

Amore 2012-161:

2^{ème} année, décembre 2012 Durée 2 Heures

Devoir Surveillé, MAP2

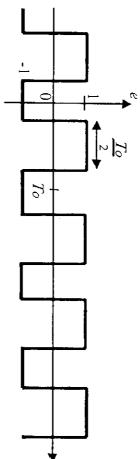
L'usage de téléphones portables et ordinateurs est formellement interdit Documents non autorisés, calculatrices non autorisées Ce sujet comprend 2 pages B. François

les harmoniques qui, par les rapports entre leurs amplitudes, en donnent le timbre même note. C'est la fréquence fondamentale qui fixe la fréquence perçue par l'oreille. Ce sont à la note. Le timbre va nous permettre de reconnaître cet instrument, même si tous jouent la des importances différentes, c'est-à-dire sont plus ou moins présents, donnant ainsi un timbre appelées harmoniques. Selon les instruments qui jouent la même note, les harmoniques ont trouve une onde sonore de fréquence 440 Hz, qu'on appelle la fréquence fondamentale, mais, plusieurs fréquences. Quand on entend le « la » à 440 hertz par exemple d'un violon, on y Un son est très rarement constitué d'une seule fréquence. Il est en général un mélange de entend aussi des ondes de fréquences multiples de cette fréquence fondamentale,

On souhaite synthétiser la note « la » à partir d'un signal non sinusoïdal afin d'obtenir de harmoniques. manière automatique des harmoniques. On va chercher ø. caractériser l'ensemble

Exercice 1

1) On reproduit un « la » à l'aide d'un signal carré symétrique de fréquence 440Hz.

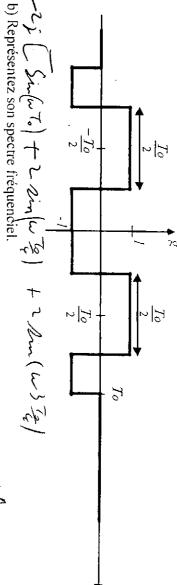


<u>a</u> Calculer son développement en série de Fourier sous la forme

$$e(t) = C_0 + \sum_{n=-\infty, n\neq 0}^{\infty} C_{n\cdot}e^{j\cdot n\cdot \omega xt} \quad C_n = -\frac{4}{h\pi} \quad Sin(lt)$$

- চ Quelle est l'amplitude de l'harmonique à la fréquence fondamentale? Quelle est l'amplitude de l'harmonique au double de la fréquence fondamentale
- ೦ Représentez l'ensemble des coeflicients C_n en fonction de
- d) Calculez l'énergie de e

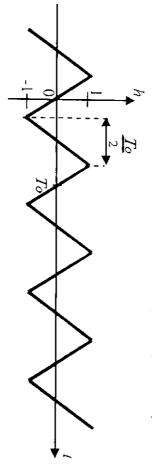
a) Calculez la transformée de Fourier du signal unique g(t).



c) En déduire le développement en série de Fourier de e(t).

d) Calculez l'énergie de g して

1) On reproduit un « la » à l'aide d'un signal triangulaire symétrique de fréquence 440Hz.



a) Calculer son développement en série de Fourier sous la forme :
$$h(t) = C_0 + \sum_{n=-\infty, n\neq 0}^{\infty} C_n \cdot e^{t \cdot n \cdot \omega n \cdot t} \qquad C_{\infty} = -\frac{1}{2\pi t} \sum_{n=-\infty, n\neq 0}^{\infty} C_n \cdot e^{t \cdot n \cdot \omega n \cdot t}$$
b) Quelle est l'amplitude de l'harmonique à la fréquence fondamentale?

5) Quelle est l'amplitude de l'harmonique au double de la fréquence fondamentale? 0

86 27

0 Représentez l'ensemble des coefficients C_n en fonction de n

d) Calculez l'énergie de h

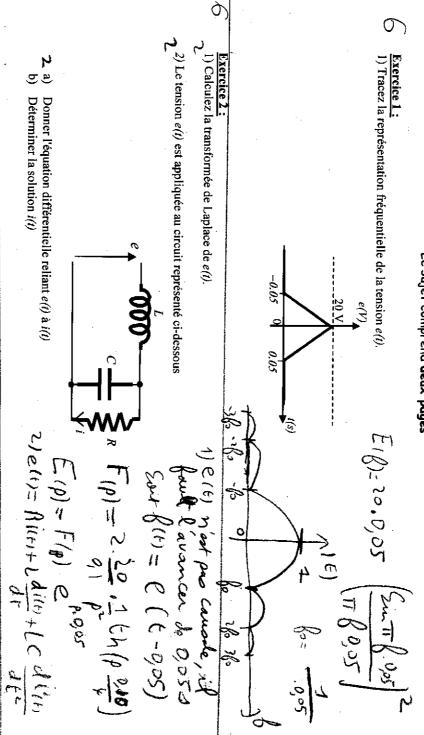
3 : Comparaison

Les signaux e et h génèrent la même note, comparez leur énergie.

