

Prof. Vandermi Silva
Baseado nas notas de aula do
Prof. Raimundo Barreto

Introdução

Linguagem C é de alto nível, contudo

... também possui certos recursos de baixo nível (Assembly ou linguagem de máquina)

- Por exemplo:
 - Armazenar valores de variáveis em registradores
 - Manipulação de bits individuais de uma palavra (word)
 - Rolar (shift) bits para a direita ou esquerda Bits podem ser invertidos
 - Mascarados (extração seletiva de valores)

Operações Bitwise

- Algumas aplicações precisam manipular bits individuais de uma palavra de memória (word)
- A linguagem assembly é normalmente necessária nesses tipos de operação
- A linguagem C contém vários operadores especiais para que essas operações sejam executadas fácil e eficientemente
- São divididos em três categorias: operador complementar, operadores bitwise lógicos e operadores de deslocamento (shift)

Operador Complementar

- O operador complementar (~) é um operador unário que inverte os bits de seu operando, ou seja, 1 se torna 0 e 0 se torna 1.
- Exemplo (considerando palavra de 16 bits)
 - Qual será o complemento de 0x7FF?
 - Representação em bits é: 0000 0111 1111 1111
 - Complemento é: 1111 1000 0000 0000
 - Que corresponde à: 0xF800
 - Ou seja: $\sim 0x7FF = 0xF800$

Operador Complementar (32 bits)

- Outros exemplos
 - $-\sim 0xC5 = 0xFFFFFF3A$
 - $-\sim 0$ x1111 = 0xFFFFEEEE
 - $-\sim 0$ xFFFF = 0xFFFF0000
 - $-\sim 0$ x5B3C = 0xFFFFA4C3

```
0000 0000 0000 0000 0000 0000 1100 0101 = 0x000000C5 1111 1111 1111 1111 1111 1111 0011 1010 = 0xFFFFFF3A
```

- Existem 3 operadores bitwise lógicos
 - Bitwise "e" (&)
 - Bitwise "ou exclusivo" (^)
 - Bitwise "ou" (|)
- Cada um desses operadores requer dois operandos inteiros
- As operações são executadas em cada par de bits, a partir dos bits menos significativos

b1	b2	b1 & b2	b1 ^ b2	b1 b2
1	1	1	0	1
1	0	0	1	1
0	1	0	1	1
0	0	0	0	0

- Suponha que a e b sejam variáveis inteiras sem sinal de valores 0x6DB7 e 0xA726
- Qual o valor de ~a?

```
-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7
-a = 1001 \ 0010 \ 0100 \ 1000 = 0x9248
```

- Suponha que a e b sejam variáveis inteiras sem sinal de valores 0x6DB7 e 0xA726
- Qual o valor de ~b ?

```
b = 1010 \ 0111 \ 0010 \ 0110 = 0xA726

^{\circ}b = 0101 \ 1000 \ 1101 \ 1001 = 0x58D9
```

- Suponha que a e b sejam variáveis inteiras sem sinal de valores 0x6DB7 e 0xA726
- Qual o valor de a & b ?

```
a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7
b = 1010 \ 0111 \ 0010 \ 0110 = 0xA726
a\&b = 0010 \ 0101 \ 0010 \ 0110 = 0x2526
```

- Suponha que a e b sejam variáveis inteiras sem sinal de valores 0x6DB7 e 0xA726
- Qual o valor de a ^ b ?

```
a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7
b = 1010 \ 0111 \ 0010 \ 0110 = 0xA726
a^b = 1100 \ 1010 \ 1001 \ 0001 = 0xCA91
```

- Suponha que a e b sejam variáveis inteiras sem sinal de valores 0x6DB7 e 0xA726
- Qual o valor de a | b = 0xEFB7

```
a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0 \times 6 DB7
b = 1010 \ 0111 \ 0010 \ 0110 = 0 \times A726
a \mid b = 1110 \ 1111 \ 1011 \ 0111 = 0 \times EFB7
```

- Suponha que a=0x6DB7 e que queiramos extrair os 6 bits mais a direita de a e assinalar à variável b. Como fazer isso?
- Observe que, a partir de uma representação binária original, queremos transformá-la em outra representação binária
- Para tanto, vamos utilizar o conceito de máscara e de uma operação bitwise lógica
 - O primeiro operando é a representação original
 - O segundo operando é a máscara

- Assim, parte da representação original será "mascarada" no resultado final
- Existem diferentes tipos de operações com máscaras.
- Nesse exemplo, uma parte da representação binária é copiada para o resultado, enquanto que o restante dos bits e preenchido com 0
- O operador & será usado nesse tipo de operação

- A operação deve ser: b = a & 0x3F
- **Assim**, $b = 0 \times 37$
- A validade do resultado pode ser vista examinando as representações binárias

$$-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7$$

 $-M = 0000 \ 0000 \ 0011 \ 1111 = 0x3F$
 $-b = 0000 \ 0000 \ 0011 \ 0111 = 0x37$

 Observe que a máscara evita que os 10 bits mais à esquerda sejam copiados de a para b.



