# Laboration 7 – binärt träd, heap och prioritetskö

Packa upp filerna i **L7\_kod.zip** (från kurssidan) i paketet **laboration11**.

## Grundläggande uppgifter

1. I metoden *exercise1* i **Laboration11.java** skapas ett binärt träd. Rita på ett papper hur trädet som skapas ser ut.

Kontrollera sedan ditt resultat genom att aktivera sista raden i uppgift1():

tree.showTree();

och anropa exercise1 från main-metoden.

2. I metoden *exercise2* i **Laboration11.java** skapas ett binärt träd. Rita på ett papper hur trädet som skapas ser ut.

Kontrollera sedan ditt resultat genom att aktivera sista raden i uppgift1():

tree.showTree();

och anropa exercise2 från main-metoden.

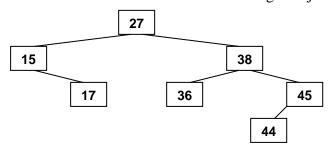
3. I metoden *exercise3* i **Laboration11.java** skapas ett binärt träd. Rita på ett papper hur trädet som skapas ser ut.

Kontrollera sedan ditt resultat genom att aktivera sista raden i uppgift1():

tree.showTree();

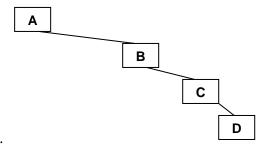
och anropa exercise3 från main-metoden.

4a. Skapa ett binärt träd med nedanstående utseende. Placera Integer-objekt i trädet



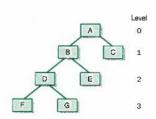
Placera din kod i metoden exercise4.

4b. Skapa ett binärt träd med nedanstående utseende. Placera Character-objekt i trädet.



Placera din kod i metoden exercise5.

4c. Skapa ett träd som ser ut som trädet på s 625 i läroboken.



5. Komplettera klassen BTNode med metoden *search* 

### public BTNode<E> search(E value)

vilken ska söka efter ett objekt i trädet och returnera en referens till noden som lagrar objektet. Om objektet inte finns i trädet ska *null* returneras.

Du kan följa nedanstående algoritm när du löser problemet:

Deklarera variabeln node av typen BTNode<E> och initiera variabelns värde till null.

Om value och this.value är samma (använd equals-metoden)

tilldela node värdet av this

Om (node == null) och (this.left != null) // ej funnet och går det att leta till vänster? tilldela node värdet av det rekursiva anropet this.left.search( value );

Om (node == null) och (this.right != null) // ej funnet och går det att leta till höger? tilldela node värdet av det rekursiva anropet this.right.search( value);

Returnera node

Testa din lösning genom att lägga till anrop till search-metoden i slutet av metoden *exercise1* i **Laboration11**:

```
BTNode<Integer> res = tree.search( new Integer(108) );
if( res!= null) {
    System.out.println( "Finns" );
} else {
    System.out.println( "Finns ej" );
}
```

Testa med olika värden så du försäkrar dig om att din lösning är bra.

- 6. Rita upp trädet i exercise 1, exekvera anropet tree.search( new Integer(108) ) med debuggerna och markera i trädet ordningen för exekveringen.
- 7a. Exekvera main-metoden i klassen *ArrayHeap*. Som du ser ordnas *Integer*-objekten i heapen så att lägst värde tas ur heapen först. Klassen *Integer* implementerar *Comparable* på så sätt att lägst värde ska ordnas först.

Testa även den avmarkerade konstruktorn och studera resultatet. Hur fungerar *ReverseComparable*-objekt vid jämförelser?

