LAPORAN TUGAS KECIL 2 IF2211 STRATEGI ALGORITMA

MENCARI PASANGAN TITIK TERDEKAT PADA BIDANG TIGA DIMENSI DENGAN ALGORITMA DIVIDE AND CONQUER

Dosen: Dr. Ir. Rinaldi, M.T.



Disusun oleh:

Muhammad Hanan 13521041

Saddam Annais S 13521121

Sekolah Teknik Elektro dan Informatika Institut Teknologi Bandung 2022/2023

Daftar Isi

Daftar Isi	1
BAB I : DESKRIPSI MASALAH	2
BAB II : ALGORITMA	3
BAB III : SOURCE CODE	7
BAB IV: TEST CASE	11
BAB V: TABLE	15
Lampiran	16

BAB

DESKRIPSI MASALAH

Mencari sepasang titik terdekat dengan Algoritma Divide and Conquer sudah dijelaskan di dalam kuliah. Persoalan tersebut dirumuskan untuk titik pada bidang datar (2D). Pada Tucil 2 kali ini Anda diminta mengembangkan algoritma mencari sepasang titik terdekat pada bidang 3D. Misalkan terdapat n buah titik pada ruang 3D. Setiap titik P di dalam ruang dinyatakan dengan koordinat P = (x, y, z). Carilah sepasang titik yang mempunyai jarak terdekat satu sama lain. Jarak dua buah titk P1 = (x1, y1, z1) dan P2 = (x2, y2, z2) dihitung dengan rumus Euclidean berikut:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

Buatlah program dalam Bahasa C/C++/Java/Python/Golang/Ruby/Perl (pilih salah satu) untuk mencari sepasang titik yang jaraknya terdekat datu sama lain dengan menerapkan algoritma divide and conquer untuk penyelesaiannya, dan perbandingannya dengan Algoritma Brute Force.

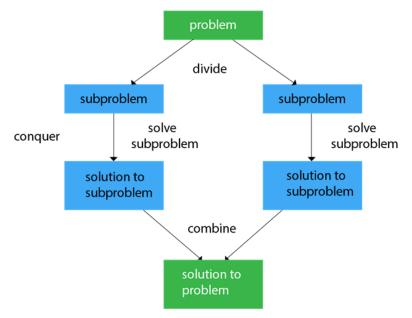
BAB II

ALGORITMA

Algoritma yang akan digunakan dalam mencari jarak minimum dari titik bidang 3 dimensi yaitu algoritma Divide and Conquer.

A. Algoritma Divide and Conquer

Algoritma divide and conquer adalah teknik pemecahan masalah yang menguraikan masalah menjadi beberapa submasalah yang lebih kecil, kemudian menyelesaikan setiap submasalah secara terpisah, dan terakhir menggabungkan solusi dari setiap submasalah untuk mendapatkan solusi akhir dari masalah asal. Algoritma ini terdiri dari tiga tahap, yaitu

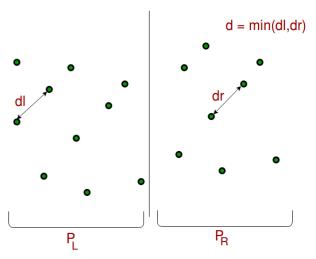


- 1. Divide, membagi masalah menjadi submasalah yang lebih kecil. Biasanya menjadi setengahnya atau mendekati setengahnya.
- 2. Conquer, ketika sebuah submasalah sudah cukup kecil untuk diselesaikan, langsung selesaikan masalah tersebut.
- 3. Combine: Solusi dari setiap submasalah digabungkan untuk menghasilkan solusi akhir dari masalah asal.

