Sensor Fusion for Irregularly Sampled Systems

Taiguara Tupinambás

Orientador por: Prof. Dr. Bruno Teixeira e Prof. Dr. Leonardo Tôrres

Laboratório de Modelagem, Análise e Controle de Sistemas Não-Lineares (MACSIN) Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica (PPGEE) Universidade Federal de Minas Gerais (UFMG)

21 de Fevereiro, 2019





Sumário

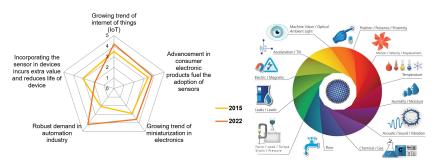
- 🚺 Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- Conclusões

Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Crescimento do Mercado Global de Sensores

- Taxa Composta Anual de Crescimento de 11.3% a.a., de 2016-2022
- USD 241 bilhões em 2022

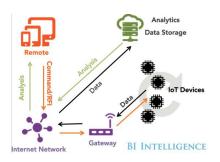


Fonte: Allied Market Research, 2016

Fonte: Postscape, 2015

Tendências

Internet das Coisas



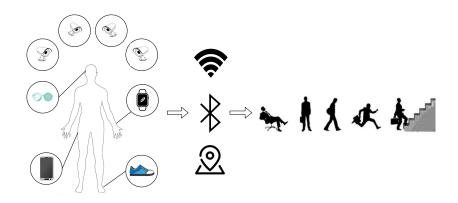
Fonte: Business Insider

Redes Complexas de Sensores



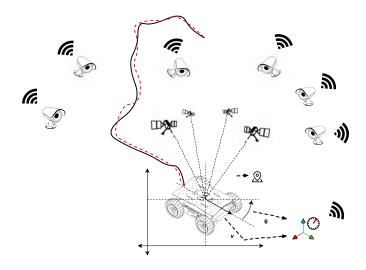
Fonte: Libelium

Exemplo de Aplicação: Reconhecimento de Atividades Humanas



Taiguara Tupinambás

Exemplo de Aplicação: Rastreamento de um Robô



Taiguara Tupinambás

Aplicações de fusão sensorial clássicas assumem que:

- Informações são recebidas de forma regular
- Medições possuem carimbo de tempo correta

Aplicações de fusão sensorial clássicas assumem que:

- Informações são recebidas de forma regular
- Medições possuem carimbo de tempo correta

Falta de sincronização entre os múltiplos sensores da rede pode levar a amostragem irregular sem informação confiável de carimbo de tempo

Aplicações de fusão sensorial clássicas assumem que:

- Informações são recebidas de forma regular
- Medições possuem carimbo de tempo correta

Falta de sincronização entre os múltiplos sensores da rede pode levar a amostragem irregular sem informação confiável de carimbo de tempo

Possíveis soluções:

Investir em sincronização e em capacidade computacional

Aplicações de fusão sensorial clássicas assumem que:

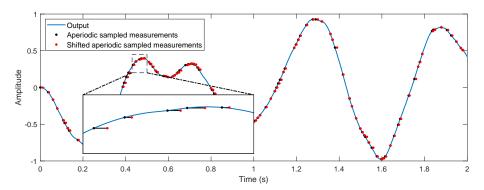
- Informações são recebidas de forma regular
- Medições possuem carimbo de tempo correta

Falta de sincronização entre os múltiplos sensores da rede pode levar a amostragem irregular sem informação confiável de carimbo de tempo

Possíveis soluções:

- Investir em sincronização e em capacidade computacional
- Deslocar os instantes de tempo

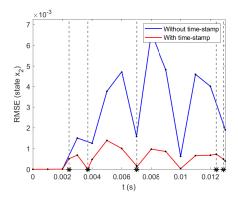
Efeitos de se deslocar os instantes de tempo



Efeitos de se deslocar os instantes de tempo

Erro de estimação, com carimbo de tempo (vermelho) e sem (azul)

- → Linha tracejada com asterisco: instantes de tempo com medições
- → Círculos pretos: instantes regulares de estimação



Vale a pena investir em sincronização e capacidade computacional?

