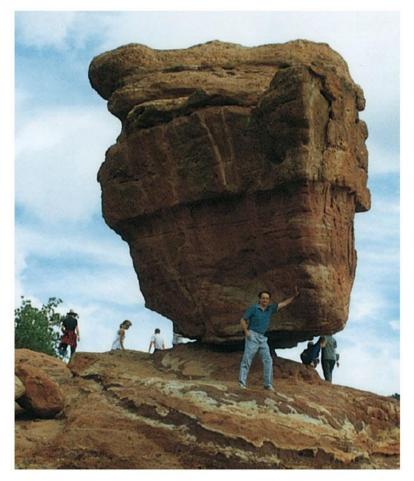
# Materi 9: Kesetimbangan

### Kesetimbangan Statis

- Kesetimbangan dan kesetimbangan statis
- Kondisi kesetimbangan statis
  - Gaya eksternal bersih harus sama dengan nol
  - Torsi eksternal bersih harus sama dengan nol
- Pusat gravitasi
- Menyelesaikan soal kesetimbangan statis



@ 2006 Brooks/Cole - Thomson

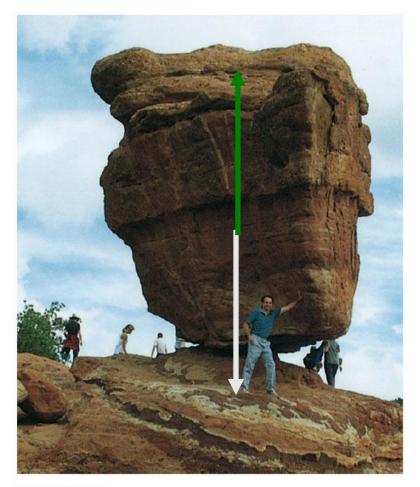
#### Kesetimbangan Statis dan Dinamis

- Kesetimbangan: objek diam (statis) atau pusat massa bergerak dengan kecepatan konstan (dinamis)
- Hanya membahas kasus di mana kecepatan linier dan sudut sama dengan nol, yang disebut "keseimbangan statis":  $v_{PM}$  = 0 dan  $\omega$  = 0
- Contoh
  - Buku di atas meja
  - Pigura gantung
  - Kipas langit-langit off
  - Kipas langit-langit on
  - Tangga bersandar di dinding

- Kondisi pertama dari keseimbangan adalah pernyataan ekuilibrium translasional.
- Gaya eksternal bersih pada objek harus sama dengan nol.

$$\vec{F}_{net} = \sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} = 0$$

 Ini menyatakan bahwa percepatan translasional dari pusat massa objek harus nol.

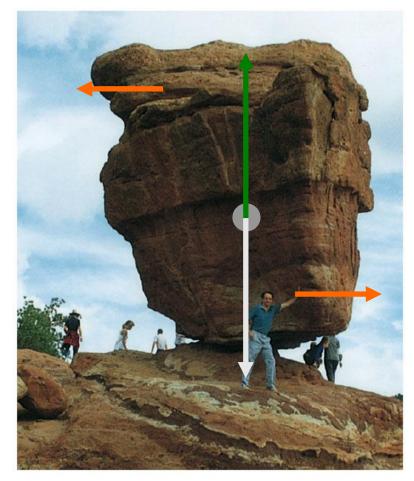


© 2006 Brooks/Cole - Thomson

 Jika objek dimodelkan sebagai partikel, maka ini adalah satusatunya kondisi yang harus dipenuhi.

$$\vec{F}_{net} = \sum \vec{F}_{ext} = 0$$

- Agar objek yang diperpanjang berada dalam kesetimbangan, kondisi kedua harus dipenuhi.
- Kondisi kedua ini melibatkan gerakan rotasi dari objek yang diperpanjang.