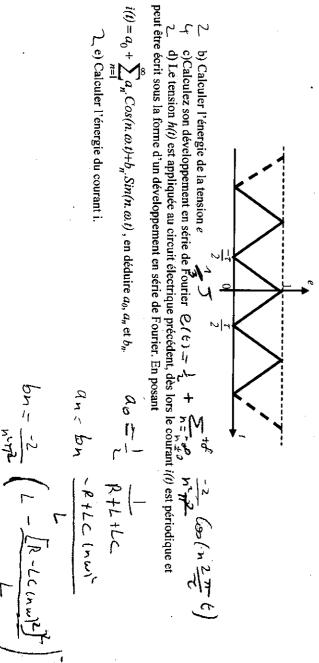
Durée 2 Heures Janvier 2012, 2^{ème} année male 2101-110

Devoir Surveillé, MAP2

Tous documents autorisés mais non conseillés, calculatrice autorisée mais inutile L'usage de téléphones portables et ordinateurs est formellement interdit Le sujet comprend deux pages



Exercice 3:
a) On considère, maintenant la tension périodique suivante



e) as + as + br

| ** * * * * |
|------------|
| |
| |
| • |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |



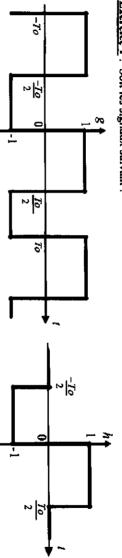
Amade to 101-61

Janvier 2011, 2^{ème} année Durée 2 Heures

Devoir Surveillé, MAP2

Tous documents autorisés mais non conseillés, calculatrice autorisée mais inutile L'usage de téléphones portables et ordinateurs est formellement interdit Le sujet comprend deux pages

Exercice 1: Soit les signaux suivant :



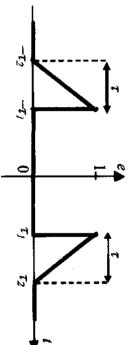
1) Donnez le développement en série de Fourier de la fonction périodique g(t) sous la forme :

$$g(t) = a_0 + \sum_{n=1}^{+\infty} \left(a_n \cos(n\omega_o t) + b_n \sin(n\omega_o t) \right)$$
Réponse : $g(t) = \frac{2}{\pi} \sum_{n=1}^{+\infty} \left(\frac{1}{n} [1 - \cos(n\pi)] \sin(n\omega_o t) \right)$
2) Calculez $H(f)$, la transformée de Fourier de la fonction $h(t)$
Réponse : $H(f) = \frac{2}{j\pi f} \sin^2\left(\frac{\pi}{2} f T_o\right)$

En déduire le développement en série de Fourier de la fonction g(t) sous la forme : $g(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} C_n e^{jn\omega_n t}$

Réponse :
$$C_n = \frac{21}{\pi n} [1 - \cos(n\pi)]$$
5) Tracez $|G(f)|$

Exercice 2: Soit le signal en tension suivant avec



1) Calculer sa transformée de Fourier

Réponse:
$$E(f) = \frac{-1}{2(\pi f)^2 \delta} \left[\cos(2\pi f \tau_2) - \cos(2\pi f \tau_1) \right] - \frac{1}{\pi f} \sin(2\pi f \tau_1)$$

2) Cette tension est appliquée aux bornes d'une resistance R. Calculez l'énergie du signal e(t).

Exercice 3:

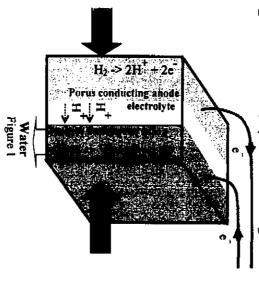
Une pile à combustible est un dispositif électrochimique qui produit directement de l'eau, de la chaleur et de l'électricité par une réaction d'oxydoréduction de l'hydrogène et l'oxygène.

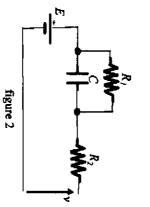
$$H_2 + \frac{1}{2}O_2 \longrightarrow H_2O + Chaleur + Electricité$$

l'environnement en milieu urbain car elle rejette uniquement de l'eau. Pour une pile à combustible utilisant une membrane échangeuse de protons, l'hydrogène est situé sur le côté de l'anode et d'oxygène sur le côté de la cathode (figure 1). La membrane électrolyte entre ces deux compartiments permet l'échange des protons, tandis électrique. que les électrons issus de la réaction circulent dans le circuit électrique externe et sont à l'origine du Utilisée comme source d'électricité dans un véhicule électrique, cette technologie est intéressante pour

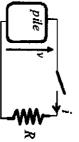
dynamique d'une pile. Le modèle paramétrique développé par Amphlett (figure 2) utilise les données suivantes : la tension constante E=1.229V, qui est le potentiel thermodynamique de Nernst, De nombreuses approches ont été utilisées pour décrire mathématiquement le comportement physique et

- _ la résistance d'activation R_i liées aux pertes internes,
- raccordement, résistance R_2 , qui représente les pertes Joule liées au contact électrique sur les plaques pour le
- un condensateur C, représentant le stockage interne des charges.





a) A r=0, la tension aux bornes du condensateur est nulle et on connecte cette pile à une résistance ⋗



Calculez l'évolution temporelle du courant généré i(t).

Pour faciliter le développement des calculs, on pourra utiliser les constantes de temps suivantes :

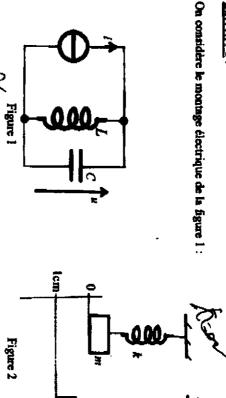
$$a = R_1C, \ b = \frac{(R + R_1)R_1C}{R + R_1 + R_2}, \ K = \frac{1}{R + R_1 + R_2}$$
Réponse : $i(t) = \begin{bmatrix} \frac{a}{b}e^{-\frac{t}{b}} + \begin{bmatrix} 1 - e^{-\frac{t}{b}} \end{bmatrix} \end{bmatrix} KE$

b) A t=0, la tension aux bornes du condensateur est nulle et on connecte maintenant cette résistance pendant uniquement un temps τ . Calculez l'évolution temporelle de la tension v(t).