7b. Komplettera klassen *ArrayHeap*<*E*> med konstruktorn *public ArrayHeap*(*E*[] *elements*) och med metoden *heapify*(). Konstruktorn är given nedan och information/algoritm för *heapify* finner du under konstruktorn.

```
public ArrayHeap(E[] elements) {
   this.list = elements;
   size = list.length;
   comp = new Comp();
   heapify();
}
```

Metoden *heapify* ska bygga heapen från botten, dvs. successivt skapa allt större subträd som var och ett utgör en heap. Vi tänker oss att elementen i arrayen lagras i ett binärt träd och nu ska vi se till att elementen uppfyller kraven för en heap.

#### Algoritm för heapify():

Lagra positionen för den sista föräldern i trädet i variabeln parent (int). Den sista föräldern är i position (size - 2) / 2.

Medan förälderns position är större eller lika med 0 så

Anropa metoden siftDown med parent som argument

Minska parent med 1

När du är färdig ska du skapa en array (t.ex. en Integer-array) och testa konstruktorn.

7c. Skriv **klassmetoden** *public static <E> void sort(E[] elements*) i klassen *ArrayHeap*.

Metoden ska ordna objekten i arrayen elements växande genom heapsort.

Du kan följa denna algoritm:

Skapa en ArrayHeap med elements som argument.

Medan det finns fler element i heapen så

fyll arrayen elements från slutet (bakifrån) med elementen i heapen

Hur fungerar sorteringen? Fundera och googla.

7d. Det tråkiga med lösningen i uppgift 7c är att elementen ordnas avtagande. Nu ska du lägga till konstruktorn *public ArrayHeap(E[] elements, Comparator<E> comparator*) i klassen *ArrayHeap*.

```
public ArrayHeap(E[] elements, Comparator<E> comparator) {
    this.list = elements;
    size = list.length;
    comp = comparator;
    heapify();
}
```

Nu ska *sort*-metoden ändras så att den nya konstruktorn används. På så sätt kan vi som andra argument ge ett *Comparator*-objekt som ordnar elementen avtagande. Och på så sätt kommer sorteringen bli växande.

```
public static <E> void sort(E[] arr) {
   ArrayHeap<E> heap = new ArrayHeap<E> (arr, new ReverseComparable<E>());
   for(int i=arr.length-1; i>0; i--)
        arr[i] = heap.delete();
}
```

Testa den nya versionen av sort-metoden. Hur ordnas objekten? Studera därefter *sort*-metoden. På den första raden används ett objekt av typen *ReverseComparable* som argument. Studera klassen och kontrollera vad det är för värde som returneras i *compare*-metoden.

- 8. Klassen *PriorityQueue* är given. Klassen använder en *ArrayHeap* för att lagra elementen i kön. Elementen lagras inte direkt i heapen utan det är *PriorityQueueElement*-objekt som lagras i heapen. Ett sådant objekt kan lagra ett element av typen E och har dessutom instansvariabeln *order* vilket anger ordningen som element placerats på heapen. Element med lägre värde i *order* placerades tidigare i heapen än element med högre värde. Klassen har tre konstruktorer:
  - public PriorityQueue() och public PriorityQueue(int initialCapacity) Elementens prioritet ges av elementens Comparable-implementering. Om två element är lika så avgör order vilket element som ska vara först i heapen.
  - public PriorityQueue(int initialCapacity, Comparator<E> comparator) Elementens prioritet ges av parametern comparator. Om två element är lika så avgör order vilket element som ska vara först i heapen.

Din uppgift är att färdigställa klassen *PriorityQueue*, dvs. metoderna *insert*, *delete*, *peek*, *empty* och *size*.

När klassen är färdig kan du köra programmet *TestPriorityQueue*. main-metoden innehåller fyra exempel på konstruktion av ett PriorityQueue-objekt. Testa dem en åt gången.

#### Fördjupande uppgifter

9. Komplettera klassen BTNode med metoden *collectPreorder* vilken ska lägga till samtliga värde-objekt som lagras i trädet i en *ArrayList*. Metoden ska deklareras så här: *public void collectPreorder*(*ArrayList*<*E*> *list*)

Till din hjälp har du metoden *printPreorder* i klassen *BTNode*. Men nu ska inte värdet skrivas ut utan placeras i *ArrayList*-objektet. Använd din egen *ArrayList* (P1 – *collections*). Om du inte har en egen *ArrayList* kan du importera *java.util.ArrayList*.