- Qual a relevância do erro para os objetivos da fusão sensorial?
- Quais são os fatores que influenciam o desempenho?

Vale a pena investir em sincronização e capacidade computacional?

- Qual a relevância do erro para os objetivos da fusão sensorial?
- Quais são os fatores que influenciam o desempenho?

Fusão sensorial o estimação de estados de sistemas amostrados Amostragem irregular o amostragem aperiódica

Sumário

- 🚺 Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- 2 Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

1. Revisar os métodos de fusão sensorial e o problema de amostragem irregular;

- 1. Revisar os métodos de **fusão sensorial** e o problema de **amostragem** irregular;
- 2. Discutir os algoritmos e suas **adaptações** ao modelo de amostragem aperiódica;

- 1. Revisar os métodos de **fusão sensorial** e o problema de **amostragem irregular**;
- 2. Discutir os algoritmos e suas **adaptações** ao modelo de amostragem aperiódica;
- 3. Desenvolver uma **metodologia** para estudar os efeitos de desconsiderar os carimbos de tempo;

- 1. Revisar os métodos de **fusão sensorial** e o problema de **amostragem irregular**;
- 2. Discutir os algoritmos e suas **adaptações** ao modelo de amostragem aperiódica;
- Desenvolver uma metodologia para estudar os efeitos de desconsiderar os carimbos de tempo;
- 4. Aplicar a metodologia em um sistema linear e outro não-linear, utilizando testes numéricos para **avaliar precisão e consistência** das estimativas;

Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- 2 Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Taiguara Tupinambás Defesa de Mestrado Fevereiro 2019

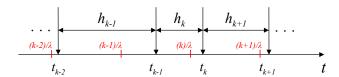
9 / 47

Modelo de Amostragem: Aperiódica

Instantes de amostragem modelados por um processo de Poisson:

$$\rho_{h_k}(t) = \lambda e^{-\lambda t}$$

 $\lambda
ightarrow$ frequência média de amostragem

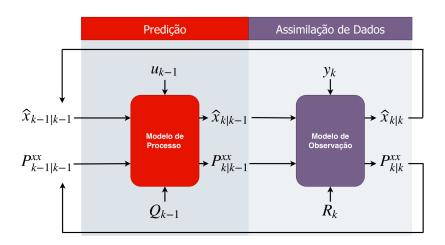


Taiguara Tupinambás

Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Estimação de Estados



Sistemas Amostrados Não Lineares

$$\dot{x}(t) = f(x(t), u(t), w(t), t)$$
$$y(t_k) = g(x(t_k), v(t_k), t_k)$$

Discretizado por Runge-Kutta:

$$x(t_{k+1}) = x(t_k) + \frac{1}{6} (k_1 + 2k_2 + 3k_3 + k_4),$$

$$t_{k+1} = t_k + h_k,$$

Sistemas Amostrados Lineares

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t) + Gw(t)$$

$$y(t_k) = Cx(t_k) + v(t_k)$$

Discretizado por:

$$x(t_{k+1}) = A_d(t_k, t_{k+1})x(t_k) + B_d(t_k, t_{k+1})u(t_k) + w_d(t_k, t_{k+1})$$

Formulação do Problema

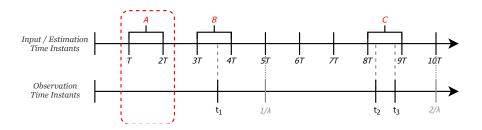
Queremos estimar o vetor de estados x(iT) e sua covariância de forma recursiva, em intervalos igualmente espaçados T, considerando:

- Instantes de tempo das observações t_k é definido pelo intervalo:
 - $\rightarrow h_k \triangleq t_k t_{k-1}$ $\rightarrow h_k \sim \mathcal{E}(\lambda)$
- Entrada u(t) é atualizada em intervalos de tempo constantes T:
 - $\rightarrow u(t) = u(iT)$, para $iT \le t < (i+1)T$
 - \rightarrow $i = 0, 1, 2, ... \in \mathbb{N}$

Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

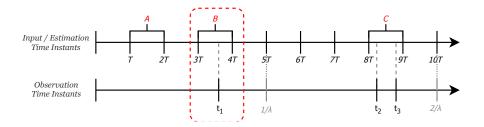
Instantes de Estimação e de Observação



- Com carimbo:
 - 1. predição, de T a 2T;

- Sem carimbo:
 - 1. predição, de T a 2T;

Instantes de Estimação e de Observação



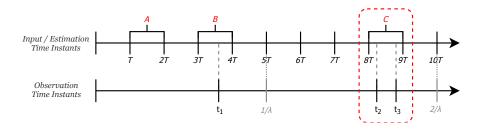
Com carimbo:

- 1. completo, de 3T a t_1 ;
- 2. predição, de t_1 a 4T;

Sem carimbo:

1. completo, de 3T a 4T, com $t_1 = 4T$:

Instantes de Estimação e de Observação



Com carimbo:

- 1. completo, de 8T a t_2 ;
- 2. completo, de t_2 a t_3 ;
- 3. predição, de t_3 a 9T;

Sem carimbo:

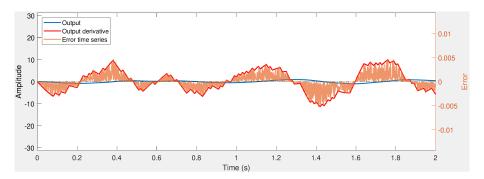
1. completo, de 8T a 9T, com $t_3 = 9T$;

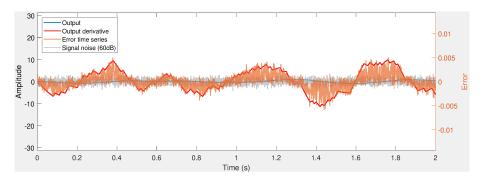
Sumário

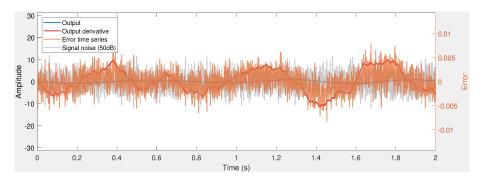
- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- 2 Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

- Modelo de medição $o y(t_k) = g(x(t_k), v(t_k), t_k)$
- Deslocamento de tempo $o \delta_k \triangleq nT t_k$,

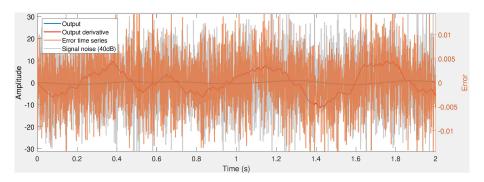
$$e_k = g(t_k) - g(t_k + d_k),$$
 $e_k = \left[\frac{g(t_k) - g(t_k + d_k)}{\delta_k}\right] \delta_k$
 $e_k \approx -\frac{dy}{dt} \delta_k.$







Diretamente proporcional à derivada do sinal



Erro introduzido pelos deslocamentos

- Sinal verdadeiro $\rightarrow y(t)$
- Medições $\rightarrow \hat{y}(t_k)$
- ullet Medições deslocadas $o ilde{y}(t_k^*) = \hat{y}(t_k + \delta_k)$

Erro introduzido pelos deslocamentos

- Sinal verdadeiro $\rightarrow y(t)$
- Medições $\rightarrow \hat{y}(t_k)$
- Medições deslocadas $o ilde{y}(t_k^*) = \hat{y}(t_k + \delta_k)$

$$\begin{aligned} \mathsf{RMSE}_{\hat{y}} &\triangleq \frac{\sum_{k=1}^{N} \sqrt{(\hat{y}(t_k) - y(t_k))}}{N} \\ \mathsf{RMSE}_{\tilde{y}} &\triangleq \frac{\sum_{k=1}^{N} \sqrt{(\tilde{y}(t_k^*) - y(t_k^*))}}{N} \end{aligned}$$

