

## DIFFERENTIALEKVATIONER

### Homogena ekvationer

Av 1:a ordningen:  $y' + ay = 0$

Lösningarna kan skrivas  $y = Ce^{-ax}$

Av 2:a ordningen:  $y'' + ay' + by = 0$

Den karakteristiska ekvationen  $r^2 + ar + b = 0$  har rötterna  $r_1$  och  $r_2$

Om  $r_1$  och  $r_2$  är reella tal och  $r_1 = r_2$  så kan lösningarna skrivas

$$y = (C_1x + C_2)e^{r_1x}$$

Om  $r_1$  och  $r_2$  är reella tal och  $r_1 \neq r_2$  så kan lösningarna skrivas

$$y = C_1e^{r_1x} + C_2e^{r_2x}$$

Om  $r_1 = s + it$  och  $r_2 = s - it$  kan lösningarna skrivas

$$y = e^{sx}(C_1 \cos tx + C_2 \sin tx)$$

### Inhomogena ekvationer

Generellt bestäms den allmänna lösningen som  $y = y_h + y_p$ , där  $y_p$  är en partikulärlösning till den inhomogena ekvationen och  $y_h$  den allmänna lösningen till motsvarande homogena ekvation.

Separabla differentialekvationer:  $g(y)y' = f(x)$

Löses enligt  $\int g(y)dy = \int f(x)dx$

## FUNKTIONSLÄRA

### Räta linjen

$$k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

Riktningskoefficient för linje genom punkterna  $(x_1, y_1)$  och  $(x_2, y_2)$  där  $x_1 \neq x_2$

$$y = kx + m$$

Linje genom punkten  $(0, m)$  med riktningskoefficienten  $k$

$$y - y_1 = k(x - x_1)$$

Linje genom punkten  $(x_1, y_1)$  med riktningskoefficienten  $k$

$$k_1 \cdot k_2 = -1$$

Villkor för vinkelräta linjer

### Exponentialfunktioner

$$y = C \cdot a^x$$

$C$  och  $a$  är konstanter  
 $a > 0$  och  $a \neq 1$

### Potensfunktioner

$$y = C \cdot x^a$$

$C$  och  $a$  är konstanter