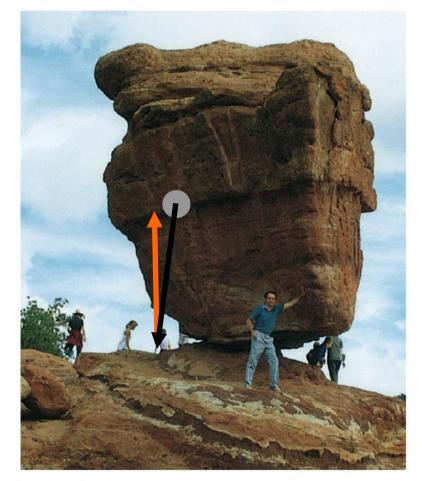


© 2006 Brooks/Cole - Thomson

- Kondisi kedua dari kesetimbangan adalah pernyataan kesetimbangan rotasi.
- Torsi eksternal bersih pada objek harus sama dengan nol

$$\vec{\tau}_{net} = \sum \vec{\tau}_{ext} = I\vec{\alpha} = 0$$

- Ini menyatakan percepatan sudut objek menjadi nol
- Ini harus berlaku untuk setiap sumbu rotasi.

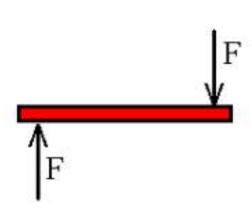


© 2006 Brooks/Cole - Thomson

- Gaya bersih sama dengan nol  $\sum \vec{F} = 0$ 
  - Jika objek dimodelkan sebagai partikel, maka ini adalah satu-satunya kondisi yang harus dipenuhi.
- Torsi bersih sama dengan nol  $\sum \vec{\tau} = 0$ 
  - Perlu jika objek tidak dapat dimodelkan sebagai partikel.
- Kondisi ini menggambarkan objek rigid dalam model analisis kesetimbangan

### Kesetimbangan Statis

- Pertimbangkan batang ringan dikenakan dua kekuatan dengan besaran yang sama seperti yang ditunjukkan pada gambar. Pilih pernyataan yang benar sehubungan dengan situasi ini:
- a) Objek ini dalam kesetimbangan gaya tetapi bukan kesetimbangan torsi.
- b) Objek berada dalam kesetimbangan torsi tetapi tidak memaksa kesetimbangan
- c) Objek berada dalam kesetimbangan gaya dan kesetimbangan torsi.
- d) Objek ini tidak dalam kesetimbangan gaya atau kesetimbangan torsi.



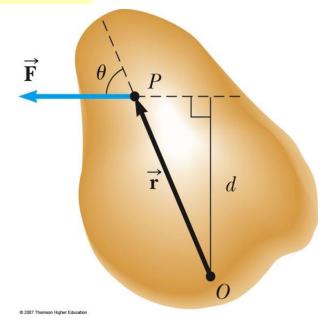
#### Persamaan Kesetimbangan

- Demi kesederhanaan, ada pembatasan aplikasi untuk situasi ini di mana semua gaya terletak di bidang xy.
- Persamaan 1:  $\vec{F}_{net} = \sum \vec{F}_{ext} = 0$ :  $F_{net,x} = 0$   $F_{net,y} = 0$   $F_{net,z} = 0$
- Persamaan 2:  $\vec{\tau}_{net} = \sum \vec{\tau}_{ext} = 0$ :  $\tau_{net,x} = 0$   $\tau_{net,y} = 0$   $\tau_{net,z} = 0$
- Ada tiga persamaan yang dihasilkan