Devoir Surveillé

Tous documents autorisés, le sujet comprend deux pages

Exercice 1:



Le courant dan

1) Déterminer 1 le transformée de Laplace de la tension aux bornes du condensateur. Le fault. La full l'évolution tensersoils de condensateur. has elfest initial ement nul. L = 100 mH; C = 10 µF et i=1A.

- évolution temporelle du courant dans la bobine.
- de lom (figure On consider i). La force de rappel exercée par le ressort est exprimée par : f(t) = -kx(t)une masse m fixée sur un ressort de raideur k et que l'on tire pour la déplacer

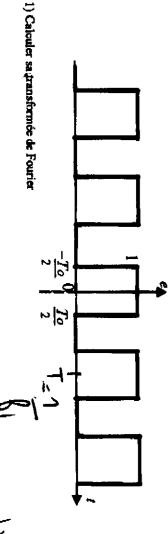
On rappelle que l'équation fondamentale de la dynamique conduit à l'expression suivante : $\frac{d^2x(t)}{dt^2} = f(t)$

$$m\frac{d^2x(t)}{dt^2}=f(t)$$

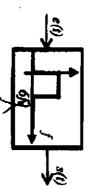
domaine de Laplace. A 1-0s, on lâche le ressort. On cherche à déterminer l'évolution temporelle de la position. Déterminez la transformée de Laplace des deux équations et en déduire la solution dans le

- Calculez l'évolution temporelle de la position (x(t)).
- Comparez le système électrique de la figure 1 et mécanique de la figure 2.

: togytus Exercice 2: On pourra faire l'approximation suivante $\pi^2 = 10$. Soit le signal périodique



- 2) Calculer son développement en série de Fourier sous la forme : $e(t) = C_0 +$
- 3) Calculez l'énergie du signal e(t).
- bande est constant et égal à 1, en debors de la bande, le gain est nul. Donnez l'équation du signal de sortie s(i). 4) Ce signal traverse un système dont la bende passante est comprise entre 0 Hertz et $6f_0$ Hertz. Le gain dans la



5) Calculez l'énergie du signal s(t).

6) Donner le pourceptége d'épargie pou

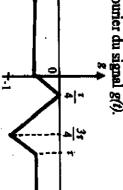
•

.

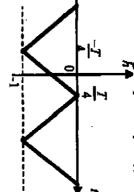
Durée 2 Heures 2^{ère} année 2009

Documents autorisés: 1 Feuilles recto-verso, format A4, Calculatrice interdite

Exercice 1: / 0
1) Calculer la transformée de Fourier du signal g(i).

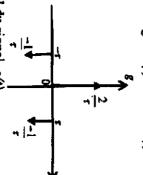


2) Calculer la transformée de Fourier du signal périodique h(t).



3) Calculer le développement en série de Fourier du signal périodique h(t).

Exercice 2: 761) Soit g(t) la dérivée seconde du signal e(t). Tracez e(t).



- Z) Tracez le spectre fréquentiel du signal e(t).
 3) Calculer l'énergie du signal e
- 4) Un filtre H(f), tel que H(f)=1 pour -fc< f< fc, est appliqué sur ce signal, calculer l'énergie perdue, en considérant que $\sin(x)/x = 1/x$ pour x très grand.
- 5) Déterminez la fréquence de coupure pour que cette énergie perdue représente au plus
- 1/1000 de l'énergie de e.
- 6) On applique maintenant à l'entrée de ce filtre la tension : $u(t) = 10\sin\left(2\pi i \frac{f_c}{2}t\right)$, tracez le spectre fréquentiel du signal de sortie.

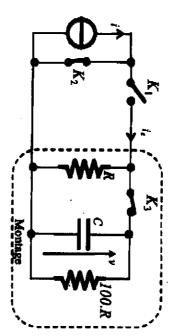
quentiel du signal de sortie. On applique maintenant à l'entrée de ce filtre une impulsion de Dirac, tracez le spectre

٠. .

Exercice 3:

suivante: $\frac{100}{101}$ = 1, ainsi que les valeurs suivantes : R.C = Pour la résolution des questions de cet exercice, on pourra considérer la simplification

A t=0, la tension aux bornes du condensateur du montage suivant est mille



- AD en fermant K1 simultanément. K3 reste fermé. 1) A t=0, on applique à l'entrée de ce montage un courant constant i(t) = I en ouvrant K2 et
- 1.1) Déterminez l'expression temporelle de la tension aux bornes du condensateur, en utilisant la transformée de Lapiace. Représentez graphiquement l'évolution temporelle de ette tension.
- 2, 1.2) Donnez la valeur de cette tension en régime permanent.
- de la tension aux bornes du condensateur. 1.3) Une fois le régime permanent atteint, on ouvre K3. Déterminer l'expression temporelle

700

autorisés: 1 Fauilles recto-verso, format **.** Calculatrice interdite

6 (Rxereke 1:

1) Soit in function $f(t) = Cor^2 \left(\frac{\pi t}{\theta} \right) pour - \frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et f(t) = 0 silleurs.

a) Tracer f(t)

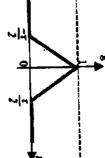
b) Calculez sa transformée de Fourier c) Tracer F(t).

2) Soit $g(t) = Cor^2 \left(\frac{\pi t}{\theta} \right)$ et w(t) = 1 pour $\frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et w(t) = 0.

a) calculez la transformée de Fourier de g(!)
b) calculez la transformée de Fourier de de w(!).
c) En utilisant le produit de comvolution de g(!) et de w(!), en déduire la transformée de Fourier de f(!).

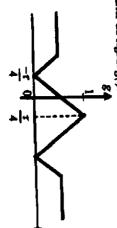
はん

Exercise 2:
a) Calculez la transformée de Fourier de g(t).

