

## Lista 2

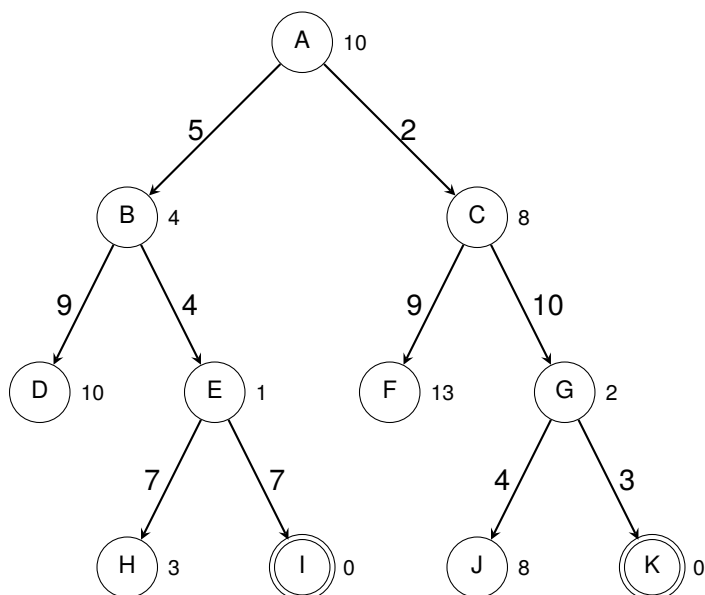
Data de Entrega: **23/10/2024 | 23h59min | PVANet Moodle**

### INSTRUÇÕES

- Para compreender os conceitos necessários para a resolução dos exercícios, leia os Capítulos 3 e 5 do livro “Inteligência Artificial - Uma Abordagem Moderna” de Russell e Norvig.
- A resolução da Lista (exercícios teóricos e os códigos para as questões que envolvem implementação) deve ser entregue em um único arquivo compactado (.zip) com o nome e matrícula: Nome\_Matricula.zip.  
Ex.: Fulano\_1234.zip
- Certifique-se de incluir comentários nos códigos para explicar a lógica implementada.

### Busca

1. Qual é a diferença entre os algoritmos de busca: gulosa,  $A^*$ , em largura e em profundidade?
2. Considere o espaço de busca a seguir. Cada nó é rotulado por uma letra. Cada nó objetivo é representado por um círculo duplo. Existe uma heurística estimada para cada dado nó (indicada por um valor ao lado do nó). Arcos representam os operadores e seus custos associados.



Para cada um dos algoritmos a seguir, liste os nós visitados na ordem em que eles são examinados, começando pelo nó A. No caso de escolhas equivalentes entre diferentes nós, prefira o nó mais próximo da raiz, seguido pelo nó mais à esquerda na árvore.

- Algoritmo de Busca Gulosa
- Algoritmo de Busca  $A^*$

3. O que significa dizer que uma heurística  $h_1$  domina uma heurística  $h_2$ ? O que isto quer dizer em termos de eficiência de uma busca A\* usando  $h_1$  e  $h_2$ ?

Considere os seguintes labirintos para resolver as questões 4 e 5, considerando A como origem e B como destino.

|   | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 |   |   |   |   |   |   |   | B |
| 1 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 2 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 3 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 4 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 5 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 6 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 7 | A |   |   |   |   |   |   |   |

Labirinto 1

|   | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 |   |   |   | A |   |   |   |   |
| 1 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 2 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 3 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 4 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 5 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 6 |   |   |   |   |   |   |   |   |
| 7 | B |   |   |   |   |   |   |   |

Labirinto 2

4. Preencha o caminho percorrido para resolver os labirintos usando **busca gulosa**. Considere a distância de Manhattan.
- Qual o número de passos percorridos pelo algoritmo?
  - A solução encontrada pelo algoritmo é ótima? Discorra sobre.
  - Compare com as soluções obtidas com os métodos de largura e profundidade aplicados na Lista 1.
5. Preencha o caminho percorrido para resolver os labirintos usando o **algoritmo A\***. Considere a distância de Manhattan como heurística 1 e o número de passos como heurística 2.
- Qual o número de passos percorridos pelo algoritmo?
  - A solução encontrada pelo algoritmo é ótima? Discorra sobre.
  - Compare com as soluções obtidas com os métodos de largura, profundidade (aplicados na Lista 1) e busca gulosa (aplicado na questão anterior).
6. Implemente, utilizando a linguagem de programação de sua preferência, o algoritmo A\* para encontrar o caminho mais curto em um grafo ponderado. O grafo representa um labirinto, onde cada nó é uma sala e cada aresta (com um peso) representa o custo de mover de uma sala para outra. Além disso, você deve usar a heurística da distância de Manhattan para estimar o custo de cada nó até o objetivo.

Considere o seguinte grafo e as conexões:

- O nó A está conectado a B (custo 1) e C (custo 4).
- O nó B está conectado a D (custo 2).
- O nó C está conectado a D (custo 1) e E (custo 5).
- O nó D está conectado a F (custo 3).
- O nó E está conectado a F (custo 2).

O objetivo é encontrar o caminho mais curto de A até F.

- (a) Implemente uma função `a_star(graph, start, goal, heuristic)` que receba o grafo, o nó inicial `start`, o nó objetivo `goal` e uma função `heuristic` para calcular a heurística. A função deve retornar o caminho mais curto entre `start` e `goal`.
- (b) Use a distância de Manhattan como heurística, assumindo as seguintes coordenadas para os nós:
- A: (0, 0)
  - B: (1, 0)
  - C: (0, 1)
  - D: (1, 1)
  - E: (0, 2)
  - F: (1, 2)
- (c) Execute a função `a_star` para encontrar o caminho de A até F e imprima o caminho e o custo total.