$$F_{net,x} = \sum F_{ext,x} = 0$$

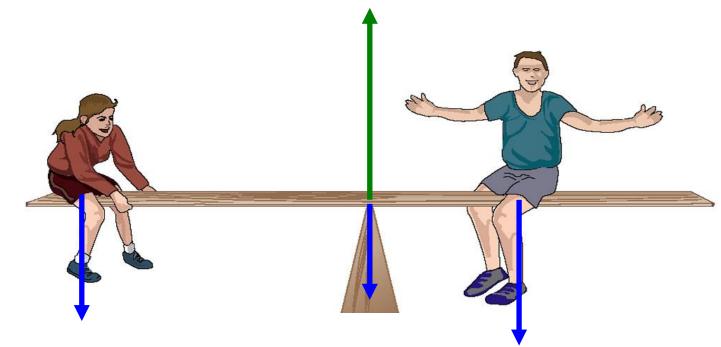
$$F_{net,y} = \sum F_{ext,y} = 0$$

$$\tau_{net,z} = \sum \tau_{ext,z} = 0$$



- Sebuah jungkat-jungkit yang terdiri dari papan uniform dengan massa m<sub>pl</sub> dan panjang L menyangga, dalam keadaan diam, seorang ayah dan anak perempuan masing-masing dengan massa M dan m. Penyangga berada di bawah pusat gravitasi papan, ayah berjarak d dari pusat, dan anak perempuan berjarak 2,00 m dari pusat.
- a) Berapa besar gaya ke atas yang diberikan oleh penyangga pada papan?

b) Di mana ayah harus duduk untuk menyeimbangkan sistem saat diam?



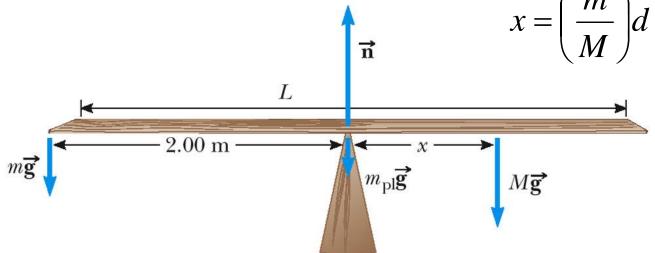
- a) Berapa besar gaya ke atas yang diberikan oleh penyangga pada papan?
- b) Di mana ayah harus duduk untuk menyeimbangkan sistem saat diam?

$$F_{net,y} = n - mg - Mg - m_{pl}g = 0$$

$$n = mg + Mg + m_{pl}g$$

$$\tau_{net,z} = \tau_d + \tau_f + \tau_{pl} + \tau_n$$
$$= mgd - Mgx + 0 + 0 = 0$$
$$mgd = Mgx$$

$$x = \left(\frac{m}{M}\right)d = \frac{2m}{M} < 2.00 \,\mathrm{m}$$



$$F_{net,x} = \sum F_{ext,x} = 0$$

$$F_{net,y} = \sum F_{ext,y} = 0$$

$$\tau_{net,z} = \sum \tau_{ext,z} = 0$$

© 2006 Brooks/Cole - Thomson

#### Sumbu Rotasi

- Torsi bersih adalah tentang sumbu melalui titik manapun di bidang xy.
- Apakah penting sumbu mana yang Anda pilih untuk menghitung torsi?
- TIDAK. Pilihan sumbu adalah bebas
- Jika suatu objek berada dalam kesetimbangan translasi dan torsi bersih adalah nol sekitar satu sumbu, maka torsi bersih harus nol tentang sumbu lainnya.
- Harus pintar memilih sumbu rotasi untuk menyederhanakan masalah.

#### b) Tentukan di mana ayah harus duduk untuk menyeimbangkan sistem saat diam

#### Rotation axis O

$$\tau_{net,z} = \tau_d + \tau_f + \tau_{pl} + \tau_n$$

$$= mgd - Mgx + 0 + 0 = 0$$

$$mgd = Mgx$$

$$x = \left(\frac{m}{M}\right)d = \frac{2m}{M}$$

#### **Rotation axis P**

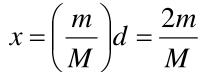
$$\tau_{net,z} = \tau_d + \tau_f + \tau_{pl} + \tau_n$$