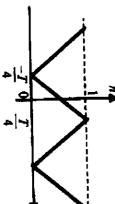


b) Calculer l'énergie du signal g
c) Un filtre $H(\beta)$, tel que $H(\beta)=1$ pour -fc</5/c, est appliqué sur ce signal, calculer l'énergie perthue, en considérant que sin(x)/x=1/x pour x très grand. d) Déterminez la fréquence de cupure pour que cette énergie perdue représente au plus 1/1000 de l'énergie de g.

Exercice 3:
1) Calculer la transformée de Fourier du signal g(i)



2) Calculer la transformée de Fourier du signal périodique h(t).



3) Calculer le développement cu série de Fourier du signal périodique h(t).

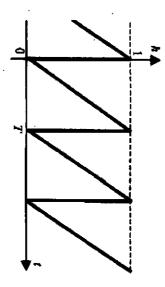
...

MAP 2 : Devoir surveillé

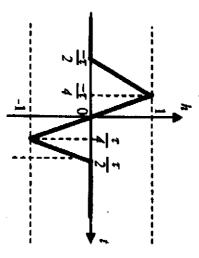
Le sujet comprend quatre exercices. Documents autorisés : 1 feuille manuscrite format A4 recto-verso, Calculatrice interdite

des résultats. Il sera tenu compte dans la correction du soin apporté à la rédaction et à la présentation

Exercice 1 : Détermincz le développement en série de Fourier de la fonction périodique suivante :



Exercice 2:
Calculez la transformée de Fourier du signal suivant :



Exercise 3:

a) En utilisant la transformée de Laplace, résoudre le système suivant : $x'(t) = -x(t) + 2 \cdot y(t) + \gamma(t)$ y'(t) = -2y(t) + x(t)

$$x'(t) = -x(t)+2.y(t)+\gamma(t)$$

$$y'(t) = -2y(t) + x(t)$$

$$avec x(0)=y(0)=0$$

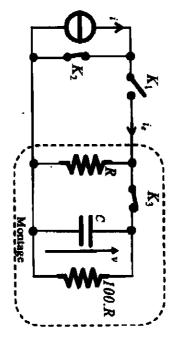
b) Tracez l'évolution temporelle de la fonction : z(t) = x(t) + y(t)

٠.

Exercice 4:
Pour la résolution des questions de cet exercice, on pourra considérer la simplification

suivante : $\frac{100}{101} = 1$, ainsi que les valeurs suivantes : R.C = 19 اً حد

A t=0, la tension aux bornes du condensateur du montage suivant est nulle



- 1) A i=0, on applique à l'entrée de ce montage un courant constant i(i)=I en ouvrant K2 et en fermant K1 simultanément. K3 reste fermé.
- 1.1) Déterminez l'expression temporelle de la tension aux bornes du condensateur, en utilisant la transformée de Laplace. Représentez graphiquement l'évolution temporelle de cette tension.
- 1.2) Donnez la valeur de cette tension en régime permanent.
- 1.3) Une fois le régime permanent atteint, on ouvre K3. Déterminer l'expression temporelle de la tension aux bornes du condensateur.
- 2) On considère maintenant une autre application. simultandment, montage un courant égal à i(t) = I.Sin(2.II.50.t) en ouvrant K2 et en fermant K1condensateur est toujours considérée nulle et K3 est fermé. On applique à l'entrée de ce A =0, la tension aux bornes
- 2.1) Domez l'expression mathématique du courant i_e(t).
- 2.2) Déterminez la tension aux bornes du condensateur en utilisant la transformée de Laplace.

Durée 2 Heures 2^{tre} année 2 Décembre 2005

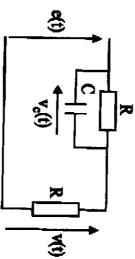
Devoir Surveillé

Documents autorisés: 2 Feuilles format A4 Calculatrice interdite

 $F(p) = \frac{\exp(-p\pi)}{p^2 + 2p + 2}$ $F(p) = \frac{3p+1}{p^2 + 2p + 5}$

Déterminez les originaux des transformées de Laplace suivantes:

On a le circuit suivant :

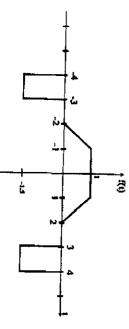


A l'instant t=0, on applique un échelon de tension d'amplitude E:e(t)=E pour t>0.

Donnez l'expression de v(t) en utilisant la transformée de Laplace et en sachant que $V_c(0^*)$ = V_1 .

Exercice n°3

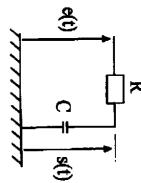
On a la fonction suivante :



F(0). Calculez la transformée de Fourier de la fonction f(t). En déduire F(0), que représente

7.

On a le circuit suivant :



- 1) Donnez l'équation différentielle qui relie e(t) et s(t)
- 2) Donnez la transformée de Fourier de cette équation différentielle
- 3) La tension d'entrée e(t) est un échelon unité d'amplitude i(e(t)=0 si t<0 et e(t)=1 si**†≥0)**.

donnez S(f) et en déduire s(t). Sachant que la transformée de Fourier de e(t) est $E(f) = \frac{1}{2}\delta(f) + \frac{1}{2\pi jf}$



Exercice N°5

On cherche à calculer l'intégrale suivante :

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{df}{(1+f^2)^2}$$

rappel: la transformée de Fourier de la fonction exp(-a|t|) est $\frac{2\alpha}{\alpha^2 + 4\pi^2 t^2}$ avec $\alpha > 0$

de Fourier, calculez l'intégrale I. En identifiant l'expression de a et en utilisant le théarème de Parseval dans la transformée

IG2I

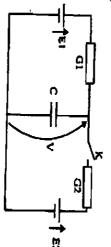
Septembre 2005 Durée 2 Heures 2^{ère} année

Devoir Surveillé

Documents autorisés: 1 Fauille format A4
Calculatrice interdite

Exercice #*1

On a le circuit suivant :



61 et 62 sont des conductances. A l'instant t=0, on ferme l'interrupteur K. V(0°) = E1

- 1) Donnez le schéma électrique équivalent en utilisant les impédances opérationnelles et les générateurs de tensions en Laplace.
- 2) En utilisant, une formulation simple de la théorie de l'électricité, donnez En déduire l'expression de V(t) l'expression de V(p).

