TEMAS

- 1. Espaço, velocidade e aceleração
- 2. Classificando os movimentos
- 3. Movimentos circulares ou curvilíneos

Introducão

Nesta Unidade, você vai conhecer a parte da Física que trata da descrição e da classificação dos movimentos, e, por isso, tem o nome de cinemática, de origem grega.

Verá também que, na descrição do movimento, a grandeza mais importante é a velocidade. É ela que permite definir se há movimento e que tipo de movimento está ocorrendo. Verá que a variação da velocidade é determinada pela aceleração e que os movimentos podem ser variados ou uniformes.

Estudará ainda que grandezas como espaço, velocidade e aceleração dependem do referencial, da direção e do sentido em que ocorrem, de como são definidas e de como variam em função do tempo.

Espaço, velocidade e aceleração TEMA 1

Para descrever e classificar os movimentos – principal objetivo desta Unidade –, é preciso compreender conceitos que já fazem parte do seu cotidiano: espaço, velocidade e aceleração. Neste tema, você vai estudá-los de um ponto de vista científico.

😽 O QUE VOCÊ JÁ SABE?

A figura ao lado mostra uma pessoa em uma bicicleta. Observe a imagem e responda às questões propostas, anotando as respostas nas linhas a seguir.

- Você diria que a pessoa na bicicleta está parada ou está em movimento?
- E a bicicleta, está parada ou está em movimento?
- Ao fundo da imagem, é possível observar algumas árvores. Elas estão paradas ou estão em movimento?
- Se essa pessoa pedalar por dez minutos, aonde ela vai chegar?



Depois de estudar o tema, releia seus apontamentos e verifique se você faria alterações em suas respostas.



Física - Volume 1

Por dentro dos movimentos

Esse vídeo aborda alguns aspectos da Física que você já viu na Unidade 1 – como o nascimento da filosofia natural e dos primeiros estudos da Física –, mas será particularmente interessante para acompanhar os estudos que você fará agora, na Unidade 2. Com a orientação do físico e professor Francisco de Assis, você conhecerá como a Física explica os movimentos, a partir de um referencial no espaço, e quais são os diferentes tipos de movimento: retilíneo uniforme, uniformemente variado e movimentos circulares. Assista ao vídeo mais de uma vez, pois ele poderá ajudá-lo na compreensão de cada conceito.



Espaco

Para localizar um ponto no espaço, é necessário determinar a(s) distância(s) que ele está de algum lugar. Por exemplo, para localizar uma casa numa cidade, é preciso determinar a rua na qual ela está localizada e a que distância ela está do começo da rua, que é dada pelo número da casa (veja a figura ao lado). Dessa forma, é possível determinar a posição da casa na cidade.



Em Física, a palavra **posição** não se refere a estar, por exemplo, em pé ou deitado, à frente ou atrás, mas sim à distância em relação a um referencial. **Espaço**, ou **posição de um corpo**, é definido como a **distância que ele está de determinado**

ponto, chamado origem, que serve de referência para a medida dessa distância. Portanto, espaço e posição dependem do referencial. Assim como você pode estar à direita de uma

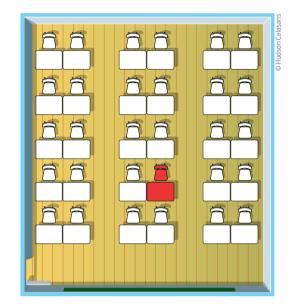


A palavra **corpo** pode ser usada para se referir a qualquer objeto. Portanto, em Física, a palavra corpo não significa necessariamente o corpo humano. parede e à esquerda de outra, pode estar a certa distância de uma parede e a uma distância diferente de outra. Desse modo, é sempre necessário informar o referencial em relação ao qual se define uma posição.

ATIVIDADE 1 Referencial e posição

Ao descrever a posição da carteira marcada na figura ao lado, uma estudante disse que a carteira está na segunda fileira e na terceira coluna, enquanto outra disse que está na quarta fileira e na quarta coluna.

1 Elas poderiam estar descrevendo a posição da mesma carteira? Justifique sua resposta.



Que informação a mais elas poderiam dar que permitiria a uma pessoa qualquer identificar a qual carteira elas se referiam?

Corpos em movimento

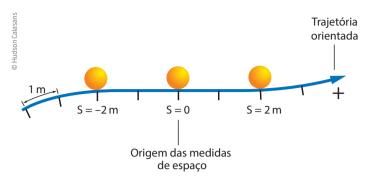
Diz-se que um corpo está em **movimento** quando sua posição varia ao longo do tempo, ou seja, à **medida que o tempo passa, sua distância em relação a um dado referencial vai mudando**.