Erro introduzido pelos deslocamentos

- Sinal verdadeiro $\rightarrow y(t)$
- Medições $\rightarrow \hat{y}(t_k)$
- Medições deslocadas $o ilde{y}(t_k^*) = \hat{y}(t_k + \delta_k)$

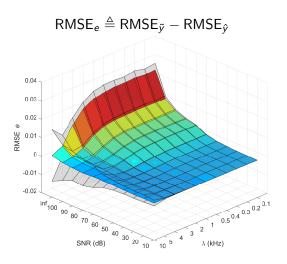
$$\begin{aligned} \mathsf{RMSE}_{\hat{y}} &\triangleq \frac{\sum_{k=1}^{N} \sqrt{(\hat{y}(t_k) - y(t_k))}}{N} \\ \mathsf{RMSE}_{\tilde{y}} &\triangleq \frac{\sum_{k=1}^{N} \sqrt{(\tilde{y}(t_k^*) - y(t_k^*))}}{N} \end{aligned}$$

Contribuição dos deslocamentos para o RMSE total

$$\mathsf{RMSE}_e \triangleq \mathsf{RMSE}_{\tilde{v}} - \mathsf{RMSE}_{\hat{v}}$$

Taiguara Tupinambás

Em função do ruído e da frequência média de amostragem



Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- 2 Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Parâmetros variados

Símbolo	Definição	Objetivo
SNR	$\textit{SNR}_{ ext{dB}} riangleq 10 \log_{10} rac{P_{ ext{signal}}}{P_{ ext{noise}}}$	Influência do nível de ruído no sistema
λ	$h_k \sim \mathcal{E}(\lambda)$	Influência da taxa de amostragem média da saída
α	$\frac{1}{\lambda} \triangleq \alpha T$	Influência da relação entre as amostragens da saída e da entrada

Sumário

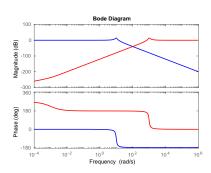
- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- 2 Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Descrição do Sistema

Dois modos subamortecidos, um passa-baixas e outro passa-altas:

$$G_{\rm lp}(s) = \frac{100}{s^2 + 2s + 100}$$

$$G_{\rm hp}(s) = \frac{s^2 - 0.001s}{s^2 + 200s + 10^6}$$



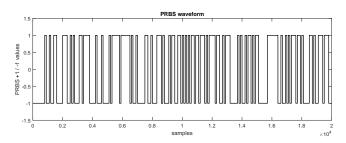
Taiguara Tupinambás

Descrição do Sistema

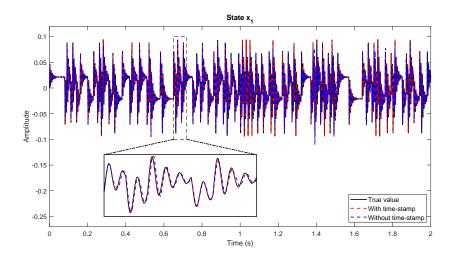
$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)$$
$$y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

$$A = \begin{bmatrix} -100 & 994.99 & 0 & 0 \\ -994.99 & -100 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 9.949 \\ 0 & 0 & -9.949 & -1 \end{bmatrix}$$

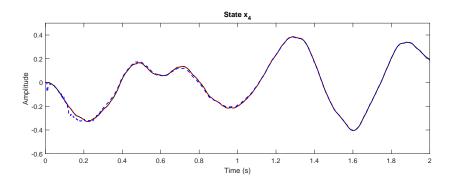
Entrada:



Estimativas para uma Realização: modo passa-alta

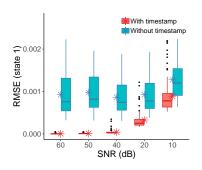


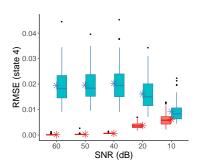
Estimativas para uma Realização: modo passa-baixa



