::random_device rd; // 非确定性种子
```

```

36     std::default_random_engine generator(rd()); // 构建随即生成器
37     std::normal_distribution<double> noise(0, sig); // 生成服从正态分布的噪声(均值, 方差)
38     gtsam::NonlinearFactorGraph graph;
39     const gtsam::Vector2 para(2, 3); // 曲线参数a b
40
41     for (int i = 0; i < 100; ++i) {
42         // 构造观测值mx my
43         double mx = i;
44         auto my = funct(para, mx) + noise(generator);
45
46         // Isotropic: 各项同性噪声模型, 相当于在协方差对角线作放缩
47         // 对比ceres, 无需设置噪声模型, 但构建残差时可以设置信息矩阵
48         auto noiseM = gtsam::noiseModel::Isotropic::Sigma(1, sig);
49         // 添加因子: 曲线拟合问题是一堆观测, 一个状态量, 因此只需要X(0)
50         graph.emplace_shared<curvfitFactor>(X(0), noiseM, mx, my);
51     }
52
53     // 设置初始值
54     gtsam::Values intial;
55     intial.insert<gtsam::Vector2>(X(0), gtsam::Vector2(1.5, 2.2));
56
57     // 选择优化方法
58     // gtsam::GaussNewtonOptimizer opt(graph, intial);
59     gtsam::LevenbergMarquardtOptimizer opt(graph, intial);
60     // gtsam::DoglegOptimizer opt(graph, intial);
61     std::cout << "\ninitial error=" << graph.error(intial) << std::endl;
62     auto res = opt.optimize();
63     std::cout << "\nfinal error=" << graph.error(res) << std::endl;
64     gtsam::Vector2 matX0 = res.at<gtsam::Vector2>(X(0));
65     std::cout << "a = " << matX0[0] << ", b = " << matX0[1] << "\n";
66
67     return 0;
68 }

```

4. 对比



A Comparison of Graph
Optimization.pdf

2.40MB



论文针对非线性位姿图优化问题, 将四种框架求解问题方法均设定为LM, 针对不同数据集进行对比。

结论: 数据噪声大的前端, 后端中GTSAM、SE-Sync效果好; 前端效果良好的情况下, 差别不大; 时间上, g2o普遍最长

对于batch求解而言：

不论Ceres、G2O还是GTSAM，都支持稀疏矩阵求解功能，因此都可以实现最小二乘问题的快速求解。

个人认为效率上的区别：数值求导/解析求导/自动求导 > 框架差别。

使用体感差别会大些：

1. G2O文档支持较差，不支持自动求导，但具备Vertex/Edge的概念，方便构建图优化问题，官方提供了不少顶点和边
2. Ceres教程完善，支持三种求导方式，使用灵活性较大，属于偏底层的优化问题求解工具
3. GTSAM文档较多，不支持自动求导，接口丰富，适合直接上手使用，上层功能完善

ps：网上有一些gtsam嵌套ceres自动求导的教程，感兴趣可以了解一下