Dessa forma, quando um corpo se desloca, ele vai ocupando sucessivas posições. O conjunto dessas posições é chamado de **trajetória**.

Na figura ao lado, é possível visualizar a trajetória descrita pelo caminhante com base em suas pegadas na areia. Cada pegada representa, na areia, uma



posição ocupada pelo caminhante. Assim como a posição, a trajetória também depende do referencial.



Para facilitar as medidas de espaço, é necessário definir uma origem comum para elas e qual o sentido da trajetória, indicado por uma seta. O espaço (S) é a medida da distância que um ponto está da origem em uma trajetória. Para indicar se o corpo está antes ou depois do referencial, utiliza-se o sinal positivo (depois da origem) ou negativo (antes da origem).

Ao medir, ao longo da trajetória, a distância que um ponto está da origem, determina-se o seu **espaço**.

A grandeza espaço é representada pela letra S e, no Sistema Internacional de Unidades (SI), é medida em metros (m). Outras unidades comuns para dimensionar o espaço são o quilômetro (km) e o centímetro (cm).

Ao se movimentar, um corpo descreve uma trajetória, e seus espaços percorridos vão mudando em relação à origem. A medida da distância entre seu espaço inicial (onde ele começou a se movimentar) e seu espaço final (onde ele parou de se deslocar) é chamada de **variação de espaço**, ou **espaço percorrido**, sendo representada pelo símbolo ΔS .

O símbolo Δ , que parece um triângulo, é a letra grega maiúscula chamada delta. Dessa forma, a variação de espaço, simbolizada por Δ S, deve ser lida como "delta S".

Na linguagem matemática, escreve-se que:

$$\Delta S = S_f - S_i$$
 S_i : espaço inicial;

 Δ S: variação de espaço ou espaço percorrido.

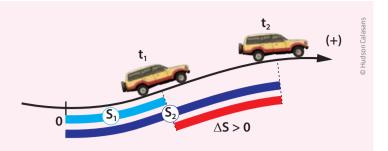
PARA SABER MAIS



Variação de espaço e distância percorrida

Em Física, **variação de espaço** e **distância percorrida** não são a mesma coisa. A **distância percorrida** corresponde à distância que o móvel percorreu e, portanto,

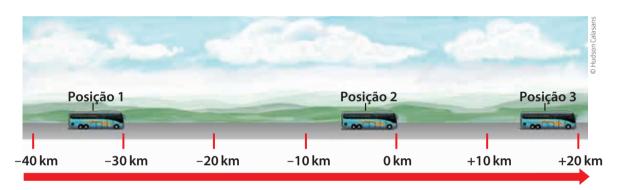
é determinada pela trajetória. Já a variação de espaço depende apenas de onde começou e de onde terminou o movimento, independentemente da trajetória e da distância percorrida.



Nessa imagem, a origem da trajetória é o ponto zero, e as distâncias até t_1 e t_2 são, respectivamente, S_1 e S_2 . A variação de espaço entre t_1 e t_2 é igual a ΔS ($\Delta S = S_2 - S_1$), que nesse caso é igual à distância percorrida.

ATIVIDADE 2 Trajetória e espaço

A figura a seguir mostra a trajetória descrita por um ônibus numa estrada.



1 Nela, as posições estão marcadas em quilômetros. Qual é o ponto do espaço do ônibus em cada uma das três posições indicadas na figura?

| Posição 1: |
|---|
| Posição 2: |
| Posição 3: |
| 2 Se o ônibus parte do ponto do espaço –40 km e chega ao ponto +20 km, qual foi variação de espaço que ele realizou? |
| |
| |
| |

3 Se o ônibus parte da posição –40 km, vai até a posição +20 km e volta para a posição –10 km, qual foi sua variação de espaço? E qual foi a distância que ele percorreu?



Velocidade média

Enquanto o tempo vai passando, um corpo pode se mover. Se passar "pouco tempo" para o corpo ir de um ponto a outro do espaço, significa que ele se movimenta "rapidamente", mas, se demorar "muito tempo" para ele percorrer esse mesmo trajeto, significa que o corpo está se deslocando "lentamente". A **grandeza física** que indica se um corpo está se movendo rápida ou lentamente, de um lugar para outro, se chama **velocidade**.