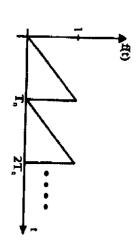
Exercice n°2

Déterminez la fonction y(t) solution de l'équation différentielle suivante :

$$y'' + 2y' + y = 1 + exp(-t)$$

Exercice nº3

On a la fanction périodique suivante :



Calculez la transformée de Laplace de cette fonction

xercics nº4



On cherche à calculer l'intégrale suivante :

Suivante:
$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{df}{(1+f^2)^2}$$

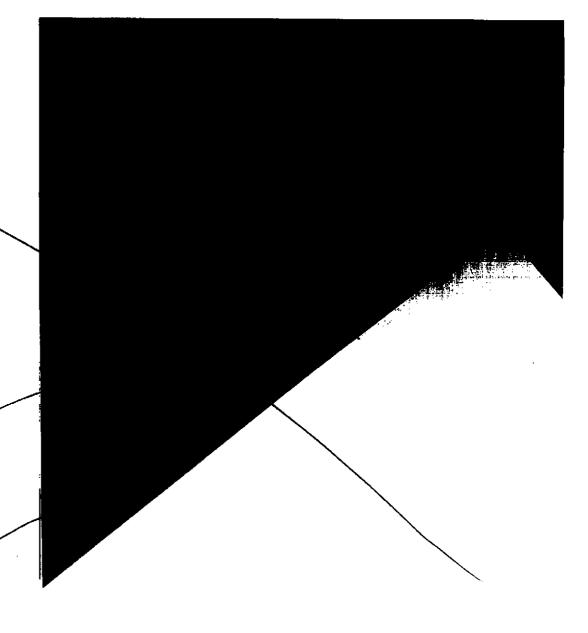
<u>rappel</u>: la transformée de Fourier de la fonction exp(-a|t|) est $\frac{2\alpha}{\alpha^2 + 4\pi^2 f^2}$ ovec $\alpha > 0$

En identifiant l'expression de a et en utilisant le théorème de Parseval dans la transformée de Fourier, calculez l'intégrale I.

हेरी. क्रांशक्य

On cherche d'colculer l'intégrale auivante : $\frac{1}{z({}^2 \gamma_+ 1)^{\alpha}} = 1$ Or o transforgée de l'intégrale au fonction exp(-\alpha|1) est $\frac{2\alpha}{\alpha}$ avec $\alpha \approx 0$

En identificat l'expression de α et en utilisont le théorème de Parsevol dons la transformée de Fourier, calculez l'intégrale I.



Durée 2h 2^{hre} année 3 Décembre 2004

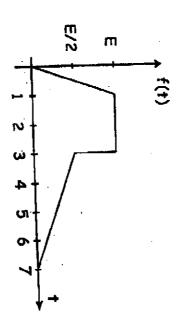
DEVOIR SURVEILLÉ N°2

Document non autorisé Calculatrice interdite



Exercice nº 1

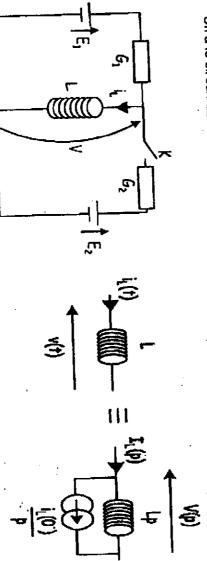
On a la fonction f(t) suivante :



Calculez sa transformée de Laploce.

Exercice n°2

On a le circuit suivant :



 G_1 et G_2 sant des conductances. A l'instant t=0, on ferme l'interrupteur K: $i_L(Q^i) = E_1 \hat{G}_1$

- 1) Donnez le schéma électrique dans le domaine de Laplace.
- 2) En utilisant, une formulation simple de la théorie de l'électricité, donnet En déduire l'expression de v(t). l'expression de V(p).

Exercice n°3

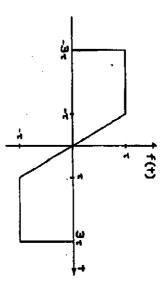
7

Résolvez cette équation différentielle en utilisant le domaine de Laplace.

$$\dot{y}(t)+2y(t)=e^{-t}Sin(t)y(t)$$
 avec $y(0^{\circ})=0$

Exercice n°4

On a la fonction f(t) suivante:

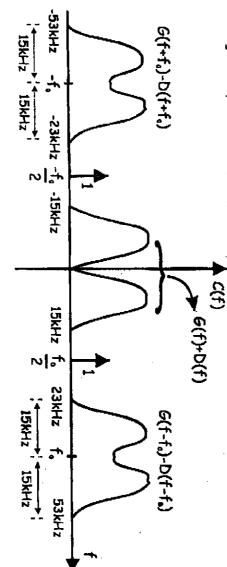


- 1) Calculez F(f) la transformée de Fourier de la fonction f(t).
- 2) Donnez $\int_{-\infty}^{\infty} F(f) df$.