B. Penerapan Algoritma Divide and Conquer pada Program

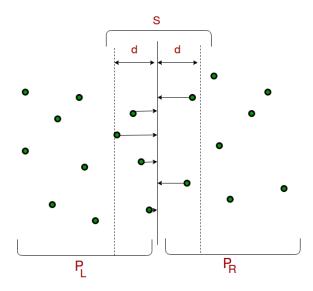
Algoritma untuk mencari pasangan titik terdekat pada tiga dimensi dan bahkan n dimensi dapat dilakukan dengan cara memodifikasi algoritma mencari pasangan titik terdekat pada dua dimensi. Adapun langkah-langkah mencari pasangan titik terdekat pada dua dimensi adalah sebagai berikut:

- 1. Setelah himpunan titik-titik pada bidang dibuat, semua titik akan diurutkan berdasarkan sumbu X. Urutan sorting dibebaskan dapat secara naik maupun turun, hal yang penting adalah titik-titik tersebut berurutan.
- 2. Kemudian, himpunan titik-titik tersebut dibagi menjadi dua bagian tepat di tengah menjadi subhimpunan bagian kiri dan subhimpunan bagian kanan.
- 3. Subhimpunan titik-titik tersebut akan terus dibagi menjadi dua secara rekursif sampai titik-titik di subhimpunan itu bersisa dua atau tiga elemen.
- 4. Jika subhimpunan bersisa dua atau tiga elemen, himpunan titik tersebut akan dicari pasangan titik terdekatnya menggunakan brute force. Hasil pasangan terdekat ini hanya untuk subhimpunan tersebut.
- 5. Untuk menggabungkan pasangan titik terdekat pada dua subhimpunan, subhimpunan kiri dan subhimpunan kanan dibandingkan dan hasil dari perbandingan tersebut merupakan pasangan titik dengan jarak yang lebih kecil.



6. Kemudian, hasil dari penyelesaian ini dibandingan kembali dengan subhimpunan baru. Subhimpunan baru ini berisi semua titik yang jarak ke garis pemisah vertikal antara dua subhimpunan kurang dari jarak pasangan titik terdekat saat ini. Garis pemisah ini biasa

disebut dengan "strip". Hasil dari perbandingan ini adalah titik dengan jarak yang paling kecil.



7. Setelah itu, algoritma akan terus menerus combine sampai ditemukan pasangan titik yang paling dekat.

Untuk memodifikasi algoritma sehingga dapat mencari pasangan titik terdekat dapat dilakukan dengan merubah beberapa step. Pada algoritma dua dimensi, pembagian subhimpunan hanya berdasarkan sumbu X saja. Pada tiga dimensi, pembagian subhimpunan dapat dilakukan berdasarkan sumbu X dan Y. Pola ini juga dapat diterapkan pada dimensi yang lebih tinggi. Jika n merupakan banyaknya dimensi, subhimpunannya perlu dibagi berdasarkan sumbu e1, e2, dan e(n-1). Pembagian subhimpunan berdasarkan sumbu dilakukan secara bergantian sampai jumlah titik di dalam subhimpunan adalah dua atau tiga. Pembagian subhimpunan berdasarkan mengikuti rumus s = s % n dengan s adalah sumbu yang menjadi acuan pembagian.

Contohnya, pada divide pertama akan diurutkan berdasarkan sumbu e1. Jika jumlah titik pada subhimpunan tersebut lebih dari tiga, subhimpunan akan dibagi lagi berdasarkan sumbu e2. Pembagian subhimpunan akan dilakukan terus menerus sampai jumlah titik di dalam subhimpunan adalah dua atau tiga.

Tahap combine pada subhimpunan titik-titik tiga dimensi dan dimensi yang lebih tinggi memiliki konsep yang sama seperti combine pada dua dimensi. Konsepnya yaitu membuat subhimpunan dari titik-titik yang jarak ke strip lebih kecil dari jarak pasangan terpendek saat ini. Kemudian membandingkan jarak-jarak antar titik pada himpunan tersebut

dengan jarak pasangan terpendek saat ini. Setelah mendapatkan ide dari cara mencari pasangan titik terdekat pada bidang tiga atau lebih dimensi, kita dapat menuliskan langkah-langkahnya menjadi lebih rinci sebagai berikut:

