# Sistemas de Comunicações Digitais

Curso de Graduação em Engenharia de Telecomunicações

Universidade Federal do Ceará

Semestre 2017.2

## Parte 7

Recuperação de Portadora

- Método M-power
- 2 Tipos de estimações
- 3 Estimador ML e MAP
- Próxima aula

## Método M-power

• Suporemos que o demodulador possiu perfeito conhecimento do atraso de símbolo,  $\tau$ , e do o desvio de frequência,  $\nu$ . Sendo assim, trabalharemos apenas com  $\theta$ , i.e.,

$$s(t, \hat{\theta}_k) = s_l(t)e^{j\hat{\theta}_k} \tag{1}$$

- O método M-power consiste em uma técnica de estimação de fase em malha aberta (feedforward) para sinais M-PSK sem offset <sup>1</sup>.
- Este método NDA (non-data-aided), pois não depende dos simbolos transmitidos.



<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>O esquema OQPSK, por exemplo, n\u00e3o se adequa a este m\u00e9todo.

## Introdução

Do slide anterior, temos que

$$\Lambda_L(\hat{\theta}_k) = \int_{(k-K)T}^{kT} \operatorname{Re}\left\{r(t)s^*(t,\hat{\theta}_k)\right\} dt - \frac{1}{K} \int_{(k-K)T}^{kT} \left|s(t,\hat{\theta}_k)\right|^2 dt \quad (2)$$

Como o envelope complexo possui módulo constante para sinais
M-PSK, podemos ignorar o segundo termo desta equação, sendo assim

$$\Lambda_L(\hat{\theta}_k) = \int_{(k-K)T}^{kT} \operatorname{Re}\left\{r(t)s^*(t, \hat{\theta}_k)\right\} dt \tag{3}$$

Recorde que

$$s_l(t) = \sum_{k} A_k g(t - kT) \tag{4}$$

- $A_k \in \mathbb{C}$  é o k-ésimo símbolo transmitido
- $g(t) \in \mathbb{C}$  é a resposta ao impulso do pulso formatador.

DETI (UFC) Sist. de Com. Digital Semestre 2017.2 5/17

## Introdução

• Substituindo (4) e (1) em (3), obtemos

$$\Lambda_L(\hat{\theta}_k) = \sum_k A_k^* e^{-j\hat{\theta}_k} \int_{(k-K)T}^{kT} r(t)g(t-kT) dt$$
 (5)

• Em uma aplicação prática, no entando, g(t) é limitado<sup>2</sup>

DETI (UFC)

 $<sup>^2</sup>$ Recorde a impossibilidade de implementarmos o filtro raiz cosseno levantado, e como solucionamos isso na prática através do truncamento de sua resposta ao impulso.

### Modelando o nosso sistema

• Seja  $s_l(t)$  o envelope complexo transmitido, o equivalente passa-baixa do sinal recebido é dado por:

$$r(t) = s(t, \lambda) + w(t),$$
  
=  $s_l(t - \tau)e^{j(2\pi\nu t + \theta)} + w(t)$  (6)

em que

- $s(t, \lambda) = s_l(t \tau)e^{j(2\pi\nu t + \theta)}$  é o sinal recebido considerando as imperfeições de atraso de símbolo e desvios de fase e frequência.
- $\theta$  é o desvio de fase.
- $v = f_c f_{cL}$  é o desvio de frequência, sendo  $f_c$  e  $f_{cL}$  a frequência do sinal recebido e frequência da portadora local, respectivamente.
- $\bullet$   $\tau$  é o atraso de símbolo.
- $\lambda = (\theta, \nu, \tau)$  é o vetor de parâmetros.
- w(t) é um ruído Gaussiano branco com densidade de potência  $N_0/2$ .