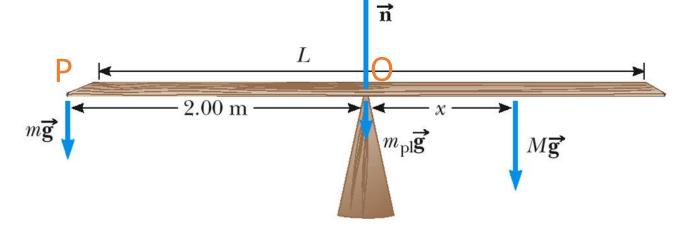
$$= 0 - Mg(d+x) - m_{pl}gd + nd = 0$$

$$- Mgd - Mgx - m_{pl}gd + (Mg + mg + m_{pl}g)d = 0$$

$$mgd = Mgx$$

$$(m) \quad 2m$$





$$F_{net,x} = \sum F_{ext,x} = 0$$

$$F_{net,y} = \sum F_{ext,y} = 0$$

$$\tau_{net,z} = \sum \tau_{ext,z} = 0$$

© 2006 Brooks/Cole - Thomson

#### **Pusat Gravitasi**

- Torsi karena gaya gravitasi pada objek massa M adalah gaya Mg berlaku di pusat gravitasi objek.
- Jika g seragam di atas objek, maka pusat gravitasi objek bertepatan dengan pusat massanya.
- Jika objek homogen dan simetris, pusat gravitasi bertepatan dengan pusat geometrisnya.

### Di manakah pusat massa?

 Asumsikan m1 = 1 kg, m2 = 3 kg, dan x1 = 1 m, x2 = 5 m, di mana pusat massa kedua objek ini?

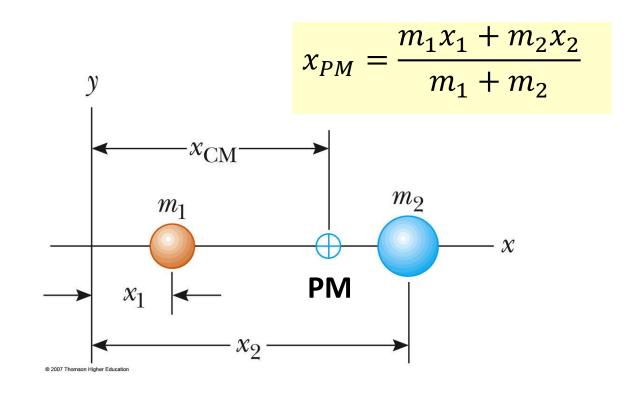
a) 
$$x_{PM} = 1 \text{ m}$$

b) 
$$x_{PM} = 2 \text{ m}$$

c) 
$$x_{PM} = 3 \text{ m}$$

d) 
$$x_{PM} = 4 \text{ m}$$

e) 
$$x_{PM} = 5 \text{ m}$$

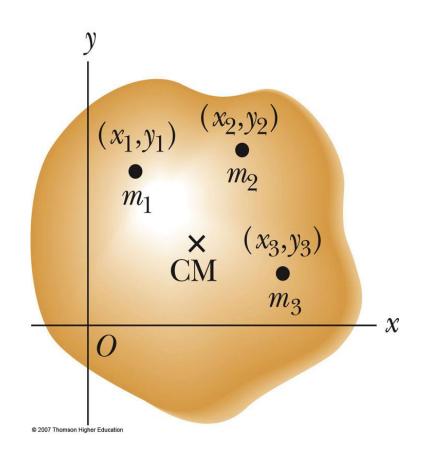


### Pusat Massa (PM)

- Sebuah objek dapat dibagi menjadi banyak partikel kecil.
  - Setiap partikel akan memiliki massa tertentu dan koordinat spesifik.
- Koordinat x dari pusat massa adalah

$$x_{PM} = \frac{\sum_{i} m_{i} x_{i}}{\sum_{i} m_{i}}$$

 Ekspresi serupa dapat ditentukan untuk koordinat y

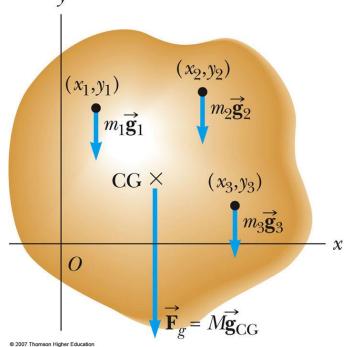


### Pusat Gravitasi (PG)

 Semua gaya gravitasi yang berbeda yang bekerja pada semua elemen massa yang berbeda setara dengan gaya gravitasi tunggal yang bertindak melalui satu titik yang disebut pusat gravitasi (PG).