- 1. Misal n merupakan banyaknya dimensi yang ingin dibuat dengan jumlah $n \ge 1$. Setelah himpunan titik-titik pada n dimensi dibuat, semua titik akan diurutkan berdasarkan sumbu e1, e2, ...atau e3. Pengurutan sumbu dilakukan secara bergantian dengan rumus s = (s + 1) % n setiap pemanggilan fungsi.
- 2. Kemudian, himpunan titik-titik tersebut dibagi menjadi dua bagian tepat di tengah sumbu s menjadi subhimpunan bagian kiri dan subhimpunan bagian kanan.
- 3. Subhimpunan titik-titik tersebut akan terus dibagi menjadi dua dengan bergantian pada sumbu s sampai titik-titik di subhimpunan itu bersisa dua atau tiga elemen.
- 4. Jika subhimpunan bersisa dua atau tiga elemen, himpunan titik tersebut akan dicari pasangan titik terdekatnya menggunakan brute force. Hasil pasangan terdekat ini hanya untuk subhimpunan tersebut.
- 5. Untuk menggabungkan pasangan titik terdekat pada dua subhimpunan, subhimpunan kiri dan subhimpunan kanan dibandingkan dan hasil dari perbandingan tersebut merupakan pasangan titik dengan jarak yang lebih kecil.
- 6. Kemudian, hasil dari penyelesaian ini dibandingan kembali dengan subhimpunan baru. Subhimpunan baru ini berisi semua titik yang jarak ke garis strip kurang dari jarak pasangan titik terdekat saat ini. Hasil dari perbandingan ini adalah titik dengan jarak yang paling kecil.
- 7. Setelah itu, algoritma akan terus menerus combine sampai ditemukan pasangan titik yang paling dekat.

BAB III

SOURCE CODE

A. main.py

```
from visualizer_3d import *
 from closest_point_nd import welcome
from closest_point_nd import readPoints
from closest_point_nd import getClosestPoint
from closest_point_nd import printClosestPoint
welcome()
inp1 = int(input("\nInput Terminal
                                                                                                                                                                      : 1\nInput file
                                                                                                                                                                                                                                                                                         : 2\n\033[33m>>> \033[0m"))
 check = True
if inp1 == 1 :
if inpl == 1:
    n = int(input("\nNumber of Dimensions > 0 : "))
    p = int(input("Number of Points > 1 : "))
    points = [tuple(random.uniform(-10000, 10000) for i in range(n)) for i in range(p)]
elif inpl == 2:
    path = "../test/"
    nameFile = input("\nInput the file name : ")

    if the input is the input input the file name input input
               if os.path.isfile(path+nameFile):
                          n, p, check, points = readPoints(path+nameFile)
                        print("\033[31m"+"\nFile doesnt exist. Exiting...\n"+"\033[0m")
            print("\033[31m"+"\nInvalid input. Exiting...\n"+"\033[0m")
               (n < 1 or p < 2 or check == False): print("\033[31m"+"\nInvalid input. Exiting...\n"+"\033[0m")
                  solution = getClosestPoint(points)
                   Simution - gettineserrom(points)

printClosestPoint("Divide and Conquer", solution[0], solution[2], solution[4], solution[6], solution[7])

printClosestPoint("Brute Force", solution[1], solution[3], solution[5], solution[7], solution[8])
                 if (n == 3):
    inp2 = int(input("Want to visualized?\nYes : 1\nNo : 0\n\033[33m>>> \033[0m"))
                                 print()
if inp2 == 1 :
```

File ini merupakan file yang akan di-run untuk menjalankan keseluruhan program. Nantinya program akan memberikan pilihan ingin input file atau input dengan di command line yang nantinya akan meminta inputan jumlah dimensi dan jumlah titik yang ingin dibangun pada program ini.

B. quicksort.py

```
def quicksort(items, index):
    if len(items) <= 1:
        return items
    pivot = items[0]
    smaller = [item for item in items[1:] if item[index] <= pivot[index]]
    larger = [item for item in items[1:] if item[index] > pivot[index]]
    return quicksort(smaller, index) + [pivot] + quicksort(larger, index)
```