- Suponha, novamente, que a seja uma variável inteira sem sinal de valor 0x6DB7. Agora, extraia os 6 bits mais à esquerda desse valor e assinale à variável inteira sem sinal b. Assinale 0s aos 10 bits mais à direita de b.
- Para executar essa operação podemos escrever a expressão bitwise b=a & 0xFC00
- Assim, a constante 0xFC00 servirá como máscara
- O valor de b será 0x6C00.

- b = a & 0xFC00
- A validade desse resultado pode ser verificada examinando-se as representações binárias correspondentes

```
-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7

-M = 1111 \ 1100 \ 0000 \ 0000 = 0xFC00

-b = 0110 \ 1100 \ 0000 \ 0000 = 0x6C00
```

A máscara agora bloqueia os 10 bits mais à direita de a.

- Um outro tipo de operação de máscara permite que uma parte de uma dada representação binária seja copiada em uma nova palavra enquanto o restante da nova palavra é preenchido com 1s.
- O operador bitwise ou (|) é usado para isso
- Note a diferença entre essa operação e a anterior

 Suponha que a variável a seja uma inteira sem sinal de valor 0x6DB7, como antes. Transforme a sua correspondente representação binária em uma outra representação binária na qual os 8 bits mais à direita são todos 1s e os 8 bits mais à esquerda permanecem com seus valores originais. Assinale essa representação binária à variável inteira sem sinal b.



$$-b = a \mid 0xFF$$

Vamos examinar o resultado:

$$-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7$$
 $-M = 0000 \ 0000 \ 1111 \ 1111 = 0xFF$
 $-b = 0110 \ 1101 \ 1111 \ 1111 = 0x6DFF$



 Suponha, agora, que desejamos transformar a representação binária de a em outra representação binária, na qual os 8 bits mais à <u>esquerda</u> são todos 1s e os 8 bits mais à <u>direita</u> permanecem com os seus valores originais.



$$-b = a \mid 0xFF00$$

Vamos examinar o resultado:

```
-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7
-M = 1111 \ 1111 \ 0000 \ 0000 = 0xFF00
-b = 1111 \ 1111 \ 1011 \ 0111 = 0xFFB7
```

- Suponha que a seja uma variável inteira sem sinal cujo valor é 0x6DB7, como nos exemplos anteriores. Vamos agora inverter os 8 bits mais à direita e preservar os 8 bits mais à esquerda. Essa nova representação binária será assinalada à variável inteira sem sinal b.
- Para isso vamos utilizar a expressão:
 - $-b = a ^ 0xFF$, portanto:
 - -b = 0x6D48

Vamos verificar a validade:

```
-a = 0110 1101 1011 0111 = 0x6DB7
-M = 0000 0000 1111 1111 = 0xFF
-b = 0110 1101 0100 1000 = 0x6D48
```

Se quisermos inverter os 8 bits mais à esquerda de a e manter os 8 bits mais à direita originais:

$$b = a ^ 0xFF00$$

```
a = 0110 1101 1011 0111 = 0x6DB7
M = 1111 1111 0000 0000 = 0xFF00
b = 1001 0010 1011 0111 = 0x92B7
```

- Suponha que a seja uma variável inteira sem sinal cujo valor é 0x6DB7, como nos exemplos anteriores.
- Qual o resultado da expressão a ^ 0x4?
 - inverterá o valor do bit número 2 (o terceiro bit a partir da direita) de a.
- Se essa operação for executada repetidamente, o valor de a será alternado entre 0x6DB7 e 0x6DB3
- Nesse caso, o terceiro bit será "ligado" e "desligado" alternadamente.