Om du lägger till nedanstående rader sist i metoden *exercise1* i **Laboration11** ska du få

```
utskriften: 102 74 63 100 110 108
ArrayList<Integer> list = new ArrayList<Integer>();
tree.collectPreorder(list);
for(int i=0; i<list.size(); i++) {
    System.out.print(list.get(i) + " ");
}</pre>
```

10. Komplettera klassen BTNode med metoden *collectLevelOrder* vilken ska lägga till samtliga värden som lagras i trädet i en LinkedList. Metoden ska deklareras så här: *public void collectLevelOrder(LinkedList<E> list)*.

Använd din egen *LinkedList* (P1 – *collections*). Om du inte har en egen *LinkedList* kan du importera *java.util.LinkedList*.

Om du testar metoden med trädet i *exercise1* ska du få utskriften:

```
102 74 110 63 100 108
```

11. Interfacet Filter är givet:

```
public interface Filter<E> {
    public boolean accept( E element );
}
```

Komplettera klassen BTNode med metoden

```
public void collect( ArrayList<E> list, Filter<E> filter )
```

vilken ska traversera hela trädet. Traverseringen ska ske inorder.

Under traverseringen ska varje värde-objekt vara argument vid anrop till *accept*-metoden i *Filter*-implementeringen. Om *accept*-metoden returnerar *true* ska värde-objektet läggas till i *ArrayList*-objektet.

Om du testar din lösning med nedanstående kod (se till att *IntervalFilter* finns i paketet laboration11) så ska du få utskriften: 63 74 100 102 108 110

Samtliga värden är ju i intervallet 0-130 och samlandet sker *inorder*.

```
ArrayList<Integer> list = new ArrayList<Integer>();
tree.collect(list, new IntervalFilter(0,130));
for(for(int i=0; i<list.size(); i++) {
    System.out.print(list.get(i) + " ");
}</pre>
```

Om du ändrar argumenten när *IntervalFilter*-objektet skapas till 70 resp 102 kommer utskriften bli: 74 100 102

12. Skriv en *Filter*<*Integer*>-implementering, *EvenNumbers*, vilken returnerar *true* för alla *Integer*-objekt som är delbara med 2 (resten 0 vid division med 2).

#### Ursprungligen av: Rolf Axelsson

#### **Extra**

13. Komplettera klassen *BTNode* med metoden

```
public ArrayList<E> collect( Filter<E> filter )
```

vilken ska fungera som metoden i uppgift 11 men returnera en ArrayList med de värdeobjekt för vilka filter-metoden returnerar *true*.

14. Interfacet *Iterator* används ofta då en användare ska kunna traversera en datastruktur:

Komplettera klassen BTNode med metoden

```
public Iterator<E> iterator( Filter<E> filter )
```

vilken ska samla de värde-objekt för vilka filter-metoden returnerar true i en Iteratorimplementering.

En lösning: Skriv en klass vilken

- \* implementerar *Iterator*<*E*>
- \* tar en *ArrayList*<*E*> som argument vid konstruktion. Det är elementen i *ArrayList*-objektet som levereras med *next*-metoden.

Sedan använder du lösningen i Uppgift 13 kombinerat med denna klass i din lösning.