File ini terdapat fungsi quicksort yang dipakai untuk masalah penyortiran

C. Visualizer 3d.py

```
Pada file ini terdapat sebuah
import matplotlib.pyplot as plt
                                                                                        fungsi yang digunakan untuk
def visualizePoints3D(points, pair, distance):
                                                                                        memvisualisasikan titik yang
    n = len(points)
                                                                                        dibangun pada bidang 3D.
   x = [points[i][0] for i in range(n)]
   y = [points[j][1] for j in range(n)]
   z = [points[k][2] for k in range(n)]
    fig = plt.figure(figsize=(6,6))
   fig.suptitle('Closest Point', fontsize=16, fontweight='bold')
ax = plt.axes(projection="3d")
    fg = ax.scatter3D(x, y, z, alpha = 0.4)
    fg = ax.scatter3D(pair[0][0], pair[0][1], pair[0][2], alpha = 1, color='r')
    fg = ax.scatter3D(pair[1][0], pair[1][1], pair[1][2], alpha = 1, color='r')
    ax.set_title(f"Distance : {(distance):.5f}",loc = "left", fontsize = 9)
    ax.set_xlabel("X")
    ax.set_ylabel("Y")
    ax.set_label("Z")
    plt.show()
```

D. closest_point_nd.py

```
Fungsi ini digunakan untuk
def euclDist(p1, p2, numCompute):
                                                                             menghitung nilai euclidean
   n = len(p1)
   return math.sqrt(sum([(p1[i]-p2[i])**2 for i in range(n)])), numCompute + 1
                                                                             dari 2 buah titik.
                                                                             Fungsi ini digunakan untuk
def sortPair(points, idx):
                                                                             menyortir point bedasarkan
      points = sorted(points, key=lambda x: x[idx])
                                                                             dimensinya.
       return points
                                                                             Fungsi ini digunakan untuk
def closestPairBF(points, numCompute):
                                                                             mencari titik terdekat dengan
    n = len(points)
    shortestDist = math.inf
                                                                             menggunakan
                                                                                               algoritma
    closestPair = None
                                                                             brute force
    for i in range(n):
        for j in range(i+1, n):
           distance, numCompute = euclDist(points[i], points[j], numCompute)
           if distance < shortestDist:</pre>
               shortestDist = distance
               closestPair = (points[i], points[j])
    return closestPair, shortestDist, numCompute
```

```
def closestInStrip(shortestDist, closestPair, leftHalf, rightHalf, idx, numCompute):
   mid = (leftHalf[-1][idx] + rightHalf[0][idx]) / 2
    for p in leftHalf:
        if (abs(mid - p[idx]) < shortestDist):</pre>
            for q in rightHalf:
                if (abs(mid - q[idx]) < shortestDist):</pre>
                    qualified = True
                    while i < len(p) and qualified:
                        if i != idx:
                            if abs(q[i] - p[i]) > shortestDist:
                                qualified = False
                    if qualified:
                        d, numCompute = euclDist(p, q, numCompute)
                        if d < shortestDist:</pre>
                            closestPair = (p, q)
   return closestPair, shortestDist, numCompute
```

Fungsi ini digunakan untuk mengecek apakah titik yang paling kanan dari himpunan daerah kiri dengan titik yang paling kiri dari himpunan daerah kanan itu jaraknya lebih pendek dari pada shortestDist. Jika iya maka nilai shortestDist akan diperbarui.

```
def closestPairDnC(points, idx, numCompute):
    if (len(points) <= 3):</pre>
         return closestPairBF(points, numCompute)
    idx = (idx + 1) \% len(points[0])
    shortestDist = math.inf
closestPair = None
    points = sortPair(points, idx)
    mid = len(points)//2
    leftHalf = points[:mid]
    rightHalf = points[mid:]
    pairAtLeft, distAtLeft, numCompute = closestPairDnC(leftHalf, idx, numCompute)
pairAtRight, distAtRight, numCompute = closestPairDnC(rightHalf, idx, numCompute)
    if (distAtLeft < distAtRight):</pre>
         shortestDist = distAtLeft
         closestPair = pairAtLeft
         shortestDist = distAtRight
         closestPair = pairAtRight
    closestPair, shortestDist, numCompute = closestInStrip(
         shortestDist, closestPair, leftHalf, rightHalf, idx, numCompute)
    return closestPair, shortestDist, numCompute
```

Fungsi ini merupakan fungsi utama untuk mencari 2 buah titik terdekat secara Divide and Conquer