Exercice nº5

F

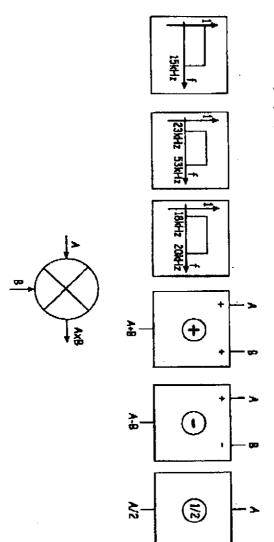
Le signal composite stéréophonique c(t) est défini par son spectre sur la figure ci-après :



G(f) et D(f) sont les transformées de Fourier de la voie gauche g(t) et de la voie droite d(t). Quand je définis un filtre de bande [f₁,f₂], il est aussi défini pour la bande [-f₂-f₃] La fréquence fo = 38 kHz

1) Dannez l'expression de C(f). En déduire l'expression de c(t) en fonction de g(t), de d(t) et de fonction cosinus Loissez la fréquence fo, ne remplacez pas par sa valeur numérique.

- 2) On utilise un filtre passe bas, de bande [0,15kHz]. Le signal c(t) est envoyé dans ce fittre, donnez l'expression de la sortie s_i(t) obtenue.
- 3) On utilise un filtre passe bande, de bande [23kHz,53kHz]. Le signal c(t) est envoyé dans ce filtre, donnez l'expression de la sortie s2(t) obtenue.
- 4) On utilise un filtre passe bande, de bande [18kHz,20kHz]. Le signal c(t) est envoyé dans ce filtre, donnez l'expression de la sortie s₃(†) obtenue.
- 5) On prend la sortie s₅(t). On multiplie s₅(t) par lui-même et un facteur 1/2. On pase $s_4(t) = \frac{1}{2}s_3^2(t)$, donnez la transformée de Fourier de $s_4(t)$
- 6) On multiplie s2(t) par s4(t). On a s5(t) = s2(t)s4(t), donnez la transformée de Fourier de Le signal s₅(t) est envoyé dans un filtre passe-bas [0, 15kHz]. Donnez le signal obtenu en sortie s₆(t).
- 7) On dispose de 2 filtres passe-bas [0,15kHz], d'un filtre passe-bande [23kHz,53kHz], d'un fithre posse-bande [18kHz,20kHz], de 2 multiplieurs, de 3 amplificateurs parfaits Le schéma synoptique de ces éléments sont les suivants de gain 1/2, d'un additionneur et d'un soustracteur.



Donnez le schéma synoptique de l'ensemble.



19 Décembre 2003

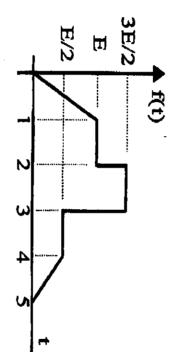
Durée: 2h 2 année

Devoir Surveillé N°2

Document autorisé: 2Feuilles format A4 Calculatrice interdite

9 Exercice nº1

1) Donnez la transformée de Laplace de la fonction f(t).

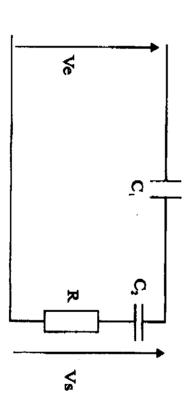


2) Donnez l'original de ces transformées de Laplace.
$$F_1(p) = \frac{-2p^2 - p + 1}{(p^2 + 2p + 5)(p + 2)^2}$$

$$F_2(p) = \frac{p^2 + 3p + 7}{(p^2 + 4p + 8)(p + 1)}(1 - e^{-p\tau})$$

Exercice nº2

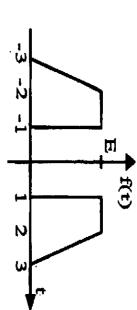
suivant. Le système part du repos. En utilisant la transformée de Laplace, calculer Vs(p)et en déduire Vs(t) pour le circuit



Exercice nº3

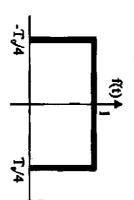
٠,

Calculez la transformée de Fourier de cette fonction.



Exercice nº4

On a la fonction suivante:



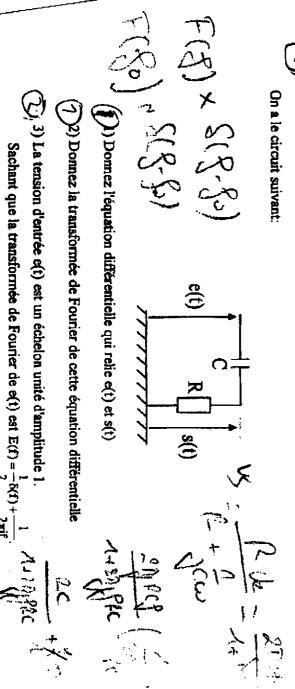
1) Calculez la transformée de Fourier de f(t)

2) On rend la fonction f(t) périodique, de période T₀. Soit fp(t) cette fonction.

