

## Processamento Estatístico de Sinais - TI 0124 Estimação e Detecção - TIP8417

Prof. Charles Casimiro Cavalcante Período: 2019.2

## Lista de Exercícios No. 1: Revisão de modelos probabilísticos

1. João e Marcos estão iniciando um jogo. John escolherá um número X usando uma distribuição exponencial com parâmetro  $\lambda$ , ou seja,

$$p_X(x) = \lambda \exp(-\lambda x), \quad x \ge 0$$

No mesmo instante, Marcos vai escolher independentemente um número Y usando uma distribuição de Poisson com parâmetro  $\lambda$ , ou seja,

$$\mathbf{p}_Y(y) = \exp(-\lambda) \frac{\lambda^y}{y!}, \quad y = 0, 1, 2, \dots$$

Se o número de João é maior que o de Marcos eles jogam novamente, caso contrário o jogo finaliza.

- (a) Descreva a probabilidade  $Pr\{X > Y\}$ .
- (b) Qual o número esperado de jogadas até o jogo acabar?
- $\mathbf{2}$ . Suponha que X e Y são duas variáveis aleatórias descritas pela pdf

$$p_{X,Y}(x,y) = C \exp(-x^2 - y^2 + xy).$$

- (a) Encontre C.
- (b) Encontre as densidades marginais  $p_X(x)$  e  $p_Y(y)$ . X e Y são independentes? São identicamente distribuídos?
- (c) Defina a v.a. Z = X 2Y. Encontre a pdf conjunta  $p_{X,Z}(x,z)$ .
- **3.** A distância X (em quilômetros) de um local para o epicentro de potenciais terremotos dentro de 50 km é distribuído de acordo com

$$p_X(x) = \begin{cases} \frac{2x}{2500}, & \text{para } 0 \le x \le 50\\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

A magnitude Y do potencial terremoto na escala de 5 a 9 é distribuído de acordo com

$$p_Y(y) \equiv \begin{cases} \frac{3(9-y)^2}{64}, & \text{para } 5 \le x \le 9\\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

Assuma que X e Y são independentes. Determine a probabilidade do próximo possível terremoto estar localizado em um raio de 25 km e ter uma magnitude de pelo menos 8 pontos.

- **4.** Encontre  $F_Y(y)$  e  $p_Y(y)$  se  $F_X(x) = [1 \exp(-2x)]$  para x > 0, nos seguintes casos:
  - (a) Y = X 1, para X > 1;
  - (b)  $Y = X^2$ .