A velocidade média (v) de um corpo é definida como a proporção entre a variação de espaço desse corpo (ΔS) e o tempo que ele gastou (Δt) para realizar essa variação de espaço. Em linguagem matemática, essa relação é expressa da seguinte forma:

v: velocidade média do corpo;

 $v = \frac{\Delta S}{\Delta t} \qquad \qquad \Delta s \text{: variação de espaço desse corpo: } \Delta s = s_f - s_i;$

 Δt : intervalo de tempo gasto para realizar essa variação de espaço: $\Delta t = t_f - t_i$.

No Sistema Internacional de Unidades, a velocidade média é medida em m/s (metros por segundo), mas existem outras unidades usuais, como km/h (quilômetros por hora), nós (muito utilizada na navegação) e milhas por hora (mph), usada em países de língua inglesa.

Dizer que um carro está com a velocidade de 108 km/h é o mesmo que dizer que ele se desloca à velocidade de 30 m/s, ou seja, que o carro percorre a distância 30 metros no tempo 1 segundo.

VELOCIDADE INSTANTÂNEA

Durante um movimento, em geral, a velocidade vai mudando. Algumas vezes ela aumenta e, outras, diminui. O valor que a velocidade tem em um determinado momento é a sua velocidade instantânea. O velocímetro, por exemplo, marca a velocidade instantânea.



Velocímetro mostrando a velocidade instantânea de um automóvel em km/h e mph (milhas por hora).

ATIVIDADE 3 Unidades de velocidade

- 1 Responda às questões abaixo.
- a) Se você andar com velocidade constante de 1 m/s durante 10 segundos (10 s), quantos metros terá percorrido ao fim da trajetória?

b) Se você andar com velocidade constante de 1 m/s durante 1 minuto (1 min), quantos metros terá percorrido ao fim da trajetória?

c) Se você andar com velocidade constante de 1 m/s durante 1 hora (1 h), quantos metros terá percorrido ao fim da trajetória? E quantos quilômetros?

d) Então, a velocidade de 1 m/s corresponde a uma velocidade de quantos quilômetros por hora?

e) E se correr durante meia hora com velocidade de 2 m/s, quantos quilômetros você vai percorrer?

2 A tabela a seguir mostra as distâncias aproximadas entre o aeroporto e o centro da cidade para algumas capitais do País, bem como o tempo médio gasto para percorrê-las de táxi e de ônibus.

| Aeroporto | Distância até o centro | De táxi (minutos) | De ônibus (minutos) |
|--------------------|------------------------|----------------------|------------------------|
| Fortaleza | 10 km | 15 | 20 |
| Santos Dumont (RJ) | 3 km | 20 | 30 |
| Salvador | 25 km | 45 | 70 |
| Congonhas (SP) | 11 km | 40 | 50 |
| Recife | 11 km | 30 | 45 |

Fonte: FRANCO, Pedro Rocha. *Táxi para Confins é o mais caro e demorado do país*. O Estado de Minas, 30 jul. 2013. Disponível em: http://www.em.com.br/app/noticia/economia/2013/07/30/internas_economia,429086/taxi-para-confins-e-o-mais-caro-e-demorado-do-pais.shtml. Acesso em: 14 jan. 2015.

a) Qual é a maior velocidade média, de táxi, em km/h?

b) Qual é a menor velocidade média, de ônibus, em km/h?

- c) Em qual dessas viagens o ônibus desenvolve a maior velocidade média?
- d) Em qual dessas viagens o táxi desenvolve menor velocidade média?



A velocidade de um corpo pode mudar. Se o corpo está parado, por exemplo, e começa a se movimentar, sua velocidade aumenta, e diz-se que ele acelerou. De modo contrário, se um automóvel está se deslocando, e o motorista pisa no freio, sua velocidade diminui, e diz-se que ele desacelerou.

Em Física, **aceleração** é definida como a **taxa com que a velocidade de um corpo varia**. Na linguagem matemática, a aceleração é expressa por:

a: aceleração média do corpo;

 $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$

 Δv : variação da velocidade, em que $\Delta v = v_f - v_i$;

 Δt : tempo necessário para que ocorra essa variação de velocidade, em que $\Delta t = t_f - t_i.$

A aceleração de um corpo é medida, no Sistema Internacional de Unidades, em metros por segundo a cada segundo (m/s²).