### Modelando o nosso sistema

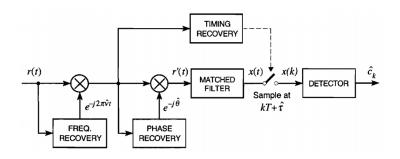
- Nosso objetivo é obter as estimativas de  $\lambda$ , i.e.,  $\hat{\lambda} = (\hat{\theta}, \hat{v}, \hat{\tau})$ .
- Ao longo dessa desciplina, as pertubações que incidem no sistemas são modeladas como segue:
  - $\nu$  é um valor determinístico, mas desconhecido, que está dentro do intervalo  $\pm 1/T$ , sendo T o tempo de símbolo.
  - $\theta$  é um valor determinístico, mas desconhecido, que está dentro do intervalo  $(0, 2\pi]$ .
  - $\tau$  é um valor determinístico, mas desconhecido, que está dentro do intervalo (0,T].
- Devido a complexidade do problema, suporemos que alguns parâmetros são conhecidos, ao passo que outros não.

- Método M-power
- 2 Tipos de estimações
- 3 Estimador ML e MAP
- Próxima aula

## Tipos de estimações

- Existem diferentes estratégias para a estimação do vetor de parâmetros, e elas podem ser categorizadas a depender das seguintes características:
  - Data-aided (DA), decision-directed (DD), non-data-aided (NDA): o método DA faz uso de um preâmbulo para que o demodulador tenha o conhecimento adicional dos dados. Alternativamente, pode-se realizar a estimação dos parâmetros a partir das decisões feitas pelo detector, estratégia comumente chamada de estimação derecionada por decisão. Há ainda uma terceira estratégia, que não depende de dado algum, chamada de NDA. O método DA costumar obter melhor performance de estimação quando comparado com o método NDA [Mengali, 2013]. Naturalmente, o método DD opera em malha fechada (feedback loop).
  - Clock-aided ou non-clock-aided: similarmente, quando o estimador possui o conhecimento do reógio, dizemos que é uma estimação ajudada por relógio.
    Caso contrário, dizemos que a estimação é non-clock-aided.
  - Topologia do estimador: feedforward ou feedback loops.
  - Esquema da modulação: apesar de ser algo que independe do estimador utilizado, a presença ou a ausência de um *offset* na modulação interfere na estratégia adotada.

## Exemplo do diagrama de blocos de um receptor coerente



 Normalmente, a recuperação da portadora (fase e frequência) é feita antes da recuperação do tempo de símolo. Mas axistem diferentes arquiteturas que podem recuperar os parâmetros em outra ordem, inclusive em paralelo ou conjunta (joint estimation).

- Método M-power
- 2 Tipos de estimações
- 3 Estimador ML e MAP
- Próxima aula

### Estimador ML e MAP

- Existem basicamente dois critério amplamente empregados para a estimação de λ̂: o criétio de máxima verossimilhança (ML) e o critério de máxima a posteriori (MAP), que originam os estimadores ML e MAP, respectivamente.
- Realizando a projeção de r(t) em um espaço de N funções ortonormais, obtemos, para o k-ésimo símbolo transmitido, o vetor  $\mathbf{r}_k \in \mathbb{R}^N$ .
- Pelo o teorema de Bayes, tem-se a seguinte relação

$$p(\hat{\lambda}_k | \mathbf{r}_k) = \frac{p(\mathbf{r}_k | \hat{\lambda}_k) p(\hat{\lambda}_k)}{p(\mathbf{r}_k)}$$
(7)



### Estimador ML e MAP

- $ullet p(\hat{oldsymbol{\lambda}}_k)$  é a probabilidade a priori.
- $p(\hat{\lambda}_k|\mathbf{r}_k)$  é a probabilidade a posteriori.
- $p(\mathbf{r}_k \mid \hat{\lambda}_k)$  é a função de verossimilhança.
- Como  $p(\mathbf{r}_k)$  é igual para  $\hat{\lambda}_k$ , podemos disconsidera-la.
- Quando a probabilidade a priori possui uma distribuição uniforme, também podemos disconsidera-la. Neste caso, o método MAP se torna igual ao ML

- Método M-power
- 2 Tipos de estimações
- 3 Estimador ML e MAP
- Próxima aula



#### Estimador ML e MAP

- Derivação das equações de MAP e ML
- Apesentação de algumas arquiteturas de estimadores de fase.



## Referências



Mengali, U. (2013). Synchronization techniques for digital receivers. Springer Science & Business Media.