15. Komplettera klassen BTNode med metoden

#### public Iterator<E> iterator()

vilken ska returnera samtliga element i trädet i en Iterator-implementering

16. En klass vilken implementerar interfacet *Iterable*:

```
public interface Iterable<E> {
    public Iterator<E> iterator()
}
```

kan användas tillsammans med den förenklade for-loopen. Klassen BTNode innehåller metoden *iterator* om du löst uppgift 15. Låt klassen BTNode implementera Iterable<E> och testa sedan den förenklade for-loopen i *exercise1*:

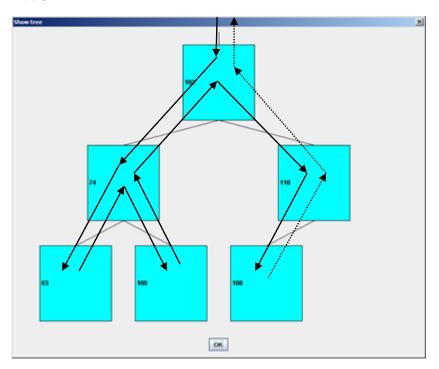
```
for(Integer nbr : tree) {
    System.out.print(nbr + " ");
}
```

### Lösningar

#### **Uppgift 4a**

```
T.ex.
public void exercise4a() {
    BTNode<Integer> n7 = new BTNode<Integer>( new Integer(17), null, null);
    BTNode<Integer> n6 = new BTNode<Integer>( new Integer(36), null, null );
    BTNode<Integer> n5 = new BTNode<Integer>( new Integer(44), null, null);
    BTNode<Integer> n4 = new BTNode<Integer>( new Integer(15), null, n7 );
    BTNode<Integer> n3 = new BTNode<Integer>( new Integer(45), n5, null );
    BTNode<Integer> n2 = new BTNode<Integer>( new Integer(38), n6, n3 );
    BTNode<Integer> tree = new BTNode<Integer>( new Integer(27), n4, n2 );
Uppgift 4b
T.ex.
public void exercise4b() {
    BTNode<Character> n1 = new BTNode<Character>(new Character('D'), null, null);
    BTNode<Character> n2 = new BTNode<Character>(new Character('C'), null, n1);
    BTNode<Character> n3 = new BTNode<Character>(new Character('B'),null,n2);
    BTNode<Character> tree = new BTNode<Character> (new Character('A'), null, n3);
Uppgift 4c
T.ex.
public void exercise4c() {
    BTNode<Character> n1 = new BTNode<Character>(new Character('F'), null, null);
    BTNode<Character> n2 = new BTNode<Character>(new Character('G'), null, null);
    BTNode<Character> n3 = new BTNode<Character>(new Character('E'), null, null);
    BTNode<Character> n4 = new BTNode<Character>(new Character('C'), null, null);
    BTNode<Character> n5 = new BTNode<Character>(new Character('D'), n1, n2);
    BTNode<Character> n6 = new BTNode<Character>(new Character('B'), n5, n3);
    BTNode<Character> tree = new BTNode<Character>(new Character('A'),n6,n4);
}
Uppgift 5
public BTNode<E> search(E value) {
    BTNode<E> node = null;
    if( value.equals(this.value))
         node = this;
    if( (node==null) && (this.left!=null) )
         node = this.left.search( value );
    if( (node==null) && (this.right!=null) )
         node = this.right.search( value );
    return node;
```

}



## **Uppgift 7b**

```
public ArrayHeap(E[] list) {
    this.list = list;
    size = list.length;
    comp = new Comp();
    heapify();
}

private void heapify() {
    int parent = (size-2)/2; // last parent
    while(parent>=0) {
        siftDown(parent);
        parent--;
    }
}
```

### Uppgift 7c

```
public static <E> void sort(E[] elements) {
   ArrayHeap<E> heap = new ArrayHeap<E> (elements);
   for(int i=elements.length-1; i>0; i--)
        elements[i] = heap.delete();
}
```