Resultados - Variação do Nível de Ruído do Sistema (SNR)

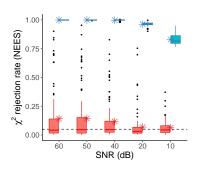
Cenários	5	Estado 1 (diferença RMSE) Estado 4 (diferença RMSE)			ıça RMSE)
		$\mu_{ m D}$	Cohen's d	$\mu_{ m D}$ Cohen's d	
SNR (dB)	60 50 40 20 10	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	1.98 [1.6, 2.3] 2.22 [1.9, 2.6] 1.96 [1.6, 2.3] 1.27 [0.97, 1.6] 0.680 [0.39, 0.97]		3.00 [2.6, 3.4] 3.25 [2.8, 3.7] 2.72 [2.3, 3.1] 1.96 [1.6, 2.3] 0.809 [0.52, 1.1]

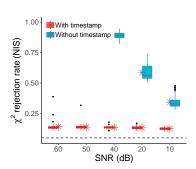




Resultados - Variação do Nível de Ruído do Sistema (SNR)

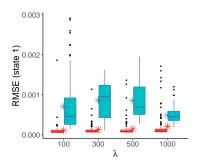
Cenários	5	Estado 1 (diferença RMSE) Estado 4 (diferença RMSE)			ıça RMSE)
		$\mu_{ m D}$	Cohen's d	$\mu_{ m D}$ Cohen's d	
SNR (dB)	60 50 40 20 10	$ \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	1.98 [1.6, 2.3] 2.22 [1.9, 2.6] 1.96 [1.6, 2.3] 1.27 [0.97, 1.6] 0.680 [0.39, 0.97]		3.00 [2.6, 3.4] 3.25 [2.8, 3.7] 2.72 [2.3, 3.1] 1.96 [1.6, 2.3] 0.809 [0.52, 1.1]

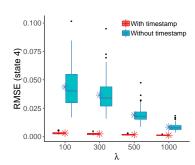




Resultados - Variação da Frequência Média da Saída (λ)

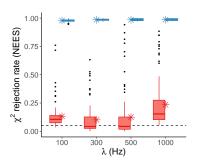
Cenári	ios	Estado 1 (diferen		Estado 4 (diferença	
		$\mu_{ m D}$	Cohen's d	$\mu_{ m D}$	Cohen's d
	0.1	5.97 [4.6, 7.3] × 10 ⁻⁴	0.869 [0.58, 1.2]	4.06 [3.7, 4.4] × 10 ^{−2}	2.33 [2.0, 2.7]
λ (kHz)	0.3	7.40 [6.5, 8.2] \times 10 ⁻⁴	1.69 [1.4, 2.0]	3.42 [3.1, 3.7] \times 10 ⁻²	2.48 [2.1, 2.9]
/ (<u>.</u> 2)	0.5	7.08 [6.1, 8.1] \times 10 ⁻⁴	1.39 [1.1, 1.7]	1.73 [1.6, 1.9] \times 10 ⁻²	2.73 [2.3, 3.1]
	1	2.80 [2.1, 3.5] \times 10 ⁻⁴	0.753 [0.46, 1.0]	0.720 [0.66, 0.78] \times 10 ⁻²	2.34 [2.0, 2.7]

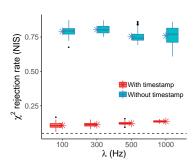




Resultados - Variação da Frequência Média da Saída (λ)