Para um corpo que se move **no mesmo sentido da trajetória**, se a velocidade aumenta, a variação da velocidade é positiva ($\Delta v > 0$) e sua aceleração também (a > 0). Nesse caso, o corpo acelerou, então tem-se um **movimento acelerado**. Por outro lado, se a velocidade do corpo diminui, a variação da velocidade é negativa ($\Delta v < 0$), assim como sua aceleração (a < 0). Neste caso, o corpo desacelerou, então tem-se um **movimento retardado**.

DICA!

O símbolo ">" indica que o número ou algarismo à esquerda do símbolo é maior que o da direita.

O símbolo "<" indica que o número ou algarismo à esquerda do símbolo é menor que o da direita.

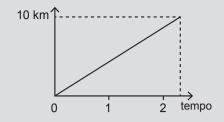
Ou seja, a > b lê-se: "a é maior que b"; a < b lê-se: "a é menor que b".

A palavra "aceleração" pode ter diferentes significados, dependendo do contexto, mas sempre se refere à mudança na velocidade ou na taxa de variação de algum processo.

Por exemplo, é comum que jornais falem em "aceleração da economia", com o sentido de aumento do ritmo do crescimento econômico; ou em "aceleração da aprendizagem", o que significa diminuir o tempo necessário para aprender alguma coisa. Também é possível falar em "aceleração do processo de fabricação de um produto", ou seja, diminuir o tempo em que um bem é produzido, elevando, assim, a produtividade e o lucro da empresa.



O gráfico ao lado modela a distância percorrida, em km, por uma pessoa em certo período de tempo. A escala de tempo a ser adotada para o eixo das abscissas depende da maneira como essa pessoa se desloca. Qual é a opção que apresenta a melhor associação entre meio ou forma de locomoção e unidade de tempo, quando são percorridos 10 km?



- a) Carroça semana.
- b) Carro dia.
- c) Caminhada hora.
- d) Bicicleta minuto.
- e) Avião segundo.

Enem 2008. Prova amarela. Disponível em: http://download.inep.qov.br/educacao_basica/enem/provas/2008/2008_amarela.pdf. Acesso em: 7 out. 2014.



Como calcular a aceleração

Suponha que você está com um grupo de amigos empurrando um carro, que está parado e com a bateria descarregada. Vocês tentam fazer o automóvel "pegar no tranco". Após empurrarem o carro por 20 s, ele atinge uma velocidade de 2 m/s e, com o "tranco", começa a funcionar. Qual era a aceleração do carro enquanto estava sendo empurrado?



Para iniciar, deve-se calcular a variação da velocidade. Como o carro estava parado, sua velocidade inicial era zero ($v_i = 0$). Após os 20 s, sua velocidade final era de 2 m/s ($v_f = 2$ m/s). Então, sua velocidade aumentou de 0 para 2 m/s, ou seja, ela aumentou 2 m/s ($\Delta v = 2$ m/s). Como passaram 20 s para que isso acontecesse, a aceleração pode ser calculada da seguinte maneira:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{2}{20} = 0.1 \text{ m/s}^2$$

ATIVIDADE 4 Aceleração

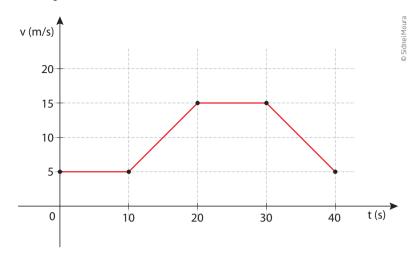
1 Observe a tabela abaixo, que mostra o teste de desempenho de um automóvel, e responda às questões.

| Desempenho | | | | | |
|-----------------------|----------|--|--|--|--|
| 0 km/h – 100 km/h | 11,6 s | | | | |
| 40 km/h – 80 km/h | 5 s | | | | |
| 60 km/h – 100 km/h | 6,1 s | | | | |
| Frenagem 120 km/h a 0 | 9 s | | | | |
| Consumo cidade | 7,7 km/L | | | | |
| Consumo estrada | 11 km/L | | | | |

- a) A aceleração média desse carro é maior no intervalo entre quais velocidades? Justifique sua resposta.
- 0 a 100 km/h.
- 40 a 80 km/h.
- 60 a 100 km/h.

b) Ainda com base nessa tabela, o que é maior: a aceleração ou a desaceleração do carro?

2 O gráfico abaixo representa o movimento de um trem num trecho ao longo da linha entre duas estações consecutivas.



- a) Em qual(is) trecho(s) a velocidade é constante?
- b) Em qual(is) trecho(s) o movimento é acelerado?
- c) Em qual(is) trecho(s) esse movimento é retardado?