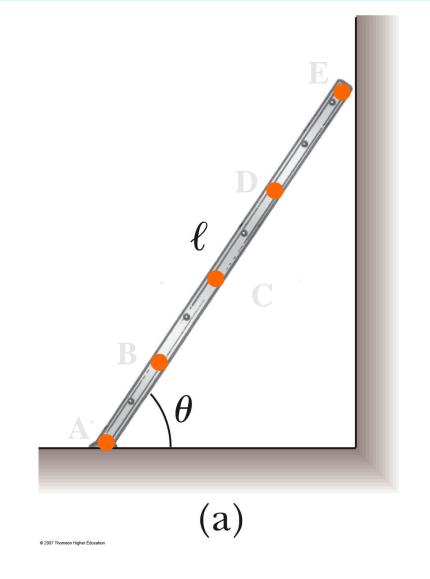
- $Mg_{CG}x_{CG} = (m_1 + m_2 + m_3 + \cdots)g_{CG}x_{CG}$  $= m_1g_1x_1 + m_2g_2x_2 + m_3g_3x_3 + \cdots$
- Jika  $g_1 = g_2 = g_3 = \cdots$
- Maka

$$x_{CG} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3 + \dots}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots} = \frac{\sum m_i x_i}{\sum m_i}$$



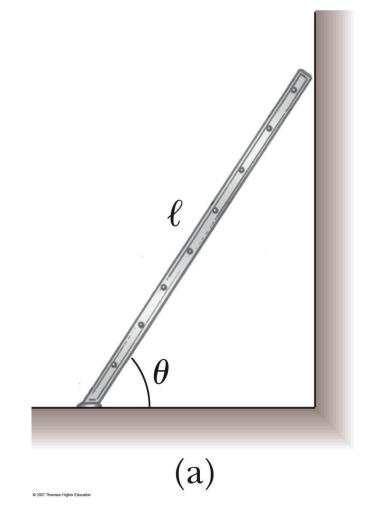
### PG Tangga

 Tangga uniform dengan panjang I bersandar pada dinding vertikal yang halus.
 Ketika Anda menghitung torsi karena gaya gravitasi, Anda harus menemukan pusat gravitasi tangga. Pusat gravitasi harus berada dimana?



# Contoh Tangga

• Tangga seragam panjang aku bersandar pada dinding vertikal yang halus. Massa tangga adalah m, dan koefisien gesekan statis antara tangga dan tanah adalah  $\mu_s$  = 0,40. Berapa sudut minimum  $\theta$  di mana tangga tidak tergelincir?



# Strategi ke-1 Penyelesaian Soal

- Menggambar sketsa, memutuskan apa yang ada di dalam atau di luar sistem
- Menggambar diagram gaya bebas (DGB)
- Tampilkan dan beri label semua gaya eksternal yang bekerja pada objek
- Menunjukkan lokasi semua gaya
- Membangun sistem koordinat yang nyaman
- Tentukan komponen gaya di sepanjang dua sumbu
- Menerapkan kondisi pertama untuk keseimbangan
- Hati-hati dengan tanda-tanda