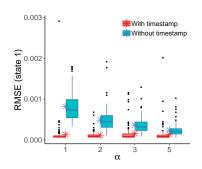
Cenários	Estado 1 (diferer $\mu_{ m D}$	nça RMSE) Cohen's <i>d</i>	Estado 4 (diferença $\mu_{ m D}$	RMSE) Cohen's d
λ (kHz) 0.1 0.3 0.5 1	5.97 [4.6, 7.3] × 10 ⁻⁴ 7.40 [6.5, 8.2] × 10 ⁻⁴ 7.08 [6.1, 8.1] × 10 ⁻⁴ 2.80 [2.1, 3.5] × 10 ⁻⁴	0.869 [0.58, 1.2] 1.69 [1.4, 2.0] 1.39 [1.1, 1.7] 0.753 [0.46, 1.0]	$ \begin{vmatrix} \textbf{4.06} \ [3.7, & 4.4] \times 10^{-2} \\ \textbf{3.42} \ [3.1, & 3.7] \times 10^{-2} \\ \textbf{1.73} \ [1.6, & 1.9] \times 10^{-2} \\ \textbf{0.720} \ [0.66, & 0.78] \times 10^{-2} \end{vmatrix} $	2.33[2.0, 2.7] 2.48 [2.1, 2.9] 2.73 [2.3, 3.1] 2.34 [2.0, 2.7]

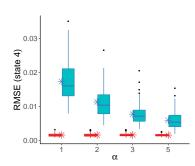




Resultados - Variação da Relação Entre Frequências (α)

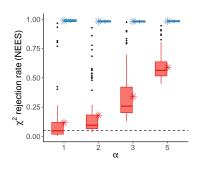
Cenários		Estado 1 (difere	nça RMSE)	Estado 4 (diferenç	a RMSE)
		$\mu_{ m D}$	Cohen's d	$\mu_{ m D}$	Cohen's d
	1	6.83 [5.9, 7.8] × 10 ⁻⁴	1.44 [1.1, 1.8]	15.7 [15, 17] \times 10 ⁻³	2.85 [2.5, 3.2]
α	2	3.66 [3.1, 4.2] \times 10 ⁻⁴	1.26 [0.96, 1.6]	9.75 [8.9, 11] \times 10 ⁻³	2.25 [1.9, 2.6]
-	3	2.05 [1.6, 2.5] \times 10 ⁻⁴	0.851 [0.56, 1.1]	6.14 [5.6, 6.7] \times 10 ⁻³	2.02 [1.7, 2.4]
	5	1.00 [0.46, 1.5] \times 10 ⁻⁴	0.369 [0.088, 0.65]	4.36 [3.8, 4.9) \times 10 ⁻³	1.67 [1.3, 2.0]

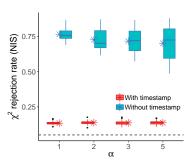




Resultados - Variação da Relação Entre Frequências (α)

Cenários		Estado 1 (difere	nça RMSE)	Estado 4 (diferenç	a RMSE)
		$\mu_{ m D}$	Cohen's d	$\mu_{ m D}$	Cohen's d
	1	6.83 [5.9, 7.8] × 10 ⁻⁴	1.44 [1.1, 1.8]	15.7 [15, 17] \times 10 ⁻³	2.85 [2.5, 3.2]
α	2	3.66 [3.1, 4.2] \times 10 ⁻⁴	1.26 [0.96, 1.6]	9.75 [8.9, 11] \times 10 ⁻³	2.25 [1.9, 2.6]
-	3	2.05 [1.6, 2.5] \times 10 ⁻⁴	0.851 [0.56, 1.1]	6.14 [5.6, 6.7] \times 10 ⁻³	2.02 [1.7, 2.4]
	5	1.00 [0.46, 1.5] \times 10 ⁻⁴	0.369 [0.088, 0.65]	4.36 [3.8, 4.9) \times 10 ⁻³	1.67 [1.3, 2.0]





Sumário

- Motivação
 - Popularização de Redes de Sensores
 - Objetivos
- Metodologia
 - Modelo de Amostragem: Aperiódica
 - Estimação de Estados de Sistemas Amostrados
 - Estimação com Amostragem Aperiódica
- Resultados Numéricos
 - Análise do Erro
 - Cenários de Simulação
 - Sistema Linear
 - Sistema Não-Linear
- 4 Conclusões