A propaganda de automóveis utiliza como destaque a aceleração que eles são capazes de desenvolver. É comum a propaganda afirmar que o carro vai de zero a 100 km/h em poucos segundos. Qual é a vantagem de um carro ter boa aceleração? Qual é a diferença de ir de 0 a 100 km/h em 4 ou 6 segundos? Isso é de fato muito importante ou apenas um recurso para o carro parecer melhor? O que é mais seguro?

HORA DA CHECAGEM

Atividade 1 - Referencial e posição

- 1 Sim, mas com base em referenciais diferentes. A primeira estudante se refere à segunda fileira a partir da frente da sala, e à terceira coluna a partir de um dos lados da sala (o lado direito da figura). Já a outra disse que a carteira estava na quarta fileira a partir do fundo da sala e na quarta coluna a partir do outro lado da sala (lado esquerdo da figura).
- 2 Faltou informar qual seria o referencial que elas utilizaram para começar a contar as fileiras e as colunas.

Atividade 2 - Trajetória e espaço

1 Os espaços do ônibus são:

Posição 1: -30 km (está antes da origem das medidas);

Posição 2: 0 km (está na origem das medidas dos espaços); e

Posição 3: +20 km (está depois da origem dos espaços).

- 2 A variação de espaço foi de 60 km, já que +20 (-40) = 20 + 40 = 60 km.
- I Lembrando que $\Delta S = S_f S_i$, a variação de espaço foi -10 (-40) = 30 km.

A distância que ele percorreu foi de 90 km, sendo 60 km para ir do espaço inicial –40 km ao espaço +20 km e mais 30 km, para ir do espaço +20 km ao espaço –10 km.

Atividade 3 - Unidades de velocidade

1

- a) 10 m. Para alcançar esse resultado, você pode utilizar uma "regra de três": se em 1 segundo você anda 1 metro e a sua velocidade é sempre a mesma (constante), em 10 segundos caminhará 10 metros.
- b) 60 m. Utilize o mesmo raciocínio anterior: se em 1 segundo você anda 1 metro e a sua velocidade é constante, em 1 minuto (que é equivalente a 60 segundos), você caminhará 60 metros.
- c) 3.600 m ou 3,6 km. Se em 1 s você anda 1 m e a sua velocidade é constante, em 1 hora (que é equivalente a 60 min ou 3.600 s), você caminhará 3.600 m. Para saber a distância em quilômetros, lembre-se de que 1 km = 1.000 m. Portanto, dividindo 3.600 por 1.000 = 3,6 km.
- d) 1 m/s = 3,6 km/h. Para chegar a essa conclusão, você deve lembrar que 1 h equivale a 3.600 s e 1 km é igual a 1.000 m. Então: 1 m/s = $\frac{1.000}{3.600}$ s ou 3,6 km/h.
- e) 3,6 km. Como a velocidade foi dobrada (passou de 1 m/s para 2 m/s), você percorrerá a mesma distância (3,6 km) na metade do tempo (de 1 hora para meia hora).
- 2 Para chegar a todas as respostas, observe os seguintes raciocínios:

Em Fortaleza, o táxi percorre 10 km em 15 min, então fará a distância de 40 km em 1 h, que são 60 min $(4 \cdot 15 \text{ min})$, ou seja, sua velocidade será de 40 km/h.

No Rio de Janeiro, o táxi percorre 3 km em 20 min, então cobrirá 9 km em 1 hora, que são 60 min $(3 \cdot 20 \text{ min})$, ou seja, sua velocidade será de 9 km/h.

Em Salvador, o táxi percorre 25 km em 45 min, então se deslocará cerca de 33 km em 1 h (fazendo uma regra de 3), ou seja, sua velocidade será de \cong 33 km/h.

Em São Paulo, o táxi transita por 11 km em 40 min, então percorrerá 16,5 km em 1 h (fazendo uma regra de 3), ou seja, sua velocidade será de 16,5 km/h.

Já em Recife, como percorre 11 km em meia hora, vai se deslocar 22 km em 1 h, ou seja, sua velocidade será de 22 km/h.

Logo, a maior velocidade média ocorre em Fortaleza.

Em Fortaleza, o ônibus percorre 10 km em 20 min, 30 km em 1 hora, ou seja, sua velocidade é de 30 km/h.

No Rio, o ônibus percorre 3 km em meia hora, 6 km em 1 h, ou seja, sua velocidade é de 6 km/h.

Em Salvador, o ônibus percorre 25 km em 70 min, aproximadamente 21 km em 1 h, ou seja, sua velocidade é de cerca de 21 km/h.