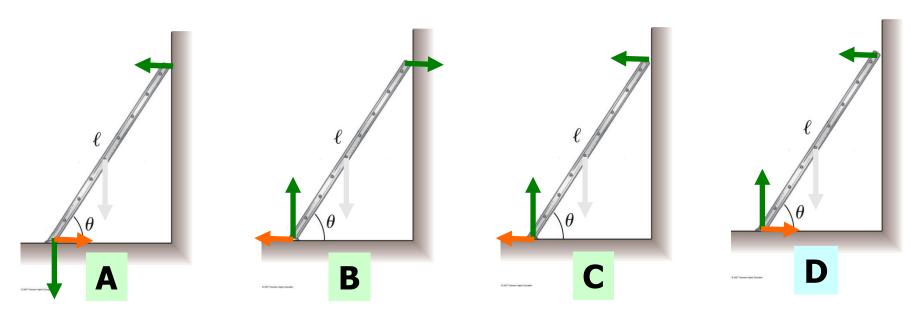
$$F_{net,x} = \sum F_{ext,x} = 0$$

$$F_{net,y} = \sum F_{ext,y} = 0$$

# Diagram Gaya Bebas mana yang benar?

• Tangga seragam dengan panjang I bersandar pada dinding vertikal yang halus. Massa tangga adalah m, dan koefisien gesekan statis antara tangga dan tanah adalah  $\mu_s$  = 0,40. gravitasi: biru, gesek: oranye, normal: hijau

lacktriangle



• Tangga seragam dengan panjang I bersandar pada dinding vertikal yang halus. Massa tangga adalah m, dan koefisien gesek statis antara tangga dan tanah adalah  $\mu_s$  = 0,40. Temukan sudut minimum  $\theta$  di mana tangga tidak tergelincir.

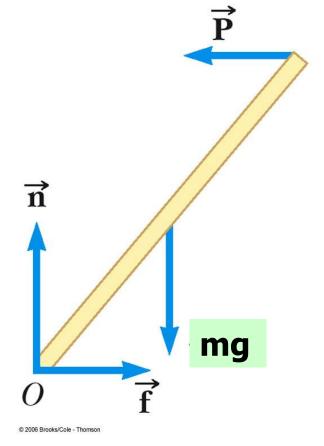
$$\sum F_{x} = f_{x} - P = 0$$

$$\sum F_{y} = n - mg = 0$$

$$P = f_{x}$$

$$n = mg$$

$$P = f_{x,\text{max}} = \mu_{s}n = \mu_{s}mg$$



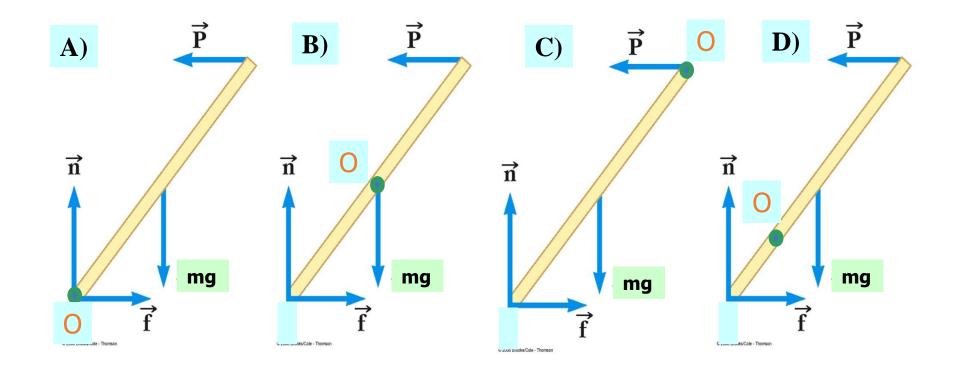
# Strategi ke-2Penyelesaian Soal

- Pilih sumbu yang nyaman untuk menghitung torsi bersih pada objek
- Ingat pilihan sumbu adalah bebas
- Pilih asal yang menyederhanakan perhitungan sebanyak mungkin
- Sebuah gaya yang berlaku sepanjang garis menghasilkan torsi nol.
- Hati-hati memberi tanda berkaitan dengan sumbu rotasi
- positif jika gaya cenderung memutar objek berlawanan jarum jam (CCW)
- negatif jika gaya cenderung memutar objek searah jarum jam (CW)
- nol jika gaya berada pada sumbu rotasi
- Menerapkan kondisi kedua untuk keseimbangan

$$\tau_{net,z} = \sum \tau_{ext,z} = 0$$

# Pilih origin O yang menyederhanakan perhitungan sebanyak mungkin?

• Tangga uniform dengan panjang l bersandar pada dinding vertikal yang halus. Massa tangga adalah m, dan koefisien gesekan statis antara tangga dan tanah adalah  $\mu_s$  = 0,40. Tentukan sudut minimumnya.