Descrição do sistema

Considere o sistema de um robô móvel não-holonômico:

$$\dot{p}_{\mathrm{x}} = v \cos(\theta),$$

 $\dot{p}_{\mathrm{y}} = v \sin(\theta),$
 $\dot{\theta} = u_{1}(t),$
 $\dot{v} = u_{2}(t),$

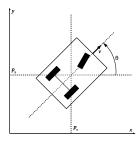


 p_{x} e p_{y} : coordenadas de posição,

 $\stackrel{\circ}{ heta}$: orientação angular,

v: velocidade linear,

 u_1 : entrada: velocidade angular (ω) , u_2 : entrada: aceleração linear (a)



Robô Móvel não-Holonômico

Vetor de estados:

$$x_i \stackrel{\Delta}{=} [p_{x,i} \ p_{y,i} \ \theta_i \ v_i]^T.$$

Modelo de observações:

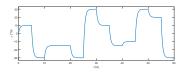
$$y(t_k) = egin{bmatrix} p_{\mathrm{x}}(t_k) \ p_{\mathrm{y}}(t_k) \end{bmatrix} + v(t_k), & v(t_k) \sim \mathcal{N}(0, R_{t_k}). \end{pmatrix}$$

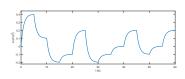
Vetor de entradas:

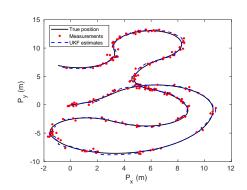
$$u_i = [\omega_i \ a_i]^T,$$

$$u_i = \tilde{u}_i - w_i, \ w \sim \mathcal{N}(0, Q_i).$$

Entradas e Realização Única

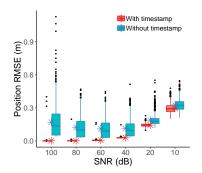






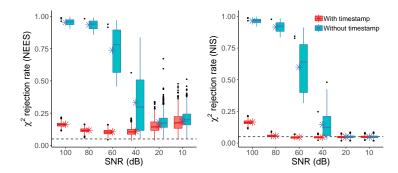
Resultados - Variação do Nível de Ruído da Saída SNR_{obs}

Cenários		Position (dif $\mu_{ m D}$ (cm)	erença RMSE) Cohen's <i>d</i>
SNR (dB)	100	16.8 [16, 18]	1.25 [1.2, 1.3]
	80	12.0 [11, 13]	1.31 [1.2, 1.4]
	60	10.3 [9.8, 11]	1.28 [1.2, 1.4]
	40	8.30 [7.8, 8.7]	1.14 [1.0, 1.2]
	20	4.54 [4.2, 4.8]	0.92 [0.83, 1.0]
	10	3.20 [3.0, 3.4]	0.85 [0.76, 0.94]



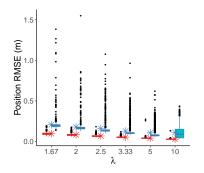
Resultados - Variação do Nível de Ruído da Saída SNR_{obs}

Cenários		Position (dif $\mu_{ m D}$ (cm)	erença RMSE) Cohen's <i>d</i>
SNR (dB)	100	16.8 [16, 18]	1.25 [1.2, 1.3]
	80	12.0 [11, 13]	1.31 [1.2, 1.4]
	60	10.3 [9.8, 11]	1.28 [1.2, 1.4]
	40	8.30 [7.8, 8.7]	1.14 [1.0, 1.2]
	20	4.54 [4.2, 4.8]	0.92 [0.83, 1.0]
	10	3.20 [3.0, 3.4]	0.85 [0.76, 0.94]



Resultados - Variação da Frequência Média da Saída (λ)