### **Uppgift 7d**

```
public static <E> void sort(E[] arr) {
    ArrayHeap<E> heap = new ArrayHeap<E>(arr, new ReverseComparable<E>());
    for(int i=arr.length-1; i>0; i--)
        arr[i] = heap.delete();
}
```

```
public class PriorityQueue<E> implements Queue<E>{
    private ArrayHeap<PriorityQueueElement<E>> heap;
    public PriorityQueue() {
       this(20);
    public PriorityQueue(int initialCapacity) {
       heap = new ArrayHeap<PriorityQueueElement<E>>(initialCapacity);
    public PriorityQueue(int initialCapacity, Comparator<E> comparator) {
       heap = new ArrayHeap<PriorityQueueElement<E>>(initialCapacity, new
PriorityQueueComparator<E>(comparator));
    // Lägg till ett PriorityQueueElement i heapen
    public void enqueue(E data) {
        heap.insert(new PriorityQueueElement<E>(data));
    // Returnera elementet som lagras i PriorityQueueElement-objektet. Anropa
delete-metoden i ArrayHeap.
    public E dequeue() {
       return heap.delete().getElement();
    // Returnera elementet som lagras i PriorityQueueElement-objektet. Anropa peek-
metoden i ArrayHeap.
    public E peek() {
        return heap.peek().getElement();
    public boolean empty() {
        return size() == 0;
    public int size() {
       return heap.size();
}
```

Ursprungligen av: Rolf Axelsson

```
public void collectPreorder(ArrayList<E> list) {
    list.add(this.value);
    if(this.left!=null)
        this.left.collectPreorder(list);
    if(this.right!=null)
       this.right.collectPreorder(list);
----- Alternativ lösning med Action-implementering
public void collectPreorder(ArrayList<E> list) {
    preorder( new AddToArrayList<E>( list ) );
public class AddToArrayList<E> implements BTNode.Action<E> {
    private ArrayList<E> list;
    public AddToArrayList(ArrayList<E> list) {
       this.list = list;
    public void action(E value) {
       list.add(value);
}
----- Alternativ lösning med anonym Action-implementering -----
public void collectPreorder(final ArrayList<E> list) {
    Action<E> a = new Action<E>() {
        public void action(E value) {
           list.add(value);
    };
    preorder(a);
}
Uppgift 10
public void collectLevelOrder(LinkedList<E> list) {
    ListQueue<BTNode<E>> queue = new ListQueue<BTNode<E>>();
    BTNode<E> node;
    queue.enqueue(this);
    while(!queue.empty()) {
       node = queue.dequeue();
        list.add(node.value);
       if(node.left!=null)
           queue.enqueue(node.left);
       if(node.right!=null)
            queue.enqueue(node.right);
    }
}
Uppgift 11a
public void collect( ArrayList<E> list, Filter<E> filter ) {
    if(this.left!=null) {
        this.left.collect(list, filter);
    if(filter.accept(this.value)) {
        list.add(this.value);
    if(this.right!=null) {
        this.right.collect(list, filter);
```

```
public class EvenNumbers implements Filter<Integer> {
    public boolean accept(Integer element) {
        int nbr = element.intValue();
        return (nbr % 2) == 0;
    }
}
Uppgift 13
public ArrayList<E> collect( Filter<E> filter ) {
    ArrayList<E> list = new ArrayList<E>();
    collect(list, filter);
    return list;
}
Uppgift 14
import java.util.Iterator;
public class ArrayListIterator<E> implements Iterator<E> {
    private ArrayList<E> list;
    int index=0;
    public ArrayListIterator( ArrayList<E> list ) {
        this.list = list;
    public boolean hasNext() {
       return index<list.size();</pre>
    public E next() {
       return list.get(index++);
    public void remove() {
        throw new UnsupportedOperationException();
}
// I BTNode
public Iterator<E> iterator( Filter<E> filter ) {
    return new ArrayListIterator<E>(collect(filter));
Uppgift 15
public Iterator<E> iterator() {
    return new ArrayListIterator<E>( collect( new TrueFilter() ));
// Inre klass i BTNode
private class TrueFilter implements Filter<E> {
    public boolean accept(E value) {
       return true;
    }
}
```