DSF (7) En déduire la décomposition en série de Fourier

En déduire les sommes suivantes:

$$\frac{p}{+1}$$
 et $\sum_{p=0}^{p=+\infty} \frac{1}{(2p+1)^2}$



), 3) La tension d'entrée e(t) est un échelon unité d'amplitude 1

Sachant que la transformée de Fourier de e(t) est $E(f) = \frac{1}{2} \delta(f) + \frac{1}{2\pi i f}$ donnez S(f) et en déduire s(t).

donnez S(f) et en déduire s(t)

Durée : 2h 2^{èm} année 22 Novembre 2002

Devoir Surveillé N°2

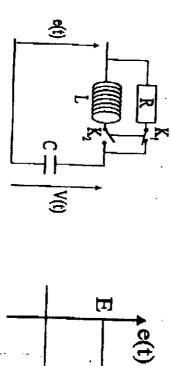
Documents autorisés: 2Feuilles format A4 Calculatrice interdite

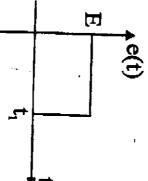
Résolvez l'équation non linéaire suivante :

$$f(t) + \int_0^t f(r)f(t-r)dr = 2(2t+1)e^{2t}$$

Exercise nº2 pm/2pc Vous devez obtenir une équation du second degré en F(p) qu'il faut résoudre. $\Rightarrow L$ Vous obtiendrez ainsi deux solutions possibles $F_1(p)$ et $F_2(p)$. $\Rightarrow 2$. $F_1(p) = \frac{2L}{(f-1)^2}$ Déduisez les deux solutions $f_1(t)$ et $f_2(t)$. $f_1(t) = 2$. $f_1(t) = -f(t)$. $f_1(t) = -f(t)$. Utilisez le domaine de Laplace. F(1)+ Fai = 25-25

Pour traiter ce problème, utilisez la transformée de Laplace. On a le système suivant :





- - I) A l'instant t = 0, l'interrupteur K_1 est fermé et K_2 est ouvert. Le système part du героз.

La tension e(t) est une constante d'amplitude E. Calculez la tension $v(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{2}}c)$

Calculez la tension v(t) = E (1-c)

とない。

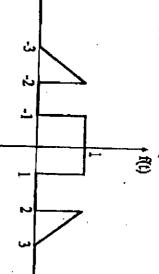
2) A l'instant $t = t_1$, on coupe la tension e(t), c'est-à-dire que e(t) = 0. A ce même instant, l'interrupteur K1 est ouvert et l'interrupteur K2 est fermé. Cette opération est instantanée.

Calculez la tension v(t).

Exercise 293 Due 6 points

On a la fonction suivante :

Lagu.

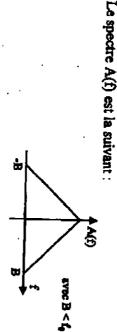


1) Calculez la transformée de Fourier de la fonction f(t)_

Exercice nº4/mi 12 points

On a un signal $x(t) = a(t) \times Cos(2\pi f_0 t)$ avec a(t) > 0

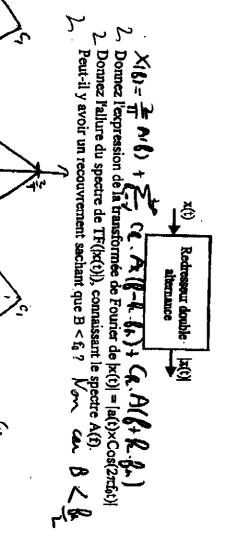
A(f) est la transformée de Fourier de a(t).



1) On pose h(t) = |Cos(2nt6t)|, c'est un cosinus redressé double signal périodique. Donnez la fréquence de ce signal. La transformée de Fourier H(f) de h(t) est égale à : ternance. h(t) est un

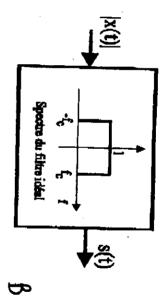
Ck sont les coefficients de la décomposition de Fourier du signal h(t). $H(f) = \frac{2}{\pi} \delta(f) + \sum_{k=1}^{k-1} C_k \delta(f - \mathbf{k} f_k) + C_{-k} \delta(f + \mathbf{k} f_k), \text{ où } f_k \text{ est la fréquence du signal } h(t) \text{ et}$

2) On envoie le signal x(t) vers un système qui effectue un redressement double atternance



3) Le signal [x(t)] à la sortie du redresseur traverse un filtre passe bas idéal de fréquence de coupure f_{c} . A la sortie de ce filtre, on désire récupérer que le spectre de a(t), à un coefficient de proportionnalité près.

ij.,



Donnez l'intervalle où doit se situer la fréquence de coupure f_c du filtre idéal. \mathcal{D} Donnez l'expression de $s(t) = \lambda f_c - \left(\frac{\sum_{i=1}^{n} \lambda_{TI} f_c}{\sum_{i=1}^{n} \lambda_{TI} f_c}\right)$



Septembre 2002 Durée 1h30 2^{3rs} anniée

Devoir Surveillé Nº1

Documents autorisés: 6Feuilles format A4 Calculatrice interdite

Exercice nº1

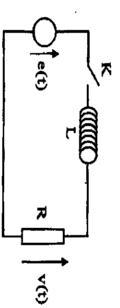
On a une fonction f(t) régie par cette équation remarquable, L. B(2). T.L. e = T.Cat)

 $\int_0^t f(\tau) \exp(\tau - \tau) d\tau = \cos(t)$

Résolvez cette équation en utilisant la transformée de Laplace pour trouver l'expression de

Exercice n°2

A l'instant t = 0, le courant parcourant la bobine étant nul, on ferme l'interrupteur K.



A, c->2005

S

La tension e(t) est égale à E sin(oot).

Déterminez la tension v(t) en utilisant la transformée de Laplace. De cette expression domez l'expression du régime transistoire et du régime permanent.

Exercice p°3

1125

そこし

On cherche à calculer Fastégrale suivante

$$I = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{df}{(1+f^2)^2}$$

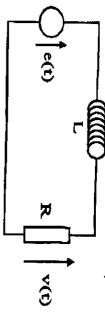
rappel: la transformée de Fourier de la fonction exp(- α |t|) est $\frac{1}{\alpha^2 + 4\pi^2 f^2}$ avec $\alpha > 0$

S

En identifiant l'expression de α et en utilisant le théorème de Parseval dans la transformée de Fourier, calculez l'intégrale I.