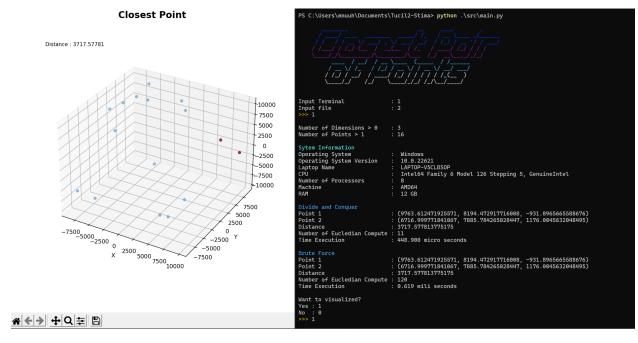
```
Fungsi ini adalah fungsi
def printClosestPoint(type, pair, numCompute, distance, time1, time2):
                                                                                    untuk mengeluarkan output
    print("\n"+"\033[36m"+ type + "\033[0m")
                                       : {pair[0]}")
    print(f"Point 1
                                                                                    dari hasil yang didapatkan.
    print(f"Point 2
                                       : {pair[1]}")
    print(f"Distance
    print(f"Number of Eucledian Compute : {numCompute}")
    executionTime = (time2 - time1)*10**6
    if executionTime > 500:
        executionTime /= 1000
                                           : {(executionTime):.3f} mili seconds")
        print(f"Time Execution
        print(f"Time Execution
                                           : {(executionTime):.3f} micro seconds")
                                                                                    Fungsi yang dipanggil ketika
def readPoints(filePath):
                                                                                    user memilih memasukkan
   with open(filePath, 'r') as file:
                                                                                    inputan melalui file txt.
       dimensions = tuple(map(int, file.readline().split()))
                                                                                    Fungsi ini akan membaca
       tuples = ()
                                                                                    file yang berisi points dan
       check = True
                                                                                    mengubahnya ke tuples
       for i in range(dimensions[1]):
           rowValues = tuple(map(float, file.readline().replace(',', ' ').split()))
           if len(rowValues) != dimensions[0] :
               check = False
           tuples += rowValues,
   return dimensions[0], dimensions[1], check, tuples
                                                                                    Fungsi ini adalah fungsi
def getClosestPoint(points):
   time1 = time.perf_counter()
                                                                                    yang mengambil hasil dari
   pairDnC, distDnC, numComputeDnC = closestPairDnC(points, -1, 0)
                                                                                    pemanggilan fungsi BF dan
   time2 = time.perf counter()
                                                                                    DnC untuk dilakukan output
   pairBF, distBF, numComputeBF = closestPairBF(points, 0)
    time3 = time.perf_counter()
                                                                                    dan visualisasi
    return [pairDnC, pairBF, numComputeDnC, numComputeBF, distDnC, distBF, time1, time2, time3]
                                                                                    Fungsi
                                                                                                  yang
                                                                                                             akan
def getSystemInfo():
                                                                                    memberikan output berupa
    osName = platform.uname().system
                                                                                    system information
                                                                                                              dari
    osVersion = platform.version()
                                                                                    device yang user gunakan
    laptopName = platform.node()
    machine = platform.machine()
    ram = str(round(psutil.virtual_memory().total / (1024.0 **3)))+" GB"
    cpu = platform.processor()
    numCores = psutil.cpu_count()
    print("\033[96m"+"\nSytem Information"+"\033[0m")
    print("Operating System
                                          : ", osName)
    print("Operating System
print("Operating System Version : ", osVersion)
print("Laptop Name : ", laptopName)
                                          : ", cpu)
    print("CPU
                                          : ", numCores)
    print("Number of Processors
                                          : ", machine)
    print("Machine
                                          : ", ram)
    print("RAM
```