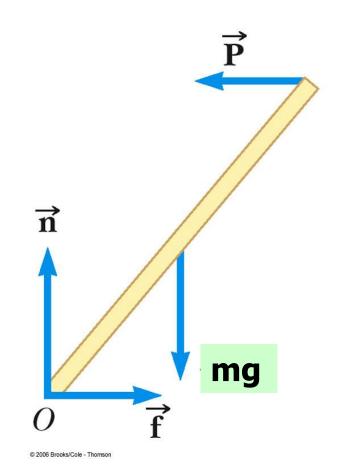
• Tangga seragam dengan panjang l bersandar pada dinding vertikal yang halus. Massa tangga adalah m, dan koefisien gesekan statis antara tangga dan tanah adalah  $\mu_s$  = 0,40. Temukan sudut minimum  $\theta$  di mana tangga tidak tergelincir.

$$\sum \tau_{O} = \tau_{n} + \tau_{f} + \tau_{g} + \tau_{P}$$

$$= 0 + 0 + Pl \sin \theta_{\min} - mg \frac{l}{2} \cos \theta_{\min} = 0$$

$$\frac{\sin \theta_{\min}}{\cos \theta_{\min}} = \tan \theta_{\min} = \frac{mg}{2P} = \frac{mg}{2\mu_{s}mg} = \frac{1}{2\mu_{s}}$$

$$\theta_{\min} = \tan^{-1}(\frac{1}{2\mu_{s}}) = \tan^{-1}[\frac{1}{2(0.4)}] = 51^{\circ}$$



# Strategi ke-3 Penyelesaian Soal

- Dua kondisi kesetimbangan akan memberikan sistem persamaan.
- Memecahkan persamaan secara bersamaan
- Pastikan hasil konsisten dengan diagram gaya bebas.
- Jika solusi memberikan negatif untuk gaya, itu adalah dalam arah yang berlawanan dengan apa yang digambarkan dalam diagram gaya bebas.
- Periksa hasil untuk mengonfirmasi

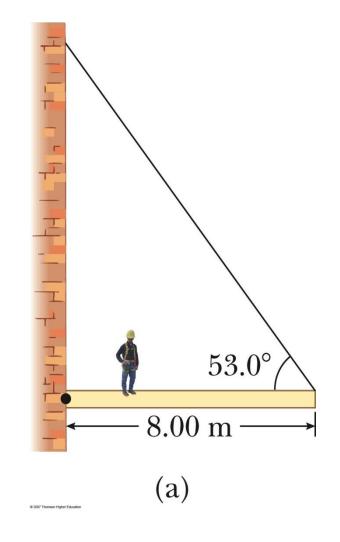
$$F_{net,x} = \sum F_{ext,x} = 0$$

$$F_{net,y} = \sum F_{ext,y} = 0$$

$$\tau_{net,z} = \sum \tau_{ext,z} = 0$$

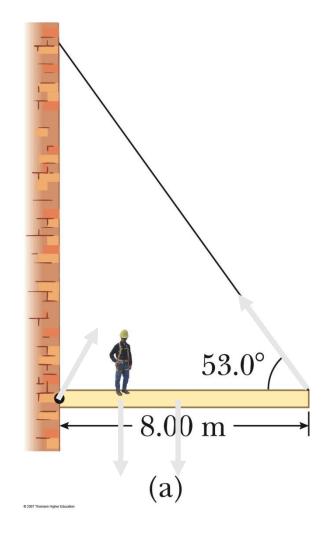
#### **Contoh Balok Horizontal**

 Sebuah balok horizontal uniform dengan panjang I = 8,00 m dan berat W<sub>h</sub> = 200 N melekat pada dinding oleh koneksi pin. Ujungnya yang jauh didukung oleh kabel yang membuat sudut  $\phi = 53^{\circ}$  dengan balok. Seseorang dengan berat  $W_p = 600 \text{ N}$  berdiri jarak d = 2,00 m dari dinding. Temukan ketegangan pada kabel serta besarnya dan arah gaya yang diberikan oleh dinding pada balok.