### 💡 Dica

A distância de Manhattan entre dois pontos  $(x_1, y_1)$  e  $(x_2, y_2)$  é dada por:

$$d(x_1, y_1, x_2, y_2) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$$

Na busca A\*, para cada nó, é necessário calcular o custo real de chegar até ele ( $g$ ) e a estimativa de custo até o objetivo ( $h$ ), sendo a função de avaliação  $f(n) = g(n) + h(n)$ .

## Busca Competitiva

Considere os seguintes estados em uma partida de jogo da velha.

|   |   |   |
|---|---|---|
| X |   | O |
|   | O | O |
| X |   | X |

Jogo A

|   |   |   |
|---|---|---|
| X |   | O |
|   | X | X |
| X | O | O |

Jogo B

|   |   |   |
|---|---|---|
| X | O | X |
|   |   | O |
|   | O | X |

Jogo C

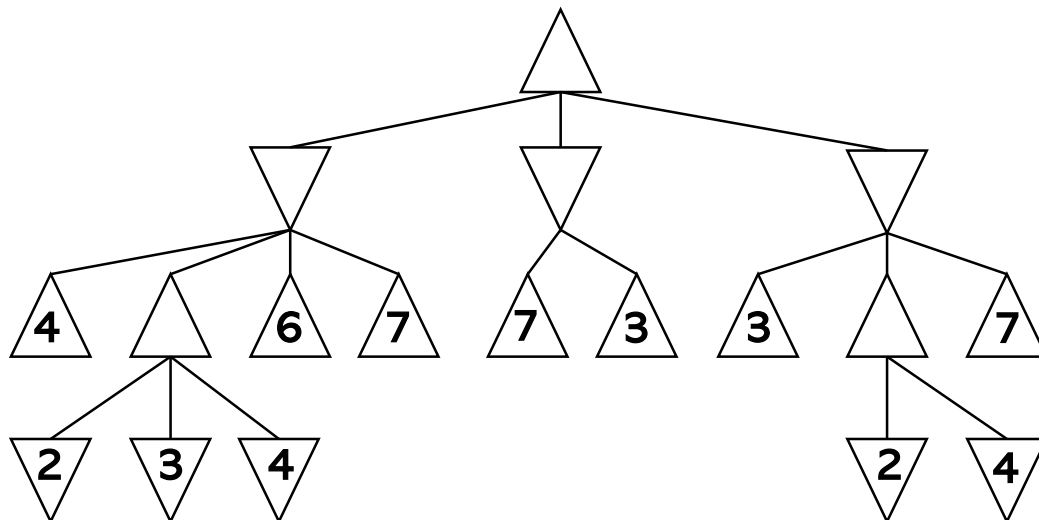
|   |   |   |
|---|---|---|
| X | O |   |
| O | X |   |
|   |   | X |

Jogo D

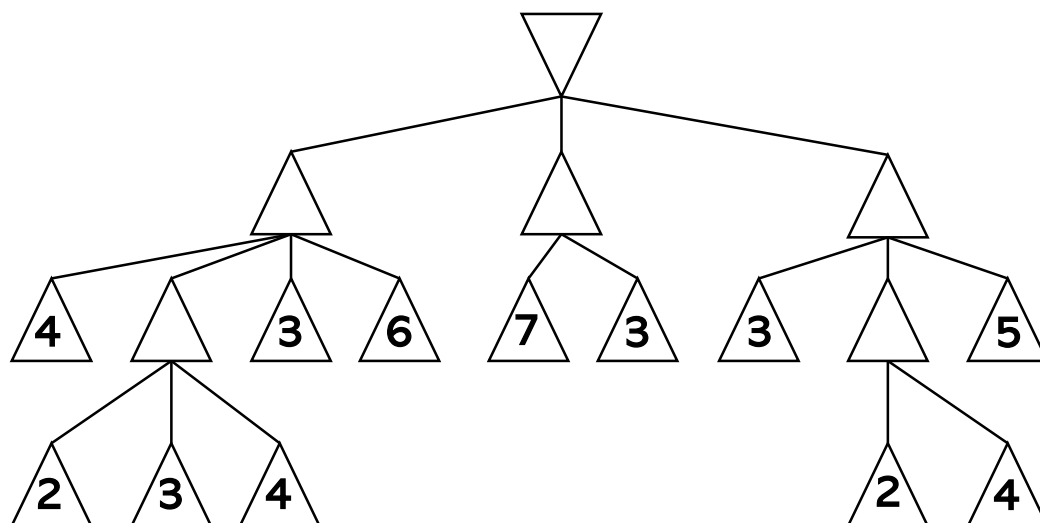
7. Considere o algoritmo Minimax. Quais as saídas das seguintes funções considerando os estados A, B, C e D dos jogos-da-velha.  $E = \{A, B\}$ .

- Jogador(E)
- Ações(E)
- Resultado(E, \*)  
\*Considere um dos elementos resultantes de Ações(E)
- Terminal(E)
- Utilidade(E)  
(Obs.: apenas se E é terminal)

8. Considere o algoritmo Minimax. Monte a árvore de todas as possíveis jogadas a partir dos estados  $E = \{A, B, C, D\}$ . Analise as melhores (e piores) decisões que cada jogador (maximizador e minimizador) podem tomar.
9. Considere as seguintes árvores com os valores finais de cada caminho estabelecidos. Preencha os valores ótimos para os maximizadores e minimizadores, de acordo com o algoritmo Minimax.



(a)



(b)