Livro em processo de elaboração.

Título: Combinatorial Optimization Problems

Autora: Tatiana Balbi Fraga.

Profa. do Núcleo de Tecnologia da UFPE.

Caso tenha interesse em participar da elaboração deste livro, enviar e-mail para: tatiana.balbi@ufpe.br.

O mesmo endereço de e-mail poderá ser utilizado para críticas e sugestões. Desde já agradeço por qualquer contribuição.

O conteúdo apresentado neste livro estará sendo modificado ao longo de sua elaboração, caso o mesmo seja consultado para elaboração de algum trabalho, favor citar como referência o título, a autora, a data da consulta e o endereço da versão consultada no github.

Chapter 1

Problemas de Otimização Combinatória

Há três pontos chaves na construção de um algoritmo para solução de problemas de otimização combinatória que são: representação da solução; criação de solução inicial / nova solução dentro do espaço viável; e mecanismo de conversão.

Neste livro pretendo apresentar uma revisão da literatura focada nestes três tópicos, iniciando a abordagem sobre problemas de designação, depois passando pelos problemas de balanceamento, roteamento, e escalonamento até finalmente chegar aos complexos problemas mistos.

Com vista a este propósito, o livro será dividido em seis capítulos, sendo os dois primeiros capítulos voltados à apresentação de importantes classes de problemas de otimização combinatória (problemas de otimização combinatória e modelagem matemática), os três capítulos seguintes voltados aos três pontos chaves anteriormente discutidos (representação de soluções, construção de soluções viáveis e mecanismos de busca), e o último capítulo será utilizado para a apresentação de algoritmos conhecidos aplicados aos diferentes problemas e uma comparação entre tais algoritmos.

Esse livro partiu da ideia da criação de um solver capaz de solucionar problemas de otimização combinatória de diferentes classes.

Esse solver terá como princípio a identificação da natureza do problema, possivelmente através de um algoritmo de rede neural, e posterior solução focando nos três pontos chaves anteriormente discutidos.

Assim sendo, este livro será construído em conjunto com o solver (em C++), o qual poderá ser encontrado na pasta solver deste mesmo diretório.

4 CHAPTER 1. PROBLEMAS DE OTIMIZAÇÃO COMBINATÓRIA

Este projeto estará sendo desenvolvido em conjunto com outros projetos, de forma que não será possível desenvolvê-lo muito rapidamente...

Espero que essa ideia resulte em um material muito útil, relevante e interessante.

1.1 Problema de dimensionamento do tempo de processamento de lotes de produção

O problema de dimensionamento do tempo de processamento de lotes de produção surge quando um conjunto de produtos distintos são processados simultaneamente em um mesmo lote de produção, sendo a quantidade produzida de cada produto diretamente proporcional ao tempo de processamento, contudo, com taxa de produção (quantidade/(unidade de tempo)) diferente para cada produto. Neste problema consideramos que há uma quantidade máxima permitida para a produção dos produtos do lote, definida tanto individualmente como para o conjunto, já que existe uma quantida máxima de produção para cada produto e uma quantida máxima de produção definida para o conjunto. A quantidade máxima de produção de cada produto é definida de acordo com a demanda do produto. Contudo é ainda possível estocar os produtos e/ou enviá-los para as lojas de fábrica. Tanto no caso do estoque em fábrica quanto no caso das lojas de fábrica, existe um limite para estocagem/envio de cada produto e um limite de estocagem/envio para o conjunto de produtos do lote. O problema consiste em definir o maior tempo de processamento do lote viável considerando um período fixo de planejamento e demanda variável dentro deste período.

1.1.1 Exemplo

Determinada máquina deve processar um lote contendo 2 produtos distintos: A e B.

A taxa de produção de A é de 60 g/min enquanto que a taxa de produção de B é de 40 g/min.

A fábrica tem estoque livre para no máximo 3000 g de qualquer produto, sendo que, de acordo com o estoque máximo permitido para cada produto, poderá ser estoquado na fábrica mais 3000 g do produto A e 2000 g do produto B.

Existe uma demanda de 1000 g do produto A e 500 g do produto B para entrega no primeiro e segundo dia de planejamento, respectivamente.

A fábrica tem um outlet que tem espaço livre em estoque de $1000~{\rm g}$, poderendo receber no máximo $600~{\rm g}$ de cada produto.

1.1. PROBLEMA DE DIMENSIONAMENTO DO TEMPO DE PROCESSAMENTO DE LOTES DE PRODUÇ

Um tempo máximo de 300 minutos desta máquina pode ser atribuído para processamento deste lote.

Qual é o tempo de processamento deste lote ?

1.1.2 Modelagem matemática

sendo:

 UD_i a demanda referente ao produto i;

I a quantidade máxima permitida para estocagem em fábrica de todos os produtos;

 UI_i a quantidade máxima permitida para estocagem em fábrica do produto i;

O a quantidade máxima permitida para envio de todos os produtos para as lojas de fábrica;

 UO_i a quantidade máxima do produto i que pode ser enviada para as lojas de fábrica;

 p_i a taxa de produção do produto i;

Z tempo limite para processamento do lote;

queremos definir tempo máximo de processamento do lote, T.

assim sendo, considerando que:

 P_i a quantidade produzida do produto i (unidades);

$$P_i - p_i * T = 0 \quad \forall i$$

$$P_i - D_i - O_i - I_i = 0 \quad \forall i$$

 D_i a quantidade entregue para demanda do produto i;

$$D_i \leq \mathrm{UD}_i \quad \forall i$$

 O_i quantidade do produto i enviado para as lojas de fábrica;

$$O_i \leq UO_i \quad \forall i$$

$$\sum_{i} O_i \leq O \quad \forall i$$

 I_i a quantidade do produto i que será estocado em fábrica;

$$I_i \leq \mathrm{UI}_i \quad \forall i$$

$$\sum_{i} I_{i} \leq \mathbf{I} \quad \forall i$$

e, por ultimo temos as restrições relacionadas às variáveis de decisão:

$$P_i, D_i, O_i, I_i \in \mathbf{Z}^* \quad \forall i$$

Portanto temos o problema de otimização:

 $max ext{ } T$

s.t.

$$P_i - p_i * T = 0 \quad \forall i$$

$$P_i - D_i - O_i - I_i = 0 \quad \forall i$$

$$D_i \leq \mathrm{UD}_i \quad \forall i$$

$$O_i \leq \mathrm{UO}_i \quad \forall i$$

$$\sum_{i} O_i \leq O \quad \forall i$$

$$I_i \leq UI_i \quad \forall i$$

$$\sum_{i} I_{i} \leq \mathbf{I} \quad \forall i$$

$$T \leq Z$$

$$P_i, D_i, O_i, I_i \in \mathbb{Z}^+ \quad \forall i$$