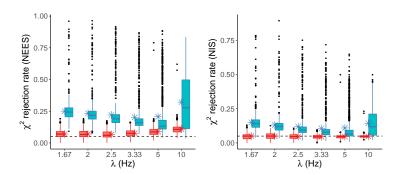
Cenários		Position (di $\mu_{ m D}$ (cm)	ferença RMSE) Cohen's <i>d</i>
λ (kHz)	1.67	11.1 [10, 12]	1.23 [1.1, 1.3]
	2	9.63 [9.1, 10]	1.10 [1.0, 1.2]
	2.5	9.07 [8.4, 9.7]	0.910 [0.82, 1.0]
	3.33	7.40 [6.9, 7.9]	0.877 [0.79, 0.97]
	5	6.42 [6.0, 6.9]	0.865 [0.78, 0.96]
	10	8.20 [7.7, 8.7]	1.09 [1.0, 1.2]



Taiguara Tupinambás

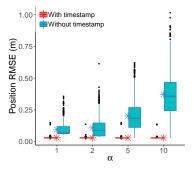
Resultados - Variação da Frequência Média da Saída (λ)

Cenários		Position (o $\mu_{ m D}$ (cm)	liferença RMSE) Cohen's <i>d</i>
λ (kHz)	1.67	11.1 [10, 12]	1.23 [1.1, 1.3]
	2	9.63 [9.1, 10]	1.10 [1.0, 1.2]
	2.5	9.07 [8.4, 9.7]	0.910 [0.82, 1.0]
	3.33	7.40 [6.9, 7.9]	0.877 [0.79, 0.97]
	5	6.42 [6.0, 6.9]	0.865 [0.78, 0.96]
	10	8.20 [7.7, 8.7]	1.09 [1.0, 1.2]



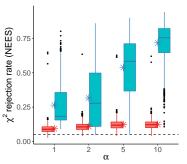
Resultados - Variação da Relação Entre Frequências (α)

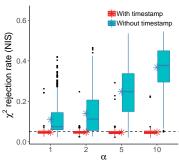
Cen	ários	Posiçã μ _D (cn	erença RMSE) Cohen's		
α	1 2 5 10	6.51 [6.2, 7.86 [7.4, 17.3 [17, 34.4 [33,	6.8] 8.3] 18]	1.28 [1.2, 1.07 [1.0, 1.42 [1.3, 2.01 [1.9,	1.2] 1.5]



Resultados - Variação da Relação Entre Frequências (α)

Cenários		Posição (dife $\mu_{ m D}$ (cm)		rença RMSE) Cohen's <i>d</i>	
α	1 2 5 10	6.51 [6.2, 7.86 [7.4, 17.3 [17, 34.4 [33,	8.3] 18]	1.28 [1.2, 1.4] 1.07 [1.0, 1.2] 1.42 [1.3, 1.5] 2.01 [1.9, 2.1]	





Taiguara Tupinambás

Principais Resultados e Contribuições

Cenários com maior influência no desempenho do estimador:

- Baixo nível de ruído nos sinais;
- Baixa frequência média da amostragem irregular;
- Menor relação entre a frequência média da amostragem irregular e a frequência de estimação, quando SNR das observações é maior que o do modelo de processo.

Abordagem útil para a tomada de decisão sobre investimento em sincronização e em capacidade computacional.

1. Investigação sobre algoritmos que **compensam o erro** de deslocar instantes de tempo;

- Investigação sobre algoritmos que compensam o erro de deslocar instantes de tempo;
- 2. Desenvolvimento de **rotinas de sintonia** do estimador *ad hoc*, com **filtragem adaptativa**;

- Investigação sobre algoritmos que compensam o erro de deslocar instantes de tempo;
- 2. Desenvolvimento de **rotinas de sintonia** do estimador *ad hoc*, com **filtragem adaptativa**;
- 3. Estudo dos efeitos de amostragem irregular com a **introdução de atraso de tempo**;

- Investigação sobre algoritmos que compensam o erro de deslocar instantes de tempo;
- 2. Desenvolvimento de **rotinas de sintonia** do estimador *ad hoc*, com **filtragem adaptativa**;
- 3. Estudo dos efeitos de amostragem irregular com a **introdução de atraso de tempo**;
- Utilização de outros métodos de filtragem, como o baseado em partículas, com potencial de ser mais robustos a ruídos não gaussianos;

OBRIGADO

e-mail: tatatupi@gmail.com.br