BAB IV

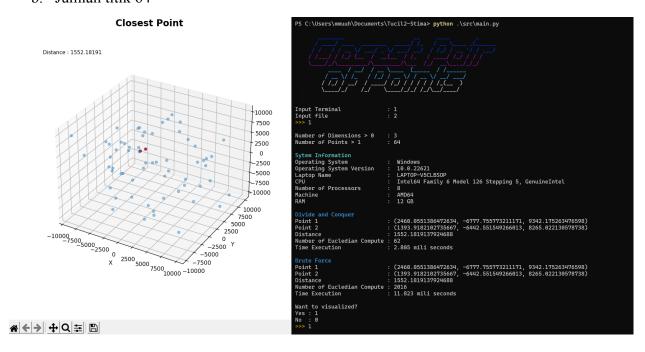
TEST CASE

1. Saat bidang 3D

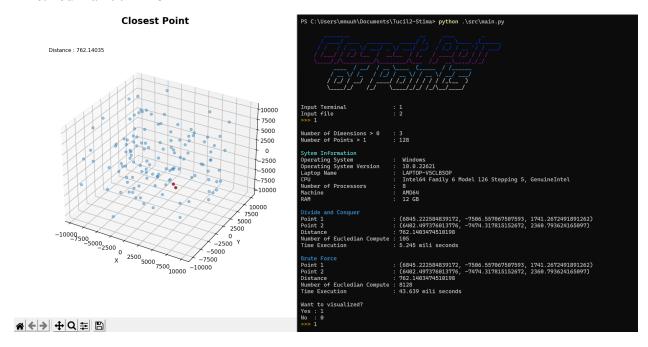
a. Jumlah titik 16



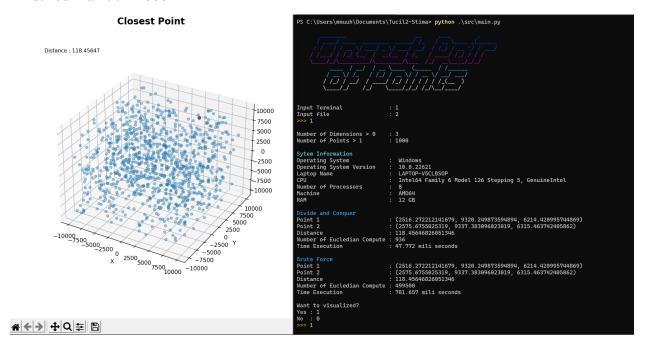
b. Jumlah titik 64



c. Jumlah titik 128



d. Jumlah titik 1000



2. Saat bidang n dimensi

a. Jumlah titik 16 pada bidang 4 dimensi

```
PS C:\Users\mmuuh\Documents\Tucil2-Stima> python .\src\main.py
Input Terminal
Input file
>>> 1
                                       : 1
: 2
Number of Dimensions > \theta
Number of Points > 1
Sytem Information
Operating System
Operating System Version
                                          10.0.22621
LAPTOP-V5CLBSOP
Laptop Name
CPU
                                          Intel64 Family 6 Model 126 Stepping 5, GenuineIntel
Number of Processors
Machine
                                          8
AMD64
RAM
                                          12 GB
Divide and Conquer
                                         (-3526.95411975116, -4276.39021216925, -7893.888966677691, -7424.928638121515) (-2537.947663729514, -470.03212483407697, -4192.523618029047, -8541.132117138295) 5514.753966390562
Point 1
Point 2
Distance
Number of Eucledian Compute : 19
                                       : 0.585 mili seconds
Time Execution
Point 1
Point 2
                                       : (-2537.947663729514, -470.03212483407697, -4192.523618029047, -8541.132117138295)
: (-3526.95411975116, -4276.39021216925, -7893.888966677691, -7424.928638121515)
                                         5514.753966390562
Number of Eucledian Compute
                                      : 0.711 mili seconds
Time Execution
```

b. Jumlah titik 64 pada bidang 5 dimensi

c. Jumlah titik 128 pada bidang 7 dimensi

d. Jumlah titik 1000 pada bidang 10 dimensi

```
Input Torsinal : 1
Input Torsinal : 1
Input file : 2
>>> 1
Input file : 1
Input f
```

3. Saat inputan tidak sesuai

```
Input Terminal : 1
Input file : 2
>>> 1

Number of Dimensions > 0 : 0
Number of Points > 1 : 1

Invalid input. Exiting...
```

BAB V TABLE

Poin	YA	TIDAK
Program berhasil dikompilasi tanpa kesalahan	abla	
2. Program berhasil running	\checkmark	
Program dapat menerima masukan dan dan menuliskan luaran.	V	
4. Luaran program sudah benar (solusi closest pair benar)		
5. Bonus 1 dikerjakan	\checkmark	
6. Bonus 2 dikerjakan		

Lampiran

Link Repository Github: https://github.com/tarsn/Tucil2_13521041_13521121