#### **Contoh Balok Horizontal**

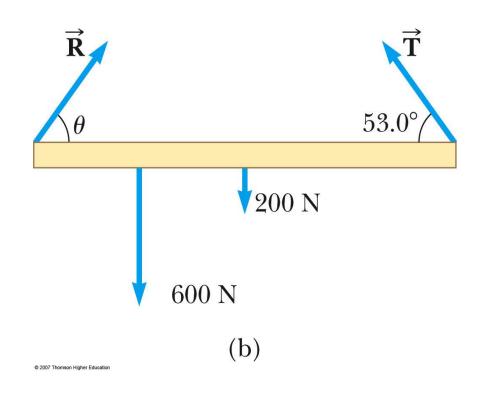
- Balok itu uniform
- Jadi pusat gravitasi berada di pusat geometris balok.
- Orang itu berdiri di atas balok
- Tentukan ketegangan pada kabel dan gaya yang diberikan oleh dinding pada balok?



#### Contoh 2 Balok Horizontal

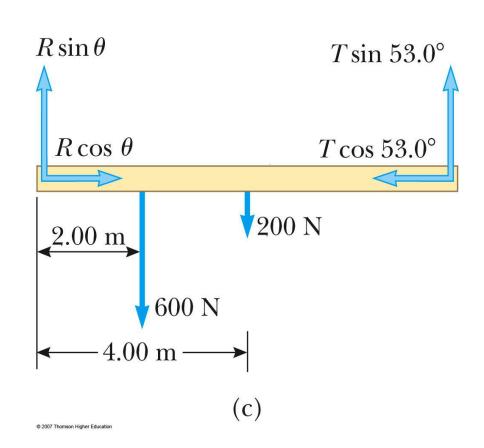
#### Analisis

- Menggambar diagram gaya bebas
- Gunakan pivot dalam masalah (di dinding) sebagai pivot
  - Ini umumnya akan menjadi yang paling mudah
- Perhatikan ada tiga hal yang tidak diketahui (T, R,  $\theta$ )



#### Contoh 3 Balok Horizontal

- Gaya dapat diselesaikan menjadi komponen dalam diagram gaya bebas.
- Menerapkan dua kondisi kesetimbangan untuk mendapatkan tiga persamaan
- Menyelesaikan untuk yang tidak diketahui



#### Contoh 3 Balok Horizontal

$$\sum \tau_z = (T\sin\phi)(l) - W_p d - W_b(\frac{l}{2}) = 0$$

$$T = \frac{W_p d + W_b(\frac{l}{2})}{l \sin \phi} = \frac{(600N)(2m) + (200N)(4m)}{(8m)\sin 53^\circ} = 313N$$

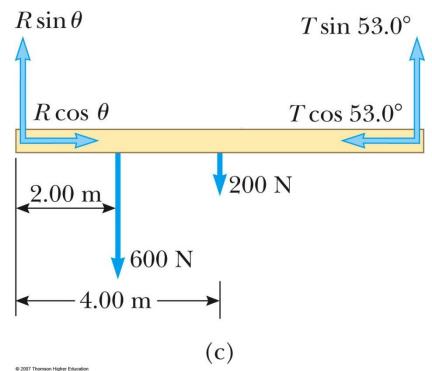
$$\sum F_x = R\cos\theta - T\cos\phi = 0$$

$$\sum F_{y} = R \sin \theta + T \sin \phi - W_{p} - W_{b} = 0$$

$$\frac{R\sin\theta}{R\cos\theta} = \tan\theta = \frac{W_p + W_b - T\sin\phi}{T\sin\phi}$$

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{W_p + W_b - T \sin \phi}{T \sin \phi} \right) = 71.7^{\circ}$$

$$R = \frac{T\cos\phi}{\cos\theta} = \frac{(313N)\cos 53^{\circ}}{\cos 71.7^{\circ}} = 581N$$



#### Sumber:

Physics 111: Mechanics Lecture 12, Dale Gary, NJIT Physics Department