Em São Paulo, o ônibus percorre 11 km em 50 min, aproximadamente 13,2 km em 1 h, ou seja, sua velocidade é cerca de 13,2 km/h.

Em Recife, como percorre 11 km em 45 min, fará aproximadamente 14,7 km em 1 h, ou seja, sua velocidade é de cerca de 14,7 km/h.

Logo, a menor velocidade média ocorre no Rio de Janeiro.

a) 40 km/h (Fortaleza).

c) Fortaleza (30 km/h).

b) 6 km/h (Rio de Janeiro).

d) Rio de Janeiro (9 km/h).

Desafio

Alternativa correta: c. Acompanhe a análise das alternativas:

- A alternativa *a* sugere a semana como unidade de tempo. Assim, a carroça andaria a uma velocidade de 10 km por semana, que é muito baixa, mesmo para esse tipo de veículo.
- A alternativa *b* sugere o dia como unidade de tempo. Assim, o carro andaria 10 km em um pouco mais de 2 dias, ou seja, a uma velocidade aproximada de 5 km/dia, que, como se sabe, é irreal.
- A alternativa c sugere a hora como unidade de tempo. Assim, uma pessoa caminharia 10 km em 2 h, ou seja, a uma velocidade de 5 km/h. Sabe-se que esta é mesmo a velocidade média de uma pessoa caminhando. Logo, esta é a resposta correta.
- A alternativa *d* sugere o minuto como unidade de tempo. Assim, a bicicleta andaria 10 km em 2 min, ou seja, a uma velocidade de 5 km/min, ou 300 km/h, que se sabe ser muito alta para esse tipo de veículo.
- A alternativa *e* sugere como unidade de tempo o segundo. Assim, o avião percorreria 10 km em 2 s, ou seja, a velocidade do avião seria de 5 km/s. Sabe-se que um avião pode viajar a cerca de 400 km/h, que seria, fazendo a transformação de hora para segundo, 0,11 km/s bem menor que os 5 km/s sugeridos pela alternativa.

Atividade 4 - Aceleração



a)

• Entre 0 e 100 km/h, a velocidade inicial é zero e a final é 100 km/h = $\frac{100.000 \text{ m}}{3.600 \text{ s}} \cong 27,8 \text{ m/s}$. Então, a aceleração será: a = $\frac{27,8}{11.6}$ = 2,4 m/s².

Ou, então:
$$\frac{100 \text{ km/h}}{11.6 \text{ s}} = 8.6 \text{ km/h/s}$$

- Entre 40 km/h e 80 km/h, $\Delta v = v_f v_i = 80 40 = 40$ km/h; ou, ainda: $\Delta v = \frac{40.000 \text{ m}}{3.600 \text{ s}} \cong 11$ m/s; logo, $a = \frac{40 \text{ km/h}}{5 \text{ s}} = 8$ km/h/s ou $a = \frac{11}{5} = 2.2$ m/s².
- Entre 60 km/h e 100 km/h, $\Delta v = v_f v_i = 80 40 = 40$ km/h; ou, ainda: $\Delta v = \frac{40.000 \text{ m}}{3.600 \text{ s}} \cong 11$ m/s; logo, $a = \frac{40 \text{ km/h}}{6.1 \text{ s}} \cong 6.6$ km/h/s ou $a = \frac{11}{6.1} \cong 1.8$ m/s².

Portanto, a aceleração média é maior no intervalo entre 0 e 100 km/h.

b) A desaceleração, pois $\frac{120}{9} \cdot \frac{\text{km/h}}{\text{s}} \cong 13.3 \text{ km/h/s}$, ou, ainda: $\frac{13.300}{3.600} \cdot \frac{\text{m/s}}{\text{s}} = \frac{13.300}{3.600} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s} \cdot \text{s}} \cong 3.7 \text{ m/s}^2$, que é maior que a maior aceleração média encontrada.

2

- a) Pode-se observar no gráfico que a velocidade não muda nos intervalos de tempo de 0 s a 10 s (v = 5 m/s) e de 20 s a 30 s (v = 15 m/s).
- b) O movimento é acelerado quando a velocidade aumenta. Pode-se observar, no gráfico, que a velocidade cresce entre 10 s e 20 s.
- c) O movimento é retardado quando a velocidade diminui. Pode-se observar, no gráfico, que a velocidade reduz-se entre 30 s e 40 s.

| Registro de dúvidas e comentários | | | | | | |
|-----------------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |
| | | | | | | |