Exercice nº4

On a le circuit suivant :



- 1) Dannez l'équation différentielle qui relie e(t) et v(t). 4,25
- 2) Donnez la transformée de Fourier de cette équation différentielle. 4, 15
- 3) Sachant que $c(t) = E \sin(\omega_0 t)$ Donnez V(f), la transformée de Fourier de v(t). En déduire v(t). of que $E(f) = TF(e(t)) = \frac{E}{2j} (\delta(f - f_0) - \delta(f + f_0))$ avec $\omega_0 = 2\pi f_0$



Devoir Surveillé, MAP2

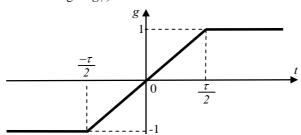
L'usage de téléphones portables et ordinateurs est formellement interdit

Exercice 1:

- a) Soit la fonction $g(t) = Sin\left(\underline{x.t}\right)$, calculez la transformée de Fourier de g(t).
- b) Soit w(t) = 1 pour $-\frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et w(t) = 0 ailleurs, calculez la transformée de Fourier de w(t).
- c) En déduire la transformée de Fourier de la fonction $h(t) = Sin\left(\frac{\pi t}{\theta}\right)$ pour $-\frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et h(t) = 0 ailleurs.
- d) Tracer H(f).

Exercice 2:

Calculez la transformée de Fourier du signal *g(t)*.



Exercice 3:

Soit $g(t) = Ae^{-t/\tau}$ pour $t \ge 0$ et g(t) = 0 ailleurs. A > 0 et $\tau > 0$.

a)

Tracez g(t).

b)

Calculer sa transformée de Fourier : G(f).

c)

Tracez la partie réelle de G(f).

d)

Combien vaut l'amplitude maximale de G(f)?

Donnez l'expression des fréquences à la moitié de cette amplitude.

En déduire la largeur fréquentielle à la moitié de cette amplitude en fonction de τ .

e)

Si tend τ vers zéro, comment évoluent g(t) et G(f)?

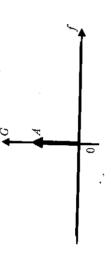
Institut de Génie Informatique et Industriel

2016, 2^{ème} année Durée 2 Heures

Devoir Surveillé, MAP2

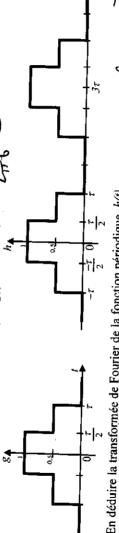
L'usage de tout objet connecté est formellement interdit

Exercice 1: Calculez la transformée inverse de Fourier de GØ.



(2 July + (2) 4 ying Exercice 2:

a) Calculez la transformée de Fourier du signal g(t). $G(\xi) = \frac{1}{2\pi}\xi$



Exercice 3:

Soit la fonction $f(t) = \frac{E}{2}(1+Cos(\frac{2\pi t}{\theta}))$ pour $\frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et f(t) = 0 ailleurs, tracer f(t) et calculez sa transformée de Fourier

Soit $g(t) = \frac{E}{2} \left(1 + Cos \left(\frac{2\pi t}{\theta} \right) \right)$ et w(t) = 1 pour $-\frac{\theta}{2} \le t \le \frac{\theta}{2}$ et w(t) = 0, calculez les transformées de

Fourier de g(t) et w(t). En déduire la transformée de Fourier de

Tracer F(0).

0

F(1)=E (Sin(1180) +1 (Sin(12+8) o + Sin(12-110)

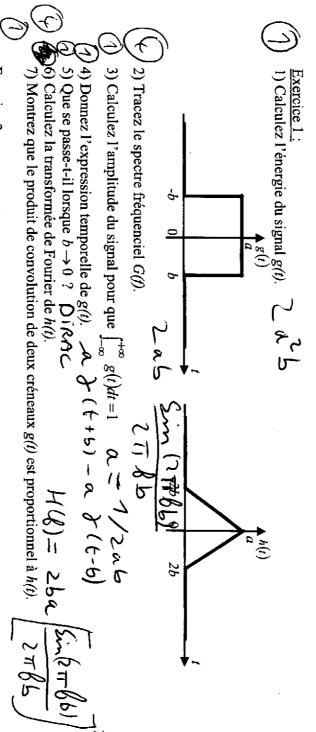
[G2]

stitut de Génie Informatique et Industri

2017, 2^{ème} année Durée 2 Heures

Devoir Surveillé, MAP2

Sans documents, l'usage de tout objet connecté est formellement interdit



Exercice 2:

Soit un signal x(t) de spectre X(f), déterminez la transformé de Fourier de $y(t) = x(t) \cdot \cos(2 \cdot \Pi \cdot f_0 \cdot t)$. $X(x) = \frac{1}{2} \left[X(x) \cdot (x - x) + X(x) \cdot (x + y) \right]$

Exercice 3:

reçu par le récepteur a pour expression : Un signal est émis par un récepteur à travers un réseau ou canal de communication. Le signal

- $y(t) = ax(t-t_0) + bx(t-t_1)$ avec les constantes telles que : 0 < b << a et $0 < t_0 < t_1$ y if t < a.

 1) Déterminez la fonction de transfert du réseau de communication : H(f) = a.
- utilisant un filtre appelé « égaliseur ». On veut retrouver en sortie de ce filtre $x(t-t_0)$. 2) On souhaite corriger la distorsion apportée sur x(t) par ce canal de communication en

3) Déterminez l'expression temporelle du signal de sortie du filtre z(t) en fonction de y(t). Déterminez la fonction de transfert de ce filtre : G(f).

athe Emetteur -278(to-6,) Filtre 1815 - T.F. - T.F. - M. G. G. J. C. W. C.