Vamos verificar a validade:

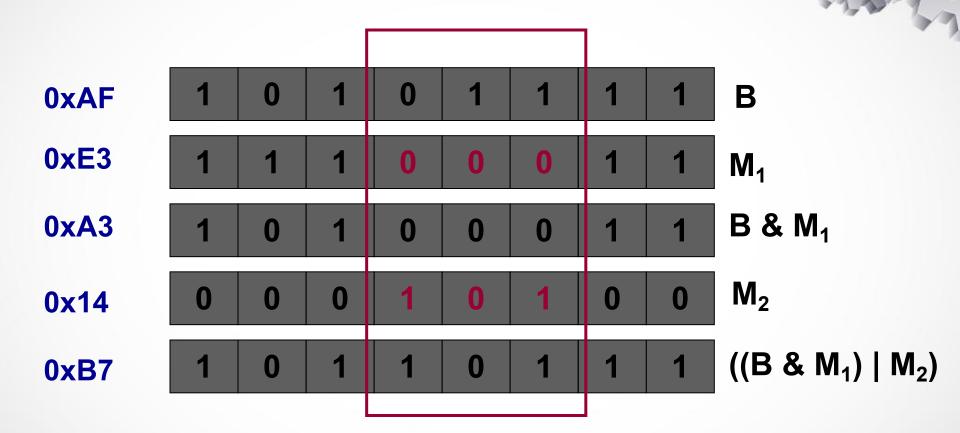
```
-a = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6DB7
-M = 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0100 = 0x4
-b = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0011 = 0x6D48
-M = 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0100 = 0x4
-c = 0110 \ 1101 \ 1011 \ 0111 = 0x6D48
```

- E se eu quiser alterar alguns bits para um valor pré-estabelecido?
- Por exemplo, eu quero trocar os dois bits menos significativos para o valor "10".
 - -B = ((B & M1) | M2)
 - Onde M1=11111100 e M2=00000010



0xAF	1	0	1	0	1	1	1	1	В
0xFC	1	1	1	1	1	1	0	0	M ₁
0xAC	1	0	1	0	1	1	0	0	B & M₁
0x02	0	0	0	0	0	0	1	0	M ₂
0xAE	1	0	1	0	1	1	1	0	((B & M ₁) M ₂)

- Outro exemplo, eu quero trocar os bits 5,4 e 3 para o valor "101" e mantendo os outros bits intactos.
 - -B = ((B & M1) | M2)
 - Onde M1=11100011 e M2=00010100



- Os dois operandos bitwise shift são à esquerda (<<) e à direita (>>).
- Cada operador exige 2 operandos.
- O primeiro é um operando inteiro sem sinal que mostra a representação binária a ser "rolada".
- O segundo é um inteiro sem sinal que indica o número de deslocamentos.
- Esse valor não pode exceder o número de bits associado ao tamanho da palavra.



Deslocando bits à esquerda

```
x = 1; // 0000 0001
x0 = (x << 0); // 0000 0001 Não deslocado
x1 = (x << 1); // 0000 0010
x2 = (x << 2); // 0000 0100
x3 = (x << 3); // 0000 1000
x4 = (x << 4); // 0001 0000
x5 = (x << 5); // 0010 0000
x6 = (x << 6); // 0100 0000
x7 = (x << 7); // 1000 0000
```



Deslocando bits à direita

```
x = 128; // 1000 0000
x0 = (x >> 0); // 1000 0000 Não deslocado
x1 = (x >> 1); // 0100 0000
x2 = (x >> 2); // 0010 0000
x3 = (x >> 3); // 0001 0000
x4 = (x >> 4); // 0000 1000
x5 = (x >> 5); // 0000 0100
x6 = (x >> 6); // 0000 0010
x7 = (x >> 7); // 0000 0001
```

- O operador mais à esquerda deslocará todos os bits do primeiro operando para a esquerda o número de posições indicado pelo segundo operando.
- Os bits mais à <u>esquerda</u> da representação original serão <u>perdidos</u>
- As posições mais à <u>direita</u> que ficarem vazias serão preenchidas com <u>0s</u>

Assumindo que a e b são short int:

$$-b = a << 6$$

 Deslocará todos os bits de a seis posições à esquerda e o resultado será atribuído à variável b.

$$\frac{-h}{\text{Serão}} = 0 \times 6 DC0$$

perdidos s ver o resultado final

O															
0	1	1	0	1	1	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0

- O operador mais à direita desloca todos os bits do primeiro operando para a direita o número de posições indicado pelo segundo operando.
- Os bits mais à direita da representação original serão perdidos.
- As posições mais à esquerda que ficarem vazias serão preenchidas com 0s



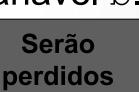
$$-b = a >> 6$$

 Deslocará todos os bits de a seis posições à direita e o resultado será atribuído à variável b.

$$-b = 0x1B6$$

Vamos ver o resultado final

0	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1	1
0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	1	0	1	1	0



Operadores Bitwise de Atribuição

Expressão	Equivalente	Valor Final
a &= 0x7F	a = a & 0x7F	0x37
a ^= 0x7F	$a = a ^ 0x7F$	0x6DC8
a = 0x7F	$a = a \mid 0x7F$	0x6DFF
a <<= 5	a = a << 5	0xB6E0
a >>= 5	a = a >> 5	0x36D